# Cl2612: Algoritmos y Estructuras de Datos II

Blai Bonet

Universidad Simón Bolívar, Caracas, Venezuela

# **Objetivos**

- Introducir el concepto de conjunto dinámico y las operaciones que deben ser soportadas
- Resumen de diferentes implementaciones y su desempeño

### Conjuntos dinámicos

© 2018 Blai Bonet

### Conjuntos dinámicos

La representación eficiente de conjuntos de elementos es una tarea fundamental para la implementación de algoritmos avanzados

A lo largo de la ejecución de un programa, el contenido del conjunto puede cambiar a medida que elementos son insertados y eliminados. Adicionalmente el algoritmo requiere de al menos poder chequear cuando un elemento pertenece o no al conjunto

Un conjunto que cambia se conoce como **conjunto dinámico**. En el resto del curso nos enfocaremos en como representar dichos conjuntos

© 2018 Blai Bonet

© 2018 Blai Bonet

#### Elementos del conjunto dinámico

Típicamente los elementos son objetos cuyos atributos pueden ser accesados/modificados si se tiene un **apuntador/referencia** al objeto

Frecuentemente se asume que los objetos tienen **claves** distintas y un conjunto dinámico puede ser entendido como la colección de las claves de los objetos en el conjunto

Cuando tratamos a los objetos como claves, los atributos distintos a la clave se llaman datos satélite

En algunos casos asumiremos que existe un **orden total sobre las claves** de forma que claves distintas puedan ser comparadas

© 2018 Blai Bonet

### Operaciones tipo query

- Search(S,k): busca un elemento con clave k. Si lo encuentra, retorna un apuntador x tal que x.key=k, sino retornal null
- $\operatorname{Minimum}(S)$ : para claves ordenadas, retorna un apuntador al elemento en S de menor clave
- ${\tt Maximum(S)}$ : para claves ordenadas, retorna un apuntador al elemento en S de mayor clave
- Successor(S,x): para claves ordenadas, retorna un apuntor al elemento en S cuya clave es la siguiente a la clave de x, o null si no existe tal elemento
- Predecessor(S,x): para claves ordenadas, retorna un apuntador al elemento en S cuya clave es la anterior a la clave de x, o null si no existe tal elemento

### Operaciones sobre el conjunto dinámico

Una estructura de datos (ED) que implementa un conjunto dinámico esta diseñada para **soportar de forma eficiente** un número de operaciones sobre el conjunto

Las operaciones se dividen en dos tipos:

- operaciones tipo "query" que devuelven información sobre los elementos y el conjunto pero que no lo modifican
- operaciones que modifican la ED

© 2018 Blai Bonet

## Operaciones que modifican la ED

- Insert (S,x): inserta el elemento apuntado por x en el conjunto S
- Delete(S,x): elimina del conjunto S el elemento apuntado por x (observe que x es un apuntador y no una clave)

Una ED que soporta Search(S,k), Insert(S,x) y Delete(S,x) se conoce como un diccionario de datos

© 2018 Blai Bonet

### Diversas EDs para conjuntos dinámicos

En lo que resta del curso veremos diferentes EDs que implementan conjuntos dinámicos:

- EDs elementales: pilas, colas, listas enlazadas, y la implementación de objetos y apuntadores cuando el lenguaje de programación no lo soporta
- tablas de hash que implementan un diccionario y cuyas operaciones pueden realizarse en tiempo promedio constante bajo suposiciones razonables
- árboles de búsqueda binarios
- árboles rojo/negro que soportan todas las operaciones anteriores en tiempo logarítmico en el número de elementos

© 2018 Blai Bonet