

$$P(a \leq X \leq b) = \int_a^b f(x)dx,$$

$$F(x) = P(X \leq x) = \int_{-\infty}^x f(t)dt,$$

$$P(a \leq X \leq b) = F(b) - F(a)$$

$$E(H(x)) = \int_{-\infty}^{\infty} H(x)f(x)dx$$

Ако $Y = g(X)$, $f_Y(y) = f_X(g^{-1}(y)) \left| \frac{dg^{-1}(y)}{dy} \right|$,

Непрекъснатото равномерно разпределение $U(a, b)$:

$$f(x) = \frac{1}{b-a}, \quad a < x < b; \quad E(e^{tX}) = \frac{e^{tb} - e^{ta}}{t(b-a)}; \quad EX = \frac{a+b}{2}; \quad VX = \frac{(b-a)^2}{12}$$

Експоненциално разпределение $X \sim Exp(\lambda)$:

$$f(x) = \lambda e^{-\lambda x}, \quad x, \lambda > 0; \quad E(e^{tX}) = \frac{\lambda}{\lambda - t}, \quad \text{за } |t| < \lambda; \quad EX = 1/\lambda; \quad VX = \frac{1}{\lambda^2}$$

$$F_X(x) = 1 - e^{-\lambda x}$$

Ако $\lambda = 1/\beta$, $Exp(1/\beta)$:

$$f(x) = \frac{1}{\beta} e^{-x/\beta}, \quad x, \beta > 0; \quad E(e^{tX}) = \frac{1}{1 - \beta t}; \quad EX = \beta; \quad VX = \beta^2$$

Нормално разпределение $N(\mu, \sigma^2)$:

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-\frac{1}{2}\left(\frac{x-\mu}{\sigma}\right)^2}; \quad E(e^{tX}) = e^{\mu t + \frac{\sigma^2 t^2}{2}}; \quad EX = \mu; \quad VX = \sigma^2$$

Двумерно съвместно разпределение:

$$\int_a^b \int_c^d f_{XY}(x, y) dx dy = P(a \leq X \leq b, c \leq Y \leq d), \quad f_{XY}(x, y) \geq 0,$$

$$\int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} f_{XY}(x, y) dx dy = 1$$

$$f_{XY}(x, y): f_X(x) = \int_{-\infty}^{\infty} f_{XY}(x, y) dy, \quad f_Y(y) = \int_{-\infty}^{\infty} f_{XY}(x, y) dx$$

$$E(H(X, Y)) = \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} H(x, y) f_{XY}(x, y) dx dy, \quad \text{ако съществува}$$

$$\int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} |H(x, y)| f_{XY}(x, y) dx dy.$$

$$\text{Ковариация: } Cov(X, Y) = E((X - \mu_X)(Y - \mu_Y)) = E(XY) - E(X)E(Y)$$

$$\text{Корелационен коефициент: } \rho_{XY} = \frac{Cov(X, Y)}{\sqrt{VarX} \sqrt{VarY}}$$

$$\text{Условна плътност: } f_{X|Y}(x) = f_{X|Y=y}(x) = \frac{f_{XY}(x, y)}{f_Y(y)}$$

$$\text{Условно математическо очакване: } E(X|Y = y) = \int_{-\infty}^{\infty} x f_{X|Y}(x) dx$$

$$\text{Точкови оценки. Неизместеност: } E(\hat{\theta}) = \theta$$

$$\text{k-ти емпиричен момент: } M_k = \sum_{i=1}^n \frac{X_i^k}{n}$$

$$\text{Функция на правдоподобие: } L(\theta) = \prod_{i=1}^n f(x_i)$$

$$\bar{X} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n X_i, \quad S^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^2$$

Интервална оценка: $[L_1, L_2]$, такъв че $P(L_1 \leq \theta \leq L_2) = 1 - \alpha$ се нарича $100(1 - \alpha)\%$ -ен доверителен интервал за параметъра θ .

Ако X_1, \dots, X_n е случайна извадка от $N(\mu, \sigma^2)$:

$$\bar{X} \sim N(\mu, \sigma^2/n), \quad \bar{X} \pm z_{\alpha/2} \sigma / \sqrt{n};$$

$$(n-1)S^2/\sigma^2 \sim \chi_{n-1}^2, \quad [(n-1)S^2/\chi_{\alpha/2}^2, (n-1)S^2/\chi_{1-\alpha/2}^2];$$

$$\frac{\bar{X} - \mu}{S/\sqrt{n}} \sim T_{n-1}, \quad \bar{X} \pm t_{\alpha/2} S / \sqrt{n}$$

Хипотези:

$$\alpha = P(\text{отхвърля се } H_0 | H_0 \text{ е вярна}), \quad \beta = P(\text{не се отхвърля } H_0 | H_1 \text{ е вярна})$$

$$\text{TS: } Z = \frac{\bar{X}_1 - \bar{X}_2 - d_0}{\sqrt{\frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}}}; \quad \bar{X}_1 - \bar{X}_2 \pm z_{1-\alpha/2} \sqrt{\frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}}$$

$$\text{TS: } T = \frac{\bar{X}_1 - \bar{X}_2}{s \sqrt{\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}}}, \quad s = \sqrt{\frac{(n_1-1)s_1^2 + (n_2-1)s_2^2}{n_1 + n_2 - 2}}$$