

北京市朝阳区九年级综合练习（二）

数学试卷

2018.6

学校_____ 班级_____ 姓名_____ 考号_____

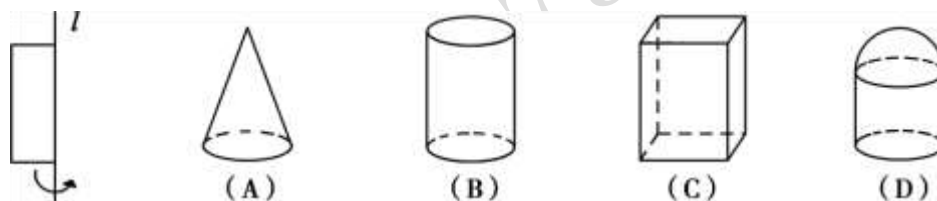
- | | |
|------------------|--|
| 考
生
须
知 | 1. 本试卷共 8 页，共三道大题，28 道小题，满分 100 分。考试时间 120 分钟。
2. 在试卷和答题卡上认真填写学校名称、姓名和准考证号。
3. 试题答案一律填涂或书写在答题卡上，在试卷上作答无效。
4. 在答题卡上，选择题、作图题用 2B 铅笔作答，其他试题用黑色字迹签字笔作答。
5. 考试结束，请将本试卷、答题卡和草稿纸一并交回。 |
|------------------|--|

一、选择题（本题共 16 分，每小题 2 分）

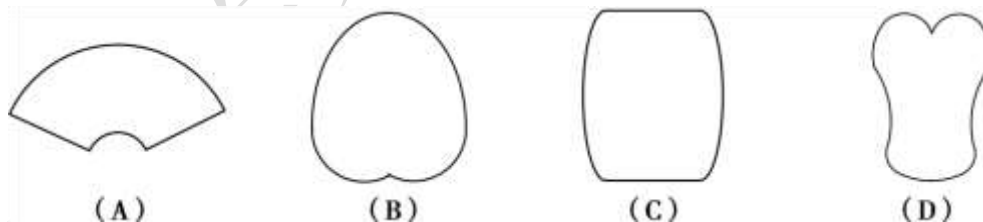
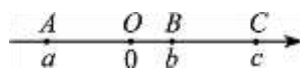
下面 1-8 题均有四个选项，其中符合题意的选项只有一个。

1. 若代数式 $\frac{x}{x-3}$ 的值为零，则实数 x 的值为

- (A) $x=0$ (B) $x \neq 0$ (C) $x=3$ (D) $x \neq 3$

2. 如图，左面的平面图形绕直线 l 旋转一周，可以得到的立体图形是

3. 中国传统扇文化有着深厚的底蕴，下列扇面图形既是轴对称图形又是中心对称图形的是

4. 如图，在数轴上有点 O, A, B, C 对应的数分别是 $0, a, b, c$ ， $AO=2$ ， $OB=1$ ， $BC=2$ ，则下列结论正确的是

- (A) $|a|=|c|$ (B) $ab>0$ (C) $a+c=1$ (D) $b-a=1$

5. $\odot O$ 是一个正 n 边形的外接圆，若 $\odot O$ 的半径与这个正 n 边形的边长相等，则 n 的值为

- (A) 3 (B) 4 (C) 5 (D) 6

6. 已知 $a^2 - 5 = 2a$ ，代数式 $(a-2)^2 + 2(a+1)$ 的值为

- (A) -11 (B) -1 (C) 1 (D) 11

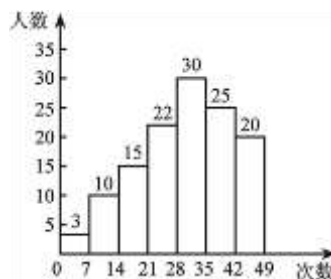
7. 小文同学统计了某栋居民楼中全体居民每周使用手机支付的次数，并绘制了直方图。

根据图中信息，下列说法：

- ①这栋居民楼共有居民 140 人
②每周使用手机支付次数为 28~35 次的人数最多
③有 $\frac{1}{5}$ 的人每周使用手机支付的次数在 35~42 次
④每周使用手机支付不超过 21 次的有 15 人

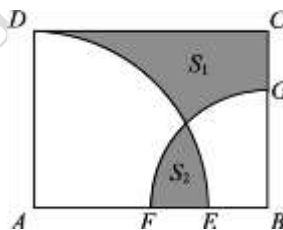
其中正确的是

- (A) ①② (B) ②③
(C) ③④ (D) ④



8. 如图，矩形 $ABCD$ 中， $AB=4$ ， $BC=3$ ， F 是 AB 中点，以点 A 为圆心， AD 为半径作弧交 AB 于点 E ，以点 B 为圆心， BF 为半径作弧交 BC 于点 G ，则图中阴影部分面积的差 $S_1 - S_2$ 为

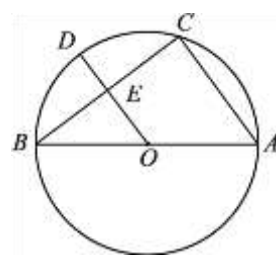
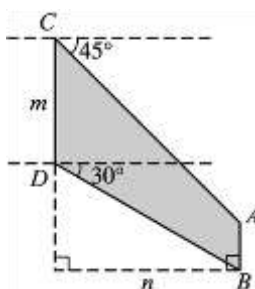
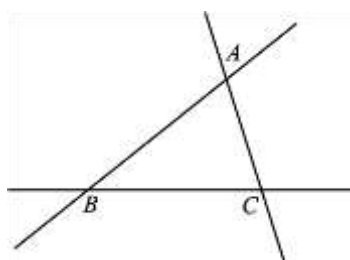
- (A) $12 - \frac{13\pi}{4}$
(B) $12 - \frac{9\pi}{4}$
(C) $6 + \frac{13\pi}{4}$
(D) 6



二、填空题（本题共 16 分，每小题 2 分）

9. 写出一个比 $\sqrt{2}$ 大且比 $\sqrt{5}$ 小的有理数：_____.

10. 直线 AB ， BC ， CA 的位置关系如图所示，则下列语句：①点 A 在直线上 BC ；②直线 AB 经过点 C ；③直线 AB ， BC ， CA 两两相交；④点 B 是直线 AB ， BC ， CA 的公共点，正确的有_____（只填写序号）.



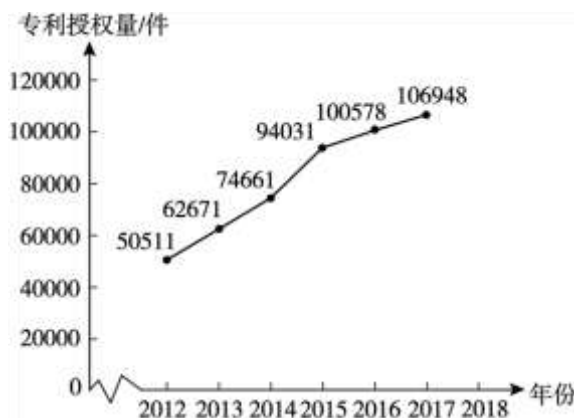
第 10 题图

第 11 题图

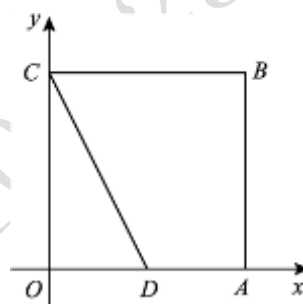
第 12 题图

11. 2017 年 5 月 5 日我国自主研发的大型飞机 C919 成功首飞, 如图给出了一种机翼的示意图, 用含有 m 、 n 的式子表示 AB 的长为_____.
12. 如图, $\triangle ABC$ 内接于 $\odot O$, AB 是 $\odot O$ 的直径, 点 D 在圆 O 上, $\widehat{BD} = \widehat{CD}$, $AB=10$, $AC=6$, 连接 OD 交 BC 于点 E , $DE=$ _____.

13. 鼓励科技创新、技术发明, 北京市 2012-2017 年专利授权量如图所示. 根据统计图中提供信息, 预估 2018 年北京市专利授权量约_____件, 你的预估理由是_____.



第 13 题图



第 14 题图

14. 如图, 在平面直角坐标系 xOy 中, 四边形 $OABC$ 是正方形, 点 $C(0, 4)$, D 是 OA 中点, 将 $\triangle CDO$ 以 C 为旋转中心逆时针旋转 90° 后, 再将得到的三角形平移, 使点 C 与点 O 重合, 写出此时点 D 的对应点的坐标: _____.
15. 下列对于随机事件的概率的描述:
- ① 抛掷一枚均匀的硬币, 因为“正面朝上”的概率是 0.5, 所以抛掷该硬币 100 次时, 就会有 50 次“正面朝上”;
 - ② 一个不透明的袋子里装有 4 个黑球, 1 个白球, 这些球除了颜色外无其他差别. 从中随机摸出一个球, 恰好是白球的概率是 0.2;
 - ③ 测试某射击运动员在同一条件下的成绩, 随着射击次数的增加, “射中 9 环以上”的频率总是在 0.85 附近摆动, 显示出一定的稳定性, 可以估计该运动员“射中 9 环以上”的概率是 0.85
- 其中合理的有_____ (只填写序号).

16.下面是“作三角形一边上的高”的尺规作图过程.

已知： $\triangle ABC$.

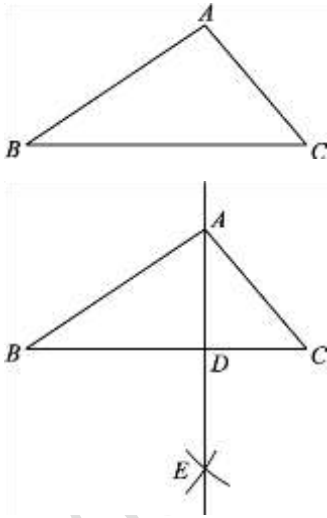
求作： $\triangle ABC$ 的边 BC 上的高 AD .

作法：如图，

(1) 分别以点 B 和点 C 为圆心， BA, CA 为半径作弧，两弧相交于点 E ；

(2) 作直线 AE 交 BC 边于点 D .

所以线段 AD 就是所求作的高.

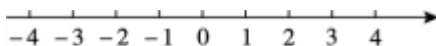


请回答：该尺规作图的依据是_____.

三、解答题（本题共 68 分，第 17-24 题，每小题 5 分，第 25 题 6 分，第 26-27 题，每小题 7 分，第 28 题 8 分）

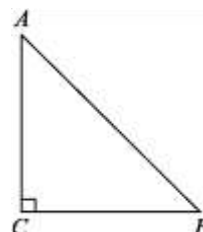
17. 计算： $\sqrt{12} - 3 \tan 30^\circ + (2018 - \pi)^0 - \left(\frac{1}{2}\right)^{-1}$.

18. 解不等式 $\frac{3x+1}{2} - 3 > 2x - 1$ ，并把解集在数轴上表示出来.



19. 如图， $\triangle ABC$ 中， $\angle C = 90^\circ$ ， $AC = BC$ ， $\angle ABC$ 的平分线 BD 交 AC 于点 D ， $DE \perp AB$ 于点 E .

- (1) 依题意补全图形；
- (2) 猜想 AE 与 CD 的数量关系，并证明.



20. 已知关于 x 的一元二次方程 $x^2 + 2(m-1)x + m^2 - 3 = 0$ 有两个不相等的实数根.

(1) 求 m 的取值范围;

(2) 若 m 为非负整数, 且该方程的根都是无理数, 求 m 的值.

21. 如图, 在平面直角坐标系 xOy 中, 直线 $y = k_1x + 6$ 与函数 $y = \frac{k_2}{x} (x > 0)$ 的图象的两个

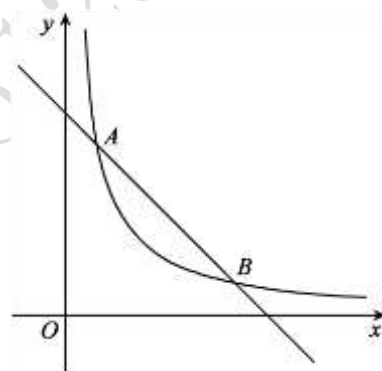
交点分别为 $A(1, 5)$, B .

(1) 求 k_1, k_2 的值;

(2) 过点 $P(n, 0)$ 作 x 轴的垂线, 与直线 $y = k_1x + 6$

和函数 $y = \frac{k_2}{x} (x > 0)$ 的图象的交点分别为点 M, N ,

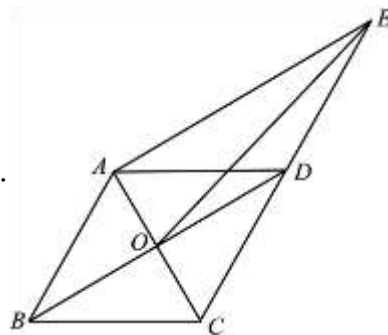
当点 M 在点 N 下方时, 写出 n 的取值范围.



22. 如图, 平行四边形 $ABCD$ 的对角线 AC, BD 相交于点 O , 延长 CD 到 E , 使 $DE = CD$, 连接 AE .

(1) 求证: 四边形 $ABDE$ 是平行四边形;

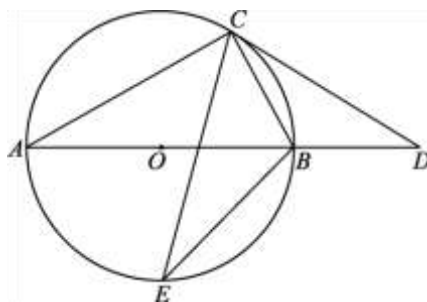
(2) 连接 OE , 若 $\angle ABC = 60^\circ$, 且 $AD = DE = 4$, 求 OE 的长.



23. AB 为 $\odot O$ 直径, C 为 $\odot O$ 上的一点, 过点 C 的切线与 AB 的延长线相交于点 D , $CA=CD$.

(1) 连接 BC , 求证: $BC=OB$;

(2) E 是 \widehat{AB} 中点, 连接 CE , BE , 若 $BE=2$, 求 CE 的长.



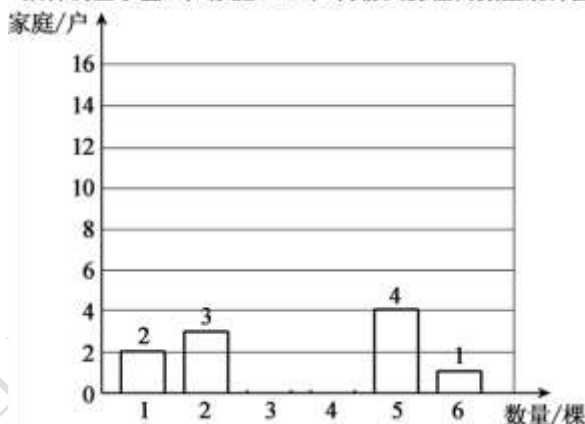
24. “绿水青山就是金山银山”, 北京市民积极参与义务植树活动. 小武同学为了了解自己小区 300 户家庭在 2018 年 4 月份义务植树的数量, 进行了抽样调查, 随即抽取了其中 30 户家庭, 收集的数据如下 (单位: 棵):

1 1 2 3 2 3 2 3 3 4 3 3 4 3 3
5 3 4 3 4 4 5 4 5 3 4 3 4 5 6

(1) 对以上数据进行整理、描述和分析:

①绘制如下的统计图, 请补充完整

抽样调查小区30户家庭2018年4月份义务植树数量统计图

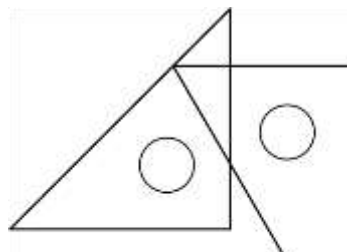


②这 30 户家庭 2018 年 4 月份义务植树数量的平均数是____, 众数是____;

(2) “互联网+全民义务植树”是新时代首都全民义务植树组织形式和尽责方式的一大创新, 2018 年首次推出义务植树网上预约服务, 小武同学所调查的这 30 户家庭中有 7 户家庭采用了网上预约义务植树这种方式, 由此可以估计该小区采用这种形式的家庭有____户.

25. 在数学活动课上, 老师提出了一个问题: 把一副三角尺

九年级数学试卷 第 6 页(共 8 页)



如图 1 摆放，直角三角尺的两条直角边分别垂直或平行，
60°角的顶点在另一个三角尺的斜边上移动，在这个运动过程中，有哪些变量，能研究它们之间的关系吗？
小林选择了其中一对变量，根据学习函数的经验，对它们之间的关系进行了探究.

图 1

下面是小林的探究过程，请补充完整：

(1) 画出几何图形，明确条件和探究对象：

如图 2，在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中， $\angle C=90^\circ$ ， $AC=BC=6\text{cm}$ ， D 是线段 AB 上一动点，射线 $DE\perp BC$ 于点 E ， $\angle EDF=$ ____°，射线 DF 与射线 AC 交于点 F . 设 B, E 两点间的距离为 $x\text{ cm}$ ， E, F 两点间的距离为 $y\text{ cm}$.

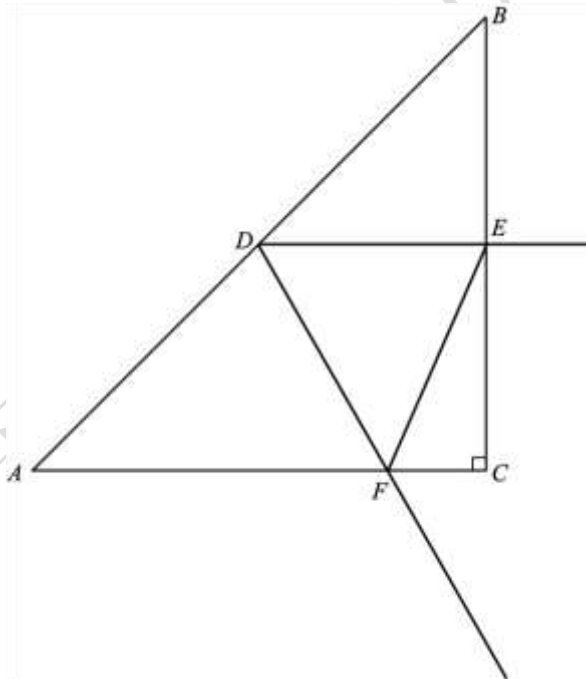


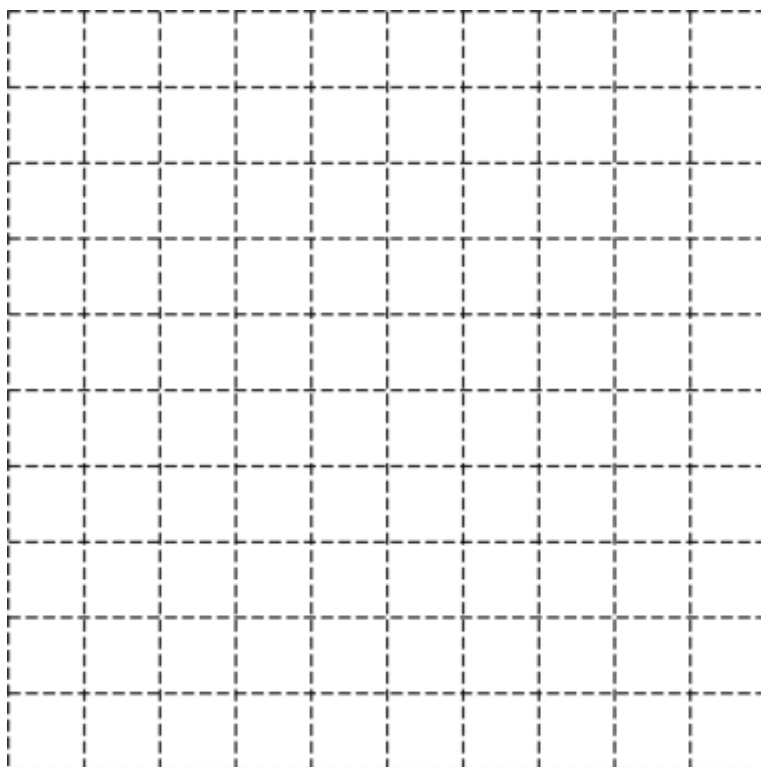
图 2

(2) 通过取点、画图、测量，得到了 x 与 y 的几组值，如下表：

x/cm	0	1	2	3	4	5	6
y/cm	6.9	5.3	4.0	3.3		4.5	6

(说明：补全表格时相关数据保留一位小数)

(3) 建立平面直角坐标系，描出以补全后的表中各对对应值为坐标的点，画出该函数的图象；



(4) 结合画出的函数图象，解决问题：当 $\triangle DEF$ 为等边三角形时， BE 的长度约为____cm.

26. 已知二次函数 $y = ax^2 - 2ax - 2 (a \neq 0)$.

- (1) 该二次函数图象的对称轴是直线_____;
- (2) 若该二次函数的图象开口向上，当 $-1 \leq x \leq 5$ 时，函数图象的最高点为 M ，最低点为 N ，点 M 的纵坐标为 $\frac{11}{2}$ ，求点 M 和点 N 的坐标;
- (3) 对于该二次函数图象上的两点 $A(x_1, y_1)$ ， $B(x_2, y_2)$ ，设 $t \leq x_1 \leq t+1$ ，当 $x_2 \geq 3$ 时，均有 $y_1 \geq y_2$ ，请结合图象，直接写出 t 的取值范围.

27. 如图，在 $\triangle ABC$ 中， $AB=AC$ ， $\angle BAC=90^\circ$ ， M 是 BC 的中点，延长 AM 到点 D ， $AE=AD$ ， $\angle EAD=90^\circ$ ； CE 交 AB 于点 F ， $CD=DF$.

- (1) $\angle CAD=$ _____度;
- (2) 求 $\angle CDF$ 的度数;
- (3) 用等式表示线段 CD 和 CE 之间的数量关系，并证明.

题号	1	2	3	4	5	6	7	8
答案	A	B	C	C	D	D	B	A

二、填空题（本题共 16 分，每小题 2 分）

9. 答案不唯一，如： 2 10. ③ 11. $m + \frac{\sqrt{3}}{3}n - n$ 12. 2

13. 答案不唯一，理由须支撑推断的合理性. 14. (4, 2) 15. ②③

16. 与一条线段两个端点距离相等的点，在这条线段的垂直平分线上；三角形的高的定义 .

三、解答题（本题共 68 分，第 17-24 题，每小题 5 分，第 25 题 6 分，第 26-27 题，每小题 7 分，

第 28 题 8 分）

17. 解：原式 $= 2\sqrt{3} - 3 \times \frac{\sqrt{3}}{3} + 1 - 2$ 4 分

$= \sqrt{3} - 1$5 分

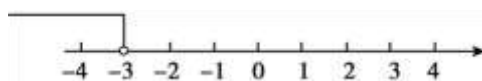
18. 解：去分母，得 $3x+1-6 > 4x-2$,1 分

移项，得 $3x-4x > -2+5$,2 分

合并同类项，得 $-x > 3$,3 分

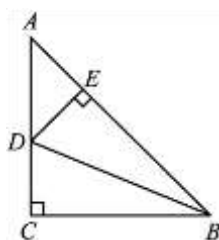
系数化为 1，得 $x < -3$4 分

不等式的解集在数轴上表示如下：



.....5 分

19. (1) 如图：



.....2 分

(2) AE 与 CD 的数量关系为 $AE=CD$3 分

证明: $\because \angle C=90^\circ, AC=BC,$

$\therefore \angle A=45^\circ.$

$\because DE \perp AB,$

$\therefore \angle ADE = \angle A = 45^\circ.$

$\therefore AE=DE.$ 4 分

$\because BD$ 平分 $\angle ABC,$

$\therefore CD=DE.$ 5 分

$\therefore AE=CD.$

20. 解: (1) $\Delta = [2(m-1)]^2 - 4(m^2 - 3) = -8m + 16.$

\because 方程有两个不相等的实数根,

$\therefore \Delta > 0.$

即 $-8m + 16 > 0.$

解得 $m < 2.$ 2 分

(2) $\because m < 2$, 且 m 为非负整数,

$\therefore m = 0$ 或 $m = 1.$ 3 分

① 当 $m = 0$ 时, 原方程为 $x^2 - 2x - 3 = 0,$

解得 $x_1 = 3, x_2 = -1$, 不符合题意.

② 当 $m = 1$ 时, 原方程为 $x^2 - 2 = 0,$

解得 $x_1 = \sqrt{2}, x_2 = -\sqrt{2}$, 符合题意.

综上所述, $m = 1.$ 5 分

21. 解: (1) $\because A(1, 5)$ 在直线 $y = k_1x + 6$ 上,

$\therefore k_1 = -1.$ 1 分

$\because A(1, 5)$ 在 $y = \frac{k_2}{x} (x > 0)$ 的图象上,

$\therefore k_2 = 5.$ 2 分

(2) $0 < n < 1$ 或者 $n > 5.$ 5 分

22. (1) 证明: \because 四边形 $ABCD$ 是平行四边形,

$\therefore AB \parallel CD, AB = CD.$

$\because DE = CD,$

$\therefore AB = DE.$

\therefore 四边形 $ABDE$ 是平行四边形.2 分

(2) 解: $\because AD = DE = 4,$

$\therefore AD = AB = 4.$

$\therefore \square ABCD$ 是菱形.3 分

$$\therefore AB=BC, AC \perp BD, BO = \frac{1}{2}BD, \angle ABO = \frac{1}{2}\angle ABC.$$

$$\text{又} \because \angle ABC = 60^\circ,$$

$$\therefore \angle ABO = 30^\circ.$$

在 $\text{Rt}\triangle ABO$ 中,

$$AO = AB \cdot \sin \angle ABO = 2, \quad BO = AB \cdot \cos \angle ABO = 2\sqrt{3}.$$

$$\therefore BD = 4\sqrt{3}.$$

\because 四边形 $ABDE$ 是平行四边形,

$$\therefore AE \parallel BD, \quad AE = BD = 4\sqrt{3}.$$

又 $\because AC \perp BD,$

$\therefore AC \perp AE.$

$$\text{在 } \text{Rt}\triangle AOE \text{ 中, } OE = \sqrt{AE^2 + AO^2} = 2\sqrt{13}. \quad \dots\dots\dots 5 \text{ 分}$$

23. (1) 证明: 连接 OC .

$\because AB$ 为 $\odot O$ 直径,

$\therefore \angle ACB = 90^\circ. \quad \dots\dots\dots 1 \text{ 分}$

$\because CD$ 为 $\odot O$ 切线

$\therefore \angle OCD = 90^\circ. \quad \dots\dots\dots 2 \text{ 分}$

$$\therefore \angle ACO = \angle DCB = 90^\circ - \angle OCB$$

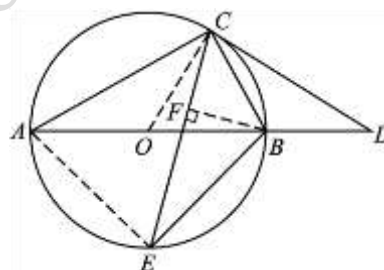
$\because CA = CD,$

$$\therefore \angle CAD = \angle D.$$

$$\therefore \angle COB = \angle CBO.$$

$$\therefore OC = BC.$$

$$\therefore OB = BC. \quad \dots\dots\dots 3 \text{ 分}$$



(2) 解: 连接 AE , 过点 B 作 $BF \perp CE$ 于点 F .

$\because E$ 是 \widehat{AB} 中点

$$\therefore AE = BE = 2.$$

$\because AB$ 为 $\odot O$ 直径,

$$\therefore \angle AEB = 90^\circ.$$

$$\therefore \angle ECB = \angle BAE = 45^\circ, \quad AB = 2\sqrt{2}.$$

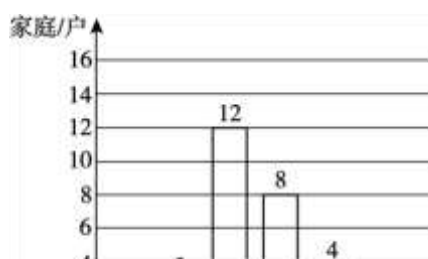
$$\therefore CB = \frac{1}{2}AB = \sqrt{2}.$$

$$\therefore CF = BF = 1.$$

$$\therefore EF = \sqrt{3}.$$

$$\therefore CE = 1 + \sqrt{3}. \quad \dots\dots\dots 5 \text{ 分}$$

24. 解: (1) ①



.....2 分

② 3.4, 34 分

(2) 705 分

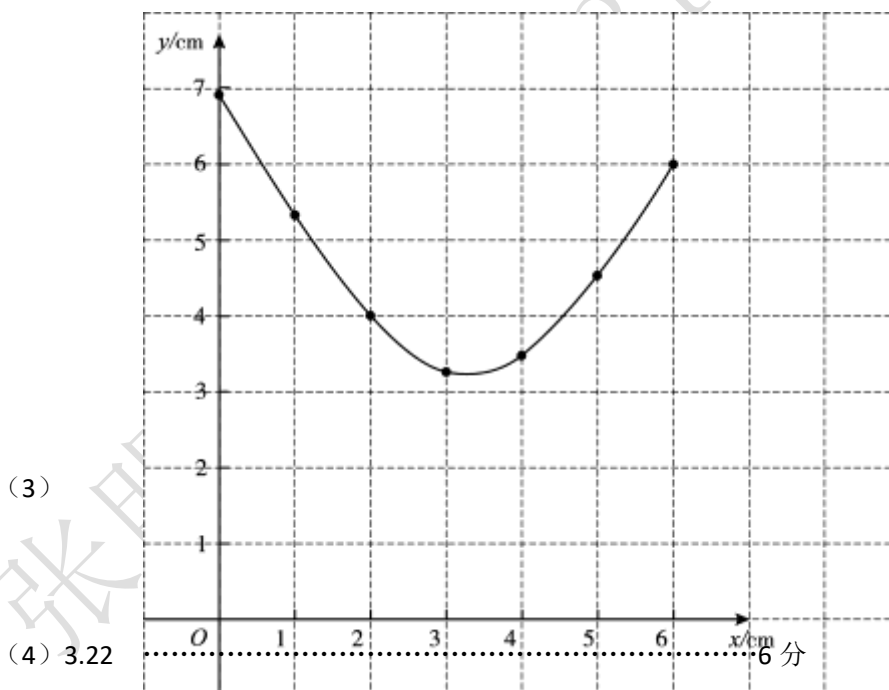
25. 解：(1) 601 分

答案不唯一，如：

(2)

x/cm	0	1	2	3	4	5	6
y/cm	6.9	5.3	4.0	3.3	3.5	4.5	6

.....2 分



...5 分

26. (1) $x=1$ 1 分

(2) 解：∵该二次函数的图象开口向上，对称轴为直线 $x=1$ ， $-1 \leq x \leq 5$ ，

∴当 $x=5$ 时， y 的值最大，即 $M(5, \frac{11}{2})$3 分

把 $M(5, \frac{11}{2})$ 代入 $y=ax^2 - 2ax - 2$ ，解得 $a=\frac{1}{2}$4 分

∴该二次函数的表达式为 $y = \frac{1}{2}x^2 - x - 2$.

当 $x=1$ 时, $y = -\frac{5}{2}$,

∴ $N(1, -\frac{5}{2})$5 分

(3) $-1 \leq t \leq 2$7 分

27. 解: (1) 451 分

(2) 解: 如图, 连接 DB .

∵ $AB = AC$, $\angle BAC = 90^\circ$, M 是 BC 的中点,

∴ $\angle BAD = \angle CAD = 45^\circ$.

∴ $\triangle BAD \cong \triangle CAD$2 分

∴ $\angle DBA = \angle DCA$, $BD = CD$.

∵ $CD = DF$,

∴ $BD = DF$3 分

∴ $\angle DBA = \angle DFB = \angle DCA$.

∵ $\angle DFB + \angle DFA = 180^\circ$,

∴ $\angle DCA + \angle DFA = 180^\circ$.

∴ $\angle BAC + \angle CDF = 180^\circ$.

∴ $\angle CDF = 90^\circ$4 分

(3) $CE = (\sqrt{2} + 1)CD$5 分

证明: ∵ $\angle EAD = 90^\circ$,

∴ $\angle EAF = \angle DAF = 45^\circ$.

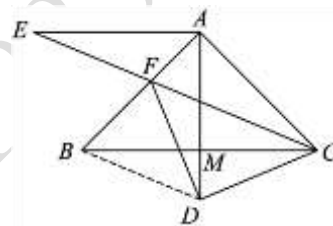
∵ $AD = AE$,

∴ $\triangle EAF \cong \triangle DAF$6 分

∴ $DF = EF$.

由②可知, $CF = \sqrt{2}CD$7 分

∴ $CE = (\sqrt{2} + 1)CD$.



28. (1) ① P_2, P_3 2 分

② 解: 由题意可知, 直线 m 的所有平行点组成平行于直线 m , 且到直线 m 的距离为 1 的直线.

设该直线与 x 轴交于点 A , 与 y 轴交于点 B .

如图 1, 当点 B 在原点上方时, 作 $OH \perp AB$ 于点 H , 可知 $OH=1$.

由直线 m 的表达式为 $y=x$, 可知 $\angle OAB = \angle OBA = 45^\circ$.

所以 $OB = \sqrt{2}$.

直线 AB 与 $\odot O$ 的交点即为满足条件的点 Q .

连接 OQ_1 , 作 $Q_1N \perp y$ 轴于点 N , 可知 $OQ_1 = \sqrt{10}$.

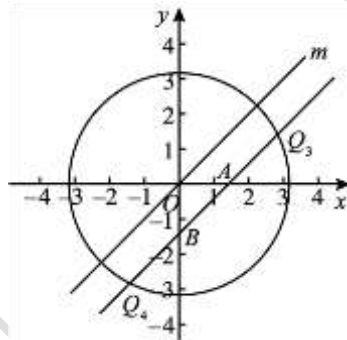
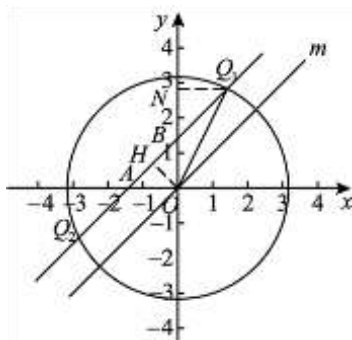
张明东老师 17310512331 公众号：中学数学一加一
 在 $\text{Rt}\triangle OHQ_1$ 中，可求 $HQ_1=3$.
 所以 $BQ_1=2$.

在 $\text{Rt}\triangle BHQ_1$ 中，可求 $NQ_1=NB=\sqrt{2}$.

所以 $ON=2\sqrt{2}$.

所以点 Q_1 的坐标为 $(\sqrt{2}, 2\sqrt{2})$.

同理可求点 Q_2 的坐标为 $(-2\sqrt{2}, -\sqrt{2})$ 4 分



如图 2，当点 B 在原点下方时，可求点 Q_3 的坐标为 $(2\sqrt{2}, \sqrt{2})$

点 Q_4 的坐标为 $(-\sqrt{2}, -2\sqrt{2})$ 6 分

综上所述，点 Q 的坐标为 $(\sqrt{2}, 2\sqrt{2})$, $(-2\sqrt{2}, -\sqrt{2})$, $(2\sqrt{2}, \sqrt{2})$, $(-\sqrt{2}, -2\sqrt{2})$.

(2) $-\frac{4\sqrt{3}}{3} \leq n \leq \frac{4\sqrt{3}}{3}$ 8 分