

10. 집단 간 차이 검정

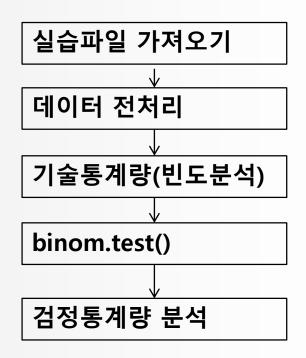
chap10_Ttest_Anova 수업내용

- 1) 단일 집단 검정
- 2) 두 집단 검정
- 3) 분산 분석(두 집단 이상 검정)





● 분석절차





<연구가설>

- 연구가설(H₁) : 기존 2014년도 고객 불만율과 2015년도 CS교육 후 불만율에 차이가 있다.
- 귀무가설(H₀) : 기존 2014년도 고객 불만율과 2015년도 CS교육 후 불만율에 차이가 없다.

<연구환경>

2014년도 114 전화번호 안내고객을 대상으로 불만을 갖는 고객은 20%였다. 이를 개선하기 위해서 2015년도 CS교육을 실시한 후 150명고객을 대상으로 조사한 결과 14명이 불만을 갖고 있었다. 기존 20% 보다불만율이 낮아졌다고 할 수 있는가?

대상 파일 : c:/Rwork/Part-III/one_sample.csv

해당 변수 : survey(만족도)

변수 척도 : 명목척도(y/n)

가정 : 기존 불만율과 CS교육 후 불만율 분석



1. 실습데이터 가져오기

```
getwd()
setwd("c:/Rwork/Part-III")
data <- read.csv("one_sample.csv", header=TRUE)
head(data)
x <- data$survey # 만족도 변수
```



```
2. 빈도수와 비율 계산
   summary(x) # 결측치 없음
   length(x) # 150개
   table(x)
   #x
   # 0 1
   # 14 136 -> 0:불만족(14), 1: 만족(136)
   #table(x, useNA="ifany") # 시리얼 데이터와 NA 개수 출력 시
   install.packages("prettyR")
   library(prettyR) # freq() 함수 사용
   freq(x)
   # Frequencies for x
   # 1 0 NA
   # 136 14 0 <- 빈도수
   #% 90.7 9.3 0 <- 비율 제공
```



- 3. 가설검정 : binom.test() 함수 : 명목척도(y/n) 대상
 - # 이항분포 개념
 - # 1. 정규분포와 마찬가지로 모집단이 가지는 이상적인 분포형
 - # 2. 정규분포가 연속변량, 이항분포는 이산변량
 - # 3. 그래프는 좌우대칭인 종 모양 곡선

binom.test() 함수 이용 가설검정 help(binom.test) # 함수 형식

형식) binom.test(만족수, 불만족수, p = 확률)



1) 만족율 기준 검정

양측검정

binom.test(c(136,14), p=0.8) # 기존 80% 만족율 기준 검증 실시 binom.test(c(136,14), p=0.8, alternative="two.sided", conf.level=0.95)

alternative="two.sided" : 양측검정-> p-value = 0.0006735

해설 : 기존 만족율(80%)과 차이가 있다. -> 연구가설 채택

단측검정

binom.test(c(136,14), p=0.8, alternative="greater", conf.level=0.95)

alternative="greater" : 단측검정-> 방향성 # p-value = 0.0003179

해설 : CS교육을 통해서 기존 만족율(80%) 이상의 효과를 얻을 수 있다고 # 볼 수 있다. 따라서 기존 20% 보다 불만율이 낮아졌다고 할 수 있다.



2) 불만족율 기준 검정

```
# 양측검정
```

```
binom.test(c(14,136), p=0.2) # 기존 20% 불만족율 기준 검증 실시
binom.test(c(14,136), p=0.2, alternative="two.sided", conf.level=0.95)
```

```
# alternative="two.sided": 양측검정-> p-value = 0.0006735
```

해설 : 기존 불만족율(20%)과 차이가 있다. -> 연구가설 채택

단측검정

binom.test(c(14,136), p=0.2, alternative="greater", conf.level=0.95)

alternative="greater" : 단측검정-> 방향성 # p-value = 0.9999 # 불만족율 20% 보다 크지 않다.

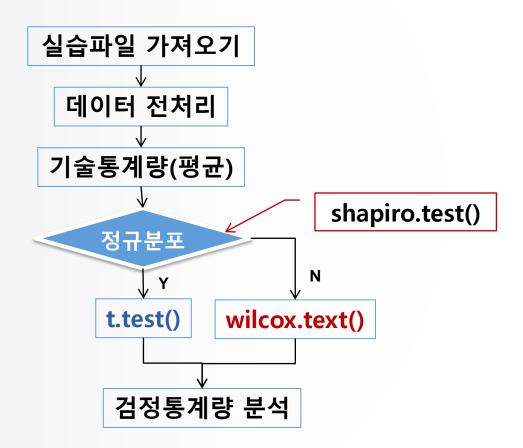
binom.test(c(14,136), p=0.2, alternative="less", conf.level=0.95)

p-value = 0.0003179 -> 불만족율 20% 보다 적다.





● 분석절차





<연구가설>

■ 연구가설(H₁) : 국내에서 생산된 노트북과 A회사에서 생산된 노트북의 평균 사용 시간에

차이가 있다.

■ 귀무가설(H₀) : 국내에서 생산된 노트북과 A회사에서 생산된 노트북의 평균 사용 시간에

차이가 없다.

<연구환경>

국내에서 생산된 노트북 평균 사용 시간이 5.2시간으로 파악된 상황에서 A회사에서 생산된 노트북 평균 사용시간과 차이가 있는지를 검정하기 위해서 A회사 노트북150대를 랜덤으로 선정하여 검정을 실시한다.

대상 파일 : c:/Rwork/Part-III/one_sample.csv

해당 변수 : time

변수 척도 : 비율척도(직접 입력한 수치 데이터)

가정 : 기존 노트북 평균 사용시간 vs A회사 노트북 평균 사용시간

검정 : 노트북 평균 사용시간 수집 -> 평균 -> 정규성 검정 -> T검정



1. 실습파일 가져오기

```
setwd("c:/Rwork/Part-III")
data <- read.csv("one_sample.csv", header=TRUE)
head(data)
x <- data$time # 노트북 사용 시간
head(x)
```



```
2. 데이터 분포 /결측치 제거
   summary(x) # NA-41개
   mean(x) # error
   mean(x, na.rm=T) # NA 제외 평균(방법1)
   # 데이터 정제 -> 5.556881
   x1 <- na.omit(x) # NA 제외 평균(방법2)
   X1
   # 평균(mean) 특징
   # 평균 모양 : 양측에 대한 균형
   # 대상 : 수치 데이터 -> 비율(ratio)
   # 적용 : 평균 차이 검정으로 의사결정
   # 평균 검정 : 평균에 의미가 있는가 검정, 평균을 중심으로 종 모양 형성
   # 왜도 : 한쪽으로 치우쳐진 정도
```



3. 정규분포 검정

```
# 정규분포(바른 분포) : 평균에 대한 검정
# 정규분포 검정 귀무가설 : 정규분포와 차이가 없다.
# shapiro학자가 만든 함수 이용 : shapiro.test()
shapiro.test(x1) # x1 데이터에 대한 정규분포을 검정하는 함수
# W = 0.9914, p-value = 0.7242 <- 정규분포
# 검정결과 분석 : 0.05보다 작으면 정규분포가 아닌 것으로 판단
# 명목척도 -> 보기 항목으로 정규분포가 그려지기 때문에 의미 없음
# 비율척도, 수치 기반 척도(평균에 의미 있는 척도) -> 정규분포 검정 필요
# 정규분포(모수검정) -> t.test()
# 비정규분포(비모수검정) -> wilcox.test()
```

hist(x1) # 정규분포 형태



4. 가설검정 - 모수/비모수

t.test()

- 모집단의 평균값을 검정하는 함수

- 예) 기존평균사용시간 5.2시간 기준으로 검정(같다 vs 차이)

help(t.test)

t -> student에서 t

1) 양측검정

t.test(x1, mu=5.2) # mu(그리스 로마 - 평균) : 기존 5.2시간 기준 검정 # x1 : 표본집단 평균, mu=5.2, 모집단의 평균값

정제 데이터와 5.2시간 비교

t.test(x1, mu=5.2, alter="two.side", conf.level=0.95)

p-value = 0.0001417

해설 : 평균 사용시간 5.2시간과 차이가 있다.(귀무가설 기각)



● 점추정 vs 구간추정

```
#alternative hypothesis: true mean is not equal to 5.2
#95 percent confidence interval:
# 5.377613 5.736148 -> 구간추정(95% 신뢰구간 추정)
#sample estimates:
# mean of x
# 5.556881 -> 점추정 : mean값과 직접비교하여 추정
# 점추정(point) vs 구간추정(interval estimation)
# 점추정 : 모수를 하나의 값으로 추정(평균이나 중위수 사용)
# 구간추정 : 모수가 포함될 것이라고 제시하는 구간추정(신뢰구간)
```



2) 단측검정

```
t.test(x1, mu=5.2, alter="greater", conf.level=0.95)
\# p-value = 7.083e-05 = 0.00007083
# 해설 : A회사 노트북의 평균 사용시간은 5.2시간 보다 더 길다.
# 검정 결과를 변수에 저장하여 특정 변수 확인하기
result <- t.test(x1, mu=5.2, alter="greater", conf.level=0.95)
names(result)
str(result)
result$p.value # 7.083346e-05 -> 세밀한 정보 제공
```



【단일표본 t-검정 결과 정리 및 기술】

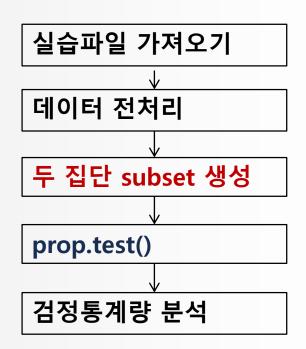
| 1) | 가설 설정 | 연구가설(H1) : 국내에서 생산된 노트북과 A회사에서 생산된 노트북의 평균 사용 시간에 차이가 있다. | | | |
|----|-------|--|--|--|--|
| | | 귀무가설(H0) : 국내에서 생산된 노트북과 A회사에서 생산된 노트북의 평균 사용 시간에 차이가 없다. | | | |
| 2) | 연구환경 | 국내에서 생산된 노트북 평균 사용 시간이 5.2시간으로 파악된 상황에서 A회사에서 생산된 노트북 평균 사용시간과 차이가 있는지를 검정하기 위해서 A회사 노트북150대를 랜덤으로 선정하여 검정을 실시한다. | | | |
| 3) | 유의순준 | $\alpha = 0.05$ | | | |
| 4) | 분석방법 | 단일표본 T검정 | | | |
| 5) | 검정통계량 | t = 3.9461, df = 108 | | | |
| 6) | 유의확률 | P = 0.0001417 | | | |
| 7) | 결과해석 | 유의수준 0.05에서 귀무가설이 기각되었다. 따라서 국내에서 생산된 노트북과 A회사에서 생산된 노트북의 평균 사용 시간에 차이를 보인다고 할 수 있다. 즉 국내에서 생산된 노트북의 평균 사용 시간은 5.2이며, A회사에서 생산된 노트 북의 평균 사용 시간은 5.56으로 국내 평균 사용 시간 보다 더 길다고 할 수 있다. | | | |



```
# 추론통계학 분석 - 2-1. 두 집단 비율 검정
# 방법 : 두 집단 간 비율 차이에 관한 분석
# 작업절차
  1. 실습파일 가져오기
  2. 두 집단 subset 작성(데이터 정제,전처리)
   -> 데이터 정체, 전처리
   -> 기술통계량 - 빈도수
   -> 두 변수(집단)에 대한 교차분석
#
  3. 두 집단 비율차이 검정
#
#
   -> prop.test()
```



● 분석절차





<연구가설>

- 연구가설(H₁) : 두 가지 교육방법에 따라 교육생의 만족율에 차이가 있다.
- 귀무가설(H₀): 두 가지 교육방법에 따라 교육생의 만족율에 차이가 없다.

<연구환경>

IT교육센터에서 PT를 이용한 프레젠테이션 교육방법과 실시간 코딩 교육 방법을 적용하여 교육을 실시하였다. 2가지 교육방법 중 더 효과적인 교육 방법을 조사하기 위해서 교육생 300명을 대상으로 설문을 실시하였다. 조사한 결과는 다음 표와 같다.

대상 파일 : c:/Rwork/Part-III/two_sample.csv # 해당 변수 : method(명목척도), survey(명목척도)

변수 척도: 명목척도: 빈도수(기술통계량)



| <설문조사 교차표> | | | | | | |
|------------|---------|-----|---|-----|--|-----|
| 교육방법₩만족 | · 두도 | 만족 | 출 | 불만족 | | 참가자 |
| PT교육 | l | 110 | | 40 | | 150 |
| 코딩교육 | l | 135 | | 15 | | 150 |
| 합계 | l | 245 | 1 | 55 | | 300 |
| | | | | | | |



1. 실습데이터 가져오기

```
getwd()
setwd("c:/Rwork/Part-III")
data <- read.csv("two_sample.csv", header=TRUE)
data
head(data) # 변수명 확인
```



```
2. 두 집단 subset 작성
    data$method # 1, 2 -> 노이즈 없음
    data$survey # 1(만족), 0(불만족)
    # 데이터 정체/전처리
    x<- data$method # 교육방법(1, 2) -> 노이즈 없음
    y<- data$survey # 만족도(1: 만족, 0:불만족)
    x;y
```



1) 데이터 확인 # 교육방법 1과 2 모두 150명 참여 table(x) # 1 : 150, 2 : 150 # 교육방법 만족/불만족 table(y) # 0 : 55, 1 : 245

2) data 전처리 & 기술통계량 -> 빈도수 -> 정규성 검정 필요 없음



3. 두 집단 비율차이검증 - prop.test()

help(prop.test) # prop.test(x,n,p, alternative, conf.level, correct)

```
# 양측검정
prop.test(c(110,135),c(150,150)) # 방법A 만족도와 방법B 만족도 차이 검정
# p-value = 0.0003422
#sample estimates: 집단 간 비율
# prop 1 prop 2
#0.7333333 0.9000000
prop.test(c(110,135),c(150,150), alternative="two.sided", conf.level=0.95)
# 해설) p-value = 0.0003422 - 두 집단간의 만족도에 차이가 있다.
```

단측검정

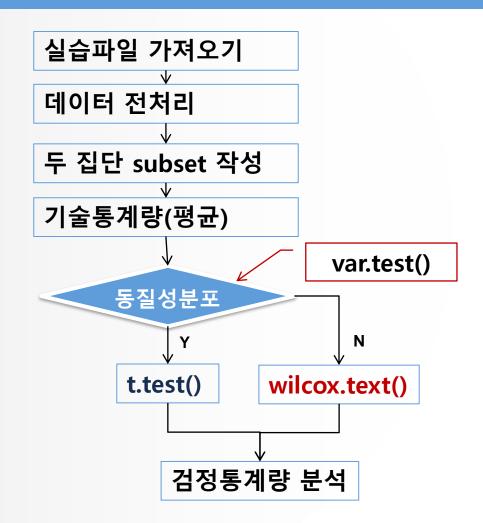
prop.test(c(110,135),c(150,150), alter="greater", conf.level=0.95) # 해설) p-value=0.9998 : 방법A가 방법B에 비해 만족도가 낮은 것으로 파악



```
# 추론통계학 분석 - 2-2. 두 집단 평균 검정(독립표본 T검정)
# 방법 : 두 집단 간 평균 차이에 관한 분석
# 작업절차
 1. 실습파일 가져오기
 2. 두 집단 subset 작성(데이터 정제,전처리)
 3. 두 집단 간 동질성 검증(정규분포 검정)
   -> var.test()
 4. 두 집단 평균 차이검정
#
   -> t.test() or wilcox.test()
```



● 분석절차





<연구가설>

- 연구가설(H₁) : 교육방법에 따른 두 집단 간 실기시험의 평균에 차이가 있다.
- 귀무가설(H₀): 교육방법에 따른 두 집단 간 실기시험의 평균에 차이가 없다.

<연구환경>

IT교육센터에서 PT를 이용한 프레젠테이션 교육방법과 실시간 코딩 교육방법을 적용하여 1개월 동안 교육받은 교육생 각 150명을 대상으로 실기시험을 실시하였다. 두 집단간 실기시험의 평균에 차이가 있는가 검정한다.

대상 파일 : c:/Rwork/Part-III/two_sample.csv

해당 변수 : method(명목척도), score(비율척도)

대상 변수 : 교육방법, 시험성적

모형(모델): 교육방법(A/B) -> 시험성적(비율-성적)



1. 실습파일 가져오기

```
data <- read.csv("c:/Rwork/Part-III/two_sample.csv", header=TRUE)
data
print(data)
head(data) #4개 변수 확인
summary(data) # score - NA's : 73개
```

2. 두 집단 subset 작성(데이터 정제,전처리)

```
result <- subset(data, !is.na(score), c(method, score))
# c(method, score) : data의 전체 변수 중 두 변수만 추출
# !is.na(score) : na가 아닌 것만 추출
# 위에서 정제된 데이터를 대상으로 subset 생성
result # 방법1과 방법2 혼합됨
length(result$score) # 227
```



```
# 데이터 분리
1) 교육방법 별로 분리
a <- subset(result,method==1)
b <- subset(result,method==2)
2) 교육방법에서 점수 추출
a1 <- a$score
b1 <- b$score
# 기술통계량 -> 평균값 적용 -> 정규성 검정 필요
length(a1); # 109
length(b1); # 118
```



3. 분포모양 검정 : 두 집단의 분포모양 일치 여부 검정

p-value = 0.02055 : a1이 b1보다 작다.

귀무가설 : 두 집단 간 분포의 모양이 동질적이다. # 두 집단간 동질성 비교(분포모양 분석) var.test(a1, b1) # p-value = 0.3002 -> 차이가 없다. # 동질성 분포 : t.test() # 비동질성 분포 : wilcox.test() 4. 가설검정 – 두 집단 평균 차이검정 t.test(a1, b1) t.test(a1, b1, alter="two.sided", conf.int=TRUE, conf.level=0.95) # p-value = 0.0411 - 두 집단간 평균에 차이가 있다. t.test(a1, b1, alter="greater", conf.int=TRUE, conf.level=0.95) # p-value = 0.9794 : a1을 기준으로 비교 -> a1이 b1보다 크지 않다.

t.test(a1, b1, alter="less", conf.int=TRUE, conf.level=0.95)



【독립표본 t-검정 결과 정리 및 기술】

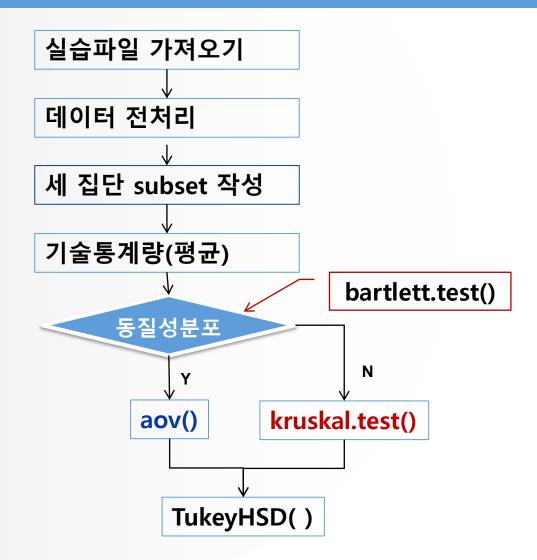
| 1) | 가설 설정 | 연구가설(H1) : 교육방법에 따른 두 집단 간 실기시험의 평균에 차이가 있다. | | | |
|----|-------|--|--|--|--|
| | | 귀무가설(H0) : 교육방법에 따른 두 집단 간 실기시험의 평균에 차이가 있다. | | | |
| 2) | 연구환경 | IT교육센터에서 PT를 이용한 프레젠테이션 교육방법과 실시간 코딩 교육방법을 적용하여 1개월 동안 교육받은 교육생 각 150명을 대상으로 실기시험을 실시하 였다. 두 집단간 실기시험의 평균에 차이가 있는가 검정한다. | | | |
| 3) | 유의순준 | $\alpha = 0.05$ | | | |
| 4) | 분석방법 | 독립표본 T검정 | | | |
| 5) | 검정통계량 | t = -2.0547, df = 218.192 | | | |
| 6) | 유의확률 | P = 0.0411 | | | |
| 7) | 결과해석 | 유의수준 0.05에서 귀무가설이 기각되었다. 따라서 교육방법에 따른 두 집단 간실기시험의 평균에 차이가 있다라고 말할 수 있다. 단측검정을 실시한 결과 교육방법1이 교육방법2보다 크지 않은 것으로 나타났디. 즉 실시간 코딩 교육방법이교육효과가 더 높은 것으로 분석된다. | | | |



```
# 추론통계학 분석 - 3. 세 집단 평균 검정(분산 분석)
# 방법: 두 집단 이상 평균 차이에 관한 분석(분산의 차이)
# 작업절차
# 1. 파일 가져오기
# 2. 데이터 정제/전처리 - NA, outline 제거
 3. 세집단 subset 작성
  -> 코딩 변경
#
  -> 기술통계량(빈도수)
#
  -> 교차표 작성
 4. 세집단 동질성 검정 : bartlett.test()
# 5. 분산검정: aov() or kruskal.test()
 6. 사후검정: TukeyHSD()
```



● 분석절차





<연구가설>

- 연구가설(H₁) : 교육방법에 따른 세 집단 간 실기시험의 평균에 차이가 있다.
- 귀무가설(H₀): 교육방법에 따른 세 집단 간 실기시험의 평균에 차이가 없다.

<연구환경>

세 가지 교육방법을 적용하여 1개월 동안 교육받은 교육생 각 50명씩을 대상으로 실기시험을 실시하였다. 세 집단간 실기시험의 평균에 차이가 있는가 검정한다.

대상 파일 : c:/Rwork/Part-III/two_sample.csv

해당 변수 : method(명목척도), score(비율척도)

대상 변수 : 교육방법, 시험성적

모형(모델): 교육방법(A/B) -> 시험성적(비율-성적)



- 1. 파일 가져오기 data <- read.csv("c:/Rwork/Part-III/three_sample.csv", header=TRUE)
- 2. 데이터 정제/전처리 NA, outline 제거 data <- subset(data, !is.na(score), c(method, score)) data # method, score

차트이용 - ontline 보기(데이터 분포 현황 분석)
plot(data\$score) # 차트로 outline 확인: 50이상과 음수값
barplot(data\$score) # 바 차트
boxplot(data\$score) # 박스 차트
mean(data\$score) # 14.45



```
# outline 제거 - 평균(14) 이상 제거
length(data$score)#91
data2 <- subset(data, score <= 14) # 14이상 제거
length(data2$score) #88(3개 제거)

###### 정제된 데이터 보기 #####

x <- data2$score
boxplot(x)
plot(x)
bp <- boxplot(data2$score) # 차트 결과 저장
```



3. 세 집단 subset 작성

```
# 코딩 변경 - 변수 리코딩 -> method: 1:방법1, 2:방법2, 3:방법3
data2$method2[data2$method==1] <- "방법1"
data2$method2[data2$method==2] <- "방법2"
data2$method2[data2$method==3] <- "방법3"
table(data2$method2) # 교육방법 별 빈도수
#방법1 방법2 방법3
# 31 27 30
x <- table(data2$method2)
#교육방법에 따른 시험성적 평균 구하기
y <- tapply(data2$score, data2$method2, mean)
# 방법1 방법2 방법3
# 4.187097 6.800000 5.610000
out <- data.frame(교육방법=x, 시험성적=y)
out # 교육방법에 따른 시험성적 평균 교차표
# 교육방법.Var1 교육방법.Freq 시험성적
#방법1 방법1 31 4.187097
#방법2 방법2 27 6.800000
#방법3 방법3
                   30 5.610000
```



4. 동질성 검정 - 정규성 검정

```
# bartlett.test(종속변수 ~ 독립변수) # 독립변수 - 세 집단
bartlett.test(score ~ method, data=data2)
#Bartlett's K-squared = 3.3157, df = 2, p-value = 0.1905
```

data2의 테이블을 대상으로

3집단 이상인 경우 : (종속변수 ~ 독립변수) 분석식으로 표현 # ~ : 틸드 -> 집단별로 subset를 만들지 않고 사용하도록 편의성 제공

귀무가설 : 세 집단 간 분포의 모양이 동질적이다.
해설 : 유의수준 크기 때문에 귀무가설을 기각할 수 없다.

동질한 경우 aov() 사용 : aov - Analysis of Variance(분산분석) # 동질하지 않은 경우 - kruskal.test()



5. 분산검정

help(aov)

분산분석 결과를 result에 저장 # 귀무가설 : 세 집단의 평균에 차이가 없다.

data2\$method2 <- factor(data2\$method2) # factor() : method가 집단 구성변수라는 것을 명시

aov(종속변수 ~ 독립변수, data=data set)
result <- aov(score ~ method2, data=data2)
names(result)

aov()의 결과값은 summary()함수를 사용해야 p-value 확인 summary(result) # Pr(>F): 9.39e-14 -> 귀무가설 기각 # 해설: 0.05보다 현저하게 작음 # 교육방법에 따라서 시험성적 평균에 차이가 있다.



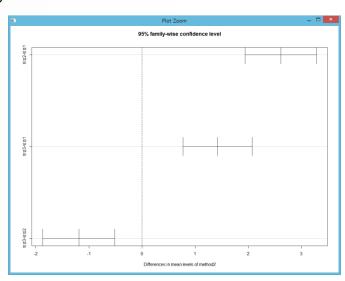
6. 사후검정

집단간 차이 상세보기 -> A!=B!=C, A==B!=C, A!=B==C
TukeyHSD(result) # 분석분석의 결과로 사후검정

\$method2

```
# diff lwr upr p adj
#방법2-방법1 2.612903 1.9424342 3.2833723 0.0000000
#방법3-방법1 1.422903 0.7705979 2.0752085 0.0000040
#방법3-방법2 -1.190000 -1.8656509 -0.5143491 0.0001911
# 교육방법 간 비교 -> p값(tapply 차이 검정) -> 4.187097 6.800000 5.610000
```

해석) A B C 집단간 모두 차이가 있다. plot(TukeyHSD(result)) # 그래프 보기(lwr~upr변수 이용)





【분산분석 결과 정리 및 기술】

| 1) | 가설 설정 | 연구가설(H1) : 교육방법에 따른 세 집단 간 실기시험의 평균에 차이가 있다. | | | |
|----|-------|--|--|--|--|
| | | 귀무가설(H0) : 교육방법에 따른 세 집단 간 실기시험의 평균에 차이가 없다. | | | |
| 2) | 연구환경 | 세 가지 교육방법을 적용하여 1개월 동안 교육받은 교육생 각 50명씩을 대상으로 실기시험을 실시하였다. 세 집단간 실기시험의 평균에 차이가 있는가 검정한다. | | | |
| 3) | 유의순준 | $\alpha = 0.05$ | | | |
| 4) | 분석방법 | ANOVA 검정 | | | |
| 5) | 검정통계량 | F = 43.58, Df =2, Sum Sq=99.37, Mean Sq = 49.68 | | | |
| 6) | 유의확률 | P = 9.39e-14 *** | | | |
| 7) | 결과해석 | 유의수준 0.05에서 귀무가설이 기각되었다. 따라서 교육방법에 따른 세 집단 간실기시험의 평균에 차이가 있는 것으로 나타났다. 또한 사후검정 방법인 Tukey분석을 실시한 결과 '방법2-방법1'의 평균 점수의 차이가 가장 높은 것으로 나타났다. | | | |