



GEORG-AUGUST-UNIVERSITÄT
GÖTTINGEN

XX XXX XX
YYY YYY Y

Bachelorarbeit
im Studiengang „Angewandte Informatik“

SUSAN
Ein Ansatz zur Strukturerkennung in Bildern

Julian Lüken
`julian.lueken@stud.uni-goettingen.de`

Institut für Numerische und Angewandte
Mathematik

Bachelor und Masterarbeiten des Zentrums für
angewandte Informatik an der
Georg-August-Universität Göttingen

11. September 2019

Inhaltsverzeichnis

1	Einführung	2
2	Mathematische Grundlagen	3
2.1	Analytische Grundlagen	3
2.2	Varianzanalyse	3
2.3	Bildverarbeitung	3
3	Der SUSAN Kantendetektor	4
3.1	Der Algorithmus	4
3.1.1	Das SUSAN-Prinzip	4
3.1.2	Non-Maximum-Suppression	5
3.2	Implementation	6
3.2.1	Masken	6
3.2.2	Vergleichsfunktion	6
3.2.3	Non-Maximum-Suppression	7
3.2.4	Lokale Unabhängigkeit und Parallelisierung	7

Kapitel 1

Einführung

Kapitel 2

Mathematische Grundlagen

2.1 Analytische Grundlagen

2.2 Varianzanalyse

2.3 Bildverarbeitung

Kapitel 3

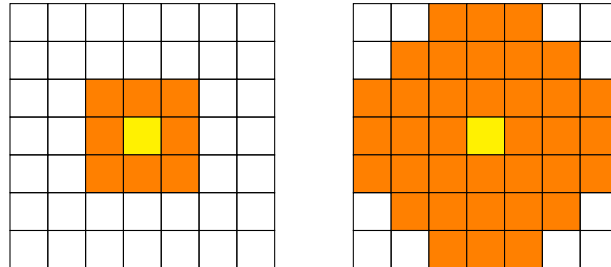
Der SUSAN Kantendetektor

3.1 Der Algorithmus

Der SUSAN Kantendetektor ...

3.1.1 Das SUSAN-Prinzip

Sei I ein Eingangsbild. Um jedes Pixel im Bild wird eine Maske gelegt. Für unseren Zweck betrachten wir lediglich die Masken



wobei das gelbe Pixel der Mittelpunkt der Maske ist, die orangenen Pixel in der Maske und die weißen Pixel außerhalb der Maske liegen.

Das SUSAN-Prinzip funktioniert wie folgt: Für jedes Pixel r_0 in I (wobei $I(r_0)$ der Grauwert am Pixel r_0 ist), berechne die Antwort

$$A(r_0) = \max\{0, g - n(r_0)\}.$$

Dabei ist n definiert als

$$n(r_0) = \sum_r c_t(r, r_0),$$

wobei r die Pixel in der respektiven Maske sind und

$$c_t(r, r_0) = \exp\left(-\left(\frac{I(r) - I(r_0)}{t}\right)^6\right)$$

eine Vergleichsfunktion für zwei Pixel ist. Statt der obigen Vergleichsfunktion kann auch die Näherung

$$c_t(r, r_0) \approx \begin{cases} 1 & \text{falls } |I(r) - I(r_0)| \leq t \\ 0 & \text{sonst} \end{cases}$$

verwendet werden. Als USAN bezeichnen wir genau diejenigen Pixel r aus der Maske, für die $c_t(r, r_0) > 0$, jedes Pixel hat also seine eigene USAN.

3.1.2 Non-Maximum-Suppression

Das oben genannte Prinzip findet Kanten innerhalb von Bildern mit nur bedürftiger Genauigkeit. Im Bereich der eigentlichen Kante stellt man fest, dass die Antwort A ungleich 0 ist. Um die Kante genauer zu lokalisieren, verwenden wir das Prinzip der Non-Maximum-Suppression, bei der nur die maximale Antwort entlang einer Kante erhalten bleibt. Zu diesem Zweck wird die Richtung eines jeden Pixels $r_0 = (x_0, y_0)$, für welches $A(x_0, y_0) \neq 0$ gilt, durch folgende Fallunterscheidung berechnet:

1. Inter-Pixel:

Falls die Größe der USAN die des Maskendurchmessers übersteigt und die Distanz zwischen $\text{COG}(r_0)$ und r_0 größer als 1 Pixel ist, so ist die Richtung $D(r_0)$ gegeben durch

$$D(r_0) = \begin{cases} \arctan\left(\frac{x_0 - \text{COG}(x_0)}{y_0 - \text{COG}(y_0)}\right) & \text{falls } \text{COG}(y_0) \neq y_0 \\ \frac{\pi}{2} & \text{sonst} \end{cases},$$

wobei

$$\text{COG}(r_0) := \frac{\sum_r r c(r, r_0)}{\sum_r c(r, r_0)}.$$

2. Intra-Pixel:

Andernfalls müssen wir die zweiten Momente der USAN folgendermaßen berechnen:

$$\begin{aligned} d_{x_0} &:= \sum_r (x - x_0)^2 c_t(r, r_0) \\ d_{y_0} &:= \sum_r (y - y_0)^2 c_t(r, r_0) \\ \sigma &:= \text{sgn}\left(\sum_r (x - x_0)(y - y_0) c_t(r, r_0)\right) \end{aligned}$$

Dabei ergibt sich die Richtung als

$$D(r_0) = \begin{cases} \sigma \arctan \frac{d_{y_0}}{d_{x_0}} & \text{falls } d_{x_0} \neq 0 \\ \frac{\pi}{2} & \text{sonst} \end{cases}$$

Falls allerdings $d_{x_0} = 0$, so ist $D(r_0) = \frac{\pi}{2}$

Die Richtung lohnt sich nur für diejenigen Pixel (i, j) zu bestimmen, für die $A(i, j) > 0$ gilt. Ist die Richtung der Kante bestimmt, so können wir die lokalen Maxima von A entlang der Richtung, die senkrecht zur Kantenrichtung steht, erhalten. Alles, was kein lokales Maximum entlang dieser Richtung ist, wird verworfen. Wir erhalten so ein neues Bild. In Kapitel 3.2 wird darauf eingegangen, wie genau dieser Prozess funktioniert.

3.2 Implementation

Für meine persönliche Implementation des SUSAN-Kantendetektors in Python 3 habe ich eine Reihe von ausgewählten Gütekriterien aus der Softwaretechnik herangezogen:

1. Funktionalität
2. Effizienz
3. Benutzbarkeit
4. Änderbarkeit

In diesem Kapitel werde ich vor allen Dingen auf die Punkte 2 - 4 eingehen. Grundsätzlich lässt sich die Struktur der Software folgendermaßen darstellen: Es sei zu jedem Unterpunkt dieses Kapitels gesagt, dass sich die Implementation im Anhang [ref] befindet.

3.2.1 Masken

3.2.2 Vergleichsfunktion

Zu Gunsten der Effizienz habe ich für die Vergleichsfunktion eine Lookup-Tabelle implementiert, wie es auch in [quelle] nahegelegt wurde. Beim Initialisieren des **Susan**-Objekts wird ein Feld erzeugt. Das Ziel ist es, alle möglichen Werte, die c_t (siehe 3.1.1) annehmen kann, zu speichern. In unserem Fall ist c_t folgendermaßen definiert:

$$c_t(a, b) := \exp\left(-\left(\frac{I(a) - I(b)}{t}\right)^6\right)$$

Ein Pixel in einem 8-bit Graustufenbild kann $2^8 = 256$ mögliche Intensitäten annehmen, demnach braucht das Feld für die Differenz zweier solcher Graustufenintensitäten 512 Plätze. Regulär werden Felder entweder ab 0 oder 1 indiziert. In Python werden Felder ab 0 indiziert, allerdings bietet Python den Vorteil, dass man mit Index $-i$ das i -te Element von hinten abrufen kann. In der Implementation ist diese Lookup-Tabelle dank dieser speziellen Art der Indizierung einfach und elegant: Der Index $a - b$ des Feldes steht für $c_t(a, b)$.

3.2.3 Non-Maximum-Suppression

Um die Non-Maximum-Suppression durchzuführen, wird zunächst für jedes Pixel (i, j) mit $A(i, j) > 0$ die Kantenrichtung $D(i, j)$ bestimmt. Die möglichen Kantenrichtungen werden dann für einen Zwischenschritt kategorisiert. Die Kategorien sind "negativ diagonal", "vertikal", "positiv diagonal" und "horizontal". Die Kategorie bestimmt, welche zwei adjazenten Pixel für die Non-Maximum-Suppression interessant sind.

Bedingung	Kategorie	Adjazente C
$D(i, j) \leq -\frac{3}{8}\pi$	negativ diagonal	$(i + 1, j - 1), \quad (i - 1, j + 1)$
$D(i, j) > -\frac{3}{8}\pi, \quad D(i, j) \leq -\frac{1}{8}\pi$	vertikal	$(i - 1, j), \quad (i + 1, j)$
$D(i, j) > -\frac{1}{8}\pi, \quad D(i, j) \leq \frac{1}{8}\pi$	positiv diagonal	$(i, j - 1), \quad (i, j + 1)$
$D(i, j) > \frac{1}{8}\pi$	horizontal	$(i + 1, j - 1), \quad (i - 1, j + 1)$

Für jedes Pixel (i, j) wird nun überprüft, ob $(i, j) = \max(C \cap \{(i, j)\})$ gilt. Gilt es nicht, so wird $A(i, j)$ unterdrückt.

3.2.4 Lokale Unabhängigkeit und Parallelisierung