### "Утверждаю"

Зав. Кафедрой Зубков П.В.

## ЭКЗАМЕНАЦИОННАЯ ПРОГРАММА ПО ДИСЦИПЛИНЕ: «МАТЕМАТИЧЕСКИЕ МЕТОДЫ МОДЕЛИРОВАНИЯ ФИЗИЧЕСКИХ ПРОЦЕССОВ»

Осенний семестр 2023/2024

- 1. Определения абсолютной и относительной погрешностей. Оценки абсолютной и относительной погрешности. Погрешность арифметических операций. Понятие верной цифры.
- 2. Оценка погрешности функции многих переменных по погрешностям аргументов.
- 3. Представление чисел в ЭВМ. Особенности машинной арифметики. Понятие машинного эпсилон.
- 4. Абсолютное и относительное числа обусловленности задачи. Обусловленность задачи вычисления функции одной переменной.
- 5. Постановка задачи приближенного вычисления корня и основные этапы ее решения. Итерационное уточнение корней: порядок сходимости метода, оценка погрешности.
- 6. Метод бисекции: описание метода, скорость сходимости, критерий окончания.
- 7. Метод простой итерации решения нелинейного уравнения: описание метода, условие и скорость сходимости, критерий окончания.
- 8. Метод Ньютона решения нелинейного уравнения: описание метода, теорема о сходимости, критерий окончания.
- 9. Упрощенный метод Ньютона. Алгоритм, порядок сходимости метода и геометрическая интерпретация.
- 10. Метод секущих. Алгоритм, порядок сходимости метода и геометрическая интерпретация.
- 11. Метод ложного положения. Алгоритм, порядок сходимости метода и геометрическая интерпретация.
- 12. Обусловленность задачи поиска корня, интервал неопределенности корня.
- 13. Нормы векторов. Подчиненная норма матрицы. Наиболее употребительные нормы.
- 14. Обусловленность задачи решения систем линейных алгебраических уравнений. Число обусловленности матрицы. Оценка погрешности результата по погрешностям входных данных.
- 15. Метод Гаусса (схема единственного деления): описание метода, трудоемкость метода.
- 16. Метод Гаусса с выбором главного элемента по столбцу (схема частичного выбора): описание метода, его вычислительная устойчивость.
- 17. LU-разложение матрицы. Достаточное условие разложимости матрицы. Задачи, решаемые на основе LU-разложения матрицы.
- 18. Метод Холецкого решения СЛАУ: описание метода, его преимущества.
- 19. Метод прогонки с трехдиагональной матрицей: описание метода, условия его применимости и достоинства.
- 20. Метод Якоби решения СЛАУ: описание метода, условие сходимости, оценка погрешности.
- 21. Метод Зейделя решения СЛАУ: описание метода, условие сходимости, оценка погрешности.
- 22. Метод релаксации: описание метода, условие сходимости.
- 23. Аппроксимация функций по методу наименьших квадратов. Постановка задачи. Вывод нормальной системы метода. Выбор степени аппроксимирующего многочлена.
- 24. Постановка задачи интерполяции. Теорема о существовании и единственности интерполяционного многочлена.
- 25. Многочлен Лагранжа. Оценка погрешности интерполяции.
- 26. Многочлен Ньютона с конечными разностями. Оценка погрешности интерполяции.
- 27. Интерполяция с кратными узлами. Многочлен Эрмита.
- 28. Понятие сплайна. Построение линейного сплайна.
- 29. Построение кубического сплайна. Различные виды граничных условий. Оценка погрешности приближения функции кубическим сплайном.
- 30. Решение систем нелинейных уравнений методом Ньютона.

# ПРИЛОЖЕНИЕ. СПИСОК ОСНОВНЫХ ОПРЕДЕЛЕНИЙ И ТЕОРЕМ ПО КУРСУ ОСНОВНЫЕ ОПРЕДЕЛЕНИЯ:

- 1. Абсолютная и относительная погрешности.
- 2. Значащая и верная цифра числа.
- 3. Нормализованная форма записи числа. Мантисса.
- 4. Машинные параметры: машинный нуль, машинная бесконечность и машинное эпсилон.
- 5. Отрезок локализации корня.
- 5.Сходящийся итерационный процесс.
- 6. Априорная и апостериорная оценки погрешностей.
- 7. Одношаговый и многошаговый итерационный методы
- 8. Порядок сходимости итерационного процесса.
- 9. Интервал неопределенности корня.
- 10. Числа обусловленности задачи.
- 11. Нормы векторов и матриц.
- 12. Относительное число обусловленности матрицы.
- 13. Прямые методы решения СЛАУ.
- 14. Понятие трудоемкости метода.
- 15. Симметричная положительно определенная матрица.
- 16. Критерий окончания итераций.
- 18. Остаточный член интерполяции.
- 19. Сплайн степени т.

#### ОСНОВНЫЕ ТЕОРЕМЫ:

- 1. Оценка погрешностей арифметических операций. (без доказательства)
- 2. Оценка погрешности функции по погрешностям аргументов (формулировка).
- 3. Достаточное условие сходимости метода простой итерации для нелинейного уравнения (доказательство).
- 4. Теорема о сходимости метода Ньютон (доказательство).
- 5. Теорема об оценки погрешности решения СЛАУ через погрешности входных данных (доказательство)
- 6. Теорема о применимости метода Гаусса (формулировка)
- 7. Теорема о применимости метода прогонки (формулировка). для систем линейных алгебраических уравнений (доказательство)
- 9. Теорема о сходимости метода Зейделя (доказательство).
- 10. Теорема о единственности интерполяционного многочлена (доказательство).
- 11. Теорема об оценке погрешности приближения интерполяционным многочленом (формулировка).
- 12. Теорема об оценке погрешности приближения кубическим сплайном (формулировка).

#### ОСНОВНЫЕ ФОРМУЛЫ:

- 1. Общая формула погрешностей: оценка погрешности функции по погрешностям аргументов.
- 2 Расчетная формула метода Ньютона для решения нелинейных уравнений
- 3. Расчетная формула метода простых итераций для решения нелинейных уравнений.
- 4. Расчетная формула метода простых итераций и Зейделя для решения СЛАУ.
- 5. Многочлены Лагранжа и Ньютона.
- 6. Нормы векторов и матриц.

#### ПОСТАНОВКИ ЗАДАЧ:

- 1. Основная задача теории погрешностей: оценки погрешности функции одной переменной и многих переменных по погрешностям аргументов.
- 2. Постановка задачи о приближенном решении нелинейного уравнения.
- 3. Постановка задачи о приближенном решении СЛАУ.
- 4. Постановка задачи приближения функции по МНК.
- 5. Постановка задачи интерполяции.