Выполнение расчетного задания по дисциплине Тепломассообмен в среде Mathematica 14

Студент: Азимова Зарина

Группа: ТФ-11-22

Задача № 1

Задача 1.

В три стальные трубы ($d_2x\delta=100x3$ мм), расположенные на открытом воздухе с температурой 5°C поступает горячая вода при температуре 100°C и давлении 5 МПа, которая движется со скоростью 0,2 м/с. Первая труба покрыта слоем минеральной ваты толщиной 50 мм имеющая коэффициент теплопроводности 0,05 Вт/м·К. Определить длину трубы если на выходе из нее температура воды уменьшилась на 20°C. Определить температуры воды на выходе из трубы покрытую слоем бетона толщиной 50 мм имеющая коэффициент теплопроводности 1,28 Вт/м·К и из трубы без изоляции если они имеют ту же длину, что и первая труба. Расчет провести с учетом потерь тепла в окружающую среду совместно конвекцией и излучением. Для всех трех труб принять излучательную способность поверхности материала $\epsilon=0,8$, коэффициент теплоотдачи 12,8 Вт/м²·К. Коэффициент теплоотдачи от воды к внутренней стороне трубы равен 12,8 Вт/м²·К. Построить графики $t_{\rm ж}(x)$, $q_{\rm c}(x)$ для обеих способов расчета. Сравнить тепловой поток потерь трубопроводов Q для обеих способов расчета.

Указания:

In[100]:=

- 1. Решить задачу используя формулу Шухова ($\Delta t_x = \Delta t_0 e^{-kmF_x}$) и по алгоритму решения задачи 3 гл. 2 учебника [1].
- 2. Свойства воды выбирать при средней температуре воды.
- 3. Проанализировать результаты с точки зрения эффективности работы изоляции труб.

Литература к задаче 1

1. Цветков Ф.Ф., Григорьев Б.А. Тепломассообмен: Учебное пособие для вузов. – М.: Изд-во МЭИ, 2008.

```
Данные из условия:
```

```
d2=100(mm);\delta=3(mm) - геометрия труб ; tAir=5 (°C)-температура воздуха;tLiquid1=100(°C)-температура горячей воды на входе (как t_{ж1}) ; p=5(MPa)- давление горячей воды;w=0.2(m/s) - скорость течения горячей воды; \lambda MinWool=0.05(W/m*K);\delta MinWool=50(mm); tLiquid2=100-20=80(°C)-температура горячей воды на выходе(как t_{ж2}) ; \lambda Concrete=1.28(W/m K);\delta Concrete=50(mm);\epsilon=0.8-излучательная способность поверхности материала труб; \alpha= 12.8 (W/m² K)-коэффициент теплоотдачи
```

```
d2 = 100 \times 10^{-3};

\delta = 3 \times 10^{-3};

tAir = 5;

tLiquid1 = 100;

p = 5 \times 10^{6};

w = 0.2;

\lambdaMinWool = 0.05;

\deltaMinWool = 50 \times 10^{-3};

tLiquid2 = 80;

\lambdaConcrete = 1.28;

\deltaConcrete = 50 \times 10^{-3};

\epsilon = 0.8;

\alpha = 12.8;
```

2 / 17 Сталь берем нержавеющую, ее коэффициент теплопроводности λSteel (W/m K) берем как const в виду слабой зависимости от температуры:

In[103]:=

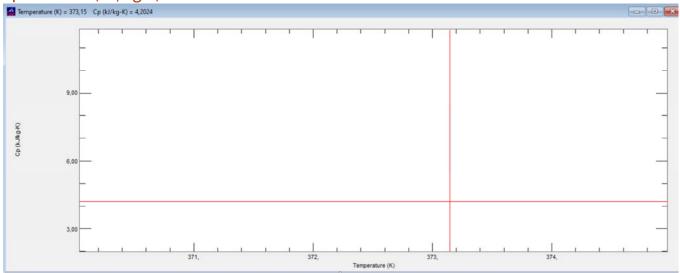
 λ Steel = 14.4;

Изобарную (p=5MPa)теплоемкость и плотность воды при tLiquid1 и tLiquid2 найдем через REFPROP при substance-water

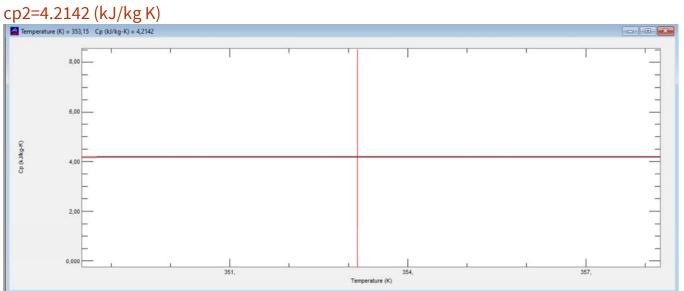
cp:

tLiquid1=100 (°C) =373.15(K)

cp1=4.2024 (kJ/kg K)



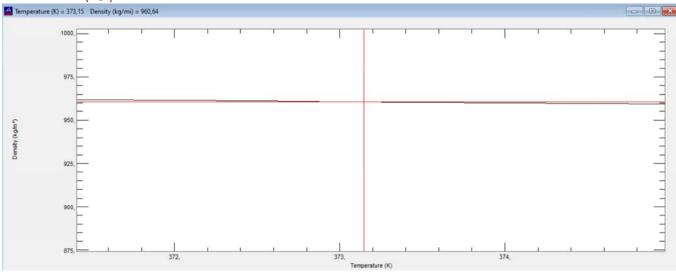
tLiquid2=80 (°C) =353.15(K)



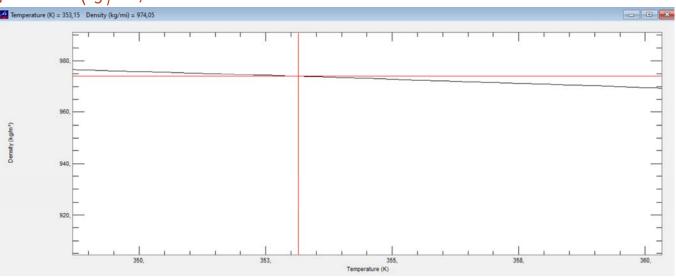
плотность:

tLiquid1=100 (°C)

 ρ 1=960.64 (kg/m^3)



tLiquid2=80 (°C) ρ 2=974.05 (kg/m^3)



In[104]:=

Средняя удельная изобарная теплоемкость cpAverage(J/kg K)

In[105]:= cpAverage =
$$\frac{cp1 + cp2}{2} * 1000$$

4208.3

Out[105]=

Out[106]=

Out[107]=

Out[108]=

In[109]:=

Out[109]=

In[110]:=

Out[110]=

In[111]:=

Средняя плотность воды ρ Average (kg/ m^3)

In[106]:= $\rho \text{Average} = \frac{\rho 1 + \rho 2}{2}$

967.345

Массовый расход воды G(kg/s)

In[107]:= $G = \pi * \left(\frac{d2 - 2 * \delta}{2}\right)^2 * W * \rho Average$

1.3426319

Найдем диаметры *d1*, *d3* (*m*)

 $d1 = d2 - 2 \delta // N$

численное п

0.094

 $d3 = d2 + 2 \delta // N$

численное п

0.106

Найдем линейный коэффициент теплопередачи для трубы с ватной изоляцией KlinearMinWool (W/m K)

$$\text{KlinearMinWool} = \frac{1}{\frac{1}{\alpha*\text{d1}} + \frac{1}{2\lambda\text{Steel}} * \text{Log}\left[\frac{\text{d2}}{\text{d1}}\right] + \frac{1}{2\lambda\text{MinWool}} * \text{Log}\left[\frac{\text{d3}}{\text{d2}}\right] + \frac{1}{\alpha*\text{d3}} }$$

0.46447188

Применяя формулу Шухова найдем расстояние (длину трубы) на котором будет выполняться условие разности температур на входе и выходе в трубу с изоляцией из минеральной ваты:

L = First NSolveValues tLiquid2 == tAir + (tLiquid1 - tAir) * Exp
$$\left[\frac{-\text{KlinearMinWool}}{\text{показат}G_{15}\text{н-CpAyerage}} * \pi * x\right], x$$

915.33743

Найдем линейный коэффициент теплопередачи для трубы с бетонной изоляцией KlinearConcrete (W/m K)

По формуле Шухова найдем температуру на выходе из трубы с бетонной изоляцией:

Найдем линейный коэффициент теплопередачи для трубы без изоляции KlinearRaw (W/m K)

По формуле Шухова найдем температуру на выходе из трубы без изоляции:

```
In[116]:= t[L, KlinearRaw]
Out[116]= 73.701519
```

Функция теплового потока и плотности теплового потока:

```
In[117]:=  Q[x_{,} k_{]} := k * \pi * (t[x, k] - tAir) * x; 
 qLinear[x_{,} k_{]} := k * \pi * (t[x, k] - tAir);
```

Тепловой поток Q(W) и его линейная плотность qLinear(W/m) для голой трубы:

```
In[119]:=
    Q[L, KlinearRaw]
Out[119]=
    125 810.39
In[120]:=
    qLinear[L, KlinearRaw]
Out[120]=
    137.44701
```

Тепловой поток Q(W) и его линейная плотность qLinear(W/m) для трубы с бетонной изоляцией:

136.11204

```
Тепловой поток Q(W) и его линейная плотность qLinear(W/m) для трубы с ватной изоляцией:
        Q[L, KlinearMinWool]
Out[123]=
        100173.26
        qLinear[L, KlinearMinWool]
        109.43861
   Произведем расчеты по другому:
       qLinearAdditional[k_] := k * \pi * \left(\frac{\text{tLiquid1} + \text{tLiquid2}}{2} - \text{tAir}\right)
      Запишем баланс энергий:
      Q=qLinear^*L=G^*cpAverage^*(tLiquid1-tLiquid2)=\pi
      * \left(\frac{d1}{2}\right)^2 * w * cpAverage * \rho Average * (tLiquid1 - tLiquid2), отсюда можно найти L(m):
        Ladditional = First NSolveValues | первый значения для численного приближения решения уравнений
            qLinearAdditional[KlinearMinWool] * x = \pi * \left(\frac{d1}{2}\right)^2 * w * cpAverage * \rho Average * (tLiquid1 - tLiquid2), x]
Out[126]=
        911.09872
      Выразим tLiquid2 из линейной плотности теплового потока как переменную:
In[127]:
       Solve \left[k * \pi * \left(\frac{\text{tLiquid2asVariable} + \text{tLiquid1}}{2} - \text{tAir}\right) * x == 2
          \pi * \left(\frac{d1}{2}\right)^2 * w * cpAverage * \rho Average * (tLiquid1 - tLiquid2asVariable), tLiquid2asVariable
        \left\{\left\{\text{tLiquid2asVariable} \to \frac{565\,019.8\,-\,141.37167\;k\;x}{5650.198\,+\,1.5707963\;k\;x}\right\}\right\}
In[128]:=
       tLiquid2asVariable[k_, x_] := \frac{565019.8006215384^{-141.3716694115407} * k * x}{5650.198006215384^{+1.5707963267948966} * k * x}
      Теперь найдем температуры на выходе из трубы с бетонной изоляцией и трубы без
      изоляции.
      Бетонная изоляция:
        tLiquid2asVariable[KlinearConcrete, Ladditional]
        73.934751
      Голая труба:
In[130]:=
        tLiquid2asVariable[KlinearRaw, Ladditional]
        73.609414
      Изобразим функциональные зависимости температуры жидкости в точке \chi, где
```

```
In[131]:=
```

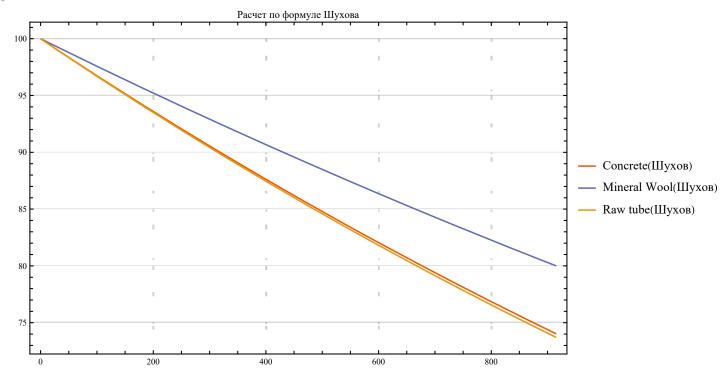
```
Plot[{t[\chi, KlinearConcrete], t[\chi, KlinearMinWool], t[\chi, KlinearRaw]}, график функции
```

{x, 0, L}, PlotLabel → "Расчет по формуле Шухова", PlotTheme → "Scientific", пометка графика
тематический стиль графика

ImageSize → Large, GridLines → Automatic]

_размер изоб⋯ _круп⋯ _ линии коорд⋯ _автоматический

Out[131]=



In[132]:=

Plot[{tLiquid2asVariable[KlinearConcrete, χ], tLiquid2asVariable[KlinearMinWool, χ], график функции

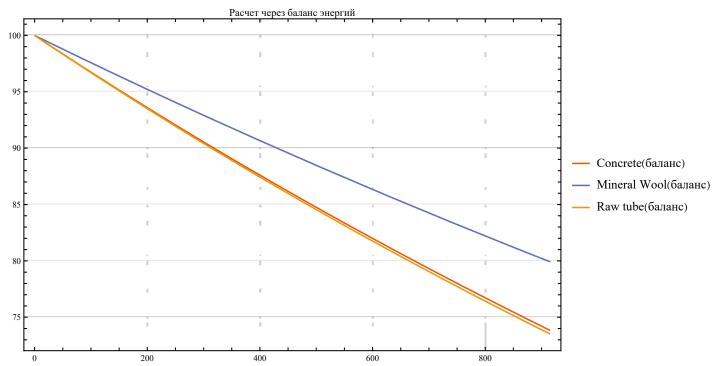
tLiquid2asVariable[KlinearRaw, χ]}, { χ , 0, L}, PlotLabel \rightarrow "Расчет через баланс энергий", пометка графика

PlotTheme → "Scientific", PlotLegends → {"Concrete (баланс)", "Mineral Wool (баланс)", "Raw tube (баланс)"}, __тематический стиль графика

ImageSize → Large, GridLines → Automatic]

_размер изоб⋯ _круп⋯ _ _линии коорд⋯ _автоматический

Out[132]=

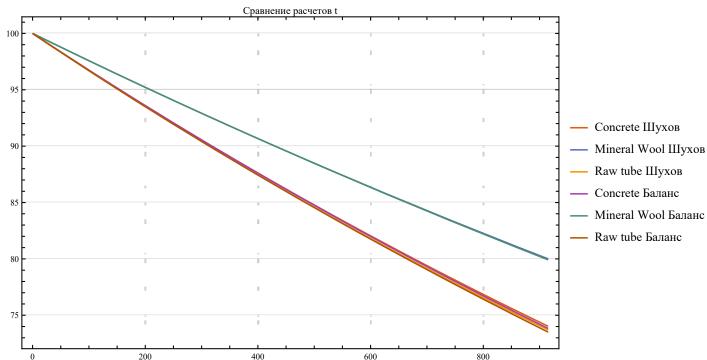


```
8 | 17
```

Сопоставим функции температур в одной системе координат:

```
In[133]:=
```





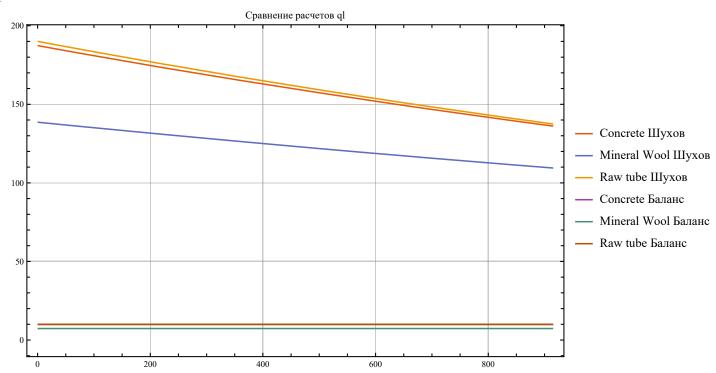
Точно так же изобразим функции линейных плотностей тепловых потоков. Для начала введем функцию линейной плотности теплового потока при расчете методом баланса энергий:

$$\mbox{qLinearAdditionalFunction[k_]} := \mbox{k} \star \pi \star \left(\frac{\mbox{tLiquid1} - \mbox{tLiquid2}}{2} - \mbox{tAir} \right)$$

Покажем графики линейных плотностей тепловых потоков в одной координатной плоскости ql(W/m):

```
In[135]:=
```

Out[135]=



Теперь построим поверхностные плотности тепловых потоков $qc \left(W \, \middle/ \, m^2 \right)$:

$$\label{eq:qcshuhov} \operatorname{qcShuhov}[x_, k_] := \frac{\operatorname{qLinear}[x, k]}{\pi * \operatorname{d1}}; \operatorname{qcBalance}[k_] := \frac{\operatorname{qLinearAdditionalFunction}[k]}{\pi * \operatorname{d1}}$$

```
10 37/1:17
       Plot[{qcShuhov[\chi, KlinearConcrete], qcShuhov[\chi, KlinearMinWool], qcShuhov[\chi, KlinearRaw],
       график функции
         qcBalance[KlinearConcrete], qcBalance[KlinearMinWool], qcBalance[KlinearRaw]},
        \{\chi, 0, L\}, PlotLabel \rightarrow "Cpabhehue pacчетов qc", PlotTheme \rightarrow "Scientific",
                   пометка графика
                                                            тематический стиль графика
        PlotLegends → {"Concrete Шухов", "Mineral Wool Шухов", "Raw tube Шухов", "Concrete Баланс",
        легенды графика
           "Mineral Wool Баланс", "Raw tube Баланс"}, ImageSize → Large, GridLines → Automatic]
                                                          размер изоб⋯ [круп⋯ | линии коорд⋯ [автоматический
Out[137]=
       500
                                                                                                       Concrete Шухов
       400
                                                                                                       Mineral Wool Шухов
                                                                                                       Raw tube Шухов
       300
                                                                                                      - Concrete Баланс
                                                                                                       Mineral Wool Баланс
                                                                                                       Raw tube Баланс
       200
       100
                                               400
                                                                                    800
      Найдем среднее значение линейной плотности теплового потока(W/m):
In[138]:=
                                             qLinear[0, KlinearRaw] + qLinear[L, KlinearRaw]
       qLinearAverageWithoutInsulation =
                                                                      2
Out[138]=
       163.75391
In[139]:=
                                              qLinear[0, KlinearConcrete] + qLinear[L, KlinearConcrete]
       qLinearAverageConcreteInsulation =
Out[139]=
       161.72864
```

qLinear[0, KlinearMinWool] + qLinear[L, KlinearMinWool]

In[140]:=

Out[140]=

124.03042

qLinearAverageMinWoolInsulation =

Среднее значение температуры на поверхности труб: In[141]:= {twWithoutIns, twConcreteIns, twMinWoolIns} = twWithoutInsBUFFER - tAir Flatten NSolveValues $\left[\left\{ \text{qLinearAverageWithoutInsulation} = \pi * \right\} \right]$ уплостить значения для численного приближения решения уравнений qLinearAverageConcreteInsulation == $\pi *$ twMinWoolInsBUFFER - tAir }, qLinearAverageMinWoolInsulation == $\pi *$ {twWithoutInsBUFFER, twConcreteInsBUFFER, twMinWoolInsBUFFER} Out[141]= {45.722256, 42.942089, 34.097958} In[142]:= Учтем излучение σ - константа Стефана – Больцмана (W/m^2K^4) In[143]:= $\sigma = 5.671 * 10^-8;$ Переведем температуры на поверхности труб и температуру воздуха в абсолютные единицы(Кельвины) In[144]:= TwWithoutIns = twWithoutIns + 273.15; TwConcreteIns = twConcreteIns + 273.15; TwMinWoolIns = twMinWoolIns + 273.15; Tair = tAir + 273.15; Найдем результирующую плотность потока излучения $Eres(W/m^2)$: In[145]:= EresMinWool = $\epsilon * \sigma * (TwMinWoolIns^4 - Tair^4)$ Out[145]= 132.74173 In[146]:= EresConcrete = $\epsilon * \sigma * (TwConcreteIns^4 - Tair^4)$ Out[146]= 181.34184 In[147]:= EresWithoutIns = $\epsilon * \sigma * (TwWithoutIns^4 - Tair^4)$ Out[147]= 197.48717 Найдем эквивалентный коэффициент теплоотдачи излучением α Eqv ($W/m^2 K$): In[148]:= EresMinWool α EqvMinWool = TwMinWoolIns - Tair Out[148]= 4.5618914

In[149]:=

Out[149]=

 α EqvConcrete =

4.7794375

EresConcrete

TwConcreteIns - Tair

$$\alpha \text{EqvWithoutIns} = \frac{\text{EresWithoutIns}}{\text{TwWithoutIns} - \text{Tair}}$$

$$0 \text{ut[150]} = 4.8496127$$

$$\text{In[151]} = \\ \text{MradMinWool} = \frac{1}{\alpha * \text{d1}} + \frac{1}{2 \, \lambda \text{Steel}} * \text{Log} \left[\frac{\text{d2}}{\text{d2}} \right] + \frac{1}{2 \, \lambda \text{MinWool}} * \text{Log} \left[\frac{\text{d3}}{\text{d2}} \right] + \frac{1}{(\alpha * \alpha \text{EqvMinWool}) * \text{d3}}$$

$$\text{0 ut[151]} = \\ 1.9593264$$

$$\text{In[152]} = \\ \text{MradConcrete} = \frac{1}{\alpha * \text{d1}} + \frac{1}{2 \, \lambda \text{Steel}} * \text{Log} \left[\frac{\text{d2}}{\text{d1}} \right] + \frac{1}{2 \, \lambda \text{Concrete}} * \text{Log} \left[\frac{\text{d3}}{\text{d2}} \right] + \frac{1}{(\alpha * \alpha \text{EqvConcrete}) * \text{d3}}$$

$$\text{0 ut[152]} = \\ 1.3926743$$

$$\text{In[153]} = \\ \text{MradWithoutIns} = \frac{1}{\alpha * \text{d1}} + \frac{1}{2 \, \lambda \text{Steel}} * \text{Log} \left[\frac{\text{d2}}{\text{Harrypd1}} \right] + \frac{1}{(\alpha * \alpha \text{EqvWithoutIns}) * \text{d3}}$$

$$\text{0 ut[153]} = \\ 1.3677793$$

$$P = \left(\frac{d1}{2}\right)^2 * w * \rho Average * cp Average$$

1798.5139

In[155]:=

tLiquid2RadiationVariable[M_, x_] :=
$$\frac{2 * P * M * tLiquid1 + 2 * tAir * x - tLiquid1 * x}{x + 2 * P * M}$$

Линейная плотность потока излучения для трубы с ватной изоляцией:

Из баланса энергий найдем длину трубы:

LwithRadiation = First NSolveValues
$$\frac{\left(\frac{\text{tLiquid1+tLiquid2}}{2} - \text{tAir}\right)}{\frac{1}{\alpha * \text{d1}}} * \text{Len} = \frac{1}{2\lambda \text{Concrete}} * \text{Log}\left[\frac{\text{d2}}{\text{d2}}\right] * \text{W*} \text{ pAverage * cpAverage * (tLiquid1 - tLiquid2), Len}\right]$$

Линейная плотность потока излучения трубы с ватной изоляцией: (W/m)

 ${\tt qLinearRadiationMinWool[LwithRadiation]}$

168.73026

1860.4421

```
Для трубы без изоляции : (W/m)
```

```
In[159]:=
           \text{qLinearRadiationWithoutIns[x_]:=} \pi \star \frac{\left(\frac{\text{tLiquid1+tLiquid2RadiationVariable[MradWithoutIns,x]}}{2} - \text{tAir}\right)}{\frac{1}{\alpha \star \text{d1}} + \frac{1}{2 \, \lambda \text{Steel}} \star \text{Log}\left[\frac{\text{d2}}{\text{d1}}\right] + \frac{1}{(\alpha + \alpha \text{EqvWithoutIns}) \star \text{d3}}} 
In[160]:=
          qLinearRadiationWithoutIns[LwithRadiation]
          158.32995
In[161]:=
          tLiquid2RadiationVariableWithoutIns = tLiquid2RadiationVariable[MradWithoutIns, LwithRadiation]
Out[161]=
          47.866656
        Для трубы с изоляцией из бетона:
In[162]:=
           \text{qLinearRadiationConcrete[x_]:=} \pi * \frac{\left(\frac{\text{tLiquid1+tLiquid2RadiationVariable[MradConcrete,x]}}{2} - \text{tAir}\right)}{\frac{1}{\alpha*\text{d1}} + \frac{1}{2\lambda\text{Steel}} * \text{Log}\left[\frac{d2}{d1}\right] + \frac{1}{2\lambda\text{Concrete}} * \text{Log}\left[\frac{d3}{d2}\right] + \frac{1}{(\alpha+\alpha\text{EqvConcrete})*\text{d3}} 
In[163]:=
          qLinearRadiationConcrete[LwithRadiation]
Out[163]=
          156.26616
In[164]:=
          tLiquid2RadiationVariable[MradConcrete, LwithRadiation]
Out[164]=
          48.546203
        Рассчитаем потери теплоты:
In[165]:=
          QradConcrete[x_] := qLinearRadiationConcrete[x] * x;
          QradMinWool[x_] := qLinearRadiationMinWool[x] * x;
          QradWithoutIns[x_] := qLinearRadiationWithoutIns[x] * x;
        Потери теплоты в трубе с бетонной изоляцией:(W)
In[168]:=
          QradConcrete[LwithRadiation]
          290724.14
        Потери теплоты в трубе с ватной изоляцией:(W)
In[169]:=
          QradMinWool[LwithRadiation]
Out[169]=
          313912.89
In[170]:=
          QradWithoutIns[LwithRadiation]
Out[170]=
          294563.72
```

Сравним расчеты температуры (Шухов/Излучение):

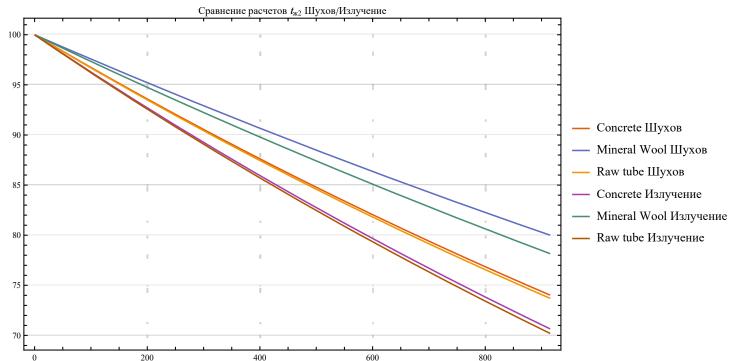
In[171]:=

```
Plot[{t[\chi, KlinearConcrete], t[\chi, KlinearMinWool], t[\chi, KlinearRaw], график функции
```

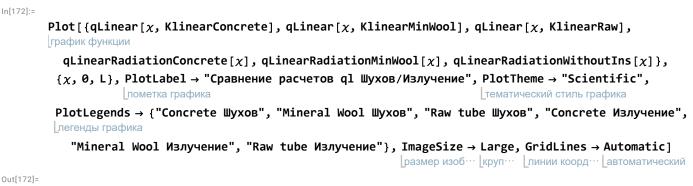
tLiquid2RadiationVariable[MradConcrete, χ], tLiquid2RadiationVariable[MradMinWool, χ], tLiquid2RadiationVariable[MradWithoutIns, χ]}, { χ , 0, L},

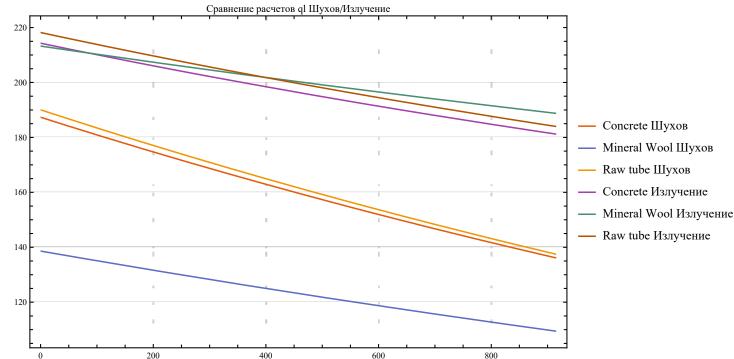
PlotLegends → {"Concrete Шухов", "Mineral Wool Шухов", "Raw tube Шухов", "Concrete Излучение", _легенды графика





Сравним расчеты линейной плотности потоков тепла/излучения (Шухов/Излучение):





Соберем все результаты выше воедино.

Способ основанный на формуле Шухова. Температуры жидкости на выходе(°С):(порядок:бетон,вата,без изоляции)

```
t[L, KlinearConcrete]
Out[173]=
        74.020397
In[174]:=
        t[L, KlinearMinWool]
Out[174]=
        80.
In[175]:=
        t[L, KlinearRaw]
Out[175]=
        73.701519
```

In[173]:=

In[176]:=

In[172]:=

Тепловой поток(W):(порядок:бетон, вата, без изоляции)

```
Q[L, KlinearConcrete]
Out[176]=
       124588.44
       Q[L, KlinearMinWool]
Out[177]=
       100173.26
```

```
125810.39
     Способ основанный на методе баланса энергии.
     Температуры жидкости на выходе(°С):(порядок:бетон,вата,без изоляции).
In[179]:=
      tLiquid2asVariable[KlinearConcrete, Ladditional]
Out[179]=
      73.934751
In[180]:=
      tLiquid2asVariable[KlinearMinWool, Ladditional]
Out[180]=
In[181]:=
      tLiquid2asVariable[KlinearRaw, Ladditional]
Out[181]=
      73.609414
     Тепловой поток(W):(порядок:бетон, вата, без изоляции)
In[182]:=
      Qadditional[k_, x_] := qLinear[x, k] * x;
In[183]:=
      Qadditional[KlinearConcrete, Ladditional]
Out[183]=
      124195.1
In[184]:=
      Qadditional[KlinearMinWool, Ladditional]
Out[184]=
      99818.584
In[185]:=
      Qadditional[KlinearRaw, Ladditional]
Out[185]=
      125415.89
     Способ с учетом излучения. Температуры жидкости на выходе(°С):(порядок:бетон, вата, без
     изоляции)
In[186]:=
      tLiquid2RadiationVariable[MradConcrete, LwithRadiation]
Out[186]=
      48.546203
In[187]:=
      tLiquid2RadiationVariable[MradMinWool, LwithRadiation]
Out[187]=
      60.319227
In[188]:=
      tLiquid2RadiationVariable[MradWithoutIns, LwithRadiation]
Out[188]=
      47.866656
     Поток излучения(W):(порядок:бетон,вата,без изоляции)
In[189]:=
      QradConcrete[LwithRadiation]
      290724.14
```

16₁₇₈:17

Out[178]=

Q[L, KlinearRaw]

QradMinWool[LwithRadiation]

313912.89

In[191]:=

In[190]:=

Out[190]=

QradWithoutIns[LwithRadiation]

Out[191]=

294563.72

Найдем критический диаметр при бетонной и ватной изоляциях

In[192]:= d2 // N

численное приближение

Out[192]=

0.1

In[193]:=

Out[193]= 0.3

In[194]:=

Out[194]= 0.1078125

$$dCriticalMinWool = d2 + \frac{2 \lambda MinWool}{\alpha}$$

dCriticalConcrete = d2 + $\frac{2 \lambda Concrete}{}$

Вывод: Тепло от теплоносителя лучше всего сохраняет труба с ватной изоляцией. На втором месте бетон. На почетном третьем- труба без изоляции