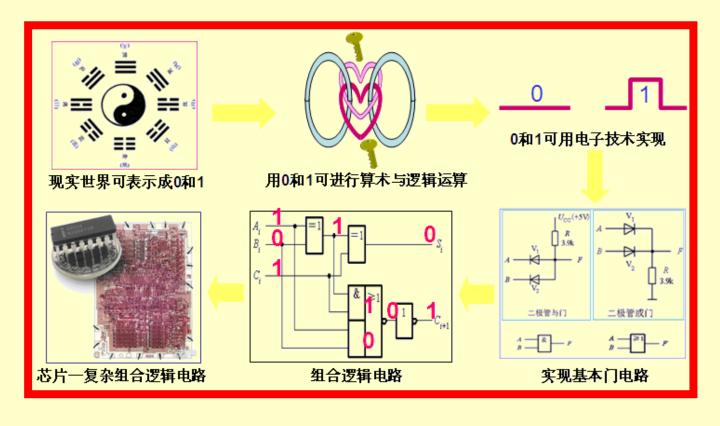
第2讲--符号化、计算化与自动化

研究计算机的终极目的是解决社会/自然问题,如何解决呢?

◆将社会/自然问题用符号表达,基于符号进行计算,将计算用软件/硬件来实现,这是解决社会/自然问题的基本思维模式



基本目标: 理解0和1的思维



语义符号化→符号计算化→计算0(和)1化→0(和)1自动化→分层构造化→构造集成化;



0和1与易经

----语义符号化表达与计算的一个示例



2.1.1 易经是什么?

《易经》是什么?

八卦? 预测与占卜? 算命?

自然现象及其变化规律

- →人事现象及其变化规律
- →其他现象及其变化规律







将现象抽象为符号,进行符号组合,利用符号组合表达自然现象

明(六)

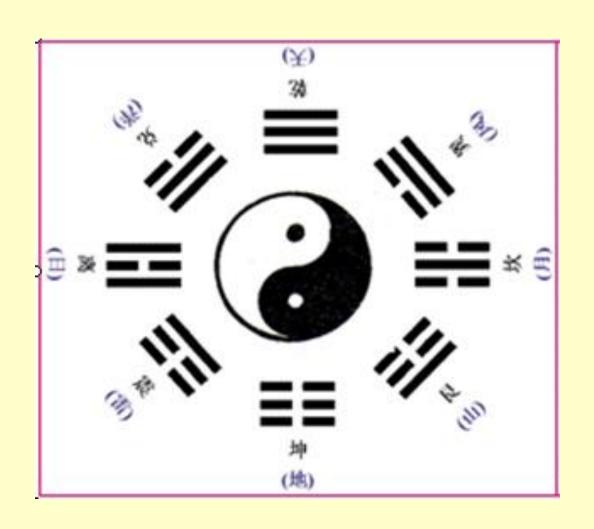
阳(九)

(九三爻)

(六二爻)

■ (九一爻)

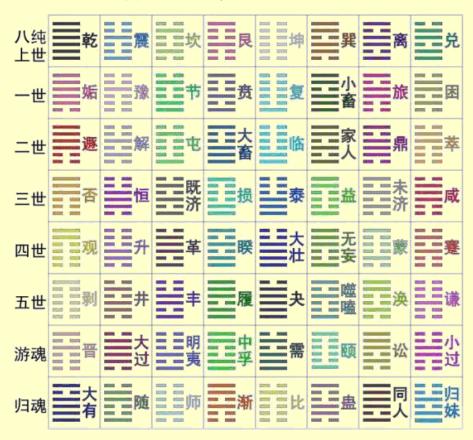
(三画卦)

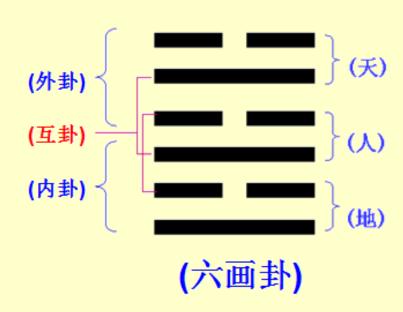




更多的组合, 更多的语义, 更多的变化

符号化的六十四卦图





易经怎样区分各种组合要素?



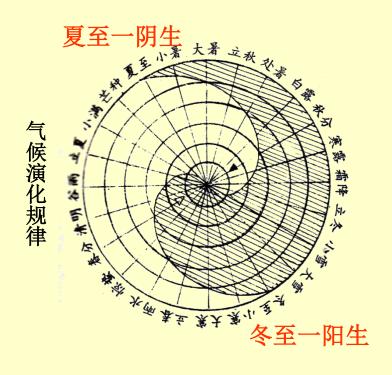
符号化的关键是区分与命名---术语体系

(九三爻) (六二爻) (九一爻) (三画挂)

| 待区分的 | 命名 |
|----------------------------|-----------------------------|
| | 阴(六) |
| | 阳(九) |
| 三个阴阳构成的一个组合 | 卦 |
| 一个组合中的某一位置 | 爻 |
| 三画阴阳可能出现的八种组合 | 乾、坤、坎、离、艮、兑、震、巽 |
| 一卦中的三个位置 | 一爻、二爻、三爻 |
| 一个位置可能出现阴和阳 | 阳(九)爻,阴(六)爻 |
| 一个位置可能出现阴和阳,结合卦 中不同位置组合 | 九一爻、六一爻、九二爻、六二爻 、九三爻、六三爻 |



符号化的目的是基于符号的演算--符号组合的变化方式



"卦"之间的变化规律是什么? "卦"及之间变化反映的语义又 是什么?

> 野、文 卦变、爻变

阳

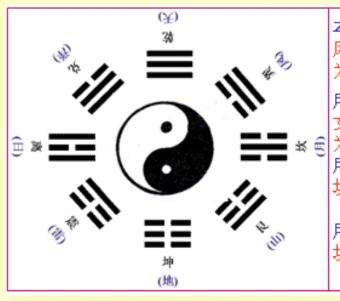
生命演化规律





将符号再赋予语义 --- "本"与"用": 抽象与具体化

| 现象 | 本体 | 用体 | | |
|---------------------|---------|----------|--|--|
| 大 (自然空间) | 乾(抽象空间) | 父(家庭空间), | | |



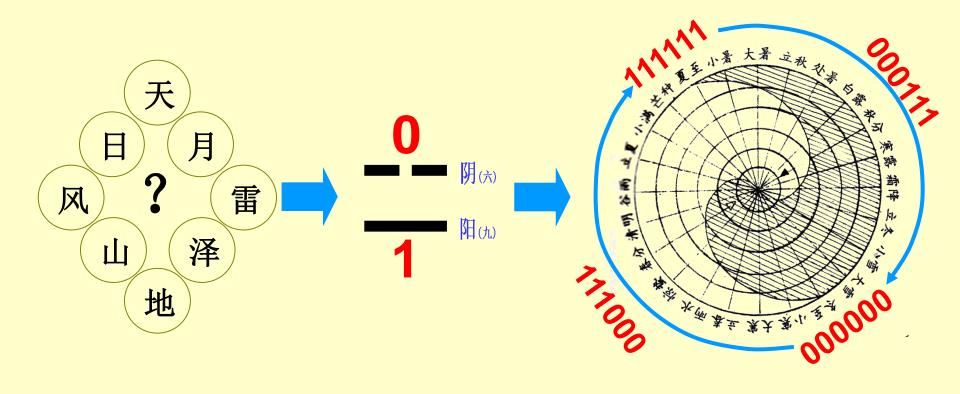
本义: 乾为天,坤为地,震为雷为动,巽为 风为入,坎为月为水为险,离为日为火,艮 为山为止,兑为泽为悦。----自然现象

用2: 乾为首,坤为腹,震为足,巽为股, 坎为耳,离为目,艮为手,兑为口。 ----"息体" 空間

用3: 乾为马,坤为牛,震为龙,巽为鸡, 坎为豕,离为雉,艮为狗,兑为羊。 ----"动物世界"空间



自然现象的变化规律→符号如何组合如何变化→其他现象





0和1与逻辑

----语义符号化表达与计算的另一个示例

----思维符号化与计算

----逻辑运算与0和1



逻辑是指事物因果之间所遵循的规律,是现实中普适的思维方式

◆ 逻辑的基本表现形式是**命题**与**推理**,推理即依据由简单命题的判断推导得出复杂命题的判断结论的过程。命题由语句表述,即内容为"真"或为"假"的一个判断语句!

例如 在一次中学生测验中,有三位老师做了预测: A.学习委员及格; B.有人不及格; C.全班都不及格。在考试后证明只有一个老师的预测是对的,请问谁对谁错?

求解过程:

命题A: "学习委员及格(即有人及格)";

命题B: "有人不及格";

命题C: "全班都不及格";

由题目假设和命题之间关系得出"已知": A、B、C只有一个为真

如果A真,则C假;如果C真,则A假;

如果B真,而A, C可能有一个为真,与题矛盾,所以B为假。

如果B假,则"全班都及格"为真,而由此推断C为假。

由上"已知",推理: A为真。

有哪些基本的逻辑运算操作?



思维的符号化及其计算----基本逻辑运算

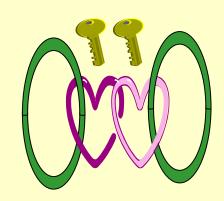
一个命题由X, Y, Z等表示, 其值可能为"真"或为"假"。

则两个命题X,Y之间是可以进行运算的:

- □ "与"运算(AND): 当X和Y都为真时, X AND Y也为真; 其他情况, X AND Y均为假。
- □ "或"运算(OR): 当X和Y都为假时, X OR Y也为假; 其他情况, X OR Y均为真。
- **一 "非"运算(NOT):** 当X为真时, NOT X为假;当X为假时, NOT X为真。
- □ "异或"运算(XOR): 当X和Y都为真或都为假时, X XOR Y为假; 否则, X XOR Y为真。



匙都有才能开门



"或"运算:只要有任何 一把钥匙便能开门





用0和1来表示逻辑运算

- "与"运算**AND**:
 - 有0为0,全1为1
- "或"运算**OR**:
 - 有1为1,全0为0
- "非"运算**NOT**: 非**0**则1,非**1**则0
- "异或"运算**XOR**: 相同为**0**,不同为**1**

注: 1表示真, 0表示假

| • |
|-----|
| 1 |
| 1 |
| |
| 1 |
| 1_ |
| 1 |
| |
| |
| |
| |
| 1 |
| R 1 |
| 0 |
| |



将逻辑表达为0和1及其运算

1---假

一个命题用A、B等符号表达,其中符号的值可能为0,也可能为1

命题A: "学习委员及格(即有人及格)"

命题B: "有人不及格"

命题C: "全班都不及格"

已知: ((A AND (NOT C)) OR ((NOT A) AND C)) = 1
(NOT B) AND ((A AND (NOT C)) OR ((NOT A) AND C))) = 1
(NOT B) AND (NOT C) = 1

组合形成所有可能解

{<A=1, B=0, C=0>, <A=0, B=1, C=0>, <A=0, B=0, C=1>} 将上述可能解代入已知条件,使所有已知条件都满足的便是问题的解: <A=1, B=0, C=0>。

逻辑研究有哪些?



可深入学习

1)Aristotle (亚里士多德)(公元前384-322)。古希腊哲学家: 形式逻辑。

典型概念:命题,推理,三段论

2)Leibnitz (莱布尼茨)(1646-1716)。德国数学家: <u>数理逻辑</u>。

典型概念: 谓词, 谓词演算

3) Boole (布尔) (1815-1864)。英国数学家, 布尔代数

典型概念: 布尔量, 布尔值, 布尔运算, 布尔操作

4) 其他: <u>时序逻辑</u>(Temporal Logics)、<u>模态逻辑(</u>Modal Logics)、<u>归纳逻辑</u>(Inductive

Logics)、模糊逻辑(Fuzzy Logics)、<u>粗糙逻辑</u>(Rough Logics)、<u>非单调逻辑</u>等



0和1与数值性信息

- ----二进制及算术运算
- ----数值的符号与0和1
 - ----小数点的处理



数值性信息

- ◆进位制:用数码和带有权值的数位来表示有大小关系的数值性信息的表示方法。
- ◆二进制

例如:

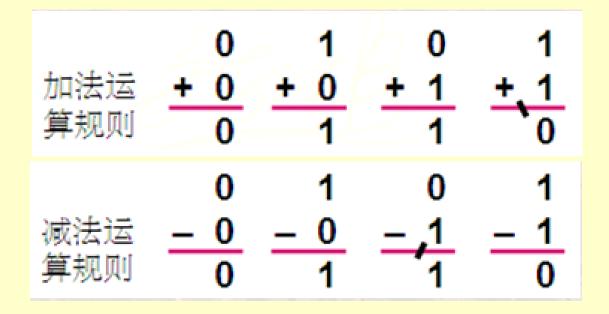
$$=1 \times 2^{7}+1 \times 2^{6}+1 \times 2^{5}+1 \times 2^{4}+0 \times 2^{3}+1 \times 2^{2}+0 \times 2^{1}$$

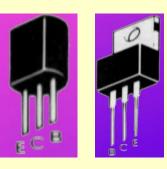
 $+1 \times 2^{0}+0 \times 2^{-1}+1 \times 2^{-2} = (245.25)_{+}$



基于二进制的算术运算

◆计算规则简单,与逻辑运算能够统一起来;元器件容易实现。





不考虑进位
$$\begin{cases} S_i = A_i \text{ XOR } B_i \\ C_{i+1} = A_i \text{ AND } B_i \end{cases}$$

$$\begin{cases} S_i = (A_i \text{ XOR } B_i) \text{ XOR } C_i \\ C_{i+1} = ((A_i \text{ XOR } B_i) \text{ AND } C_i) \text{ OR } (A_i \text{ AND } B_i) \end{cases}$$

+ C_i

 C_{i+1}

Si



数值性信息

◆r进制:

- ◆ 十六进制: 0,1,2,3,4,5,6,7,8,9,A(10), B(11), C(12), D(13), E(14), F(15)
- ◆ 八进制: 0,1,2,3,4,5,6,7
- ◆ 十进制: 0,1,2,3,4,5,6,7,8,9

$$(365.2)_{10}$$
, $(11011.01)_2$, $(3460.32)_{\text{//}}$, $(596.12)_{+\text{//}}$



数值性信息

◆示例

$$(753.37)_{+ > = 753.37} = 753.37 = 0 \times 753.37$$

= $7 \times 16^2 + 5 \times 16^1 + 3 \times 16^0 + 3 \times 16^{-1} + 7 \times 16^{-2}$
= $(1875.2148)_{+}$

$$(753.37)_{+=}$$

= $7\times12^{2}+5\times12^{1}+3\times12^{0}+3\times12^{-1}+7\times12^{-2}$
= $(1071.2986)_{+}$

245的十进制表示记为:

245

245的二进制表示记为:

11110101

245的八进制表示记为:

365

245的十六进制表示记为:

F5

同一个数值,用不同进位制表达,结果也是不同的

同一个数串,由于进位制不同其所表达的数值大小也是不同的



数值的正负符号处理: 机器数的原码、反码和补码

| 真实数值 | I VIII al-alakia | 机器数(n+1 位二进 ; | 制数,其中第 n+1 位表符号,0 表 | 示正号,1 表示负号) | | | |
|--------------------|----------------------|---|---|---|--|--|--|
| (带符号的 n 位 二进制数) | 十进制数 | 原码 | 反码 | 补码 | | | |
| + 1111 | +(2 ⁿ -1) | ·(2 ⁿ -1) 0 1111 0 1111 | | 0 1111 | | | |
| + 1000 | +2 ⁿ⁻¹ | +2 ⁿ⁻¹ 0 1000 0 1000 | | 0 1000 | | | |
| + 0000 | +0 | +0 0 0000 0 0000 | | 0 0000 | | | |
| - 0000 | -0 | -0 1 0000 1 1111 | | 0000 | | | |
| - 1000 | -2 ⁿ⁻¹ | 1 1000 | 1 0111 | 1 1000 | | | |
| - 1111 | -(2 ⁿ -1) | 1) 1 1111 1 0000 | | 1 0001 | | | |
| -10000 | -2 ⁿ | - | • | 1 0000 | | | |
| | | 正数的原码、反码同补码形式是一样的。最高位为 0 表示正数 | | | | | |
| | | 负数的最高位为 1,表示负数。 其余同真实数值的二进制 数。 | 负数的最高位为 1,表示负数。 其余在真实数值的二进制数 基础上逐位取反。 | 负数的最高位为 1,表示负数。 其余在反码基础上最低位加 1 后形成的。它的负数不包括 0,但包括-2 ⁿ | | | |
| | | 机器数由于受到表示数值的位数的限制,只能表示一定范围内的数。超出此范围则为"溢出" | | | | | |



数值的正负符号也可和数值一样参与运算: 补码运算示意

$$(+7) + (+3) = (+10)$$
 $(-5) + (-7) = (-12)$ $0 \ 0111$ $1 \ 1011$ $+) \ 0 \ 0011$ $+) \ 1 \ 1001$ $0 \ 1010$ $(-7) + (-12) =$ $0 \ 1010$ $1 \ 1001$ $+) \ 1 \ 1101$ $+) \ 1 \ 0100$ $0 \ 0111$ $0 \ 1101$

加减乘除都可转换成加法来实现,加法又可由与、或、非、异或等逻辑运算来实现----只要实现了基本逻辑运算,便可实现任何的计算



1. $[X+Y]_{\hat{x}_{1}} = [X]_{\hat{x}_{1}} + [Y]_{\hat{x}_{1}}$

任何两个数相加,无论其正负号如何,只要对它们各自的补码进行加法运算就可以得到正确的结果,该结果是补码形式。

2. $[X-Y]_{\hat{x}_{i}} = [X]_{\hat{x}_{i}} + [-Y]_{\hat{x}_{i}}$

任何两个数相减,只要对减数连同减号求补,就可以使用加法进行计算,计算结果任然是补码形式

3. $[[X]_{i}]_{i} = [X]_{i}$

对于运算产生的补码结果,若要转换为原码表示,则正数的结果 $[X]_{i}$ = $[X]_{g}$; 负数的结果,只要对该补码结果再进行一次求补运算即可得到负数的原码结果。



计算机中判别溢出的方法通常采用**双高位判别法**。利用符号位及最高数值位的**进位情况**判断是否发生溢出。为此,需引进两个符号: C_s和C_p。

 C_s : 若符号位发生进位,则 C_s =1,否则 C_s =0

 C_p : 若最高数值位发生进位,则 C_p =1,否则 C_p =0

- ightharpoonup 两个正数补码相加时,若数值部分之和大于 2^{n-1} ,则数值部分必有进位 $C_p=1$,而符号位却无进位 $C_s=0$,这时候产生正溢出,即 C_s $C_p=01$.
- 》两个负数补码相加时,若数值部分绝对值之和大于 2^{n-1} ,则数值部分补码之和必小于 2^{n-1} , $C_p=0$;而符号位肯定有进位, $C_s=1$,这个时候产生负溢出,即 C_s $C_p=10$.
- \triangleright 其它情况,即 $C_s C_p = 00$ 或 $C_s C_p = 11$,均为正常。



基于二进制的算术运算

◆机器可以采用移位、逻辑运算等进行加减乘除运算。

101010B

01110

1列2: 00111 × 00010 = ?



数值的小数点的处理: 定点数与浮点数



定点数, 小数点位置固定(默认在符号位S的后面)

S (全为整数)

定点数,小数点位置固定(默认在尾部)

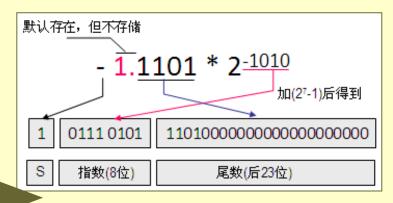
S 指数(8位) 尾数(后23位)

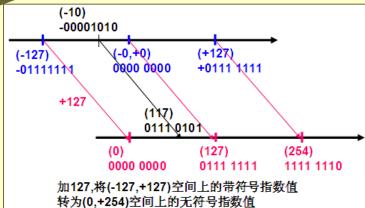
浮点数,32位表示单精度数(相当于科学计数法1.x × 2/) (S为符号位, x为23位尾数,y为8位指数)

S 指数(11位)

尾数(后52位)

浮点数,64位表示双精度数(相当于科学计数法1.x × 2^y) (S为符号位,x为52位尾数, y为11位指数)







信息的基本度量单位

bit Binary Digit/1位二进制位/0和1

Byte 字节,8位二进制位

1KB = 2¹⁰字节 (市场约1,000字节)

1MB = 2¹⁰KB (市场约1,000,000字节)

1GB = 2¹⁰MB (市场约1,000,000,000字节)

 $1TB = 2^{10}GB = 2^{20}MB$

 $1PB = 2^{10}TB = 2^{30}MB$

 $1EB = 2^{10}PB = 2^{40}MB$

注意: 2的幂次方为计算单位



0和1与非数值性信息

----符号编码与0/1编码

----用0/1编码,基于0/1计算

2.1.4 0和1与字母符号---编码 为什么要用编码?



非数值性信息可以用编码表示

◆编码:编码是以若干位数码或符号的不同组合来表示非数值性信息的方法, 它是人为地将若干位数码或符号的每一种组合指定一种唯一的含义。

例如: 0----男, 1----女

再如: 000----星期一 001----星期二 010----星期三

011----星期四 100----星期五 101----星期六

110----星期日

再如: 000----一院 001----二院 010----三院

011---- 四院 100---- 五院 101---- 六院

编码的三个主要特征

- ◆ 唯一性:每一种组合都有确定的唯一性的含义
- ◆ 公共性: 所有相关者都认同、遵守、使用这种编码
- ◆ **易于记忆/便于识认性**: 有一定规律



ASCII码----英文字母符号的编码

- ◆ASCII码是英文字母与符号的0,1型编码方法,是用7位0和1的不同组合来表示10个数字、26个英文大写字母、26个英文小写字母及其一些特殊符号的编码方法,是信息交换的标准编码。
- ◆ASCII码:American Standard Code for Information Interchange



完整的ASCII码表

| $b_{g}b_{5}b_{4}$ $b_{3}b_{2}b_{1}b_{0}$ | 000 | 001 | 010 | 011 | 100 | 101 | 110 | 111 |
|--|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
| 0000 | NUL | DLE | SP | 0 | @ | P | • | P |
| 0001 | SOH | DC1 | ! | 1 | A | Q | a | Q |
| 0010 | STX | DC2 | " | 2 | В | R | ъ | R |
| 0011 | ETX | DC3 | # | 3 | С | S | с | s |
| 0100 | EOT | DC4 | \$ | 4 | D | T | đ | T |
| 0101 | ENQ | NAK | % | 5 | E | U | e | υ |
| 0110 | ACK | SYN | & | 6 | F | V | f | v |
| 0111 | BEL | ETB | - | 7 | G | W | g | w |
| 1000 | BS | CAN | (| 8 | H | X | h | x |
| 1001 | HT | EM |) | 9 | I | Y | i | Y |
| 1010 | LF | SUB | * | : | J | Z | j | z |
| 1011 | VT | ESC | + | | K | [| k | { |
| 1100 | FF | FS | , | < | L |] | 1 | 1 |
| 1101 | CR | GS | _ | = | M | \ | m | } |
| 1110 | SO | RS | | > | N | ^ | n | ~ |
| 1111 | SI | US | / | ? | 0 | - | 0 | DEL |

使用ASCII码有什么好处?



ASCII编码的规律

每8位为一个字符,最高位为0

√41H ~ 5AH: "A" ~ "Z" 01000001 A 41 H

√61H ~ 7AH: "a" ~ "z" 01000010 B 42 H

✓OAH: 换行符号LF

✓0DH: 回车符号CR 01000110 F 46 H

√30H ~ 39H: "0" ~ "9"

| 信息 | 存储 | 解析规则 |
|-----------------|--|--------------------------------|
| We are students | 01010111 01100101 00100000 01100001 01110010 01100101 00100000 01110011 01110100 01110101 01100100 01100101 01101110 01110100 01110011 | 0/1串按8位分隔一个字符,查找ASCII码表映射成相应符号 |



十个数字符号的编码----BCD码

BCD码: Binary Coded Decimal(二-十进制编码)是用 4 位 0 和 1 的不同组合,按照与进位制保持一致的关系,来表示10个十进制数字的方法。

10个数字,只需4位0/1数码即可

| 十进制 | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 |
|------|------|------|------|------|------|
| BCD码 | 0000 | 0001 | 0010 | 0011 | 0100 |
| 十进制 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 |
| BCD码 | 0101 | 0110 | 0111 | 1000 | 1001 |

信息在计算机中为什么需要区分不同的类型?



同一信息不同表示方法的对比

245的十进制记为245

245的二进制记为 11110101

245的八进制记为365

245的十六进制记为**F5**

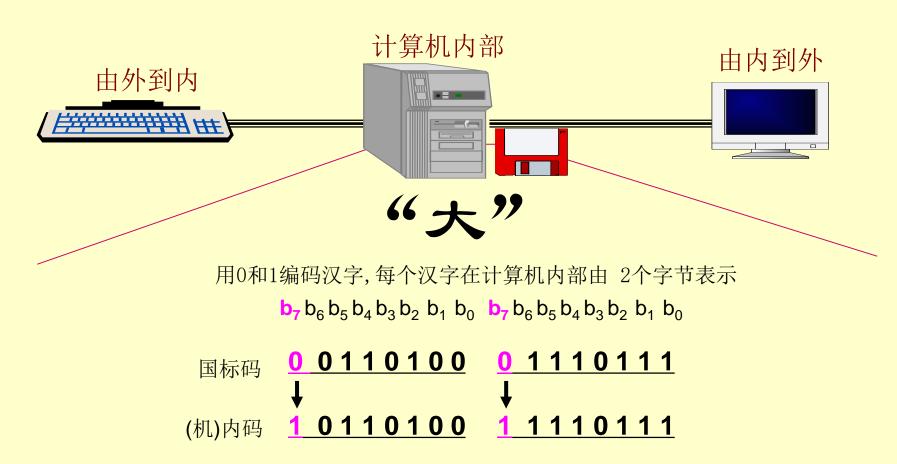
245的BCD码记为**0010 0100 0101**

245的ASCII码记为**00110010 00110100 00110101**



汉字的编码

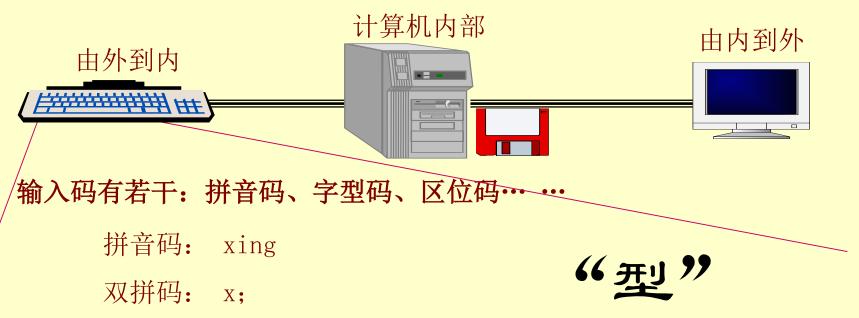
◆汉字内码: 汉字在计算机内部采用汉字内码存储, 汉字内码是一两字节且最高位均为1的0,1型编码





汉字的编码

◆汉字输入码是用键盘上的字母符号编码每一汉字的编码, 它使人们通过键入字母符号代替键入汉字。



其中, 'x'表声母x,而'; '表韵母ing

五笔字型码: gajf

其中,g表字根"-",a表开下的草字头,j表右侧立刀,f表下面土字



汉字的编码

◆汉字字形码是用0和1编码无亮点和有亮点像素,形成汉字字形的一种编码。依据字形码通过显示器或打印机输出汉字。



用0和1编码无亮点和有亮点形成字形信息, 便于显示········

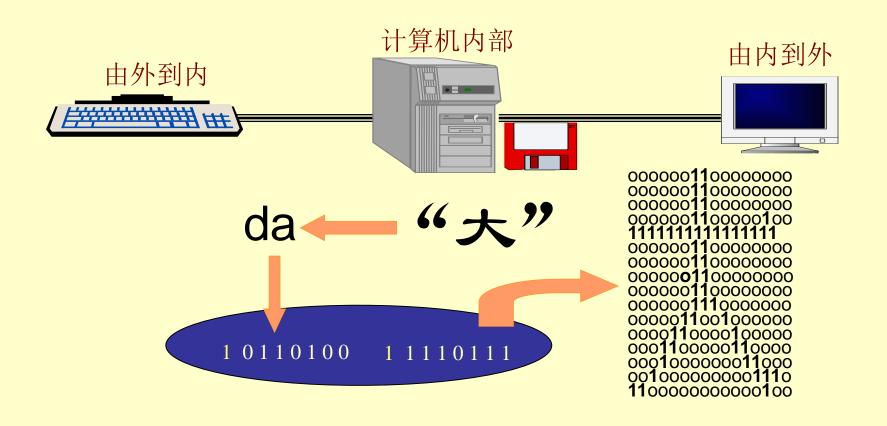
汉字字形码是一种字模点阵码。也有不同的处理汉字点阵信息的编码,如向量编码等





汉字的编码

◆汉字处理过程:通过汉字外码输入,以汉字内码存储,以汉字字形码输出





进一步学习:

- ◆标准ASCII码: 8位0,1型编码,最高位始终为0
- ◆扩展ASCII码:8位0,1型编码,最高位为0时为标准ASCII码;最高位为1时为扩展ASCII码。
- ◆UNICODE: Unicode是国际组织制定的可以容纳世界上所有文字和符号的字符编码方案。Unicode用数字0-0x10FFFF来映射所有的字符(最多可以容纳1114112个字符,或者说有1114112个码位,码位就是可以分配给字符的数字)。具体实现时,再将前述唯一确定的码位按照不同的编码方案映射为相应的编码,有UTF-8、UTF-16、UTF-32等几种编码方案。

思考

- ◆常用的汉字编码标准? (例如:浏览器上网出现乱码怎么解决?)
- ◆不同操作系统中的默认编码? Windows 、Linux?



0和1与电子元件

----0和1与基本硬件实现

----计算自动化

2.1.5 0和1与电子元器件---基本硬件实现 如何用电信号及电子元件表达0和1?

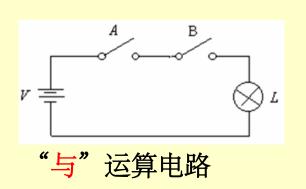


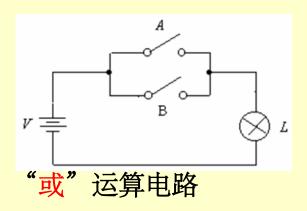
实现0和1的基本元器件: 电信号和继电器开关

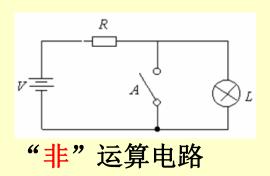


数字信号: 高电平为1, 低电平为0

◆用继电器开关实现基本逻辑运算



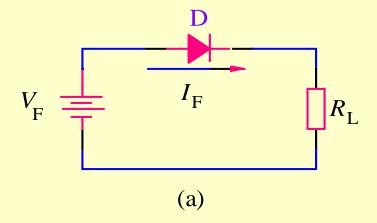


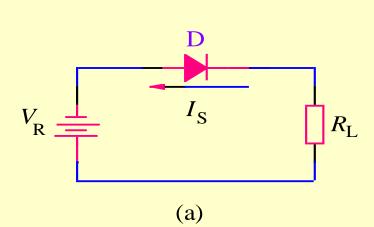


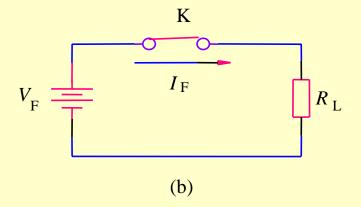


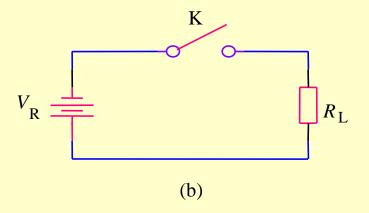
实现0和1的基本元器件: 二极管

◆二极管的基本特性





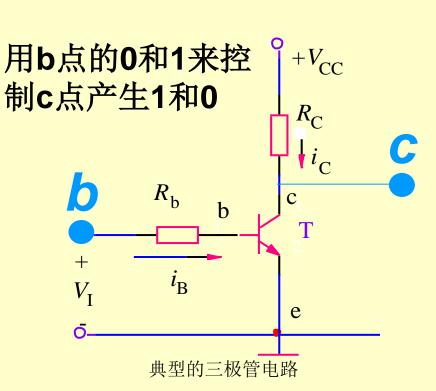


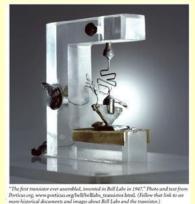




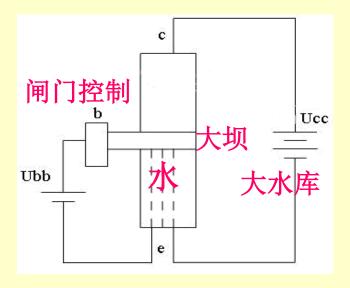
实现0和1的基本元器件:三极管

- ◆ 三极管的基本特性:
 - 开关和放大
 - ○以较小的b极电流信号可控制较大的e极流过的电流--放大。





第个极试装置

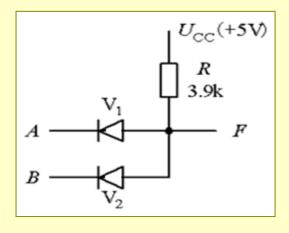




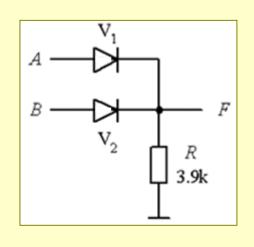
用二极管、三极管可实现基本的集成电路:与门、或门和非门

◆这些电路被封装成集成电路(芯片),即所谓的门电路。

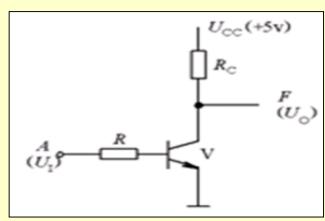




"与"门电路



"或"门电路

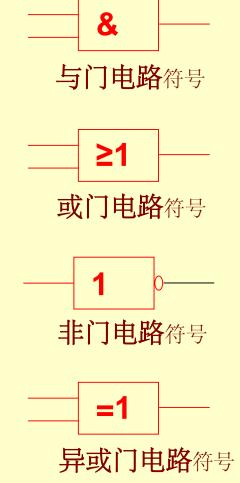


"非"门电路



基本门电路的符号表示及其特性

- ◆与门电路:是实现逻辑与运算的集成电路,即:只有当两个输入端为高电平(1)时,则输出端为高电平(1);否则,输出端为低电平(0)。
- ◆或门电路:是实现逻辑或运算的集成电路,即:只有当两个输入端为低电平(0)时,则输出端为低电平(0);否则,输出端为高电平(1)。
- ◆非门电路:是实现逻辑非运算的集成电路,即:当输入端为高电平 (1)时,则输出端为低电平(0);输入端为低电平(0)时,则输出端为高电平(1)。
- ◆异或门电路:是实现逻辑异或运算的集成电路,即:当两个输入端同为高电平(1)或同为低电平(0)时,则输出端为低电平(0);否则,输出端为高电平(1)。





0和1与复杂电路

----复杂硬件部件的实现

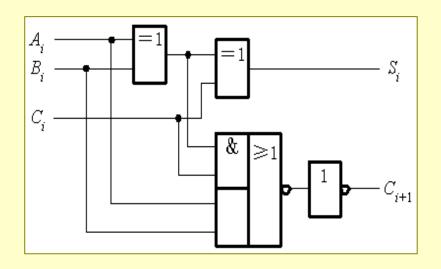
----分层构造化与构造集成化

2.1.6 0和1与电路---复杂部件的硬件实现 如何用已实现的基本逻辑运算(门电路)来实现更复杂的运算?



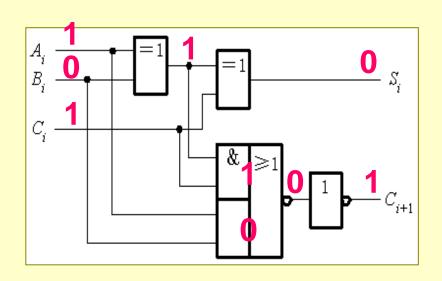
基于门电路的复杂组合逻辑电路

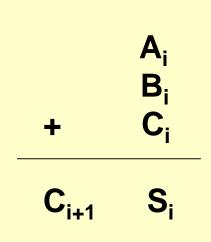
◆示例1:一位加法器的示例。

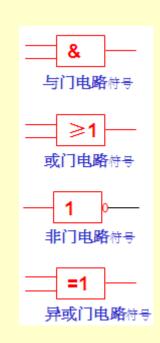


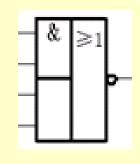


◆可验证一位加法器实现的正确性。



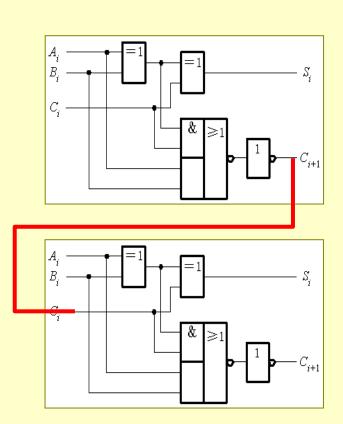






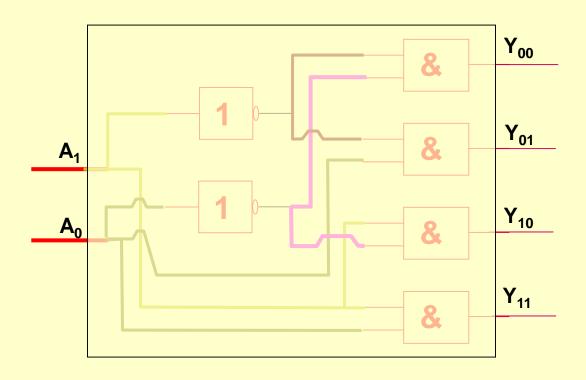


- ◆示例:多位加法器的实现
- ◆用已验证正确的一位加法器,来实现更为复杂的多位加法器
- ◆用已验证正确的多位加法器,来实现更为复杂的乘法器/除法器等(略)
- ◆分层构造: 低层电路已验证正确,可被封装起来; 用已封装的已验证的低层电路可构造更为复杂的高层电路; 如此一层层构造。



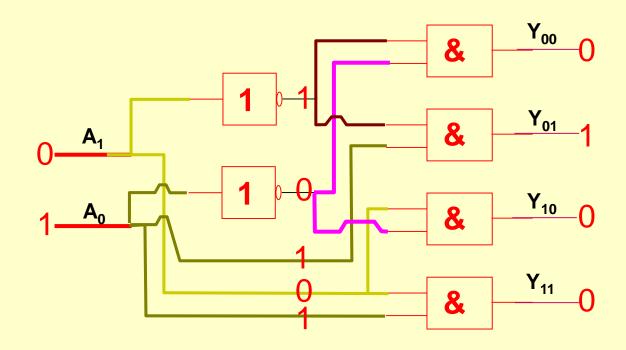


◆另一个示例: 2-4译码器及其电路实现。





- ◆另一个示例: **2-4**译码器及其电路实现
- ◆可依据门电路的特性,输入2位二进制数01,检查是否是第2条线(Y01)为高电平,有效?

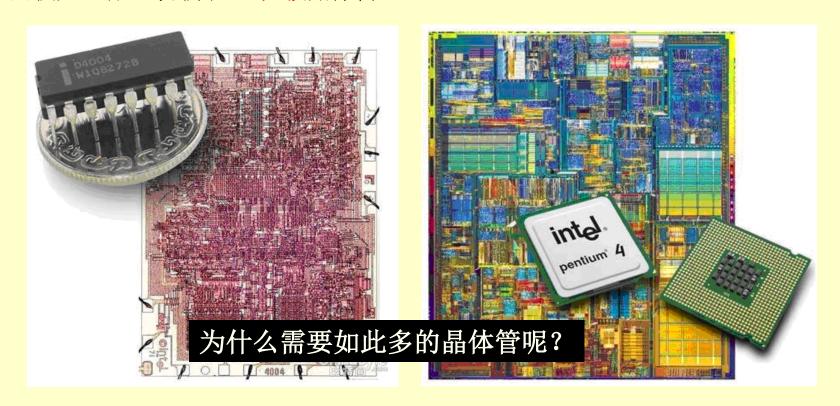




复杂部件的硬件实现(芯片、主板)

◆ 微处理器芯片即是复杂组合逻辑集成在一块板上并封装而成的电路:

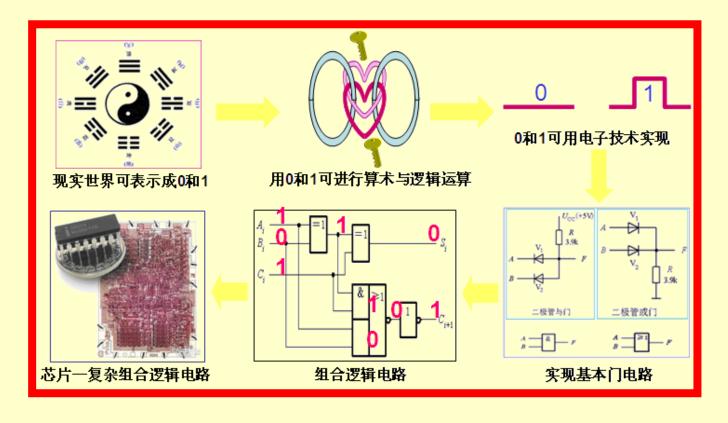
从Intel4004在12平方毫米的芯片上集成了2250颗晶体管→到Pentium 4处理器内建了4200万颗晶体管,以及采用0.18微米的电路→再到英特尔的45纳米Core 2至尊/至强四核处理器上装载了8.2亿颗晶体管。



本讲小结



基本目标: 理解0和1的思维



语义符号化→符号计算化→计算0(和)1化→0(和)1自动化→分层构造化→构造集成化;

第2讲符号化、计算化与自动化

Questions & Discussion?