

НЗ.

$$Z = 2x^3 + y^3 - 6x - 12y + 3$$

$$1) \begin{cases} \frac{\partial Z}{\partial x} = 6x^2 - 6 \\ \frac{\partial Z}{\partial y} = 3y^2 - 12 \end{cases} \begin{cases} 6x^2 - 6 = 0 \\ 3y^2 - 12 = 0 \end{cases} \begin{cases} x = \pm 1 \\ y = \pm 2 \end{cases}$$

$$2) \begin{cases} A = \frac{\partial^2 Z}{\partial x^2} = 12x \\ B = \frac{\partial^2 Z}{\partial x \partial y} = 0 \\ C = \frac{\partial^2 Z}{\partial y^2} = 6y \end{cases}$$

$$\Delta = 12x \cdot 6y - 0 = 12 \cdot (\pm 1) \cdot 6 \cdot (\pm 2) = 144$$

Т.к.  $\Delta$  должен быть  $> 0 \Rightarrow (1; 2); (-1; -2)$   
Точки экстремума

при  $x=1$   $A > 0$ , тогда точка  $(1; 2)$  - точка минимума  
при  $x=-1$   $A < 0$ , тогда точка  $(-1; -2)$  - точка максимума

$$Z_{\min} = -17; \quad Z_{\max} = 23$$