

北京市育才学校 2014--2015 学年度第二学期期中试卷初二数学

一、选择题（每题 3 分，共 30 分）

1、下列各组数中，不能构成直角三角形的是（ ）

- A. 3, 4, 5 B. 1, 1, $\sqrt{2}$ C. 5, 12, 13 D. 4, 6, 8

2、下列方程中是关于 x 的一元二次方程的是（ ）

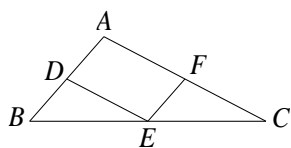
- A. $x^2 + \frac{1}{x^2} = 0$ B. $ax^2 + bx + c = 0$ C. $3x^2 - 2x - 5 = 3x^2$ D. $x^2 - 2x = 0$

3、已知菱形的两条对角线长分别是 4 和 8，则菱形的面积是（ ）

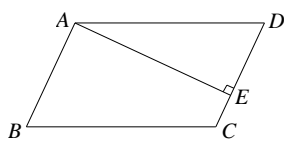
- A. 32 B. 64 C. 16 D. 8

4、如图，在 $\triangle ABC$ 中， $AB=6$ ， $AC=10$ ，点 D ， E ， F 分别是 AB ， BC ， AC 的中点则四边形 $ADEF$ 的周长为（ ）

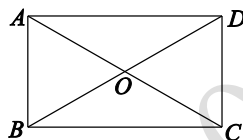
- A. 8 B. 10 C. 12 D. 16



第 4 题



第 5 题



第 6 题

5、如图，在 $\square ABCD$ 中， $AE \perp CD$ 于点 E ， $\angle B = 65^\circ$ ，则 $\angle DAE$ 等于（ ）。

- A. 15° B. 25° C. 35° D. 65°

6、如图，矩形 $ABCD$ 的对角线 AC ， BD 交于点 O ， $AC=4\text{cm}$ ， $\angle AOD=120^\circ$ ，则 BC 的长为（ ）

- A. $4\sqrt{3}$ B. 4 C. $2\sqrt{3}$ D. 2

7、将一元二次方程 $x^2 - 6x - 5 = 0$ 化成 $(x-3)^2 = b$ 的形式，则 b 等于（ ）

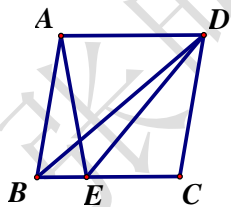
- A. 4 B. -4 C. 14 D. -14

8、下列命题错误是（ ）。

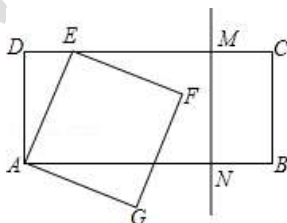
- A、有一组邻边相等的平行四边形叫做正方形 B、有一组邻边相等的矩形是正方形
C、有一组邻边相等并且有一个角是直角的平行四边形叫做正方形 D、有一个角是直角的菱形是正方形

9、如图， E 是菱形 $ABCD$ 的边 BC 上一点，且 $\angle DAE = \angle ABC = 80^\circ$ ，连接 BD ， DE ，那么 $\angle BDE$ 的度数为（ ）

- A. 10° B. 15° C. 20° D. 25°



第 9 题



第 10 题

10、如图，矩形 $ABCD$ 中， $AB=8$ ， $AD=3$ 。点 E 从 D 向 C 以每秒 1 个单位的速度运动，以 AE 为一边在 AE 的右下方作

正方形 AEFG. 同时垂直于 CD 的直线 MN 也从 C 向 D 以每秒 2 个单位的速度运动, 当经过多少秒时, 直线 MN 和正方形 AEFG 开始有公共点? ()

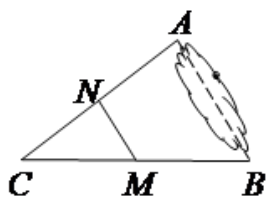
- A. $\frac{5}{3}$ B. $\frac{1}{2}$ C. $\frac{4}{3}$ D. $\frac{2}{3}$

二、选择题 (每题 3 分, 共 18 分)

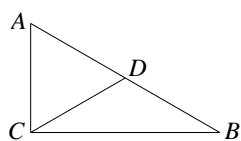
11、关于 x 的方程 $x^2 - 2mx + m = 0$ 的一个根为 1, 则 m 的值为_____.

12、若正方形的面积为 16, 则它的对角线长是_____.

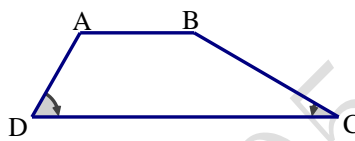
13、如图, A, B 两点被池塘隔开, 在 AB 外选一点 C , 连接 AC 和 BC , 并分别找出它们的中点 M 和 N . 如果测得 $MN=15\text{m}$, 则 A, B 两点间的距离为_____m.



第 13 题



第 14 题

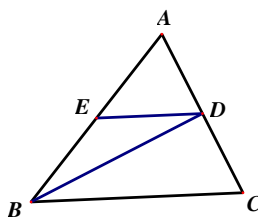
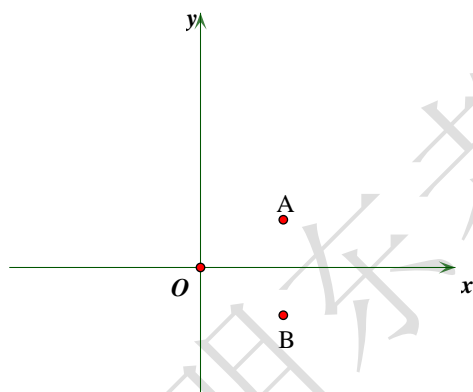


第 15 题

14、如图, 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle ACB=90^\circ$, $AC=3$, $AB=6$, 点 D 是 AB 的中点, 则 $CD=$ _____.

15、如图, 四边形 $ABCD$ 中, $AB \parallel CD$, $\angle C=30^\circ$, $\angle D=60^\circ$. 若 $AB=3$, $CD=7$, 则 AD 的长为_____.

16、如图, 在平面直角坐标系中, A 点与 B 点关于 x 轴对称并且点 A 的坐标为 $(\sqrt{3}, 1)$, 平面内是否存在点 N , 使以 O, A, B, N 为顶点的四边形是菱形, 请写出所有满足条件 N 点的坐标为_____.



三、解一元二次方程 (每题 4 分, 共 12 分, 注意第 (1) 用配方法解)

17. (1) $x^2 - 6x - 1 = 0$ (用配方法解) (2) $x^2 + 4x - 2 = 0$ (3) $(x-3)(x+2) = 6$

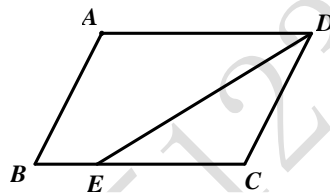
四、应用题 5 分

18. 某县为发展教育事业, 加强对教育经费投入, 2012 年投入 3000 万元, 2014 年投入 3630 万元.

- (1) 求该县教育经费的年平均增长率
- (2) 若增长率保持不变，预计 2015 年该县教育经费是多少？

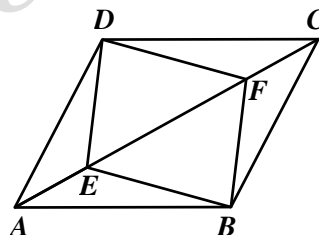
五、几何证明题（每题 5 分，共计 30 分）

19. 如图，在 $\square ABCD$ 中， $AD=8\text{cm}$ ， $AB=6\text{cm}$ ， DE 平分 $\angle ADC$ 交 BC 边于点 E ，求 BE 的长度。

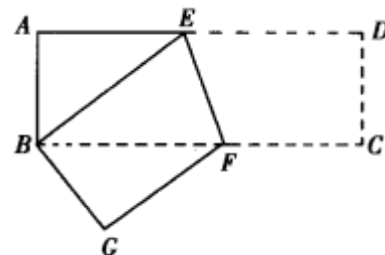


20. 已知：如图， A 、 C 是 $\square DEBF$ 的对角线 EF 所在直线上的两点，且 $AE=CF$ 。

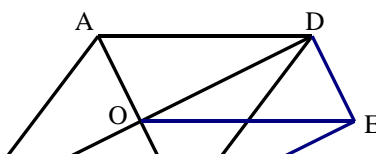
求证：四边形 $ABCD$ 是平行四边形。



21. 如图，将矩形 $ABCD$ 沿 EF 折叠，使点 D 与点 B 重合，已知 $AB=3$ ， $AD=9$ ，求 BE 的长。



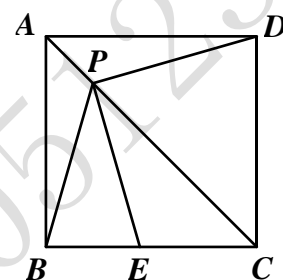
22. 如图，菱形 $ABCD$ ，对角线 AC 、 BD 交于点 O ， $DE \parallel AC$ ， $CE \parallel BD$ ，求证： $OE=BC$



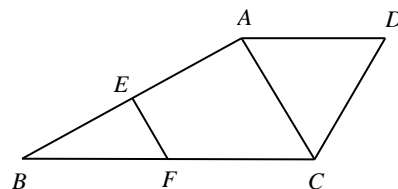
23. 如图， P 是正方形 $ABCD$ 对角线 AC 上一点，点 E 在 BC 上，且 $PE=PB$.

(1) 求证： $PE=PD$ ；

(2) 连接 DE ，试判断 $\angle PED$ 的度数，并证明你的结论.



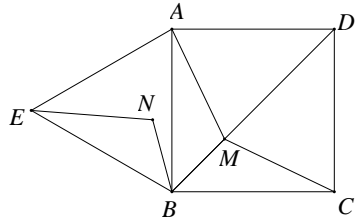
24. 如图，在四边形 $ABCD$ 中， $AD \parallel BC$ ， $AC \perp AB$ ， $\angle B = 30^\circ$ ， $AD = DC$ ， E 是 AB 中点， F 是 BC 中点，且 $EF = \sqrt{3}$ ，求梯形 $ABCD$ 的面积.



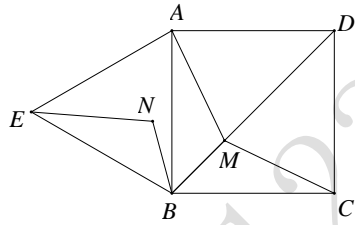
六、综合题（7分）

25. 如图，四边形 $ABCD$ 是正方形， $\triangle ABE$ 是等边三角形， M 为对角线 BD （不含 B 点）上任意一点，连接 AM 、 CM 。其中 $BN=BM$ ， $\angle MBN=60^\circ$ ，连接 EN 。

(1) 证明: $\triangle ABM \cong \triangle EBN$



(2) 当 M 点在何处时, $AM+BM+CM$ 的值最小, 并说明理由;



(3) 当 $AM+BM+CM$ 的最小值为 $\sqrt{3}+1$ 时, 求正方形的边长.

北京市育才学校 2014—2015 学年度第二学期期中试卷初二数学答案

一. 选择题

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
D	D	C	D	B	C	C	A	A	A

二. 填空题

11	12	13	14	15	16
1	$4\sqrt{3}$	30	3	2	$(0, 2), (0, -2), (2\sqrt{3}, 0)$

三. 17. 计算题

(1) $x^2 - 6x - 1 = 0$ (用配方法解)

$$x^2 - 6x = 1$$

$$x^2 - 6x + 9 = 1 + 9$$

$$(x - 3)^2 = 10$$

$$x - 3 = \pm\sqrt{10}$$

$$x = 3 \pm \sqrt{10}$$

$$x_1 = 3 + \sqrt{10}, x_2 = 3 - \sqrt{10}$$

(2) $x^2 + 4x - 2 = 0$

$$a = 1, b = 4, c = -2$$

$$\Delta = 4^2 - 4 \times 1 \times (-2)$$

$$= 24 > 0$$

$$x = \frac{-4 \pm \sqrt{24}}{2} = \frac{-4 \pm 2\sqrt{6}}{2}$$

$$x_1 = -2 + \sqrt{6}, x_2 = -2 - \sqrt{6}$$

(3) $(x-3)(x+2)=6$

$$x^2 - 6x - 6 = 6$$

$$x^2 - x - 12 = 0$$

$$(x-4)(x+3) = 10$$

$$x-4 = 0 \text{ 或 } x+3 = 0$$

$$x_1 = 4, x_2 = -3$$

四. 18. 应用题

解：设平均增长率为 x ，根据题意得

$$3000(1+x)^2 = 3630$$

$$(1+x)^2 = 1.21$$

$$1+x = \pm\sqrt{1.21} = \pm 1.1$$

$$x = -1 \pm 1.1$$

$$x_1 = -2.1 (\text{舍}), x_2 = 0.1 = 10\%$$

$$3630 (1+10\%) = 3993 (\text{万元})$$

答：年平均增长率为 10%，预计 2015 年教育经费投入为 3993 万元

19.

 \because 四边形 $ABCD$ 是平行四边形

$$\therefore AD = BC = 8, AB = CD = 6$$

 $\because DE$ 平分 $\angle ADC$

$$\therefore \angle 1 = \angle 2$$

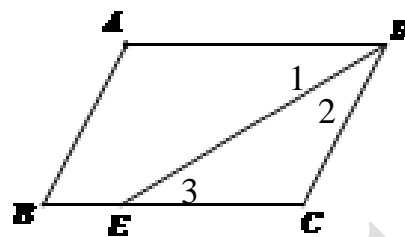
 $\because AD \parallel BC$

$$\therefore \angle 1 = \angle 3$$

$$\therefore \angle 2 = \angle 3$$

$$\therefore CD = CE = 6$$

$$\therefore BE = 8 - 6 = 2$$



20.

 \because 四边形 $DEBF$ 是平行四边形

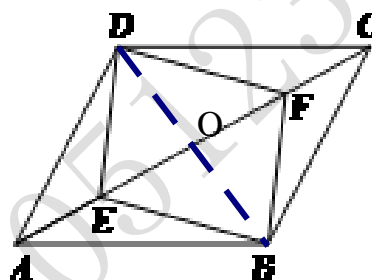
$$\therefore OE = OF, OB = OD$$

$$\because AE = CF$$

$$\therefore AE + OE = CF + OF$$

$$\therefore AO = CO$$

$$\because OB = OD$$

 \therefore 四边形 $ABCD$ 是平行四边形


21.

 解：设 $DE = x$, 则 $AE = 9 - x$
 \because 翻折

$$\therefore BE = DE = x$$

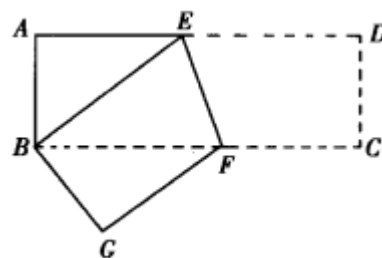
 \because 矩形 $ABCD$

$$\therefore \angle A = 90^\circ$$

$$\therefore AB^2 + AE^2 = BE^2$$

$$\therefore 3^2 + (9 - x)^2 = x^2$$

$$\therefore x = 5$$

 即： $BE = 5$


22.

 \because 四边形 $ABCD$ 是菱形

$$\therefore AC \perp BD, BC = CD$$

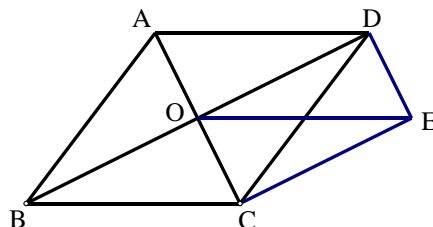
$$\therefore \angle COD = 90^\circ$$

 $\because DE \parallel AC, CE \parallel BD$
 \therefore 四边形 $OCED$ 是平行四边形

 \therefore 四边形 $OCED$ 是矩形

$$\therefore OE = CD$$

$$\therefore OE = BC$$

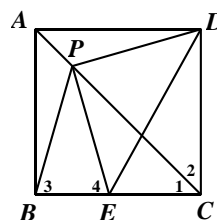

 23 (1) 证明： \because 四边形 $ABCD$ 是正方形，

$$\therefore BC = DC, \angle 1 = \angle 2.$$

 又 $\because PC = PC$,

$$\therefore \triangle PBC \cong \triangle PDC.$$

$$\therefore PB = PD.$$

 又 $\because PE = PB$,


$$\therefore PE=PD.$$

(2) 判断： $\angle PED=45^\circ$.

证明： \because 四边形 $ABCD$ 是正方形，

$$\therefore \angle BCD=90^\circ .$$

$$\because \triangle PBC \cong \triangle PDC, \therefore \angle 3 = \angle PDC.$$

$$\because PE=PB, \therefore \angle 3 = \angle 4.$$

$$\therefore \angle 4 = \angle PDC.$$

$$\text{又} \because \angle 4 + \angle PEC = 180^\circ ,$$

$$\therefore \angle PDC + \angle PEC = 180^\circ .$$

$$\therefore \angle EPD = 360^\circ - (\angle BCD + \angle PDC + \angle PEC) = 90^\circ .$$

$$\text{又} \because PE=PD,$$

$$\therefore \angle PED = 45^\circ .$$

24. 过 A 作 $AG \perp BC$ 于 G

$$\because E, F \text{ 是 } AB, CB \text{ 中点}, EF = \sqrt{3}$$

$$\therefore AC = 2EF = 2\sqrt{3}$$

$$\because AC \perp BC, \angle B = 30^\circ$$

$$\therefore BC = 2AC = 4\sqrt{3}$$

$$\therefore AB = 6$$

$$\because AG \perp BC, \angle B = 30^\circ$$

$$\therefore AG = \frac{1}{2} AB = 3$$

$$\because \angle B = 30^\circ$$

$$\therefore \angle ACB = 60^\circ$$

$$\because AD \parallel BC$$

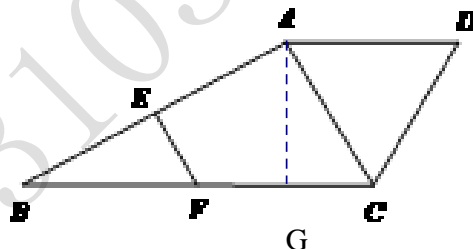
$$\therefore \angle CAD = \angle ACB = 60^\circ$$

$$\because AD = CD$$

$$\therefore \triangle ADC \text{ 为等边三角形}$$

$$\therefore AD = AC = 2\sqrt{3}$$

$$\therefore S_{\text{梯形}ABCD} = \frac{1}{2} (2\sqrt{3} + 4\sqrt{3}) \times 3 = 9\sqrt{3}$$



25. 解：(1) $\because \triangle ABE$ 是等边三角形， $\therefore BA=BE$ ， $\angle ABE=60^\circ$.

$$\because \angle MBN=60^\circ ,$$

$$\therefore \angle MBN - \angle ABN = \angle ABE - \angle ABN, \text{ 即 } \angle BMA = \angle NBE.$$

$$\text{又} \because MB=NB,$$

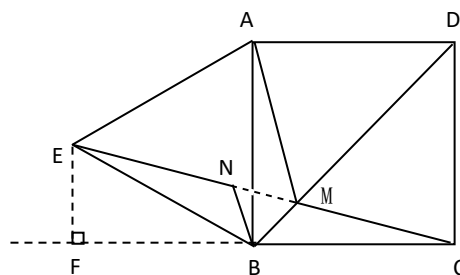
$$\therefore \triangle AMB \cong \triangle ENB \text{ (SAS)} .$$

(2) 如图，连接 CE ，当 M 点位于 BD 与 CE 的交点处时，

$AM+BM+CM$ 的值最小.

理由如下：连接 MN ，由 (1) 知，

$$\triangle AMB \cong \triangle ENB, \therefore AM=EN.$$



$\because \angle MBN = 60^\circ$, $MB = NB$,

$\therefore \triangle BMN$ 是等边三角形, $\therefore BM = MN$.

$\therefore AM + BM + CM = EN + MN + CM$

根据“两点之间线段最短”, 得 $EN + MN + CM = EC$ 最短

\therefore 当 M 点位于 BD 与 CE 的交点处时, $AM + BM + CM$ 的值最小,

即等于 EC 的长

(3) 正方形的边长为 $\sqrt{2}$

过 E 点作 $EF \perp BC$ 交 CB 的延长线于 F , $\therefore \angle EBF = 90^\circ - 60^\circ = 30^\circ$.

设正方形的边长为 x , 则 $BF = \frac{\sqrt{3}}{2}x$, $EF = \frac{x}{2}$.

在 $Rt\triangle EFC$ 中, $\because EF^2 + FC^2 = EC^2$, $\therefore \left(\frac{x}{2}\right)^2 + \left(\frac{\sqrt{3}}{2}x + x\right)^2 = (\sqrt{3} + 1)^2$

解得, $x = \sqrt{2}$ (舍去负值). \therefore 正方形的边长为 $\sqrt{2}$