UBI车险模型

数据源: 第三方数据源(已经过清洗和处理)

案例参考: https://blog.csdn.net/weixin_39593469/article/details/112510661?

 $utm_medium=distribute.pc_relevant.none-task-blog-2 \sim default \sim baidujs_utm_term \sim default-1-112510661-blog-60866782.235$

http://erepository.uonbi.ac.ke/bitstream/handle/11295/154304/Masese_Application%20of%20generalized%20lirBased%20lnsurance.pdf?sequence=1

作者: 夏伯平、张哲宁

故事背景: [待补充]

在一般线性回归中,目标值y与特征向量 x_1 , x_2 ,, x_n 的线性关系可表述为

$$E(y) = b_0 + b_1 x_1 + b_2 x_2 + \ldots + b_n x_n$$

而在实际情况中,目标值y与特征向量 x_1 , x_2 ,, x_n 的关系可能不为线性: 如y为二元分类(0或1)或离散数据(事件发生次数),这时我们不能使用一般线性回归。但如果我们能通过某种变换,重新使目标值y与特征向量 x_1 , x_2 ,, x_n 产生线性关系,我们便能使用最小二乘法或最大似然估计计算出对应的系数。这便是广义线性回归。

广义线性回归中,使目标值y发生变换的函数称为链接函数 $g(\cdot)$,此时目标值y与特征向量 x_1 , x_2 ,……, x_n 的线性关系可表述为

$$g(E(y)) = b_0 + b_1x_1 + b_2x_2 + \ldots + b_nx_n$$

此时我们的预测值的计算方式为

$$E(\hat{y}) = g^{-1}(b_0 + b_1x_1 + b_2x_2 + \ldots + b_nx_n)$$

目录

- 1. 数据导入以及相关性分析
- 2. 广义线性模型拟合及分析
- 3. 根据回归模型计算预期保费

1. 数据导入以及相关性分析

```
In [1]: # 导入相关工具库
import pandas as pd
import numpy as np
import statsmodels.api as sm
import seaborn as sns
import matplotlib
import matplotlib.pyplot as plt

# 忽略警告信息(可选)
import warnings
warnings.filterwarnings("ignore")

# matplotlib参数设置,显示中文和字号12
matplotlib.rcParams['font.family'] = 'Microsoft Yahei'
plt.rc('font', size=12)
```

1.1 数据导入

```
In [2]: # 导入数据
data_raw = pd.read_csv('客户信息.csv')
# 查看数据前5行
data_raw.head(5)
```

```
用车
                                                           车辆
                                                                 车辆
                                                                      年平均
                                                                             年平均
Out[2]:
                                性
                                    婚姻
                                                     车辆
                                                                                     主要行
                                                                                             出险
                                                                                                   出险
                                          学历
                       出生日期
                 ID
                                               区域
                                    状况
                                                     用途
                                                           价值
                                                                 类别
                                                                        里程
                                                                               车速
                                                                                     车时间
                                                                                             频率
                                                                                                   强度
                                                            10-
                                                                       5千-1
                                                                              60-79
            63581743
                      1968/3/16
                                男
                                    未婚
                                          博士
                                                城镇
                                                     个人
                                                                 MPV
                                                                                       日间
                                                                                               1
                                                                                                   848
                                                           20万
                                                                         万
                                                                       小于5
                                                            10-
                                                     单位
                                                                 MPV
                                                                                               0
        1 132761049
                                男
                                    未婚
                                          高中
                                               城镇
                                                                              60-79
                                                                                       日间
                                                                                                     0
                      1979/1/21
                                                           20万
                                                                         千
                                                            20-
                                                                 厢式
                                                                       1万-1
          921317019 1976/11/18
                                    未婚
                                          本科
                                               城镇
                                                     个人
                                                                              60-79
                                                                                       夜间
                                                                                               0
                                                                                                     0
                                                           30万
                                                                 货车
                                                                         万5
                                                           小于
                                                                      1万5-2
                                                                 SUV
                                    已婚
                                          高中
                                                                              80-99
        3 727598473
                       1985/3/5
                                女
                                               城镇
                                                                                       夜间
                                                                                               5
                                                                                                   681
                                                           10万
                                                                         万
                                          高中
                                                            10-
                                                                 MPV
                                                                                               0
          450221861
                       1974/6/5
                                男
                                    己婚
                                                城镇
                                                                             小于40
                                                                                       日间
                                                                                                     0
                                          以下
                                                           20万
```

In [3]: # 使用info()函数对数据表进行初步预览 data raw.info()

memory usage: 1.1+ MB

```
<class 'pandas.core.frame.DataFrame'>
RangeIndex: 10302 entries, 0 to 10301
Data columns (total 14 columns):
    Column Non-Null Count
                           Dtype
0
    ID
            10302 non-null
                           int64
    出生日期
1
               10302 non-null
                              object
2
    性别
             10302 non-null object
    婚姻状况
3
              10302 non-null
                              object
4
    学历
             10302 non-null object
5
    用车区域
              10302 non-null
                              object
    车辆用途
6
              10302 non-null
                              object
7
    车辆价值
              10302 non-null
                              object
    车辆类别
8
              10302 non-null
                              object
    年平均里程
              10302 non-null
                              object
10 年平均车速
               10302 non-null
                              object
    主要行车时间 10302 non-null object
11
12
    出险频率
               10302 non-null int64
    出险强度
               10302 non-null int64
dtypes: int64(3), object(11)
```

该数据表包含10302条记录,其中多数列为类别数据。对于UBI模型,我们将从中选取可能与出险相关的驾驶员信息作为特征进行拟合。出于简化演示过程考虑,我们仅选取 用车区域 、 年平均里程 、 年平均车速 、 主要行车时间 这四个特征。

在之后的回归中,伽马分布目标值不能为0,所以我们需要剔除掉出险强度为0的行。

```
In [4]: # 选取出险频率的特征和目标 data_f = data_raw[['用车区域', '年平均里程', '年平均车速', '主要行车时间', '出险频率']] # 查看数据前5行 data_f.head(5)
```

```
    Out[4]:
    用车区域 年平均里程 年平均车速 主要行车时间 出险频率

    0
    城镇 5千-1万 60-79 日间 1
```

```
1
      城镇
             小于5千
                        60-79
                                     日间
                                               0
2
     城镇
            1万-1万5
                        60-79
                                     夜间
                                               0
3
      城镇
            1万5-2万
                        80-99
                                     夜间
                                               5
4
     城镇
            小于5千
                       小于40
                                     日间
                                               0
```

```
In [5]: # 选取出险强度的特征和目标,并剔除出险强度为0的行 data_s = data_raw[['用车区域', '年平均里程', '年平均车速', '主要行车时间', '出险强度']] data_s = data_s[data_s['出险强度'] > 0] # 查看数据前5行 data_s.head(5)
```

Out[5]: 用车区域 年平均里程 年平均车速 主要行车时间 出险强度

0	城镇	5千-1万	60-79	日间	848
3	城镇	1万5-2万	80-99	夜间	681
5	城镇	1万-1万5	60-79	日间	572
6	城镇	1万-1万5	小于40	夜间	146
7	城镇	1万5-2万	小于40	日间	475

```
In [6]: # 查看每列特征的可取值
print("用车区域的可取值为: {}".format(data_s['用车区域'].unique()))
```

print("年平均里程的可取值为: {}".format(data_s['年平均里程'].unique()))
print("年平均车速的可取值为: {}".format(data_s['年平均车速'].unique()))
print("主要行车时间的可取值为: {}".format(data_s['主要行车时间'].unique()))

用车区域的可取值为: ['城镇' '农村']

年平均里程的可取值为:['5千-1万''1万5-2万''1万-1万5''小于5千''大于2万']

年平均车速的可取值为: ['60-79' '80-99' '小于40' '40-59' '大于100']

主要行车时间的可取值为:['日间''夜间']

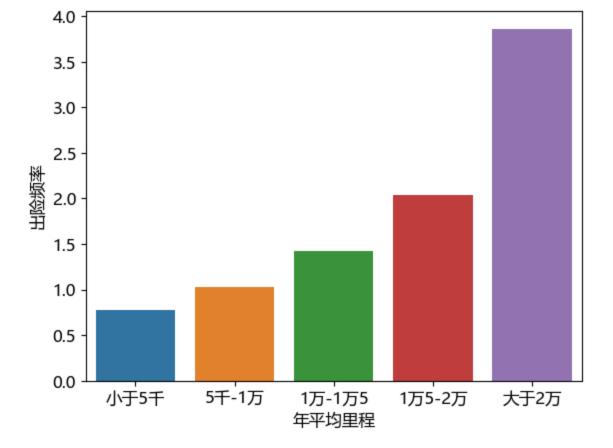
1.2 相关性分析

由于回归是对目标值的期望进行计算,所以在相关性分析中我们将使用每一特征分类对应的目标平均值进行分析

1.2.1 出险频率与年平均里程

```
In [7]: # 使用groupby函数对所选类别进行聚合,mean()为聚合后计算平均值
# reset_index()重置聚合后数据表的索引值
mile_freq = data_f.groupby('年平均里程').mean().reset_index()
# Categorical()函数告知pandas该数据表中的某一列为类别数据以及对应的类别(categories)
mf_order = ['小于5千', '5千-1万', '1万-1万5', '1万5-2万', '大于2万']
mile_freq['年平均里程'] = pd.Categorical(mile_freq['年平均里程'], categories=mf_order)
# 绘制条形图查看年平均里程和出险频率的关系
sns.barplot(data=mile_freq, x='年平均里程', y='出险频率')
```

Out[7]: <AxesSubplot:xlabel='年平均里程', ylabel='出险频率'>

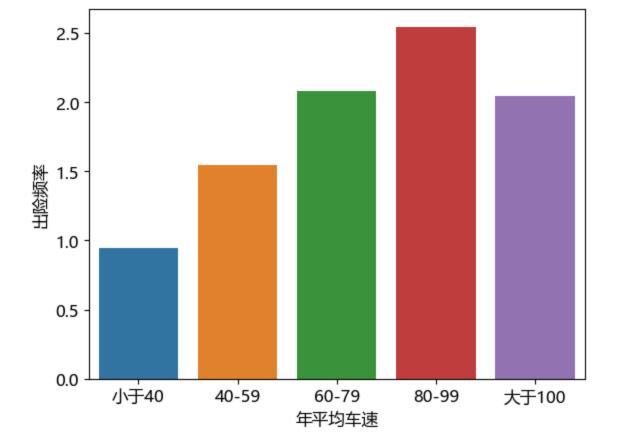


由图可以看出, 出险频率随着里程数的增加而增加

1.2.2 出险频率与年平均车速

```
In [8]: # 聚合取平均并重新排序
speed_freq = data_f.groupby('年平均车速').mean().reset_index()
sf_order = ['小于40', '40-59', '60-79', '80-99', '大于100']
speed_freq['年平均车速'] = pd.Categorical(speed_freq['年平均车速'], categories=sf_order)
# 绘制条形图查看年平均车速和出险频率的关系
sns.barplot(data=speed_freq, x='年平均车速', y='出险频率')
```

Out[8]: <AxesSubplot:xlabel='年平均车速', ylabel='出险频率'>

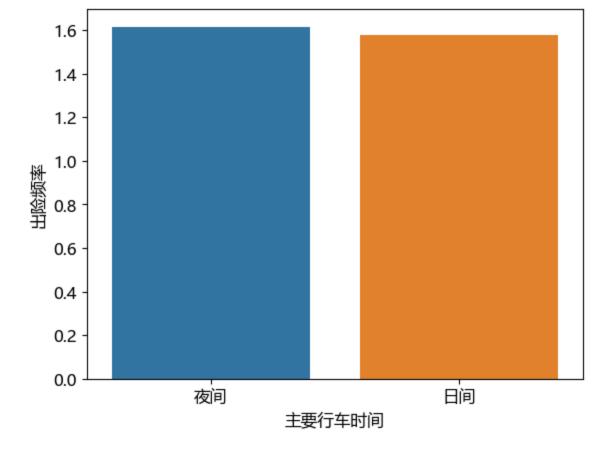


由图可以看出,出险频率随着平均车速的增加而增加,但在100公里每小时后下降

1.2.3 出险频率与主要行车时间

```
In [9]: # 聚合取平均
time_freq = data_f.groupby('主要行车时间').mean().reset_index()
# 绘制条形图查看年主要行车时间和出险频率的关系
sns.barplot(data=time_freq, x='主要行车时间', y='出险频率')
```

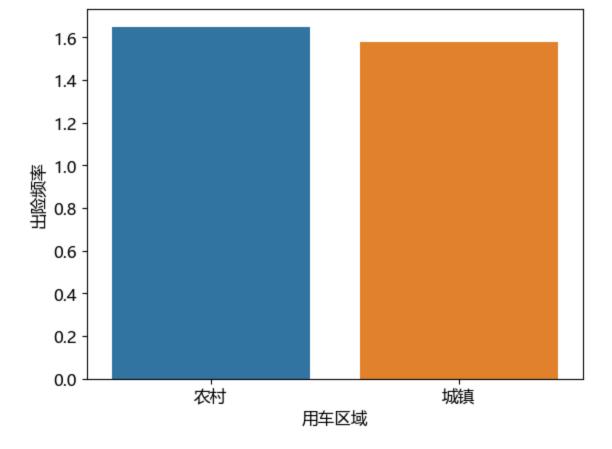
Out[9]: <AxesSubplot:xlabel='主要行车时间', ylabel='出险频率'>



由图可以看出,不同时间段出险频率无明显变化

1.2.4 出险频率与用车区域

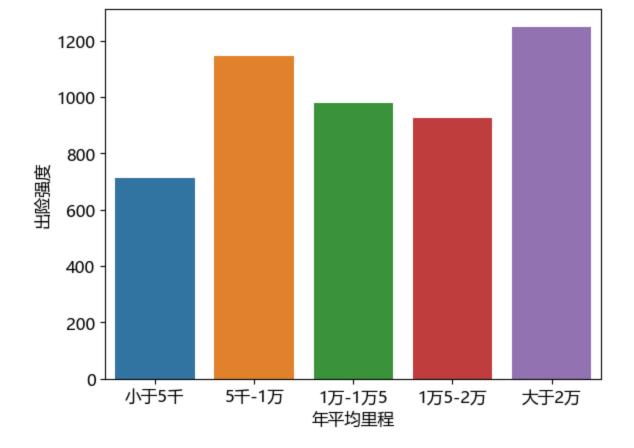
```
In [10]: # 聚合取平均
urban_freq = data_f.groupby('用车区域').mean().reset_index()
# 绘制条形图查看用车区域和出险频率的关系
sns.barplot(data=urban_freq, x='用车区域', y='出险频率')
```



由图可以看出,不同区域出险频率无明显变化

1.2.5 出险强度与年平均里程

```
In [11]: # 聚合取平均并重新排序
mile_seve = data_s.groupby("年平均里程").mean().reset_index()
ms_order = ['小于5千', '5千-1万', '1万-1万5', '1万5-2万', '大于2万']
mile_seve['年平均里程'] = pd.Categorical(mile_seve['年平均里程'], categories=ms_order)
# 绘制条形图查看年平均里程和出险强度的关系
sns.barplot(data=mile_seve, x='年平均里程', y='出险强度')
```

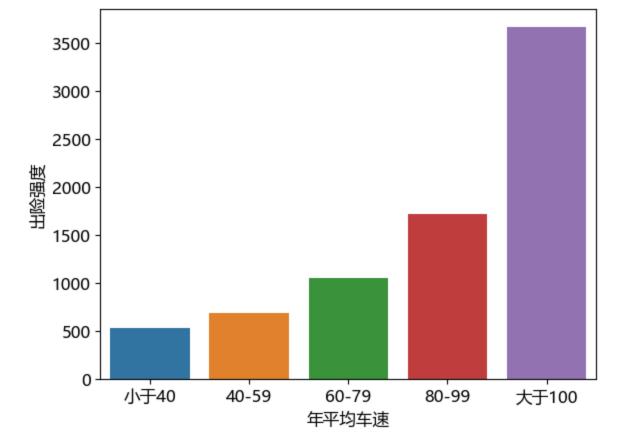


由图可以看出, 出险强度随里程增长整体呈上升趋势, 但不够显著

1.2.6 出险强度与年平均车速

```
In [12]: # 聚合取平均并重新排序
speed_seve = data_s.groupby('年平均车速').mean().reset_index()
ss_order = ['小于40', '40-59', '60-79', '80-99', '大于100']
speed_seve['年平均车速'] = pd.Categorical(speed_seve['年平均车速'], categories=ss_order)
# 绘制条形图查看年平均车速和出险强度的关系
sns.barplot(data=speed_seve, x='年平均车速', y='出险强度')
```

Out[12]: AxesSubplot:klabel='年平均车速', ylabel='出险强度'>

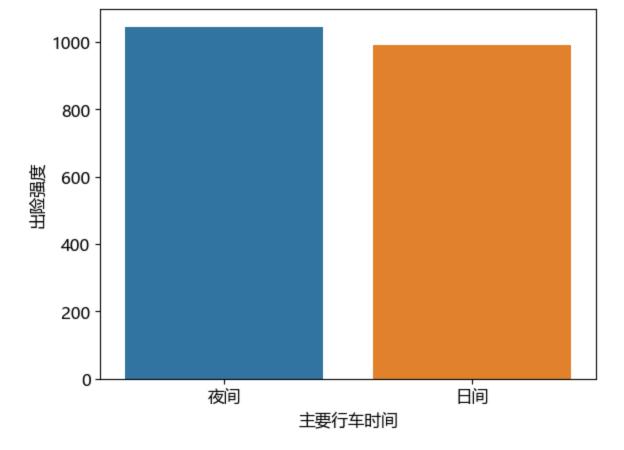


由图可以看出, 出险强度随着车速的增加而增加

1.2.7 出险强度与主要行车时间

```
In [13]: # 聚合取平均
time_seve = data_s.groupby('主要行车时间').mean().reset_index()
# 绘制条形图查看年主要行车时间和出险强度的关系
sns.barplot(data=time_seve, x='主要行车时间', y='出险强度')
```

Out[13]:

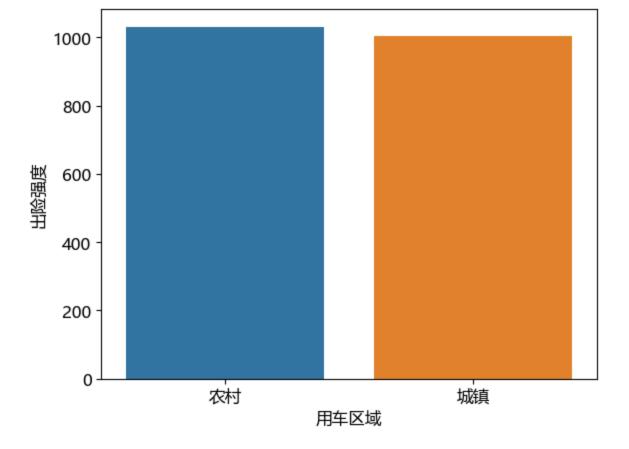


由图可以看出,不同时间段出险强度无明显变化

1.2.8 出险强度与用车区域

```
In [14]: # 聚合取平均
urban_seve = data_s.groupby('用车区域').mean().reset_index()
# 绘制条形图查看用车区域和出险强度的关系
sns.barplot(data=urban_seve, x='用车区域', y='出险强度')
```

Out[14]: <AxesSubplot:xlabel='用车区域', ylabel='出险强度'>



由图可以看出,不同区域出险强度无明显变化

根据图像分析结果,我们判断出险频率和出险强度均与年平均里程和年平均车速相关,与主要行车时间和用车区域无关。我们会在后面模型拟合报告中进一步验证我们的判断。

2. 广义线性模型拟合及模型分析

我们将使用 statsmodels 工具库进行广义线性回归,该工具库包含多种统计模型以及其对应的链接函数。

2.1 对特征值进行预处理

由于特征值均为类别变量,我们需要对其进行变换使其能够进行数学计算,其中一种方法是对每一具体类别从小到大编号。但这种方法会抹除每个类别之间的差异性,因此我们选择将包含n个类别的类别变量转换为n-1个二元分类变量,其又被称为虚拟变量(dummy variable)。因为常数项的存在,我们需要将某种类别定义为基本类别,以避免回归系数没有唯一解(虚拟变量陷阱),因此需转换为n-1个虚拟变量。

```
# 声明年平均里程和年平均车速的类别顺序
In [15]:
       mile order = ['小于5千', '5千-1万', '1万-1万5', '1万5-2万', '大于2万']
       speed order = ['小于40', '40-59', '60-79', '80-99', '大于100']
       data f['年平均里程'] = pd.Categorical(data f['年平均里程'], categories=mile order)
       data f['年平均车速'] = pd.Categorical(data f['年平均车速'], categories=speed order)
       data s['年平均里程'] = pd.Categorical(data s['年平均里程'], categories=mile order)
       data s['年平均车速'] = pd.Categorical(data s['年平均车速'], categories=speed order)
        # 提取特征值
        features f = data f[['年平均里程', '年平均车速', '主要行车时间', '用车区域']]
       features s = data s[['年平均里程', '年平均车速', '主要行车时间', '用车区域']]
        # statsmodels在回归中不会自动引入常数项,需手动添加一列1让其计算常数项
        # 该列名称为const
       features f = sm.add constant(features f)
        features s = sm.add constant(features s)
        # 使用get dummies将所有类别变量转换为虚拟变量
```

```
# drop_first=True使其只保留n-1个虚拟变量
features_f = pd.get_dummies(features_f, drop_first=True)
features_s = pd.get_dummies(features_s, drop_first=True)
# 查看前5行
display(features_f.head(5))
display(features_s.head(5))
# 提取目标值
t_freq = data_f['出险频率']
t_seve = data_s['出险强度']
```

	const	年平均里 程_ 5 千- 1 万	年平均里 程_ 1 万- 1 万 5	年平均里 程_ 1 万 5-2 万	年平均里 程_大于 2 万	年平均 车速 _ 40-59	年平均 车速 _ 60-79	年平均 车速 _ 80-99	年平均车 速_大于 100	主要行车 时间_日 间	用车区 域_城 镇
0	1.0	1	0	0	0	0	1	0	0	1	1
1	1.0	0	0	0	0	0	1	0	0	1	1
2	1.0	0	1	0	0	0	1	0	0	0	1
3	1.0	0	0	1	0	0	0	1	0	0	1
4	1.0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1
	const	年平均里 程_ 5 千- 1 万	年平均里 程_ 1 万-1 万 5	年平均里 程_ 1 万 5-2 万	年平均里 程_大于 2 万	年平均 车速 _ 40-59	年平均 车速 _ 60-79	年平均 车速 _ 80-99	年平均车 速_大于 100	主要行车 时间_日 间	用车区 域_城 镇
0	const	程_5千-1	程_1万-1	程_1万5-2	程_大于2	车速	车速	车速	速_大于	时间_日	域_城
0		程_ 5 千- 1 万	程_ 1 万- 1 万 5	程_ 1 万 5-2 万	程_大于2	车速 _ 40-59	车速 _ 60-79	车速 _ 80-99	速_大于 100	时间_日	域_城 镇 ————
	1.0	程_ 5 千- 1 万	程_ 1 万- 1 万 5	程_ 1 万 5-2 万 0	程_大于 2 万 0	车速 _ 40-59	车速 _ 60-79	车速 _ 80-99 0	速_大于 100 0	时间_日 间 1	域_城 镇 ——— 1
3	1.0	程_ 5 千- 1 万 1	程_1万-1 万 5 0	程_ 1 万 5-2 万 0	程_大于 2 万 0	车速 _ 40-59 0	车速 _ 60-79 1	车速 _ 80-99 0	速_大于 100 0	时间_日 间 1 0	域_城 镇 1 1

2.2 出险频率模型拟合

由于出险次数是非负的离散随机变量, 所以模型中采用泊松分布来进行拟合。泊松分布的生产机理为:

- 1)在很小的时间区间(t, t + dt)内,发生一次出险的概率与时间区间的长度近似成正比,即近似为ldt。
- 2)在很小的时间区间(t, t + dt)内,发生两次及其以上出险的概率几乎为零。
- 3)在不相交的两个时间区间发生的出险次数相互独立。

在车险定价研究中常用的链接函数为对数函数。该链接函数结构比较简单,而且当前汽车保险广泛采用加法和乘法模型,对数函数很容易实现这种变换。 statsmodels 中泊松模型的预设链接函数为对数函数,因此我们不需专门声明。

```
In [16]: # 使用statsmodels.GLM()进行广义线性回归
# 第一个输入变量为目标值,第二个输入变量为特征值,family声明数据的分布模型
# fit()进行拟合
freq_glm = sm.GLM(t_freq, features_f, family=sm.families.Poisson()).fit()
# 使用summary()查看拟合结果
freq_glm.summary()
```

Out[16]: Generalized Linear Model Regression Results

10302	No. Observations:	出险频率	Dep. Variable:
10291	Df Residuals:	GLM	Model:
10	Df Model:	Poisson	Model Family:
1.0000	Scale:	Log	Link Function:

 Method:
 IRLS
 Log-Likelihood:
 -15221.

 Date:
 Sun, 09 Jul 2023
 Deviance:
 11573.

 Time:
 23:24:24
 Pearson chi2:
 1.03e+04

 No. Iterations:
 5
 Pseudo R-squ. (CS):
 0.4253

Covariance Type: nonrobust

	coef	std err	z	P> z	[0.025	0.975]
const	-0.7378	0.039	-18.965	0.000	-0.814	-0.662
年平均里程_5千-1万	0.2837	0.035	8.051	0.000	0.215	0.353
年平均里程_1万-1万5	0.6032	0.033	18.184	0.000	0.538	0.668
年平均里程_1万5-2万	0.9679	0.033	29.049	0.000	0.903	1.033
年平均里程_大于2万	1.5975	0.034	47.416	0.000	1.531	1.664
年平均车速_40-59	0.4758	0.023	20.966	0.000	0.431	0.520
年平均车速_60-79	0.7798	0.024	32.613	0.000	0.733	0.827
年平均车速_80-99	0.9919	0.027	36.569	0.000	0.939	1.045
年平均车速_大于100	0.7203	0.036	20.077	0.000	0.650	0.791
主要行车时间_日间	-0.0144	0.016	-0.879	0.379	-0.046	0.018
用车区域_城镇	-0.0169	0.019	-0.880	0.379	-0.055	0.021

在回归报告中,coef 一栏可以得到某一类别的系数,std err 一栏可以得到该系数的标准差,P>|z| 一栏代表该系数对应的P值。一般P值小于0.05,我们就认为该系数足够显著,从而得出对应特征与目标值高度相关。

该回归报告指出 主要行车时间_日间 和 用车区域_城镇 两项P值大于0.05, 说明 主要行车时间 和 用车区域 与出险频率没有显著相关性,与我们先前图像分析相符。其余特征均足够显著相关。

2.3 出险强度模型拟合

由于出险强度的分布通常为右偏的,因此模型使用伽玛分布来拟合。 statsmodels 中伽马模型的预设链接函数为负倒数函数,因此我们需专门声明链接函数为对数函数。

```
In [17]: # 使用statsmodels.GLM()进行广义线性回归
# link声明链接函数的类型
sever_glm = sm.GLM(t_seve, features_s, family=sm.families.Gamma(link=sm.families.links.l
# 使用summary()查看拟合结果
sever glm.summary()
```

Out[17]: Generalized Linear Model Regression Results

Dep. Variable:	出险强度	No. Observations:	7409
Model:	GLM	Df Residuals:	7398
Model Family:	Gamma	Df Model:	10
Link Function:	log	Scale:	0.99753
Method:	IRLS	Log-Likelihood:	-57381.
Date:	Sun, 09 Jul 2023	Deviance:	8547.9
Time:	23:24:24	Pearson chi2:	7.38e+03

No. Iterations: 10 Pseudo R-squ. (CS): 0.2918

Covariance Type: nonrobust

const 5.9085 0.050 117.451 0.000 5.810 6.0
年平均里程_ 5 千- 1 万 0.4664 0.043 10.725 0.000 0.381 0.5
年平均里程 _1 万 -1 万 5 0.2959 0.041 7.134 0.000 0.215 0.3
年平均里程 _1 万 5-2 万 0.3178 0.043 7.394 0.000 0.234 0.4
年平均里程_大于 2 万 0.5568 0.048 11.552 0.000 0.462 0.6
年平均车速_ 40-59 0.2666 0.030 8.768 0.000 0.207 0.3
年平均车速_ 60-79 0.7038 0.034 20.793 0.000 0.637 0.7
年平均车速 _80-99 1.1997 0.041 28.935 0.000 1.118 1.2
年平均车速_大于 100 1.9365 0.055 35.461 0.000 1.829 2.0
主要行车时间_日间 -0.0155 0.024 -0.638 0.524 -0.063 0.0
用车区域_城镇 0.0066 0.029 0.228 0.819 -0.050 0.0

该回归报告指出 主要行车时间_日间 和 用车区域_城镇 两项P值大于0.05,说明 主要行车时间 和 用车区域与出险强度没有显著相关性,与我们先前图像分析相符。其余特征均足够显著相关。 根据图像分析和回归报告,我们判断 主要行车时间 和 用车区域 两项与出险频率和出险强度均无明显相关性,因此将其从模型中剔除并重新拟合

2.4 最终模型

```
In [18]: # 提取特征值
select_features_f = data_f[['年平均里程', '年平均车速']]
select_features_s = data_s[['年平均里程', '年平均车速']]
# 加入常数项
select_features_f = sm.add_constant(select_features_f)
select_features_s = sm.add_constant(select_features_s)
# 转换为虚拟变量
select_features_f = pd.get_dummies(select_features_f, drop_first=True)
select_features_s = pd.get_dummies(select_features_s, drop_first=True)
# 查看前5行
display(select_features_f.head(5))
display(select_features_s.head(5))
```

	const	年平均里程 _ 5 千- 1 万	年平均里程 _ 1 万- 1 万 5	年平均里程 _ 1 万 5-2 万	年平均里程 _大于 2 万	年平均车 速_ 40-59	年平均车 速_ 60-79	年平均车 速_ 80-99	年平均车速_ 大于 100
0	1.0	1	0	0	0	0	1	0	0
1	1.0	0	0	0	0	0	1	0	0
2	1.0	0	1	0	0	0	1	0	0
3	1.0	0	0	1	0	0	0	1	0
4	1.0	0	0	0	0	0	0	0	0
	const	年平均里程 _ 5 千- 1 万	年平均里程 _1万-1万 5	年平均里程 _ 1 万 5-2 万	年平均里程 _大于 2 万	年平均车 速_ 40-59	年平均车 速_ 60-79	年平均车 速_ 80-99	年平均车速_ 大于 100
0	1.0	1	0	0	0	0	1	0	0

```
0
                                    0
                                                                             0
                                                                                         0
3
      1.0
                                                  1
                                                                0
                                                                                                      1
                                                                                                                    0
5
      1.0
                     0
                                    1
                                                  0
                                                                0
                                                                             0
                                                                                         1
                                                                                                      0
                                                                                                                    0
6
      1.0
                                                  0
                                                                             0
                                                                                         0
                                                                                                                    0
                                    0
                                                                0
                                                                                         0
                                                                                                      0
7
      1.0
                     0
                                                  1
                                                                             0
                                                                                                                    0
```

```
In [19]: # 出险频率模型
select_freq_glm = sm.GLM(t_freq, select_features_f, family=sm.families.Poisson()).fit()
# 使用summary() 查看拟合结果
select freq glm.summary()
```

Out[19]:

Generalized Linear Model Regression Results

Dep. Variable:	出险频率	No. Observations:	10302
Model:	GLM	Df Residuals:	10293
Model Family:	Poisson	Df Model:	8
Link Function:	Log	Scale:	1.0000
Method:	IRLS	Log-Likelihood:	-15222.
Date:	Sun, 09 Jul 2023	Deviance:	11575.
Time:	23:24:24	Pearson chi2:	1.03e+04
No. Iterations:	5	Pseudo R-squ. (CS):	0.4253

Covariance Type: nonrobust

	coef	std err	z	P> z	[0.025	0.975]
const	-0.7613	0.034	-22.491	0.000	-0.828	-0.695
年平均里程_5千-1万	0.2841	0.035	8.061	0.000	0.215	0.353
年平均里程_1万-1万5	0.6037	0.033	18.199	0.000	0.539	0.669
年平均里程_1万5-2万	0.9683	0.033	29.065	0.000	0.903	1.034
年平均里程_大于2万	1.5981	0.034	47.440	0.000	1.532	1.664
年平均车速_40-59	0.4759	0.023	20.970	0.000	0.431	0.520
年平均车速_60-79	0.7804	0.024	32.645	0.000	0.734	0.827
年平均车速_80-99	0.9920	0.027	36.577	0.000	0.939	1.045
年平均车速_大于100	0.7209	0.036	20.098	0.000	0.651	0.791

```
In [20]:
```

出险强度模型
select_sever_glm = sm.GLM(t_seve, select_features_s, family=sm.families.Gamma(link=sm.fa
使用summary() 查看拟合结果
select_sever_glm.summary()

Out[20]:

Generalized Linear Model Regression Results

Dep. Variable:	出险强度	No. Observations:	7409
Model:	GLM	Df Residuals:	7400
Model Family:	Gamma	Df Model:	8
Link Function:	log	Scale:	0.99684
Method:	IRLS	Log-Likelihood:	-57382.
Date:	Sun, 09 Jul 2023	Deviance:	8548.3

Time:	23:24:24	Pearson chi2:	7.38e+03
No. Iterations:	10	Pseudo R-squ. (CS):	0.2919
Covariance Type:	nonrohust		

Covariance Type: nonrobust

	coef	std err	Z	P> z	[0.025	0.975]
const	5.9035	0.041	142.881	0.000	5.822	5.984
年平均里程_5千-1万	0.4667	0.043	10.740	0.000	0.382	0.552
年平均里程_1万-1万5	0.2963	0.041	7.149	0.000	0.215	0.378
年平均里程_1万5-2万	0.3184	0.043	7.412	0.000	0.234	0.403
年平均里程_大于2万	0.5569	0.048	11.561	0.000	0.462	0.651
年平均车速_40-59	0.2664	0.030	8.766	0.000	0.207	0.326
年平均车速_60-79	0.7038	0.034	20.802	0.000	0.638	0.770
年平均车速_80-99	1.1997	0.041	28.947	0.000	1.118	1.281
年平均车速_大于100	1.9369	0.055	35.485	0.000	1.830	2.044

3. 根据回归模型计算预期保费

```
In [21]: # 创建原数据表的复制防止对原数据表产生改动
result = data_f.copy()
# 使用predict()函数输入特征值得到对应的预测结果
# 预测出险强度与现今出险强度是否为0无关,无需剔除
result['预期出险频率'] = select_freq_glm.predict(select_features_f)
result['预期出险强度'] = select_sever_glm.predict(select_features_f)
# 预期保费 = 预期出险频率 * 预期出险强度
result['预期保费'] = result['预期出险频率'] * result['预期出险强度']
# 查看数据前5行
result.head(5)
```

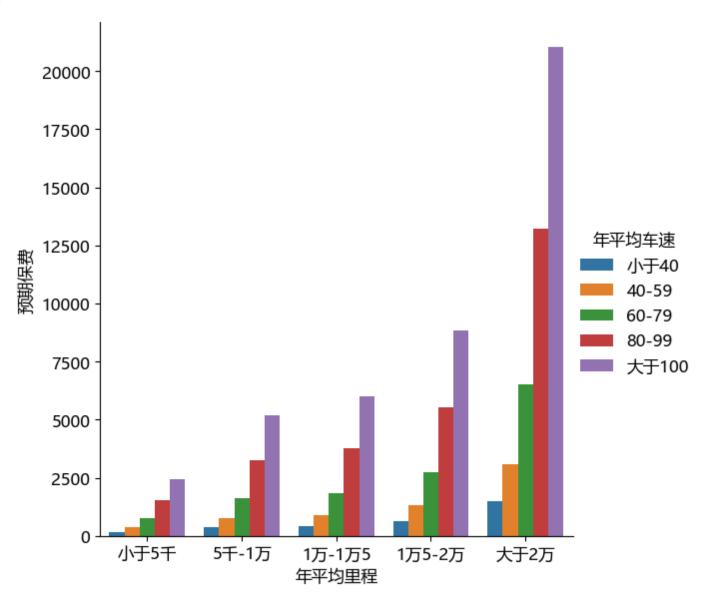
用车区域 年平均里程 年平均车速 主要行车时间 出险频率 预期出险频率 预期出险强度 预期保费 Out[21]: 0 城镇 5千-1万 60-79 1.354249 1180.894553 日间 1599.224708 城镇 小于5千 60-79 日间 1.019359 740.464980 754.799984 2 城镇 1万-1万5 60-79 夜间 0 1.864268 995.858055 1856.546633 城镇 1万5-2万 80-99 夜间 3.317011 1671.659296 5544.912397 城镇 小于5千 小于40 日间 0 0.467079 366.299150 171.090627

预期保费与里程速度关系

```
In [22]: # 聚合取平均并重新排序
plot_df = result.groupby(['年平均里程', '年平均车速']).mean().reset_index()
speed_order = ['小于40', '40-59', '60-79', '80-99', '大于100']
plot_df['年平均车速'] = pd.Categorical(plot_df['年平均车速'], categories=speed_order)
mile_order = ['小于5千', '5千-1万', '1万-1万5', '1万5-2万', '大于2万']
plot_df['年平均里程'] = pd.Categorical(plot_df['年平均里程'], categories=mile_order)
# 绘制簇状条形图查看年平均里程、年平均车速和预期保费的关系
sns.catplot(data=plot_df,
kind="bar",
x='年平均里程',
y='预期保费',
```

hue='年平均车速', height=6)

Out[22]: <seaborn.axisgrid.FacetGrid at 0x28324cc11f0>



由图可以看出,在相同年平均车速的前提下,年平均里程越高,预期保费越高;在相同年平均里程的前提下,年平均车速越高,预期保费越高。在该定价模型下,我们能根据不同用户的驾驶行为给出差异化的保险费率,从而降低我们保险产品的风险,并且为客户提供价格更合理的保险产品。