

$$P(a \leq X \leq b) = \int_a^b f(x)dx,$$

$$F(x) = P(X \leq x) = \int_{-\infty}^x f(t)dt,$$

$$P(a \leq X \leq b) = F(b) - F(a)$$

$$E(H(x)) = \int_{-\infty}^{\infty} H(x)f(x)dx$$

$$\text{Ако } Y = g(X), f_Y(y) = f_X(g^{-1}(y)) \left| \frac{dg^{-1}(y)}{dy} \right|,$$

Непрекъснато равномерно разпределение:

$$f(x) = \frac{1}{b-a}, \quad a < x < b; \quad E(e^{tX}) = \frac{e^{tb} - e^{ta}}{t(b-a)}; \quad EX = \frac{a+b}{2}; \quad VX = \frac{(b-a)^2}{12}$$

Експоненциално разпределение:

$$f(x) = \frac{1}{\beta} e^{-x/\beta}, \quad x, \beta > 0; \quad E(e^{tX}) = \frac{1}{1-\beta t}; \quad EX = \beta; \quad VX = \beta^2;$$

Нормално разпределение:

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-\frac{1}{2}\left(\frac{x-\mu}{\sigma}\right)^2}; \quad E(e^{tX}) = e^{\mu t + \frac{\sigma^2 t^2}{2}}; \quad EX = \mu; \quad VX = \sigma^2$$

Точкови оценки. Неизместеност:  $E(\hat{\theta}) = \theta$

k-ти емпиричен момент:  $M_k = \sum_{i=1}^n \frac{X_i^k}{n}$

Функция на правдоподобие:  $L(\theta) = \prod_{i=1}^n f(x_i)$

$$\bar{X} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n X_i, \quad S^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^2$$

Интервална оценка:  $[L_1, L_2]$ , такъв, че  $P(L_1 \leq \theta \leq L_2) = 1 - \alpha$  се нарича  $100(1 - \alpha)\%$ -ен доверителен интервал за параметъра  $\theta$ .

Ако  $X_1, \dots, X_n$  е случайна извадка от  $N(\mu, \sigma^2)$ :

$$\bar{X} \sim N(\mu, \sigma^2/n), \quad \bar{X} \pm z_{\alpha/2} \sigma / \sqrt{n};$$

$$(n-1)S^2/\sigma^2 \sim \chi_{n-1}^2, \quad [(n-1)S^2/\chi_{\alpha/2}^2, (n-1)S^2/\chi_{1-\alpha/2}^2];$$

$$\frac{\bar{X} - \mu}{S/\sqrt{n}} \sim T_{n-1}, \quad \bar{X} \pm t_{\alpha/2} S / \sqrt{n}$$

Хипотези:

$$\alpha = P(\text{се отхвърли } H_0 | H_0 \text{ е вярна}), \quad \beta = P(\text{не се отхвърли } H_0 | H_1 \text{ е вярна})$$