

$$Q = mC(T_2 - T_1); Q = f(m, C, T_1, T_2)$$

In[250]:=

```
T1 = {21.5, 22.0, 21.5, 21.0, 22.0, 21.5, 22.0};
T2 = {100.5, 99.5, 100.0, 99.5, 101.0, 100.5, 99.5};
θT1 = 1;
θT2 = 1;
θm = 1;
θc = 0.01;
m = 100;
c = 4.18;
n = 7;
```

Среднее T1 (°C)

In[259]:=

```
T1mean = Mean[T1]
└─ среднее знач
```

Out[259]=

21.642857

Среднее T2 (°C)

In[260]:=

```
T2mean = Mean[T2]
└─ среднее знач
```

Out[260]=

100.07143

Стандартная неопределенность среднего значения T1 оцененная по типу A(°C)

In[261]:=

$$uaT1mean = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (T1[[i]] - T1mean)^2}{n(n-1)}}$$

Out[261]=

0.14285714

Стандартная неопределенность среднего значения T2 оцененная по типу A (°C)

In[262]:=

$$uaT2mean = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (T2[[i]] - T2mean)^2}{n(n-1)}}$$

Out[262]=

0.22961073

Стандартная неопределенность среднего значения T1(среднего можно не писать, оно тут для галочки) оцененная по типу Б (°C)

In[263]:=

$$ubT1 = \frac{\theta T1}{\sqrt{3}} // N$$

└─ численное приг

Out[263]=

0.57735027

Стандартная неопределенность среднего значения T2(среднего можно не писать, оно тут для галочки) оцененная по типу Б

(°C)

In[264]:=

$$ubT2 = \frac{\theta T2}{\sqrt{3}} // N$$

численное при

Out[264]=

0.57735027

Стандартная неопределенность среднего значения m(среднего можно не писать, оно тут для галочки) оцененная по типу Б  
(г)

In[265]:=

$$ubm = \frac{\theta m}{\sqrt{3}} // N$$

численное при

Out[265]=

0.57735027

Стандартная неопределенность среднего значения c(среднего можно не писать, оно тут для галочки) оцененная по типу Б  
( $\frac{\text{кДж}}{\text{кг} \cdot ^\circ\text{C}}$ )

In[266]:=

$$ubc = \frac{\theta c}{\sqrt{3}} // N$$

численное при

Out[266]=

0.0057735027

Коэффициенты чувствительности:(c1...c4)

$$c1 = \frac{\partial Q}{\partial m} = C \cdot (T2 - T1)$$

$$c2 = \frac{\partial Q}{\partial c} = m \cdot (T2 - T1)$$

$$c3 = \frac{\partial Q}{\partial T1} = -m \cdot C$$

$$c4 = \frac{\partial Q}{\partial T2} = m \cdot C$$

In[267]:=

$$c1 = c \cdot (T2_{mean} - T1_{mean})$$

Out[267]=

327.83143

In[268]:=

$$c2 = m \cdot (T2_{mean} - T1_{mean})$$

Out[268]=

7842.8571

In[269]:=

$$c3 = -m \cdot c$$

Out[269]=

-418.

In[270]:=

$$c4 = m \cdot c$$

Out[270]=

418.

## Коэффициент корреляция по типу А(оценка по набору статистических данных)

In[271]:=

$$rAforT1T2 = \frac{\sum_{i=1}^n ((T1[i] - T1mean) * (T2[i] - T2mean))}{\sqrt{\sum_{i=1}^n (T1[i] - T1mean)^2 * \sum_{i=1}^n (T2[i] - T2mean)^2}}$$

Out[271]:=

0.12961896

## Коэффициент корреляция по типу Б(оценка по результатам анализа метода измерения величин T1 и T2)

In[272]:=

rBforT1T2 = 1;

## Квадрат стандартной неопределенности(Дж<sup>2</sup>)

In[273]:=

$$ucQSQUARED = (c3^2 * uaT1mean^2) + (c3^2 * ubT1) + (c4^2 * uaT2mean^2) + (c4^2 * ubT2) + (c1^2 * ubm^2) + (c2^2 * ubc^2) + (2 * c3 * c4 * rAforT1T2 * uaT1mean * uaT2mean) + (2 * c3 * c4 * rBforT1T2 * ubT1 * ubT2)$$

Out[273]:=

134437.75

## Суммарная стандартная неопределенность: (Дж)

In[274]:=

$$ucQ = \sqrt{ucQSQUARED}$$

Out[274]:=

366.65753

## Расширенная неопределенность: U

$U = k * ucQ$ ; k-коэффициент охвата

$k = t_p(v_{eff})$

$v_{eff}$ -эффективное число степеней свободы

In[275]:=

$$v_{eff} = \frac{ucQ^4}{\frac{uaT1mean^4}{n-1} * c3^4 + \frac{uaT2mean^4}{n-1} * c4^4}$$

Out[275]:=

1111.427

$v_{eff}$  очень большое(1111) ---->  $t_p$ ----> 1.962101530719095 при P=0.95 ---->

$k = 1.962101530719095$

## Таблица распределения Стьюдента


Количество измерений:

Доверительная вероятность:

Вы ввели:

Количество измерений:

Доверительная вероятность:

Коэффициент Стьюдента: 

Число степеней свободы равно  $f = n - 1 = 1112 - 1 = 1111$  тогда определяем значение коэффициента Стьюдента:

In[276]:=

**k = 1.962101530719095;**

### Расширенная неопределенность(Дж)

In[277]:=

**U = k \* ucQ**

Out[277]:=

719.41931

### Если бы мы не учитывали коррелятивные связи:

In[278]:=

**rAforT1T2 = 0;**

**rBforT1T2 = 0;**

In[280]:=

**ucQSQUAREDwithoutCorrelation =**  

$$\left(c3^2 * uaT1mean^2\right) + \left(c3^2 * ubT1\right) + \left(c4^2 * uaT2mean^2\right) + \left(c4^2 * ubT2\right) + \left(c1^2 * ubm^2\right) + \left(c2^2 * ubc^2\right) +$$

$$\left(2 * c3 * c4 * rAforT1T2 * uaT1mean * uaT2mean\right) + \left(2 * c3 * c4 * rBforT1T2 * ubT1 * ubT2\right)$$

Out[280]:=

252 406.16

In[281]:=

**ucQWithoutCorrelation =  $\sqrt{ucQSQUAREDwithoutCorrelation}$**

Out[281]:=

502.4004

In[282]:=

**veffWithoutCorrelation =**  

$$\frac{uaT1mean^4}{n-1} * c3^4 + \frac{uaT2mean^4}{n-1} * c4^4$$

Out[282]:=

3917.7652

### Тогда k:

## Таблица распределения Стьюдента


Количество измерений:

Доверительная вероятность:

Вы ввели:

Количество измерений:

Доверительная вероятность:

Коэффициент Стьюдента: 

Число степеней свободы равно  $f = n - 1 = 3918 - 1 = 3917$  тогда определяем значение коэффициента Стьюдента:

In[283]:=

```
kWithoutCorrelation = 1.9605698032721257;
```

In[284]:=

```
UwithoutCorrelation = kWithoutCorrelation * ucQwithoutCorrelation
```

Out[284]=

```
984.99105
```

Сравним расширенные неопределенности с учетом корреляции и без:

In[285]:=

```
U
```

Out[285]=

```
719.41931
```

In[286]:=

```
UwithoutCorrelation
```

Out[286]=

```
984.99105
```

Учет коррелятивной связи уменьшает оценку расширенной неопределенности результат измерений  $Q$  из-за наличия отрицательных коэффициентов влияния(с3)