Выполнение расчетного задания по дисциплине Тепломассообмен в среде Mathematica 14

Студент: Григорьев К.А.

Группа: ТФ-11-22

Задача № 1

Задача 1.

В три стальные трубы ($d_2x\delta$ =140x4 мм), расположенные на открытом воздухе с температурой 2°C поступает горячая вода при температуре 160°C и давлении 5 МПа, которая движется со скоростью 5,2 м/с. Первая труба покрыта слоем минеральной ваты толщиной 30 мм имеющая коэффициент теплопроводности 0,05 Вт/м·К. Определить длину трубы если на выходе из нее температура воды уменьшилась на 70°C. Определить температуры воды на выходе из трубы покрытую слоем бетона толщиной 30 мм имеющая коэффициент теплопроводности 1,1 Вт/м·К и из трубы без изоляции если они имеют ту же длину, что и первая труба. Расчет провести с учетом потерь тепла в окружающую среду совместно конвекцией и излучением. Для всех трех труб принять излучательную способность поверхности материала ϵ =0,8, коэффициент теплоотдачи 11 Вт/м²·К. Коэффициент теплоотдачи от воды к внутренней стороне трубы равен 11 Вт/м²·К. Построить графики $t_{\rm ж}(x)$, $q_{\rm c}(x)$ для обеих способов расчета. Сравнить тепловой поток потерь трубопроводов Q для обеих способов расчета.

Указания:

In[107]:=

- 1. Решить задачу используя формулу Шухова ($\Delta t_x = \Delta t_0 e^{-kmF_x}$) и по алгоритму решения задачи 3 гл. 2 учебника [1].
- 2. Свойства воды выбирать при средней температуре воды.
- 3. Проанализировать результаты с точки зрения эффективности работы изоляции труб.

Литература к задаче 1

1. Цветков Φ . Φ ., Григорьев Б.А. Тепломассообмен: Учебное пособие для вузов. – М.: Изд-во МЭИ, 2008.

```
Данные из условия:
```

```
d2=140(mm); \delta=4(mm) - геометрия труб ; tAir=2 (°C)-температура воздуха;tLiquid1=160(°C)-температура горячей воды на входе (как t_{ж1}) ; p=5(MPa)- давление горячей воды;w=5.2(m/s) - скорость течения горячей воды; \lambda MinWool=0.05(W/m*K); \delta MinWool=30(mm); tLiquid2=160-70=90(°C)-температура горячей воды на выходе(как t_{ж2}) ; \lambda Concrete=1.1(W/m K); \delta Concrete=50(mm); \epsilon=0.8-излучательная способность поверхности материала труб; \alpha= 11 (W/m² K)-коэффициент теплоотдачи
```

```
d2 = 140 * 10^{-3};

\delta = 4 * 10^{-3};

tAir = 2;

tLiquid1 = 160;

p = 5 * 10^{6};

w = 5.2;

\lambdaMinWool = 0.05;

\deltaMinWool = 30 * 10^{-3};

tLiquid2 = 90;

\lambdaConcrete = 1.1;

\deltaConcrete = 30 * 10^{-3};

\epsilon = 0.8;

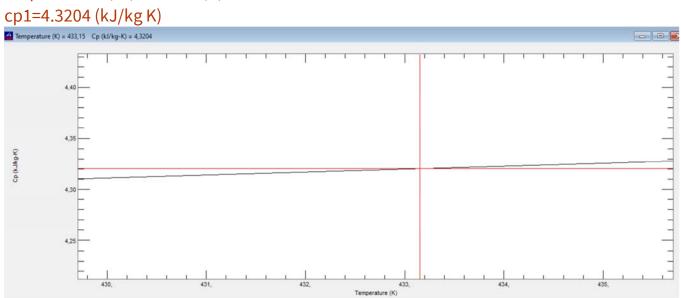
\alpha = 11;
```

Сталь берем нержавеющую, ее коэффициент теплопроводности λSteel (W/m K) берем как const в виду слабой зависимости от температуры:

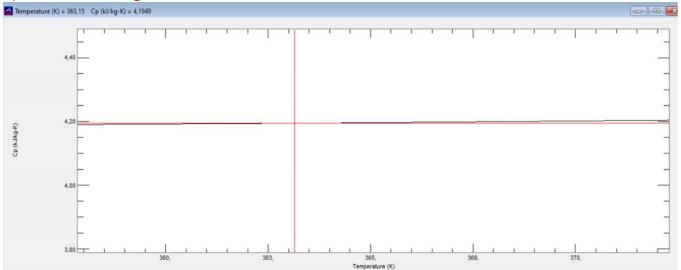
Изобарную (p=5MPa)теплоемкость и плотность воды при tLiquid1 и tLiquid2 найдем через REFPROP:

2 | №1 KA.nb CP:

tLiquid1=160 (°C) =433.15(K)



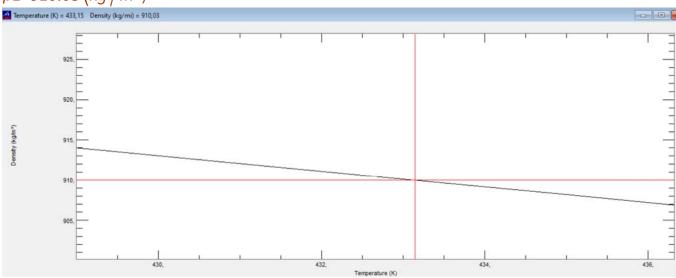
tLiquid2=90 (°C) =363.15(K) cp2=4.1949 (kJ/kg K)



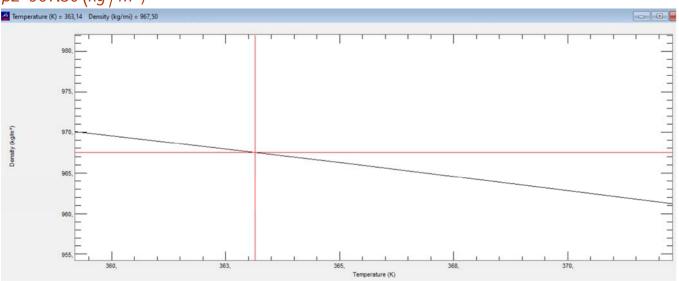
плотность:

tLiquid1=160 (°C)

 ρ 1=910.03 (kg/m^3)



tLiquid2=90 (°C) ρ2=967.50 (kg/m³)



4 | №1 KA.nb

Средняя удельная изобарная теплоемкость cpAverage(J/kg K)

In[112]:=

$$cpAverage = \frac{cp1 + cp2}{2} * 1000$$

Out[112]= 4257.65

Средняя плотность воды ρ Average (kg/ m^3)

ln[113]:=

$$\rho \text{Average} = \frac{\rho 1 + \rho 2}{2}$$

938.765

Массовый расход воды G(kg/s)

In[114]:=

$$G = \pi * \left(\frac{d2 - 2 * \delta}{2}\right)^2 * W * \rho Average$$

66.803309

Найдем диаметры *d1*, *d3* (*m*)

Out[115]=

Out[116]=

0.132

 $d3 = d2 + 2 \delta // N$

Ічисленное п

0.148

Найдем линейный коэффициент теплопередачи для трубы с ватной изоляцией KlinearMinWool (W/m K)

In[117]:=

$$\text{KlinearMinWool} = \frac{1}{\frac{1}{\alpha \star \text{d1}} + \frac{1}{2 \, \lambda \text{Steel}} \, \star \, \text{Log} \left[\frac{\text{d2}}{\text{d1}} \right] + \frac{1}{2 \, \lambda \text{MinWool}} \, \star \, \text{Log} \left[\frac{\text{d3}}{\text{d2}} \right] + \frac{1}{\alpha \star \text{d3}} }$$

0.53743289

Применяя формулу Шухова найдем расстояние (длину трубы) на котором будет выполняться условие разности температур на входе и выходе в трубу с изоляцией из минеральной ваты:

In[118]:=

First NSolve tLiquid2 == tAir + (tLiquid1 - tAir) *
$$\exp\left[\frac{-\text{KlinearMinWool}}{-\text{показатель-срАуставе}} * \pi * x\right], x$$
 показатель-срАуставе

Out[118]=

$$\{x \rightarrow 98591.924\}$$

Таким образом длина трубы равна 98591.924т)

In[119]:=

$$L = 98591.924;$$

```
In[120]:=
```

KlinearConcrete =
$$\frac{1}{\frac{1}{\alpha*d1} + \frac{1}{2\lambda \text{Steel}} * \text{Log}\left[\frac{d2}{d1}\right] + \frac{1}{2\lambda \text{Concrete}} * \text{Log}\left[\frac{d3}{d2}\right] + \frac{1}{\alpha*d3}}$$

Out[120]= **0.75173391**

По формуле Шухова найдем температуру на выходе из трубы с бетонной изоляцией:

In[121]:=

t[x_, k_] := tAir + (tLiquid1 - tAir) * Exp
$$\left[\frac{-k}{\text{Torange}_{\text{TS}}\text{CPAVeryage}_{\text{LS}}} * \pi * x\right]$$

In[122]:=

t[L, KlinearConcrete]

Out[122]=

71.683634

Найдем линейный коэффициент теплопередачи для трубы без изоляции KlinearRaw (W/m K)

In[123]:=

Out[123]=

KlinearRaw =
$$\frac{1}{\frac{1}{\alpha*d1} + \frac{1}{2\lambda \text{Steel}} * \text{Log}\left[\frac{d2}{d1}\right] + \frac{1}{\alpha*d3}}$$

0.76628416

По формуле Шухова найдем температуру на выходе из трубы без изоляции:

In[124]:=
Out[124]=

t[L, KlinearRaw]

70.588194

Функция теплового потока и плотности теплового потока:

In[125]:=

$$Q[x_{,k_{]}} := k * \pi * (t[x,k] - tAir) * x;$$

 $qLinear[x_{,k_{]}} := k * \pi * (t[x,k] - tAir);$

Тепловой поток Q(W) и его линейная плотность qLinear(W/m) для голой трубы:

In[127]:=

In[128]:=

Out[128]=

Q[L, KlinearRaw]

Out[127]=

 1.6279101×10^7

qLinear[L, KlinearRaw]

165.11597

Тепловой поток Q(W) и его линейная плотность qLinear(W/m) для трубы с бетонной изоляцией:

In[129]:=

Q[L, KlinearConcrete]

Out[129]=

 1.6225054×10^7

n[130]·=

qLinear[L, KlinearConcrete]

- -

Out[130]= **164.56778**

```
Тепловой поток Q(W) и его линейная плотность qLinear(W/m) для трубы с ватной изоляцией:
       Q[L, KlinearMinWool]
Out[131]=
       1.4648668 \times 10^{7}
       qLinear[L, KlinearMinWool]
       148.57878
   Произведем расчеты по другому:
       qLinearAdditional[k_] := k * \pi * \left(\frac{\text{tLiquid1} + \text{tLiquid2}}{2} - \text{tAir}\right)
      Запишем баланс энергий:
      Q=qLinear^*L=G^*cpAverage^*(tLiquid1-tLiquid2)=\pi
      * \left(\frac{d1}{2}\right)^2 * w * cpAverage * \rho Average * (tLiquid1 - tLiquid2), отсюда можно найти L(m):
       Ladditional = First NSolveValues Lepsbur значения для численного приближения решения уравнений
           Out[134]=
       95870.888
      Выразим tLiquid2 из линейной плотности теплового потока как переменную:
In[135]:
       Solve \left[k * \pi * \left(\frac{\text{tLiquid2asVariable} + \text{tLiquid1}}{2} - \text{tAir}\right) * x == 2
         \pi * \left(\frac{d1}{2}\right)^2 * w * cpAverage * \rho Average * (tLiquid1 - tLiquid2asVariable), tLiquid2asVariable
       \left\{\left\{\text{tLiquid2asVariable} \to \frac{\text{4.5508018} \times \text{10}^{\text{7}} - \text{245.04423 k x}}{\text{284 425.11} + \text{1.5707963 k x}}\right\}\right\}
       tLiquid2asVariable[k_, x_] := \frac{4.550801754893684^**^7 - 245.04422698000386^* k x}{284425.10968085524^* + 1.5707963267948966^* k x}
      Теперь найдем температуры на выходе из трубы с бетонной изоляцией и трубы без
      изоляции.
      Бетонная изоляция:
       tLiquid2asVariable[KlinearConcrete, Ladditional]
Out[137]=
       70.034268
      Голая труба:
In[138]:=
       tLiquid2asVariable[KlinearRaw, Ladditional]
Out[138]=
       68.795517
      Изобразим функциональные зависимости температуры жидкости в точке \chi, где
```

In[139]:=

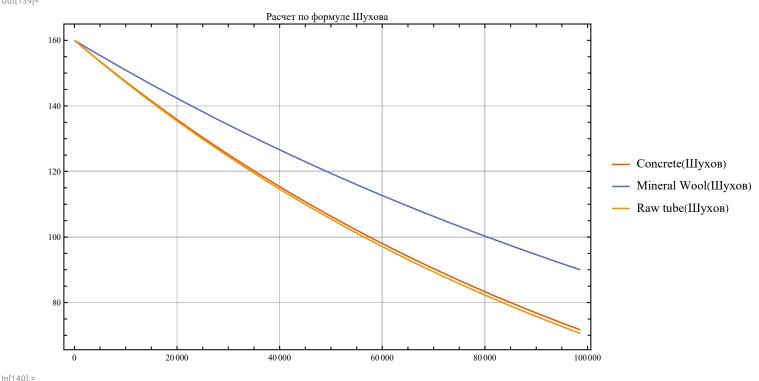
```
Plot[{t[\chi, KlinearConcrete], t[\chi, KlinearMinWool], t[\chi, KlinearRaw]}, график функции
```

 $\{\chi, 0, L\}$, PlotLabel \rightarrow "Расчет по формуле Шухова", PlotTheme \rightarrow "Scientific", пометка графика

ImageSize → Large, GridLines → Automatic]

_размер изоб··· _круп··· _ _ _ _ _ _ _ _ _ _ _ _ _ _ _ автоматический

Out[139]=



Plot[{tLiquid2asVariable[KlinearConcrete, χ], tLiquid2asVariable[KlinearMinWool, χ], график функции

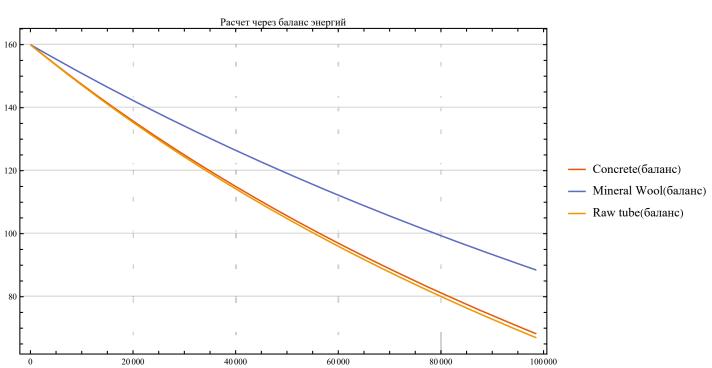
PlotTheme → "Scientific", PlotLegends → {"Concrete(баланс)", "Mineral Wool(баланс)", "Raw tube(баланс)"},

| тематический стиль графика | дегенды графика

ImageSize → Large, GridLines → Automatic]

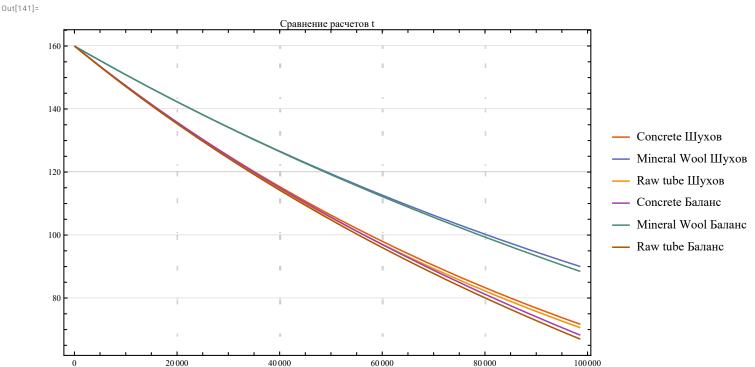
_размер изоб⋯ _круп⋯ _ _линии коорд⋯ _автоматический





Сопоставим функции температур в одной системе координат:

```
In[141]:=
```



Точно так же изобразим функции линейных плотностей тепловых потоков. Для начала введем функцию линейной плотности теплового потока при расчете методом баланса энергий:

qLinearAdditionalFunction[k_] :=
$$k * \pi * \left(\frac{\text{tLiquid1} - \text{tLiquid2}}{2} - \text{tAir}\right)$$

```
In[143]:=
```

Plot[{qLinear[χ , KlinearConcrete], qLinear[χ , KlinearMinWool], график функции

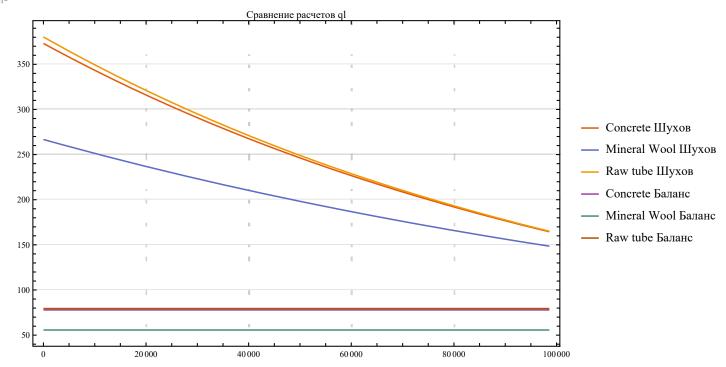
qLinear[χ, KlinearRaw], qLinearAdditionalFunction[KlinearConcrete],
qLinearAdditionalFunction[KlinearMinWool], qLinearAdditionalFunction[KlinearRaw]},
{χ, 0, L}, PlotLabel → "Сравнение расчетов ql", PlotTheme → "Scientific",

| пометка графика |
| тематический стиль графика

PlotLegends → {"Concrete Шухов", "Mineral Wool Шухов", "Raw tube Шухов", "Concrete Баланс", _легенды графика

"Mineral Wool Баланс", "Raw tube Баланс"}, ImageSize → Large, GridLines → Automatic] размер изоб… [круп… [линии коорд… [автоматический

Out[143]=



Теперь построим поверхностные плотности тепловых потоков qc (W/m^2):

In[144]:=

qcShuhov[x_, k_] :=
$$\frac{\text{qLinear}[x, k]}{\pi * \text{d1}}$$
; qcBalance[k_] := $\frac{\text{qLinearAdditionalFunction}[k]}{\pi * \text{d1}}$

```
\{\chi, 0, L\}, PlotLabel \rightarrow "Cpabhehue pacчетов qc", PlotTheme \rightarrow "Scientific",
                    пометка графика
                                                             тематический стиль графика
        PlotLegends → {"Concrete Шухов", "Mineral Wool Шухов", "Raw tube Шухов", "Concrete Баланс",
        легенды графика
           "Mineral Wool Баланс", "Raw tube Баланс"}, ImageSize → Large, GridLines → Automatic]
                                                           размер изоб⋯ [круп⋯ | линии коорд⋯ [автоматический
Out[145]=
                                             Сравнение расчетов qc
       800
                                                                                                     — Concrete Шухов

    Mineral Wool Шухов

       600
                                                                                                     — Raw tube Шухов
                                                                                                       - Concrete Баланс

    Mineral Wool Баланс

       400
                                                                                                       - Raw tube Баланс
       200
      Найдем среднее значение линейной плотности теплового потока(W/m):
In[146]:=
                                             qLinear[0, KlinearRaw] + qLinear[L, KlinearRaw]
       qLinearAverageWithoutInsulation =
Out[146]=
       272.73885
In[147]:=
                                              qLinear[0, KlinearConcrete] + qLinear[L, KlinearConcrete]
       qLinearAverageConcreteInsulation =
Out[147]=
       268.85358
In[148]:=
                                             qLinear[0, KlinearMinWool] + qLinear[L, KlinearMinWool]
       qLinearAverageMinWoolInsulation =
Out[148]=
```

Plot[{qcShuhov[χ , KlinearConcrete], qcShuhov[χ , KlinearMinWool], qcShuhov[χ , KlinearRaw],

qcBalance[KlinearConcrete], qcBalance[KlinearMinWool], qcBalance[KlinearRaw]},

график функции

207.67261

```
In[149]:=
        {twWithoutIns, twConcreteIns, twMinWoolIns} =
                                                                              twWithoutInsBUFFER - tAir
        Flatten NSolveValues \left[ \left\{ \text{qLinearAverageWithoutInsulation} = \pi * \right\} \right] уплостить значения для численного приближения решения уравнений
             qLinearAverageConcreteInsulation == \pi *
                                                        twMinWoolInsBUFFER - tAir
             qLinearAverageMinWoolInsulation == \pi *
            {twWithoutInsBUFFER, twConcreteInsBUFFER, twMinWoolInsBUFFER}
Out[149]=
        {58.373683, 54.566802, 42.604573}
In[150]:=
      Учтем излучение
      \sigma- константа Стефана – Больцмана(W/m^2K^4)
In[151]:=
       \sigma = 5.671 * 10^-8;
      Переведем температуры на поверхности труб и температуру воздуха в абсолютные
      единицы(Кельвины)
In[152]:=
       TwWithoutIns = twWithoutIns + 273.15;
       TwConcreteIns = twConcreteIns + 273.15;
       TwMinWoolIns = twMinWoolIns + 273.15;
       Tair = tAir + 273.15;
      Найдем результирующую плотность потока излучения Eres(W/m^2):
In[153]:=
       EresMinWool = \epsilon * \sigma * (TwMinWoolIns^4 - Tair^4)
Out[153]=
       190.93806
In[154]:=
       EresConcrete = \epsilon * \sigma * (TwConcreteIns^4 - Tair^4)
Out[154]=
       263.2599
In[155]:=
       EresWithoutIns = \epsilon * \sigma * (TwWithoutIns^4 - Tair^4)
Out[155]=
       288.00192
      Найдем эквивалентный коэффициент теплоотдачи излучением \alphaEqv (W/m^2 K):
In[156]:=
                           EresMinWool
       \alphaEqvMinWool =
                       TwMinWoolIns - Tair
Out[156]=
       4.7023782
In[157]:=
                             EresConcrete
       αEqvConcrete =
                         TwConcreteIns - Tair
Out[157]=
```

5.008102

Out[159]= 1.6767483

1.1101934

In[163]:=

In[164]:=

In[165]:=

$$P = \left(\frac{d1}{2}\right)^2 * w * \rho Average * cp Average$$

90535.324

tLiquid2RadiationVariable[M_, x_] :=
$$\frac{2 * P * M * tLiquid1 + 2 * tAir * x - tLiquid1 * x}{x + 2 * P * M}$$

Линейная плотность потока излучения для трубы с ватной изоляцией:

$$\text{qLinearRadiationMinWool[x_]} := \pi * \frac{\left(\frac{\text{tLiquid1+tLiquid2RadiationVariable[MradMinWool,x]}}{2} - \text{tAir}\right)}{\frac{1}{\alpha * \text{d1}} + \frac{1}{2 \, \lambda \text{Steel}} * \text{Log}\left[\frac{\text{d2}}{\text{d1}}\right] + \frac{1}{2 \, \lambda \text{Concrete}} * \text{Log}\left[\frac{\text{d3}}{\text{d2}}\right] + \frac{1}{(\alpha + \alpha \text{EqvMinWool}) * \text{d3}}}$$

Из баланса энергий найдем длину трубы:

 $\pi * \left(\frac{\mathrm{d1}}{\mathrm{2}}\right)^2 * \mathsf{w} * \rho \mathsf{Average} * \mathsf{cpAverage} * (\mathsf{tLiquid1} - \mathsf{tLiquid2}) \text{, Len} \right] \right]$

185550.66

Линейная плотность потока излучения трубы с ватной изоляцией: (W/m)

qLinearRadiationMinWool[LwithRadiation]

268.76321

```
In[167]:=
     In[168]:=
      qLinearRadiationWithoutIns[LwithRadiation]
Out[168]=
      232.49964
In[169]:=
      tLiquid2RadiationVariableWithoutIns = tLiquid2RadiationVariable[MradWithoutIns, LwithRadiation]
Out[169]=
      8.3240096
    Для трубы с изоляцией из бетона:
In[170]:=
     In[171]:=
      qLinearRadiationConcrete[LwithRadiation]
      229.50071
In[172]:=
      tLiquid2RadiationVariable[MradConcrete, LwithRadiation]
Out[172]=
      10.280419
    Рассчитаем потери теплоты:
In[173]:=
      QradConcrete[x_] := qLinearRadiationConcrete[x] * x;
      QradMinWool[x] := qLinearRadiationMinWool[x] * x;
      QradWithoutIns[x] := qLinearRadiationWithoutIns[x] * x;
    Потери теплоты в трубе с бетонной изоляцией:(W)
In[176]:=
      QradConcrete[LwithRadiation]
Out[176]=
      4.2584008 \times 10^7
    Потери теплоты в трубе с ватной изоляцией:(W)
In[177]:=
      QradMinWool[LwithRadiation]
      4.9869191 \times 10^7
In[178]:=
      QradWithoutIns[LwithRadiation]
Out[178]=
      4.314046 \times 10^7
```

Сравним расчеты температуры (Шухов/Излучение):

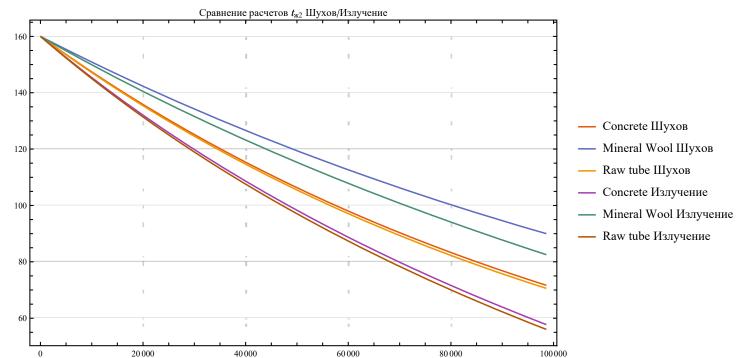
In[179]:=

```
Plot[{t[\chi, KlinearConcrete], t[\chi, KlinearMinWool], t[\chi, KlinearRaw], график функции
```

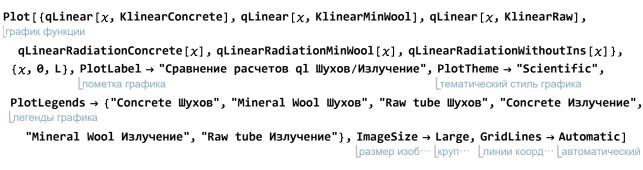
tLiquid2RadiationVariable[MradConcrete, χ], tLiquid2RadiationVariable[MradMinWool, χ], tLiquid2RadiationVariable[MradWithoutIns, χ]}, { χ , 0, L},

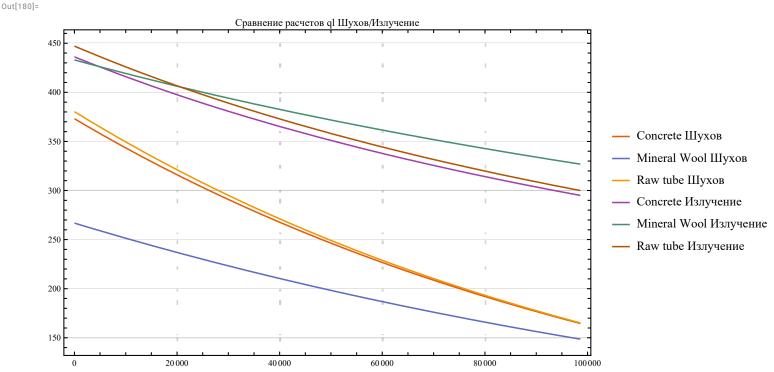
PlotLegends → {"Concrete Шухов", "Mineral Wool Шухов", "Raw tube Шухов", "Concrete Излучение", _легенды графика

Out[179]=



```
In[180]:=
```





Соберем все результаты выше воедино.

Способ основанный на формуле Шухова.

Температуры жидкости на выходе(°С):(порядок:бетон,вата,без изоляции)

70.588194

In[184]:=

Тепловой поток(W):(порядок:бетон, вата, без изоляции)

```
Out[186]=
      1.6279101 \times 10^7
     Способ основанный на методе баланса энергии.
     Температуры жидкости на выходе(^{\circ}C):(порядок:бетон,вата,без изоляции). Очевидно что
     способ плохо работает. Там уже лед вытекает будто при таком расчете.
In[187]:=
       tLiquid2asVariable[KlinearConcrete, Ladditional]
Out[187]=
       70.034268
In[188]:=
       tLiquid2asVariable[KlinearMinWool, Ladditional]
Out[188]=
In[189]:=
       tLiquid2asVariable[KlinearRaw, Ladditional]
Out[189]=
       68.795517
     Тепловой поток(W):(порядок:бетон, вата, без изоляции)
In[190]:=
       Qadditional[k_, x_] := qLinear[x, k] * x;
In[191]:=
       Qadditional[KlinearConcrete, Ladditional]
Out[191]=
       1.6137777 \times 10^7
In[192]:=
       Qadditional[KlinearMinWool, Ladditional]
Out[192]=
       1.447633 \times 10^7
In[193]:=
       Qadditional[KlinearRaw, Ladditional]
Out[193]=
      1.6198616 \times 10^7
     Способ с учетом излучения. Температуры жидкости на выходе(°С):(порядок:бетон, вата, без
     изоляции)
In[194]:=
       tLiquid2RadiationVariable[MradConcrete, LwithRadiation]
Out[194]=
       10.280419
In[195]:=
      tLiquid2RadiationVariable[MradMinWool, LwithRadiation]
Out[195]=
       40.133411
In[196]:=
       tLiquid2RadiationVariable[MradWithoutIns, LwithRadiation]
Out[196]=
       8.3240096
     Поток излучения(W):(порядок:бетон,вата,без изоляции)
In[197]:=
       QradConcrete[LwithRadiation]
Out[197]=
       4.2584008 \times 10^7
```

1,6₁86]: Nº1 KA.nb

Q[L, KlinearRaw]

```
In[198]:=
       QradMinWool[LwithRadiation]
```

Out[198]=

 4.9869191×10^7

In[199]:=

QradWithoutIns[LwithRadiation]

Out[199]=

 4.314046×10^7

Найдем критический диаметр при бетонной и ватной изоляциях

In[200]:=

d2 // N

численное приближение

dCriticalConcrete = d2 + $\frac{2 \lambda Concrete}{}$

Out[200]=

0.14

In[201]:=

Out[201]= 0.34

$$\mbox{dCriticalMinWool} = \mbox{d2} + \frac{2 \ \mbox{λMinWool}}{\alpha} \label{eq:cool}$$

$$\mbox{Out[202]=}$$

0.14909091

Вывод: Тепло от теплоносителя лучше всего сохраняет труба с ватной изоляцией. На втором месте бетон. На почетном третьем- труба без изоляции