

Ще я взимаме ли !?

Дайте дефиниция, формулирайте твърдение(2ра част):

1. Свободен вектор
2. Общо уравнение на права в равнина
3. Формулирайте твърдението за общото уравнение на равнина, зададена с точка и два вектора
4. Афинна координатна система в пространството
5. Общо уравнение на равнина
6. Афинна координатна система в равнината
7. Скаларно произведение
8. Смесено произведение
9. Свободен вектор в геометричното пространство
10. Формулирай условието за колинеарност на 2 вектора чрез векторно произведение
11. Афинно подпространство
12. Отсечка в афинно пространство
13. Геометрична интерпретация на  $\langle a, b, c \rangle$  с обема  $V$
14. Разстояние от точка до права в  $R^2$ , зададена с нормално уравнение
15. Афинна координатна система в крайномерно афинно пространство
16. Формулирайте теоремата за общо уравнение на права в геометрична равнина
17. Координати на точка в  $R^3$  спрямо АКС,  $K = O, l_1, l_2, l_3$
18. Векторно произведение
19. Координати и координатен вектор спрямо АКС в крайномерно афинно пространство
20. Ориентация в реално линейно пространство
21. Общо уравнение на афинно подпространство
22. Формулирайте твърдението за компланарност на три вектора в геометричното пространство чрез координати.
23. Формулирайте теоремата за параметричните уравнения на права в геометричното пространство, зададена с точка и вектор.
24. Отсечка
25. Афинно пространство

Трета част:

1. Спрямо АКС  $K = Oxyz$  в пространството трите неколинеарни точки  $P_0, P_1, P_2$  имат координати  $P_i(x_i, y_i, z_i)$ ,  $i = 0, 1, 2$ . Напишете параметричните уравнения на равнината, определена от трите точки.
2. Спрямо АКС  $K = Oxyz$  в пространството равнината  $\pi$  има уравнение от вида  $Ax + By + Cz + D = 0$ . Напишете всички общи уравнение на  $\pi$  спрямо  $K$ .
3. Изображението  $L$  на равнината в себе си се задава спрямо дадена ортонормирана координатна система с уравнението  $y = s + Tx$ . Какви са НДУ върху вектора  $s$  принадлежащ на  $R^2$  и квадратната матрица  $T$  затова  $L$  да бъде метрична/афинна трансформация.
4. В пространството е зададена афинна координатна система  $K$ . Напишете всички набори хомогенни координати спрямо  $K$  на началото  $O$  на  $K$ .
5. Нека  $a$  и  $b$  са 2 базиса на линейното пространство  $V^3$  на векторите в пространството. Напишете деф. условие за това  $a$  и  $b$  да са еднакво ориентирани
6. Нека  $(l_1, l_2)$  е базис на лин.пространство  $V_2$  на векторите в  $R^2$ . Какво условие трябва да удовлетворяват ненулевите  $R$  числа  $\lambda_1, \lambda_2$ , за да бъдат базисите еднакво ориентирани
7. Нека  $u$  и  $v$  са ненулеви вектори в пространството. Напишете дефиниционната формула за скаларното им произведение.

8. Спрямо АКС  $K = Oxyz$  в пространството правата  $l$  има общо уравнение  $l: Ax + By + Cz + D = 0$ , а точките  $P_1$  и  $P_2$  имат координати  $P_i(x_i, y_i)$ . Напишете НДУ чрез координатите на  $P_1$  и  $P_2$  за това двете точки да са от една и съща отворена полуравнина относно  $l$ .
9. Спрямо АКС  $K = Oxyz$  в пространството равнината  $\pi$  има общо уравнение (стандартно), а точките  $P_1$  и  $P_2$  имат координати  $P_i(x_i, y_i)$ . Напишете НДУ чрез координатите на  $P_1$  и  $P_2$  за това двете точки да са от едно и също отворено полупространство относно  $\pi$ .
10. Спрямо АКС  $K = Oxyz$  в пространството двете различни точки  $P_0$  и  $P_1$  имат координати  $P_i(x_i, y_i, z_i)$ . Напишете параметричното уравнение спрямо  $K$  на затворената отсечка  $P_0P_1$ .
11. Спрямо АКС  $K = Oxy$  в равнината правата  $l$  има уравнение  $Ax + By + C = 0$ . Напишете всички нормални уравнения на  $l$  спрямо  $K$ .
12. Напишете неравенство на триъгълника в евклидовото афинно пространство
13. Нека  $K = O l_1 \dots l_n$  е ОКС в евклидовото афинно пространство. Напишете формулата за разстоянието между точките  $P$  и  $Q$  чрез координатите им  $(x_1 \dots x_n)$  и  $(y_1 \dots y_n)$  спрямо  $K$
14. Нека  $A$  е  $n$ -мерно евклидово афинно пространство, моделирано върху линейното пространство  $U$ ,  $K$  е ОКС в  $A$  и спрямо нея точката  $P_0$  принадлежаща на  $A$  и ненулевия вектор  $N$  принадлежащ на  $U$  имат координати  $P_0(x_1^0 \dots x_n^0)$ ,  $N(a_1 \dots a_n)$ . Напишете общо уравнение спрямо  $K$  на хиперравнината в  $A$ , която минава през  $P_0$  и за която  $N$  е нормален вектор
15. Нека  $a$  и  $b$  са лъчи в геометричното пространство, които лежат на една и съща права. Напишете дефиниционното условие за това те да са еднопосочни.
16. Каква е размерността на афинните пространства, в които точките са хиперравнини
17. Спрямо АКС в  $R^3$ , точка  $P_1$  и  $P_2$  имат координати  $P_i(x_i, y_i, z_i)$ . Какви са координатите на вектора  $P_1P_2$  спрямо  $K$
18. Напишете формулата за смяна на координатите на точка в равнина при симетричност на КС, като при това изясните всички участващи във формулата означения
19. Спрямо ОКС в  $R^2$  векторите  $u$  и  $v$  имат координати  $u(x_1, x_2)$  и  $v(y_1, y_2)$ . Колко е  $\langle u, v \rangle$
20. Спрямо ОКС в  $R^2$  правата  $l$  има уравнение  $Ax + By + C = 0$ . Напишете координатите спрямо  $K$  на един ненулев вектор, успореден на  $l$
21. Спрямо АКС  $K = Oxyz$  в  $R^3$  точка  $P_0$  и вектори  $v_1$  и  $v_2$  имат координати  $(x_i, y_i, z_i)$ . Напишете параметричните/общите/нормалните уравнения спрямо  $K$  на равнината определена от  $P_0, v_1, v_2$
22. Дадено е че  $u$  и  $v$  са неколинеарни. Да се напише дефиниционната формула за дължината на векторното произведение.
23. Дадени са ОКС  $K = Oxyz$  и равнината  $\pi$  има уравнение  $Ax + By + C = 0$ . Напишете всички нормални уравнения на  $\pi$  спрямо  $K$ .
24. Спрямо положителна ОКС  $K$  в геометричното пространство векторите  $u$  и  $v$  имат координати  $u(x_1, x_2, x_3)$  и  $v(y_1, y_2, y_3)$ . Напишете координатите спрямо  $K$  на  $u \times v$
25. Нека  $K$  е положително ориентирана ОКС в пространството. Напишете формулата за смесено произведение  $(u, v, w)$  чрез дадените им координати (имат по три координати всеки вектор)
26. Нека  $K$  е АКС в  $n$ -мерното афинно пространство  $A$  и координатните вектори на точките  $P, Q$  принадлежащи на  $A$  спрямо нея са съответно  $x, y$  принадлежащи на  $R^n$ . Какъв е координатния вектор спрямо  $K$  на вектора  $PQ$

27. Нека  $I = (I_1 \dots I_n)$  е ортонормиран базис на евклидовото линейно пространство. Напишете формулата за ъгъла между векторите  $u$  и  $v$  чрез координатите им  $(x_1 \dots x_n)$  и  $(y_1 \dots y_n)$  спрямо базиса  $I$
28. Нека  $K$  и  $K'$  са АКС в  $n$ -мерното евклидово линейно пространство  $A$ ,  $K$  е ортонормирана и координатните вектори  $x$  спрямо  $K$  и  $x'$  спрямо  $K'$  на произволна точка  $P$  принадлежаща на  $A$  са свързани с равенството  $x = s + Tx'$ , където  $s$  принадлежи на  $R^n$ , а  $T$  е матрицата  $n \times n$ . Какви са НДУ върху  $s$  и  $T$  за това  $T'$  да бъде ортонормирана.
29. Нека  $A$  е  $n$ -мерно евклидово афинно пространство, моделирано върху линейното пространство  $U$ ,  $K$  е ОКС в  $A$  и спрямо нея хиперравнината  $B$  в  $A$  има общо уравнение  $a_1x_1 + \dots + a_nx_n + b$ . Напишете координатите спрямо  $K$  на един ненулев вектор  $N$  принадлежащ на  $U$ , който е нормален на  $B$ .
30. Спрямо ОКС  $K = Oxyz$  в геометричното пространство прават  $l$  е зададена:  
 $A_1x + B_1y + C_1z + D_1 = 0$   
 $A_2x + B_2y + C_2z + D_2 = 0$ . Напишете общи уравнения спрямо  $K$  на всички равнини, които съдържат  $l$ .
31. Напишете неравенството на Коши-Буняковски-Шварц