Описание функции computeHeatFluxJump с примерами из кода

Назначение функции

Функция computeHeatFluxJump вычисляет разность тепловых потоков на границе между жидкой и паровой фазами:

$$R = q_{\text{vap}}^{(n)} - q_{\text{liq}}^{(n)} = -\lambda_{\text{vap}} \frac{\partial T}{\partial n_{\text{vap}}} + \lambda_{\text{liq}} \frac{\partial T}{\partial n_{\text{liq}}}$$

Она возвращает двумерное поле R с невязками потока в ячейках, находящихся на фазовой границе.

Код:

1. Загрузка полей и параметров

Считывается размерность сетки, температурное поле и формируется поле теплопроводности в зависимости от фазы.

Код:

$$\begin{array}{ll} [M,\ N] = \mathbf{size}\,(\,\mathrm{phase}\,)\,; \\ T = \mathrm{fields}\,.T\,; \\ \mathrm{lambda} = \mathrm{params}\,.\,\mathrm{lambda_liquid}\,*\,(\,\mathrm{phase} == 0)\,+\,\ldots \\ \mathrm{params}\,.\,\mathrm{lambda_vapor}\,*\,(\,\mathrm{phase} == 1)\,; \end{array}$$

2. Вычисление градиентов температуры

Для расчёта нормальной компоненты теплового потока нужно знать $\partial T/\partial x$ и $\partial T/\partial y$.

Код:

$$[dTdx, dTdy] = gradient(T, dx, dy);$$

3. Подготовка обхода по соседям

Проход по 4 направлениям: влево, вверх, вправо, вниз. Для каждой стороны задаются сдвиг и нормальный вектор.

Код:

$$\begin{array}{lll} shifts &= \{[-1,\ 0]\,,\ [0\,,\ -1],\ [1\,,\ 0]\,,\ [0\,,\ 1]\};\\ normals &= \{[0\,,\ -1],\ [-1,\ 0]\,,\ [0\,,\ 1]\,,\ [1\,,\ 0]\}; \end{array}$$

4. Поиск межфазных ячеек

Определяется, какие пары ячеек находятся по разные стороны фазовой границы. Проверяется условие phase1 \neq phase2.

Код:

```
p1 = phase(idx1);
p2 = phase(idx2);
is_interface = p1 ~= p2;
gas_left = is_interface & (p1 == 1);
gas_right = is_interface & (p2 == 1);
```

5. Расчёт нормальных градиентов температуры

Вычисляется $\nabla T \cdot \vec{n}$ — скалярное произведение градиента и нормали к границе:

$$\frac{\partial T}{\partial n} = \frac{\partial T}{\partial x} n_x + \frac{\partial T}{\partial y} n_y$$

Код:

6. Построение тепловых потоков

В каждой точке вычисляется тепловой поток по закону Фурье:

$$q^{(n)} = -\lambda \frac{\partial T}{\partial n}$$

Код:

$$\begin{array}{lll} k1 \, = \, lambda (\, idx1 \,) \, ; & k2 \, = \, lambda (\, idx2 \,) \, ; \\ q1 \, = \, -k1 & .* & gradT1_n \, ; \\ q2 \, = \, -k2 & .* & gradT2_n \, ; \end{array}$$

7. Вычисление локальной невязки потока

Для межфазных ячеек вычисляется $q_{\rm vap} - q_{\rm liq}$ в зависимости от стороны, с которой находится пар:

Код:

$$\begin{array}{l} dQ = \mathbf{zeros}(\mathbf{size}(\mathrm{idx1})); \\ dQ(\mathrm{gas_left}) = \mathrm{q1}(\mathrm{gas_left}) - \mathrm{q2}(\mathrm{gas_left}); \\ dQ(\mathrm{gas_right}) = \mathrm{q2}(\mathrm{gas_right}) - \mathrm{q1}(\mathrm{gas_right}); \end{array}$$

8. Агрегация результата в поле R

Невязка потока добавляется в результирующее поле R:

Код:

$$R(idx1) = R(idx1) + dQ;$$

Физический смысл

Функция проверяет выполнение граничного условия на тепловой поток через фазовую границу:

$$\lambda \frac{\partial T}{\partial n} \bigg|_{\text{liq}} = \lambda \frac{\partial T}{\partial n} \bigg|_{\text{vap}}$$

Отклонение от этого условия численно проявляется в виде ненулевого ${\cal R}.$