北京十一学校 2015 级直升初二第5 学段教与学质量诊断数学

## 一、填空题

1.若方程 $(m-2)x^{|m|} + 3mx + 1 = 0$ 是关于x的一元二次方程,则m的值为\_\_\_\_\_.

2.若 x=1 是方程  $x^2-5ax+a^2=0$  的一个根,则代数式  $3a^2-15a-7$  的值为\_\_\_\_\_.

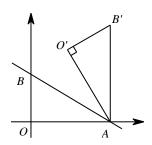
3.已知点  $P(2a-4, 7-a^2)$  在第四象限的角平分线上,则 a 等于\_\_\_\_\_.

4.函数  $y = \frac{\sqrt{4-x}}{x-2}$  中,自变量 x 的取值范围是\_\_\_\_\_.

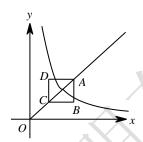
5.一次函数 y = (m-1)x + m 向上平移 2 个单位后不经过第三象限,则 m 的取值范围是

6.直线 y=ax-1与 y=bx+4 的交点在 x 轴上,那么  $\frac{a}{b}$  等于\_\_\_\_\_.

7.如图,直线  $y = -\frac{\sqrt{3}}{3}x + 2$  与 x 轴、y 轴分别交于 A 、B 两点,把  $\triangle AOB$  绕点 A 顺时针旋转  $60^\circ$  后得到  $\triangle AO'B'$ ,则点 B' 的坐标是

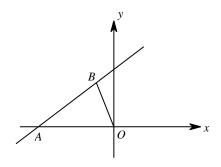


8.已知一次函数  $y = kx + b(k \neq 0)$ ,若  $-1 \le x \le 2$ ,则  $-1 \le y \le 5$ ,那么这个一次函数的解析式是\_\_\_\_\_9.若不等式 3mx + 5 - m < 0 对于满足  $1 \le x \le 3$  的所有 x 恒成立,则 m 的取值范围是\_\_\_\_\_. 10.如图,在平面直角坐标系的第一象限内,边长为1的正方形 ABCD 的边均平行于坐标轴, A 点的坐标,为 (a,a).若双曲线  $y = \frac{3}{x}(x > 0)$  与此正方形的边有交点,则 a 的取值范围是\_\_\_\_\_.



11.若直线  $y = kx(k \neq 0)$  与双曲线  $y = -\frac{3}{x}$  交于  $A(x_1, y_1)$ ,  $B(x_2, y_2)$  两点,则代数式  $2x_1y_2 - 9x_2y_1$  的值为

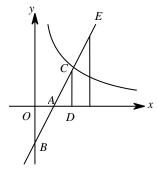
12.如图,在直线坐标系中,点 B 、 C 在反比例函数  $y=-\frac{4}{x}$  的图象上,直线 BC 交 x 轴于点 A ,且点 C 为 AB 中点,则  $\triangle AOB$  的面积是



13.如图,在直角坐标系中,直线  $y_1=2x-2$  与坐标轴交于 A、B 两点,与双曲线  $y_2=\frac{k}{x}(x>0)$  交于点 C,过点 C 作 CD  $\bot$  x 轴,垂足为 D,且 OA=OD,则以下结论:

①  $S_{\triangle AOB} = S_{\triangle ADC}$ ; ②当 0 < x < 2 时,  $y_1 > y_2$ ; ③当 x = 3 时,  $EF = \frac{8}{3}$ ; ④当 x > 0 时,  $y_1$  随 x 的增大而 增大,  $y_2$  随 x 的增大而减小.

其中正确的结论是



二、解下列方程(组)

$$14.(x+3)^2 = 3(x+8)$$

15. 
$$\begin{cases} 2x^2 - y^2 + x - 2y = 7 \\ x - y - 1 = 0 \end{cases}$$

$$16. \frac{6}{x^2-1} - \frac{3}{x-1} = 1$$

二、解答题

17.关于x的方程 $kx^2 + (k+2)x + \frac{k}{4} = 0$ 有两个不相等的实数根.

- (1) 求k的取值范围;
- (2) 是否存在实数 k ,使方程的两个实数根的倒数和等于 0 ? 若存在,求出 k 的值,若不存在,说明理由.

18.已知直线  $y = \frac{\sqrt{7}}{3}x + \sqrt{7}$  与 x 轴交于点 A ,与 y 轴交于点 B ,点 C 在 x 轴上,若  $\triangle ABC$  为等腰三角形,求图像过点 B 与点 C 的一次函数的解析式.

19.某食品厂准备用黄豆、豌豆为原料,加工出甲、乙两种合欢豆,现有黄豆490千克,豌豆580千克,加工甲、乙两种合欢豆共1000千克,相关信息如下表:

Marit Children Tandy Children			
	所需黄豆 (千克)	所需豌豆 (千克)	加工费 (元)
每千克甲种合欢豆	0.4	0.6	3
每千克乙种合欢豆	0.5	0.5	4

设加工甲种合欢豆x千克,两种合欢豆加工的总费用为y元.

- (1) 求出 y 与 x 的函数关系式, 并求出自变量的取值范围;
- (2) x取何值时 y 最小? 最小值是多少?

20.在平面直角坐标系 xOy 中,直线 y=x+b 与双曲线  $y=\frac{m}{x}$  的一个交点为 A(2,4) ,与 y 轴交于点 B .

- (1) 求m的值和点B的坐标.
- (2) 点 P 在双曲线  $y = \frac{m}{x}$ 上,  $\triangle OBP$  的面积为8,求点 P 的坐标;
- (3) 借助图像,求不等式 $\frac{m}{x} > x + b$ 的解集,请直接写出答案.

