## Лабораторная работа N 3

### Протокол измерений

## Ввод экспериментальных данных.

### Серия 1

## Количество измерений, п

$$ORIGIN \equiv 1$$
  $n := 7$   $i := 1 ... n$ 

B := 760 MM pt. ct.

Температура воздуха t := 24 °C

Р - давление (локальное, избыточное) поршневого манометра, ктс/см², считанное с грузов

р - давление (локальное, избыточное) пружинного манометра, деления, считанное по шкале

Р - давление поршневого манометра

р - давление пружинного манометра

$$P := egin{pmatrix} 70 \\ 90 \\ 110 \\ 130 \\ 150 \\ 170 \\ 190 \end{pmatrix}$$
 ктс/см2  $p := egin{pmatrix} 110.0 & 110.0 & 110.0 & 110.0 \\ 141.5 & 141.5 & 141.5 & 141.5 \\ 172.5 & 172.5 & 172.5 & 172.5 \\ 204.0 & 204.0 & 203.5 & 204 \\ 235.0 & 235.0 & 235.5 & 236.5 \\ 266.5 & 266.5 & 266.5 & 267.5 \\ 297.5 & 297.5 & 298.5 & 298.5 \end{pmatrix}$  деления

Напряжение манометра МИДА  $U_{mida}$ , B

Pmida - избыточное давление манометра МИДА, МПа

Расчетное уравнение для Pmida,  $U_0 := 1.04215 \ B$ 

$$Pmida := \frac{(Umida - Uo)20}{(5 - Uo)}$$
 МПа

Ускорение свободного падения стандартное  $g_{\lambda} = 9.80665 \text{ м/c}^2$ 

Pkmida -давление манометра МИДА, *кес/см*<sup>2</sup>

$$Pkmida := \frac{Pmida}{g \cdot 10^{-2}} \text{ krc/cm}^2$$

$$Pkmida = \begin{pmatrix} 71.138 & 70.856 & 70.856 & 70.846 \\ 91.04 & 91.06 & 91.016 & 91.032 \\ 111.242 & 111.291 & 111.209 & 111.226 \\ 131.436 & 131.404 & 131.51 & 131.442 \\ 151.621 & 151.632 & 151.791 & 152.365 \\ 171.782 & 171.823 & 171.788 & 171.827 \\ 191.963 & 191.963 & 191.937 & 191.937 \end{pmatrix}$$

Ускорение свободного падения для Москвы  $gMos := 9.8156 \; \text{M/c}^2$ 

Рабочая площадь поршня  $E = 0.050000 \text{ см}^2$ 

Погрешность  $\Delta F$  измерения площади поршня F  $\Delta F := 0.0003 \cdot F \, \mathrm{cm}^2$ 

Поправка на ускорение свободного падения  $\Delta Pg_i \coloneqq P_i \cdot \left( \frac{g Mos}{g} - 1 \right)$  кгс/см²

# Коэффициент линейного расширения $\alpha$ материала поршня, 1/К

$$\alpha := 11.5 \cdot 10^{-6} \qquad \frac{1}{K}$$

Поправка на температурное расширение поршня

$$\Delta Pt_i := -2 \cdot \alpha \cdot P_i \cdot (t - 20)$$
 Krc/cm<sup>2</sup>

Плотность воздуха при нормальных условиях

$$ρ$$
603 $∂$  :=  $1.2 \cdot 10^{-3}$  г/см<sup>3</sup>

Плотность материала грузов  $\rho gr := 7.8 \text{ г/см}^3$ 

Давление (локальное) поршневого манометра с учетом трех поправок (на выталкивающую силу, на температурную деформацию и на ускорение свободного падения), кгс/см<sup>2</sup>

$$Pizm_{j} := P_{j} \cdot \left(1 - \frac{\rho \cos 3\partial}{\rho gr}\right) + \Delta Pt_{j} + \Delta Pg_{j}$$

$$Pizm = \begin{cases} 90.06 \\ 110.073 \\ 130.087 \\ 150.1 \\ 170.113 \\ 190.127 \end{cases}$$

Среднее значение давления Рау для пружинного манометра, дел

$$Pav_i := \sum_{k=1}^4 rac{p_{i,k}}{4}$$
 дел  $Pav = egin{pmatrix} 141.5 \\ 172.5 \\ 203.875 \\ 235.5 \\ 266.75 \\ 298 \end{pmatrix}$ 

Среднее значение давления Рк по манометру МИДА, кгс/см2

$$Pk_{i} := \sum_{k=1}^{4} \frac{Pkmida_{i,k}}{4} \qquad \text{kTC/CM}^{2} \qquad Pk = \begin{pmatrix} 70.924 \\ 91.037 \\ 111.242 \\ 131.448 \\ 151.852 \\ 171.805 \\ 191.95 \end{pmatrix}$$

Результат поверки пружинного манометра

Экспериментальное значение поправки С (абсолютная, кгс/см²) (1.297) 
$$K$$
 показанию пружинного манометра (2.261)  $C_i := Pizm_i - Pav_i \cdot 0.625$  кгс/см² (2.665)  $C_i := Pizm_i - Pav_i \cdot 0.625$  кгс/см² (2.665)  $C_i := Pizm_i - Pav_i \cdot 0.625$  кгс/см² (3.395)  $C_i := C_i \cdot 100$  (1.851)  $C_i :=$ 

Результат поверки манометра МИДА

Экспериментальное значение поправки Cm (абсолютная, кгс/см²) к показанию манометра МИДА

$$Cm_{j} := Pizm_{j} - Pk_{j}$$
 KTC/CM<sup>2</sup>  $Cm = \begin{pmatrix} -0.877 \\ -0.977 \\ -1.169 \\ -1.361 \\ -1.752 \\ -1.691 \\ -1.823 \end{pmatrix}$ 

1.94 1.995 2.039

Поправка fm (относительная,%) к показанию манометра МИДА 
$$fm_i := \frac{Cm_i \cdot 100}{Pizm_i} \quad \% \qquad \qquad fm = \begin{pmatrix} -1.252 \\ -1.085 \\ -1.062 \\ -1.046 \\ -1.167 \\ -0.994 \end{pmatrix}$$
 Средняя относительная поправка fmav для манометра МИДА.

Средняя относительная поправка fmav для манометра МИДА fmav является постоянной средней величиной

$$fmav := \sum_{k=1}^{7} \frac{fm_k}{n}$$
 %  $fmav = -1.08084$ 

Аналитическая зависимость поправки  $\mathbf{C}_{\mathrm{m}}$  для манометра МИДА. Аргументом является давление Рпруж.

Расчет по методу наименьших квадратов (линейная зависимость  $C_{\text{аналит}}$  ( $P_{\text{пруж}}$ )).

$$Y(x) := \begin{pmatrix} 1 \\ x \end{pmatrix}$$
  $s := linfit(Pav, Cm, Y)$ 

Станалит; - поправка (аналитическая) для манометра МИДА, кгс/см<sup>2</sup>

$$C$$
таналит $_i := 1 \cdot s_1 + Pav_i \cdot s_2$  кгс/см $^2$   $C$ таналит $_i := 1 \cdot s_1 + Pav_i \cdot s_2$  кгс/см $^2$   $C$ таналит $_i := 1 \cdot s_1 + Pav_i \cdot s_2$  кгс/см $^2$   $C$ таналит $_i := 1 \cdot s_1 + Pav_i \cdot s_2$  кгс/см $^2$   $C$ таналит $_i := 1 \cdot s_1 + Pav_i \cdot s_2$  кгс/см $^2$   $C$ таналит $_i := 1 \cdot s_1 + Pav_i \cdot s_2$  кгс/см $^2$   $C$ таналит $_i := 1 \cdot s_1 + Pav_i \cdot s_2$  кгс/см $^2$   $C$ таналит $_i := 1 \cdot s_1 + Pav_i \cdot s_2$  кгс/см $^2$   $C$ таналит $_i := 1 \cdot s_1 + Pav_i \cdot s_2$  кгс/см $^2$   $C$ таналит $_i := 1 \cdot s_1 + Pav_i \cdot s_2$  кгс/см $^2$   $C$ таналит $_i := 1 \cdot s_1 + Pav_i \cdot s_2$  кгс/см $^2$   $C$ таналит $_i := 1 \cdot s_1 + Pav_i \cdot s_2$  кгс/см $^2$   $C$ таналит $_i := 1 \cdot s_1 + Pav_i \cdot s_2$  кгс/см $^2$   $C$ таналит $_i := 1 \cdot s_1 + Pav_i \cdot s_2$  кгс/см $^2$   $C$ таналит $_i := 1 \cdot s_1 + Pav_i \cdot s_2$  кгс/см $^2$   $C$ таналит $_i := 1 \cdot s_1 + Pav_i \cdot s_2$  кгс/см $^2$   $C$ таналит $_i := 1 \cdot s_1 + Pav_i \cdot s_2$  кгс/см $^2$   $C$ таналит $_i := 1 \cdot s_1 + Pav_i \cdot s_2$  кгс/см $^2$   $C$ таналит $_i := 1 \cdot s_1 + Pav_i \cdot s_2$  кгс/см $^2$   $C$ таналит $_i := 1 \cdot s_1 + Pav_i \cdot s_2$  кгс/см $^2$   $C$ таналит $_i := 1 \cdot s_1 + Pav_i \cdot s_2$  кгс/см $^2$   $C$ таналит $_i := 1 \cdot s_1 + Pav_i \cdot s_2$  кгс/см $^2$   $C$ таналит $_i := 1 \cdot s_1 + Pav_i \cdot s_2$  кгс/см $^2$   $C$ таналит $_i := 1 \cdot s_1 + Pav_i \cdot s_2$  кгс/см $^2$   $C$ таналит $_i := 1 \cdot s_1 + Pav_i \cdot s_2$  кгс/см $^2$   $C$ таналит $_i := 1 \cdot s_1 + Pav_i \cdot s_2$  кгс/см $^2$   $C$ таналит $_i := 1 \cdot s_1 + Pav_i \cdot s_2$  кгс/см $^2$   $C$ таналит $_i := 1 \cdot s_1 + Pav_i \cdot s_2$  кгс/см $^2$   $C$ таналит $_i := 1 \cdot s_1 + Pav_i \cdot s_2$  кгс/см $^2$   $C$ таналит $_i := 1 \cdot s_1 + Pav_i \cdot s_2$  кгс/см $^2$   $C$ таналит $_i := 1 \cdot s_1 + Pav_i \cdot s_2$  кгс/см $^2$   $C$ таналит $_i := 1 \cdot s_1 + Pav_i \cdot s_2$  кгс/см $^2$   $C$ таналит $_i := 1 \cdot s_1 + Pav_i \cdot s_2$  кгс/см $^2$   $C$ таналит $_i := 1 \cdot s_1 + Pav_i \cdot s_2$  кгс/см $^2$   $C$ таналит $_i := 1 \cdot s_1 + Pav_i \cdot s_2$  кгс/см $^2$   $C$ таналит $_i := 1 \cdot s_1 + Pav_i \cdot s_2$  кгс/см $^2$   $C$ таналит $^2$ 

Среднее квадратичное отклонение (не смещенное) индивидуального давления пружинного манометра, дел.

$$\sigma_{i} := \sqrt{\sum_{k=1}^{4} \frac{\left(p_{i,k} - Pav_{i}\right)^{2}}{4 - 1}} \qquad \qquad \sigma = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0.25 \\ 0.7071068 \\ 0.5 \\ 0.5773503 \end{pmatrix}$$

Случайная погрешность для давления пружинного манометра

Коэффициент Стьюдента для доверительной вероятности  $\alpha$ =0.95 и n=4 trst := 2.78

Среднее квадратичное отклонение (не смещенное) среднего давления пружинного манометра, дел

$$\Delta P case_{j} := trst \cdot \sqrt{\sum_{k=1}^{4} \frac{(p_{i,k} - Pav_{j})^{2}}{4 \cdot (4-1)}}$$

$$\Delta P case = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0.3475 \\ 0.98288 \\ 0.695 \\ 0.80252 \end{pmatrix}$$

Абсолютные допускаемые основные погрешностьи пружинного манометра:  $\Delta device$  (дел) и  $\Delta P \partial onyc$  (кгс/см²).Класс точности,  $\gamma$  , npyжинногоманометра.  $\gamma := 0.15$ 

$$\Delta device := \gamma \cdot \frac{400}{100}$$
 дел.  $\Delta P \partial onyc := \Delta device \cdot 0.625$  кгс/см $^2$ 

$$\Delta P \partial o n y c = 0.375$$
 кгс/см² (у МП600 класс точности  $0.05\%$ )
Допустимая погрешность поршневого манометра  $\Delta P g r$ 

1) при использовании грузов -дисков  $\Delta P g r$ , кгс/см²  $\Delta P g r := 0.0005 \cdot P i z m$   $\Delta P g r = 0.065$ 
Оценка абсолютной погрешности  $\Delta P$ , кгс/см², пружинного манометра после внесения поправки C (сделать сравнение с погрешностью\_ $0.625 \Delta P case_i$ )

 $\Delta P_i := \sqrt{\left(\Delta P g r_i\right)^2 + \left(0.625 \Delta P case_i\right)^2}$ 
 $0.035$ 
 $0.045$ 

$$\Delta P_{i} := \sqrt{\left(\Delta Pgr_{i}\right)^{2} + \left(0.625 \,\Delta Pcase_{i}\right)^{2}}$$

$$\Delta P = \begin{pmatrix} 0.045 \\ 0.055 \\ 0.227 \\ 0.619 \\ 0.443 \\ 0.511 \end{pmatrix}$$

$$Pav = \begin{pmatrix} 110 \\ 141.5 \\ 172.5 \\ 203.875 \\ 235.5 \\ 266.75 \\ 298 \end{pmatrix} \qquad Pav_i \cdot 0.625 = \begin{pmatrix} 68.75 \\ 88.438 \\ 107.813 \\ 127.422 \\ 147.188 \\ 166.719 \\ 186.25 \end{pmatrix} \qquad \Delta Pcase \cdot 0.625 = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0.217 \\ 0.614 \\ 0.434 \\ 0.502 \end{pmatrix}$$

Аналитическая зависимость поправки С для давления пружинного манометра. Аргументом является давление  $\mathsf{P}_{\mathsf{пруж}^{\mathsf{c}}}$ 

Расчет по методу наименьщих квадратов (линейная зависимость  $C_{\text{аналит}}(P_{\text{пруж}})$ ).

$$Y(x) := \begin{pmatrix} 1 \\ x \end{pmatrix} \qquad s := linfit(Pav, C, Y) \qquad s = \begin{pmatrix} -0.199 \\ 0.014 \end{pmatrix}$$

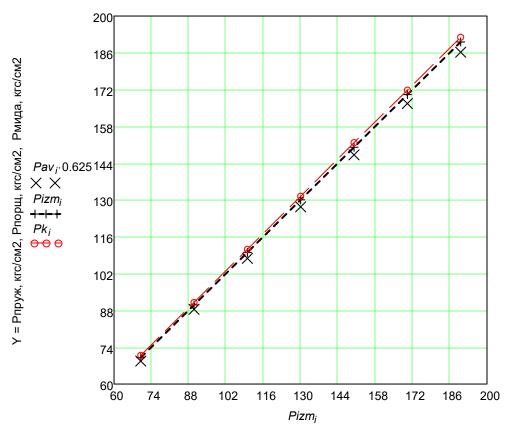
Саналит<sub>і</sub> - поправка (аналитическая) для пружинного манометра, кгс/см<sup>2</sup>

$$fav := \sum_{k=1}^{n} \frac{f_k}{n}$$
  $fav = 1.96144 \%$ 

Рис. 1 Показания поршневого манометра. Среднее давление по пружинному манометру. Средние давление по манометру МИДА (Серия 1)

### Обозначения

- х -показания пружинного манометра, кгс/см2
- + показания поршневого манометра
- о показания МИДА



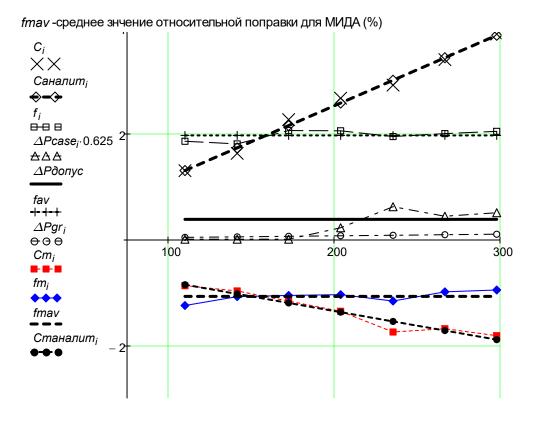
Рпорш., кгс/см2.

Рис. 2 Графические результаты поверки поршневого манометра и МИДА. Серия 1

## Обозначения

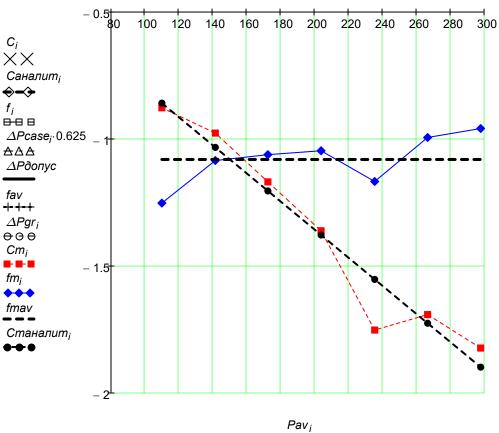
 $\Delta Pgr_i$  -погрешность поршневого манометра (паспорт), кгс/см $^2$ 

Станалит; - поправка (аналитическая) для манометра МИДА, кгс/см<sup>2</sup>



*Pav<sub>i</sub>* Рпруж. дел.

Рис. 3 Графические результаты поверки манометра МИДА.. Серия 1



Рпруж. дел.