Выполнение расчетного задания по дисциплине Тепломассообмен в среде Mathematica 14

Студент: Глаголев Я.О.

Группа: ТФ-13-22

Задача № 1

Задача 1.

В три стальные трубы $(d_2x\delta=150x5 \text{ мм})$, расположенные на открытом воздухе с температурой -15°C поступает горячая вода при температуре 150° С и давлении 5 МПа, которая движется со скоростью 20 км/ч. Первая труба покрыта слоем минеральной ваты толщиной 25 мм имеющая коэффициент теплопроводности 0.035 Вт/м·К. Определить длину трубы если на выходе из нее температура воды уменьшилась на 55° С. Определить температуры воды на выходе из трубы покрытую слоем бетона толщиной 25 мм имеющая коэффициент теплопроводности 1.28 Вт/м·К и из трубы без изоляции если они имеют ту же длину, что и первая труба. Расчет провести с учетом потерь тепла в окружающую среду совместно конвекцией и излучением. Для всех трех труб принять излучательную способность поверхности материала ϵ =0,8, коэффициент теплоотдачи 12.8 Вт/м²-К. Коэффициент теплоотдачи от воды к внутренней стороне трубы равен 12.8 Вт/м²-К. Построить графики $t_{\rm ж}(x)$, $q_{\rm c}(x)$ для обеих способов расчета. Сравнить тепловой поток потерь трубопроводов Q для обеих способов расчета.

Указания:

In[144]:=

- 1. Решить задачу используя формулу Шухова ($\Delta t_x = \Delta t_0 e^{-kmF_x}$) и по алгоритму решения задачи 3 гл. 2 учебника [1].
- 2. Свойства воды выбирать при средней температуре воды.
- 3. Проанализировать результаты с точки зрения эффективности работы изоляции труб.

```
Данные из условия:
```

```
d2=150 (mm); \delta=5 (mm) - геометрия труб ; tAir=-15 (°C)-температура воздуха;tLiquid1=150(°C)-температура горячей воды на входе (как t_{ж1}) ; p=5(MPa)- давление горячей воды;w=20(km/h) - скорость течения горячей воды; \lambdaMinWool=0.035(W/m*K);\deltaMinWool=25(mm); tLiquid2=150-55=95(°C)-температура горячей воды на выходе(как t_{ж2}) ; \lambdaConcrete=1.28(W/m K);\deltaConcrete=25(mm);\epsilon=0.8-излучательная способность поверхности материала труб; \alpha= 12.8 (W/m^2 K)-коэффициент теплоотдачи
```

```
d2 = 150 * 10^{-3};

\delta = 5 * 10^{-3};

tAir = -15;

tLiquid1 = 150;

p = 5 * 10^{6};

w = 20 / 3.6;

\DeltaMinWool = 0.035;

\deltaMinWool = 25 * 10^{-3};

tLiquid2 = 95;

\DeltaConcrete = 1.28;

\deltaConcrete = 25 * 10^{-3};

\epsilon = 0.8;

\alpha = 12.8;
```

Сталь берем нержавеющую, ее коэффициент теплопроводности λSteel (W/m K) берем как const в виду слабой зависимости от температуры:

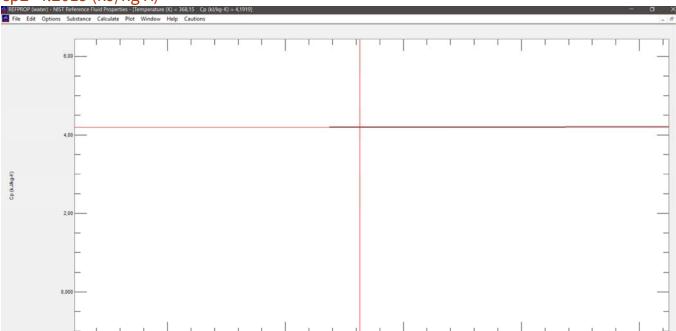
```
In[147]:=

λSteel = 14.4;
```

Изобарную (p=5MPa)теплоемкость и плотность воды при tLiquid1 и tLiquid2 найдем через REFPROP:

```
cp:
tLiquid1=150 (°C) =423.15(K)
cp1=4.3049 (kJ/kg K)
```

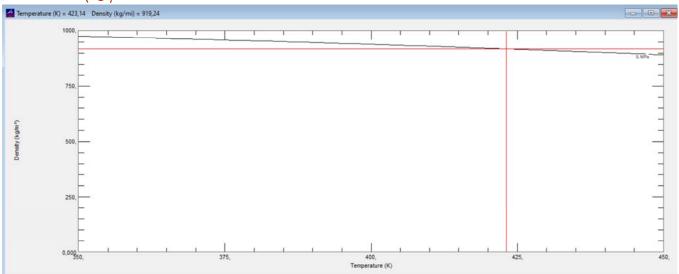
cp2=4.2019 (kJ/kg K)



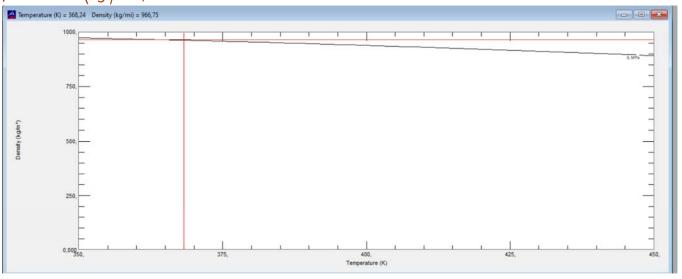
плотность:

tLiquid1=150 (°C)

 ρ 1=919.24 (kg/m^3)



tLiquid2=95 (°C) ρ2=966.75 (kg/m³)



4_{1,148}№1 ЯГ.пь

cp1 = 4.3049; cp2 = 4.2019; ρ 1 = 919.24; ρ 2 = 966.75;

Out[149]=

$$cpAverage = \frac{cp1 + cp2}{2} * 1000$$

4253.4

Средняя плотность воды ρ Average (kg/ m^3)

In[150]:=

$$\rho \text{Average} = \frac{\rho 1 + \rho 2}{2}$$

Out[150]= 942.995

Массовый расход воды G(kg/s)

In[151]:=

Out[151]=

$$G = \pi * \left(\frac{d2 - 2 * \delta}{2}\right)^2 * W * \rho Average$$

80.646001

Найдем диаметры *d1*, *d3* (*m*)

1[152]:=

In[153]:=

$$d1 = d2 - 2 \delta // N$$

 _ численное п

Out[152]=

 $d3 = d2 + 2 \delta // N$

Ічисленное п

Out[153]= **0.16**

Найдем линейный коэффициент теплопередачи для трубы с ватной изоляцией KlinearMinWool (W/m K)

In[154]:=

Out[154]=

$$\text{KlinearMinWool} = \frac{1}{\frac{1}{\alpha*\text{d1}} + \frac{1}{2\lambda \text{Steel}} * \text{Log}\left[\frac{\text{d2}}{\text{d1}}\right] + \frac{1}{2\lambda \text{MinWool}} * \text{Log}\left[\frac{\text{d3}}{\text{d2}}\right] + \frac{1}{\alpha*\text{d3}} }$$

0.50743612

Применяя формулу Шухова найдем расстояние (длину трубы) на котором будет выполняться условие разности температур на входе и выходе в трубу с изоляцией из минеральной ваты:

L = First NSolveValues tLiquid2 == tAir + (tLiquid1 - tAir) * Exp
$$\left[\frac{-\text{KlinearMinWool}}{\text{показат}G_{15}\text{н-CpAyerage}} * \pi * x\right], x$$

Out[155]=

In[155]:=

6 | №1 ЯГ.nb

Найдем линейный коэффициент теплопередачи для трубы с бетонной изоляцией KlinearConcrete (W/m K)

```
In[156]:=
                                                                                         \frac{1}{\frac{1}{\alpha \star d1} + \frac{1}{2 \, \lambda Steel} \, \star \, Log\left[\frac{d2}{d1}\right] + \frac{1}{2 \, \lambda Concrete} \, \star \, Log\left[\frac{d3}{d2}\right] + \frac{1}{\alpha \star d3}}
Out[156]=
                        0.93116553
```

По формуле Шухова найдем температуру на выходе из трубы с бетонной изоляцией:

t[x_, k_] := tAir + (tLiquid1 - tAir) * Exp $\left[\frac{-k}{\ln \kappa a_3 G_1 * \mu cpAye \kappa age_{18}} * \pi * x\right]$

t[L, KlinearConcrete]

Out[158]= 63.406028

In[157]:=

In[158]:=

In[159]:=

In[160]:=

Out[160]=

In[161]:=

In[163]:=

In[164]:=

Out[164]=

Найдем линейный коэффициент теплопередачи для трубы без изоляции KlinearRaw (W/m K)

 $\text{KlinearRaw} = \frac{1}{\frac{1}{\alpha * \text{d1}} + \frac{1}{2 \lambda \text{Steel}} * \text{Log} \left[\frac{\text{d2}}{\text{d1}}\right] + \frac{1}{\alpha * \text{d3}} }$ Out[159]= 0.95355014

По формуле Шухова найдем температуру на выходе из трубы без изоляции:

t[L, KlinearRaw]

62.016098

Функция теплового потока и плотности теплового потока:

 $Q[x_{,k_{]}} := k * \pi * (t[x,k] - tAir) * x;$ $qLinear[x_{,k_{]}} := k * \pi * (t[x, k] - tAir);$

Тепловой поток Q(W) и его линейная плотность qLinear(W/m) для голой трубы:

Q[L, KlinearRaw]

Out[163]= 2.0128723×10^7

qLinear[L, KlinearRaw]

230.71452

Тепловой поток Q(W) и его линейная плотность qLinear(W/m) для трубы с бетонной изоляцией:

In[165]:= Q[L, KlinearConcrete]

Out[165]= 2.0010942×10^7

qLinear[L, KlinearConcrete] Out[166]=

229.36451

```
Q[L, KlinearMinWool]
Out[167]=
       1.5299077 \times 10^7
       qLinear[L, KlinearMinWool]
       175.35733
  Произведем расчеты по другому:
      qLinearAdditional[k_] := k * \pi * \left( \frac{\text{tLiquid1} + \text{tLiquid2}}{2} - \text{tAir} \right)
     Запишем баланс энергий:
     Q=qLinear^*L=G^*cpAverage^*(tLiquid1-tLiquid2)=\pi
      * \left(\frac{d1}{2}\right)^2 * w * cpAverage * \rho Average * (tLiquid1 - tLiquid2), отсюда можно найти L(m):
       Ladditional = First NSolveValues Lepsbur значения для численного приближения решения уравнений
          Out[170]=
       86 069.209
     Выразим tLiquid2 из линейной плотности теплового потока как переменную:
      Solve \left[k * \pi * \left(\frac{\text{tLiquid2asVariable} + \text{tLiquid1}}{2} - \text{tAir}\right) * x == 2
         \pi * \left(\frac{d1}{2}\right)^2 * w * cpAverage * \rho Average * (tLiquid1 - tLiquid2asVariable), tLiquid2asVariable
      \left\{\left\{\text{tLiquid2asVariable} \to \frac{\text{5.1452955} \times \text{10}^{7} - 282.74334 \ k \ x}{\text{343019.7} + \text{1.5707963} \ k \ x}\right\}\right\}
      Теперь найдем температуры на выходе из трубы с бетонной изоляцией и трубы без
     изоляции.
     Бетонная изоляция:
       tLiquid2asVariable[KlinearConcrete, Ladditional]
Out[173]=
       61.403125
     Голая труба:
In[174]:=
       tLiquid2asVariable[KlinearRaw, Ladditional]
```

Изобразим функциональные зависимости температуры жидкости в точке χ , где

59.855107

[№]1 X-000 бщенное расстояние(от точки входа воды)

```
In[175]:=
```

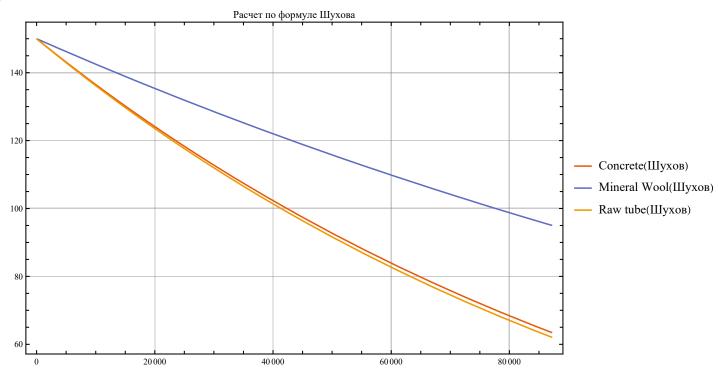
```
Plot[{t[\chi, KlinearConcrete], t[\chi, KlinearMinWool], t[\chi, KlinearRaw]}, график функции
```

{x, 0, L}, PlotLabel → "Расчет по формуле Шухова", PlotTheme → "Scientific", пометка графика
тематический стиль графика

ImageSize → Large, GridLines → Automatic]

размер изоб… круп… линии коорд… автоматический

Out[175]=



In[176]:=

Plot[{tLiquid2asVariable[KlinearConcrete, χ], tLiquid2asVariable[KlinearMinWool, χ], график функции

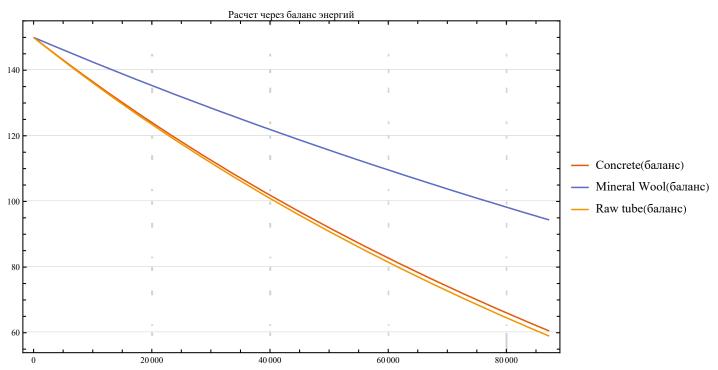
```
tLiquid2asVariable[KlinearRaw, \chi]}, {\chi, 0, L}, PlotLabel → "Расчет через баланс энергий",
```

PlotTheme → "Scientific", PlotLegends → {"Concrete(баланс)", "Mineral Wool(баланс)", "Raw tube(баланс)"}, | тематический стиль графика | легенды графика

${\tt ImageSize} \rightarrow {\tt Large}, \, {\tt GridLines} \rightarrow {\tt Automatic}]$

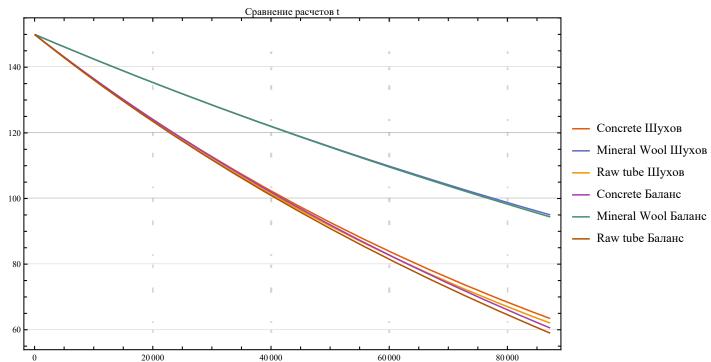
_размер изоб⋯ _круп⋯ _ _линии коорд⋯ _автоматический

Out[176]=



```
In[177]:=
```





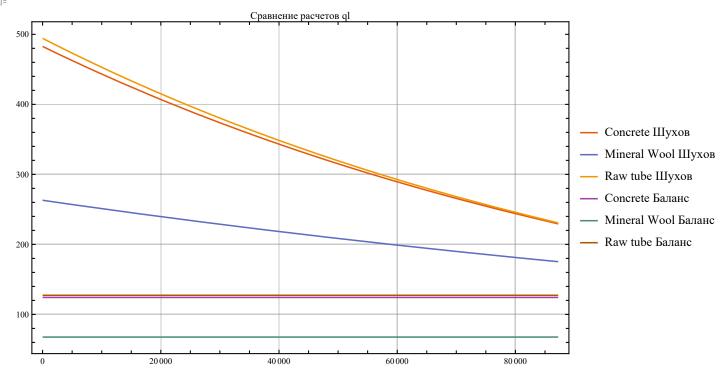
Точно так же изобразим функции линейных плотностей тепловых потоков. Для начала введем функцию линейной плотности теплового потока при расчете методом баланса энергий:

qLinearAdditionalFunction[k_] :=
$$k * \pi * \left(\frac{\text{tLiquid1} - \text{tLiquid2}}{2} - \text{tAir}\right)$$

Покажем графики линейных плотностей тепловых потоков в одной координатной плоскости ql(W/m):

```
In[179]:=
```

Out[179]=



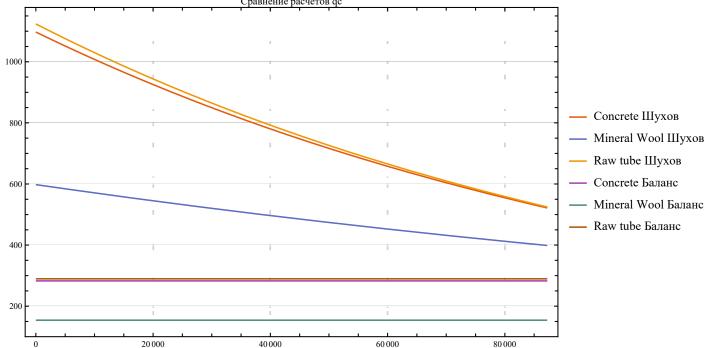
размер изоб… круп… линии коорд… автоматический

Теперь построим поверхностные плотности тепловых потоков $qc\left(W\left/m^{2}\right)$:

$$\label{eq:qchuhov} \mathsf{qcShuhov}[\mathtt{x}_, \mathtt{k}_] := \frac{\mathsf{qLinear}[\mathtt{x}, \mathtt{k}]}{\pi * \mathsf{d1}}; \ \mathsf{qcBalance}[\mathtt{k}_] := \frac{\mathsf{qLinearAdditionalFunction}[\mathtt{k}]}{\pi * \mathsf{d1}};$$

```
№1 ЯГ.nb | 11
```

Plot[{qcShuhov[χ , KlinearConcrete], qcShuhov[χ , KlinearMinWool], qcShuhov[χ , KlinearRaw], график функции qcBalance[KlinearConcrete], qcBalance[KlinearMinWool], qcBalance[KlinearRaw]}, $\{\chi, 0, L\}$, PlotLabel \rightarrow "Cpabhehue pacчетов qc", PlotTheme \rightarrow "Scientific", пометка графика тематический стиль графика PlotLegends → {"Concrete Шухов", "Mineral Wool Шухов", "Raw tube Шухов", "Concrete Баланс", легенды графика "Mineral Wool Баланс", "Raw tube Баланс"}, ImageSize → Large, GridLines → Automatic] размер изоб⋯ [круп⋯ | линии коорд⋯ [автоматический Out[181]= Сравнение расчетов qc 1000



Найдем среднее значение линейной плотности теплового потока(W/m):

qLinear[0, KlinearRaw] + qLinear[L, KlinearRaw] qLinearAverageWithoutInsulation =

362.49971

In[182]:=

Out[182]=

In[183]:=

Out[183]=

In[184]:=

Out[184]=

In[181]:=

qLinear[0, KlinearConcrete] + qLinear[L, KlinearConcrete] qLinearAverageConcreteInsulation = 2

356.02304

qLinear[0, KlinearMinWool] + qLinear[L, KlinearMinWool] qLinearAverageMinWoolInsulation =

219.19667

```
Среднее значение температуры на поверхности труб:
        {twWithoutIns, twConcreteIns, twMinWoolIns} =
                                                                             twWithoutInsBUFFER - tAir
        Flatten NSolveValues \left[ \left\{ \text{qLinearAverageWithoutInsulation} = \pi * \right\} \right] уплостить значения для численного приближения решения уравнений
            qLinearAverageConcreteInsulation == \pi *
                                                       twMinWoolInsBUFFER - tAir
            qLinearAverageMinWoolInsulation == \pi *
           {twWithoutInsBUFFER, twConcreteInsBUFFER, twMinWoolInsBUFFER}
Out[185]=
        {45.097522, 40.334791, 19.068587}
In[186]:=
      Учтем излучение
      \sigma- константа Стефана – Больцмана(W/m^2K^4)
In[187]:=
       \sigma = 5.671 * 10^-8;
      Переведем температуры на поверхности труб и температуру воздуха в абсолютные
      единицы(Кельвины)
In[188]:=
       TwWithoutIns = twWithoutIns + 273.15;
       TwConcreteIns = twConcreteIns + 273.15;
       TwMinWoolIns = twMinWoolIns + 273.15;
       Tair = tAir + 273.15;
      Найдем результирующую плотность потока излучения Eres(W/m^2):
In[189]:=
       EresMinWool = \epsilon * \sigma * (TwMinWoolIns^4 - Tair^4)
Out[189]=
       129.32891
In[190]:=
       EresConcrete = \epsilon * \sigma * (TwConcreteIns^4 - Tair^4)
Out[190]=
       236.65977
In[191]:=
       EresWithoutIns = \epsilon * \sigma * (TwWithoutIns^4 - Tair^4)
Out[191]=
       263.89931
      Найдем эквивалентный коэффициент теплоотдачи излучением \alphaEqv (W/m^2 K):
In[192]:=
                           EresMinWool
       \alphaEqvMinWool =
                       TwMinWoolIns - Tair
Out[192]=
       3.7961337
In[193]:=
                            EresConcrete
       \alphaEqvConcrete =
                        TwConcreteIns - Tair
Out[193]=
       4.2768712
```

$$\alpha \text{EqvWithoutIns} = \frac{\text{EresWithoutIns}}{\text{TwWithoutIns} - \text{Tair}}$$

4.3911845

In[194]:=

In[195]:=

Out[195]=

1.8590039

Out[196]= **0.95163376**

0.92398973

$$P = \left(\frac{d1}{2}\right)^2 * w * \rho Average * cp Average$$

109186.56

In[199]:=

In[200]:=

In[201]:=

$$\texttt{tLiquid2RadiationVariable[M_, x_] := } \frac{2 * P * M * \texttt{tLiquid1} + 2 * \texttt{tAir} * x - \texttt{tLiquid1} * x}{x + 2 * P * M}$$

Линейная плотность потока излучения для трубы с ватной изоляцией:

Из баланса энергий найдем длину трубы:

LwithRadiation = First NSolveValues
$$\frac{\left(\frac{\text{tLiquid1+tLiquid2}}{2} - \text{tAir}\right)}{\frac{1}{\alpha * \text{d1}}} * \text{Len} = \frac{\left(\frac{\text{d2}}{2}\right) \times \text{NSolveValues}}{\frac{1}{\alpha * \text{d2}}} \left(\frac{\text{d2}}{2}\right) \times \text{NSolveValue} \times \left(\frac{\text{d3}}{2}\right) + \frac{1}{(\alpha + \alpha \text{EqvMinWool}) * \text{d3}}} * \text{Len} = \frac{1}{\alpha * \text{d2}} \times \left(\frac{\text{d1}}{2}\right)^2 * \text{w} * \rho \text{Average} * \text{cpAverage} * (\text{tLiquid1-tLiquid2}) , \text{Len} \right]$$

132026.28

Линейная плотность потока излучения трубы с ватной изоляцией: (W/m)

qLinearRadiationMinWool[LwithRadiation]

Out[202]= 406.50287

```
 \text{qLinearRadiationWithoutIns[x_]:=} \pi \star \frac{\left(\frac{\text{tLiquid1+tLiquid2RadiationVariable[MradWithoutIns,x]}}{2} - \text{tAir}\right)}{\frac{1}{\alpha \star \text{d1}} + \frac{1}{2 \, \lambda \text{Steel}} \star \text{Log}\left[\frac{\text{d2}}{\text{d1}}\right] + \frac{1}{(\alpha + \alpha \text{EqvWithoutIns}) \star \text{d3}}} 
In[204]:=
          qLinearRadiationWithoutIns[LwithRadiation]
          339.11393
In[205]:=
          tLiquid2RadiationVariableWithoutIns = tLiquid2RadiationVariable[MradWithoutIns, LwithRadiation]
Out[205]=
          19.47703
        Для трубы с изоляцией из бетона:
In[206]:=
           \text{qLinearRadiationConcrete[x_]:=} \pi * \frac{\left(\frac{\text{tLiquid1+tLiquid2RadiationVariable[MradConcrete,x]}}{2} - \text{tAir}\right)}{\frac{1}{\alpha*\text{d1}} + \frac{1}{2\lambda\text{Steel}} * \text{Log}\left[\frac{d2}{d1}\right] + \frac{1}{2\lambda\text{Concrete}} * \text{Log}\left[\frac{d3}{d2}\right] + \frac{1}{(\alpha+\alpha\text{EqvConcrete})*\text{d3}} 
In[207]:=
          qLinearRadiationConcrete[LwithRadiation]
Out[207]=
          333.09007
In[208]:=
          tLiquid2RadiationVariable[MradConcrete, LwithRadiation]
Out[208]=
          21.795579
        Рассчитаем потери теплоты:
In[209]:=
          QradConcrete[x_] := qLinearRadiationConcrete[x] * x;
          QradMinWool[x_] := qLinearRadiationMinWool[x] * x;
          QradWithoutIns[x] := qLinearRadiationWithoutIns[x] * x;
        Потери теплоты в трубе с бетонной изоляцией:(W)
In[212]:=
          QradConcrete[LwithRadiation]
          4.3976642 \times 10^7
        Потери теплоты в трубе с ватной изоляцией: (W)
In[213]:=
          QradMinWool[LwithRadiation]
Out[213]=
          5.3669061 \times 10^7
In[214]:=
          QradWithoutIns[LwithRadiation]
Out[214]=
          4.477195 \times 10^7
```

14 | №1 ЯГ.nb

Для трубы без изоляции : (W/m)

```
In[215]:=
```

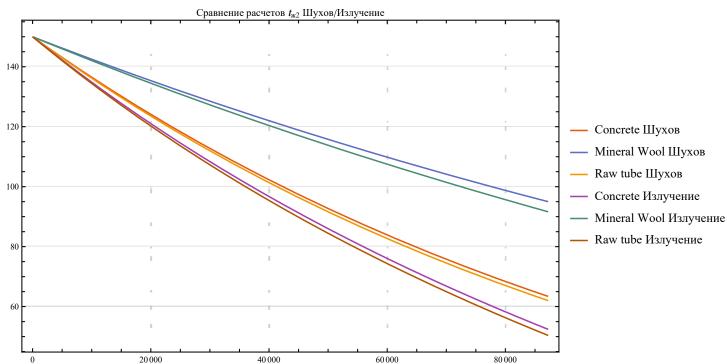
Plot[{t[χ , KlinearConcrete], t[χ , KlinearMinWool], t[χ , KlinearRaw], график функции

 $\label{thm:converse} $$ $\operatorname{Liquid2RadiationVariable}[\operatorname{MradMinWool}, \chi], $$ $\operatorname{Liquid2RadiationVariable}[\operatorname{MradMinWool}, \chi], $$ $\operatorname{Liquid2RadiationVariable}[\operatorname{MradWithoutIns}, \chi], $\{\chi, 0, L\}, $$ $$ $$ $$ $$ $$ $$ $$$

"Mineral Wool Излучение", "Raw tube Излучение"}, ImageSize → Large, GridLines → Automatic]

размер изоб… [круп… | _пинии коорд… | _автоматический

Out[215]=



```
№1 ЯГ.nb
```

In[216]:=

Сравним расчеты линейной плотности потоков тепла/излучения (Шухов/Излучение):

Plot[{qLinear[x, KlinearConcrete], qLinear[x, KlinearMinWool], qLinear[x, KlinearRaw], [график функции qLinearRadiationConcrete[x], qLinearRadiationMinWool[x], qLinearRadiationWithoutIns[x]}, {x, 0, L}, PlotLabel → "Сравнение расчетов ql Шухов/Излучение", PlotTheme → "Scientific", [пометка графика

PlotLegends → {"Concrete Шухов", "Mineral Wool Шухов", "Raw tube Шухов", "Concrete Излучение", [легенды графика

"Mineral Wool Излучение", "Raw tube Излучение"}, ImageSize → Large, GridLines → Automatic] [размер изоб… | круп… | линии коорд… | автоматический

Сравнение расчетов ql Шухов/Излучение

— Сопстеte Шухов
— Міneral Wool Шухов
— Raw tube Шухов
— Сопстеte Излучение
— Міneral Wool Излучение
— Raw tube Излучение
— Raw tube Излучение

60 000

80 000

Соберем все результаты выше воедино.

20 000

Способ основанный на формуле Шухова. Температуры жидкости на выходе(°С):(порядок:бетон,вата,без изоляции)

```
t[L, KlinearConcrete]

Out[217]=
63.406028

In[218]:=
t[L, KlinearMinWool]

Out[218]=
95.

In[219]:=
t[L, KlinearRaw]

Out[219]=
62.016098
```

In[217]:=

Тепловой поток(W):(порядок:бетон,вата,без изоляции)

```
In[220]:=
        Q[L, KlinearConcrete]
Out[220]=
        2.0010942 × 10<sup>7</sup>
In[221]:=
        Q[L, KlinearMinWool]
Out[221]=
        1.5299077 × 10<sup>7</sup>
```

```
№1 ЯГ.nb | 17
```

```
Способ основанный на методе баланса энергии.
     Температуры жидкости на выходе(°С):(порядок:бетон, вата, без изоляции).
In[223]:=
       tLiquid2asVariable[KlinearConcrete, Ladditional]
Out[223]=
       61.403125
In[224]:=
       tLiquid2asVariable[KlinearMinWool, Ladditional]
Out[224]=
In[225]:=
       tLiquid2asVariable[KlinearRaw, Ladditional]
Out[225]=
       59.855107
     Тепловой поток(W):(порядок:бетон, вата, без изоляции)
In[226]:=
       Qadditional[k_, x_] := qLinear[x, k] * x;
In[227]:=
       Qadditional[KlinearConcrete, Ladditional]
       1.9940196 \times 10^7
In[228]:=
       Qadditional[KlinearMinWool, Ladditional]
Out[228]=
      1.5175577 \times 10^7
In[229]:=
       Qadditional[KlinearRaw, Ladditional]
Out[229]=
       2.0062398 \times 10^{7}
     Способ с учетом излучения. Температуры жидкости на выходе(°С):(порядок:бетон, вата, без
     изоляции)
In[230]:=
       tLiquid2RadiationVariable[MradConcrete, LwithRadiation]
       21.795579
In[231]:=
       tLiquid2RadiationVariable[MradMinWool, LwithRadiation]
Out[231]=
       69.014744
In[232]:=
       tLiquid2RadiationVariable[MradWithoutIns, LwithRadiation]
       19.47703
     Поток излучения(W):(порядок:бетон,вата,без изоляции)
In[233]:=
       QradConcrete[LwithRadiation]
       4.3976642 \times 10^7
```

In[222]:=

Out[222]=

Q[L, KlinearRaw]

 2.0128723×10^7

QradMinWool[LwithRadiation]

QradWithoutIns[LwithRadiation]

 5.3669061×10^7

 4.477195×10^7

1,8₂₃₄]:₌№1 ЯГ.пb

Out[234]=

In[235]:=

Out[235]=

Вывод: Тепло от теплоносителя лучше всего сохраняет труба с ватной изоляцией. На втором месте бетон. На почетном третьем- труба без изоляции