3. Фирмата и пазара.

Максимизиране на разходите в близка перспектива В първата глава разглеждахме разликата между "краткосрочен период" (Short run-SR) и "дългосрочен период" (Long run-LR). Тя се изразяваше в това дали фирмите (или потребителите) са били ограничени от техните минали решения, когато решават да направят своя избор в сегашната си ситуация. Решенията, която една фирма се налага да взима, се правят в условия, при които някои от началните стоки са фиксирани, а други с епроменят. Разходите за фиксираните начални стоки се наричат фиксирани разходи, а за променливите начални стоки - променливи разходи. В този смисъл можем да кажем, че ограничение съществува, ако има фиксирани начални стоки, така че краткосточният период е период от време, в който някои от началните стоки са фиксирани, а в продължителния период всички начални стоки са променливи.

Естествено съществуват фирми, за които не съществува кратък период (например продаваща ссекретарски услуги) и също така има фирми, за които няма истински продължителен период (фирми с наизменно фиксирани начални стоки, като насипите, изкопите и междурелсието на една железопътна линия). Приемливо е да допуснем, че колкото е по-кратък разглеждания период, толкова повече началните стоки ще са фиксирани и така в действителност има редица от краткотрайни периоди.

Нека сега разгледаме фирма, която произвежда продукция y от две начални стоки z_1 и z_2 . Ако едната начална стока, например z_2 е фиксирана, то тогава производствената функсция

$$y = F(z_1, z_2), (1)$$

е функция на една променлива z_1 . По този начин, можем да дефинираме z_1 , като неявна функция на y и z_2 , т.е.

$$z_1 = z_1(y, z_2). (2)$$

Можем да дефинираме и функцията на разходите за краткосрочен период на фирмата:

$$c(w_1, w_2, y, z_2) = w_1 z_1(y, z_2) + w_2 z_2.$$
(3)

Тук $w_1z_1(y,z_2)$ са променливите разходи, докато w_2z_2 са фиксираните разходи. Ще въведем означенията SRAC за средния разход в SR,т.е:

$$SRAC = \frac{c(w_1, w_2, y, z_2)}{y},$$
 (4)

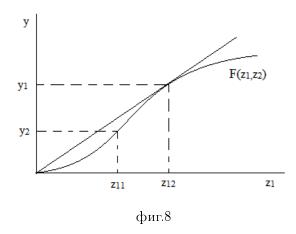
съответно SRMC за маргиналния разход:

$$SRMC = \frac{\partial c(w_1, w_2, y, z_2)}{\partial y} \tag{5}$$

и средния променлив разход в SR:

$$AVC = \frac{w_1 z_1(y, z_2)}{y}. (6)$$

Нека отново да разгледаме производствената функция. Възвръщаемоста относно променливите начални продукти не е намаляваща при ниски нива на крайните продукти, а само започва да намалява след дадена точка. Такава функция се нарича логистична функция. Графиката е показана на фиг.1:



До z_{11} маргиналният продукт $\frac{\partial F}{\partial z_1}$ нараства с нарастването на z_1 , а след z_{11} имаме намаляваща възвръщаемост относно z_1 . Средният продукт y/z_1 нараства с нарастването на z_1 до z_{12} , а след това намалява. Тук маргиналния продукт представлява наклона на кривата $F(z_1, z_2)$ в дадена точка, а средният продукт е кривината на линията, свързваща началото на координатната система с тази точка. Може да се забележи, че те са равни в точката z_{12} .

Разликата между AVC и SRAC се задава чрез w_2z_2/y , която намалява с нарастването на y. Нека сега видим зависимоста между производствената функция на средните разходи и съответната маргинална функция на разходите. Тя се изразява чрез

$$y\frac{d}{dy}\left(\frac{c(y)}{y}\right) = y\frac{c(y)y - c(y)}{y} = \frac{dc(y)}{dy} - \frac{c(y)}{y}.$$
 (7)

Тук средните разходи са $\frac{c(y)}{y}$, а маргиналните разходи са $\frac{dc(y)}{dy}$. Когато маргиналния разход надвишава средния, то дясната страна на (7) е положителна

Когато маргиналния разход надвишава средния, то дясната страна на (7) е положителна и поради този факт средният разход е растящ. Средният разход е постоянен, само когато е равен ан маргиналния разход.

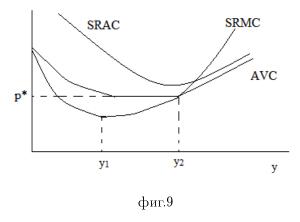
Когато c(y) е разходът в краткотрайния период, (7) продобива вида:

$$y\frac{\partial}{\partial y}(SRAC) = SRMC - SRAC, \tag{8}$$

докато као c(y) е променливият разод, (7) става

$$y\frac{\partial(AVC)}{\partial y} = SRMC - AVC, \tag{9}$$

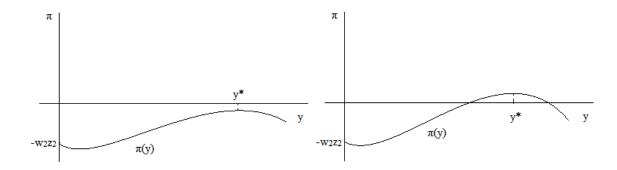
съответно SRMC + AVC при y_2 и SRMC = SRAC, когато SRAC е минимално. Това е показано на фиг.9:



Сега нека предположим, че фирмата се стреми да максимизира печалбите, но вярва, че z_2 е постоянно. Печалбата е

$$\pi = py - w_1 z_1 - w_2 z_2. \tag{10}$$

Възможни са следните случаи показани на фигурите:



Така освен условието за максимум

$$p = \frac{\partial c}{\partial y} = SRMC,\tag{11}$$

трябва да се добави и условието:

$$\pi(y) \ge -w_2 z_2,\tag{12}$$

понеже при y=0 следва $\pi(0)=-w_2z_2$. Така ако максимумът се достига в y*, то

$$py * -w_1 z_1 - w_2 z_2 \ge -w_2 z_2 py * -w_1 z_1 \ge 0 p \ge \frac{w_1 z_1}{y^*} = AVC, \tag{13}$$

т.е. цената трябва да надвишава средните променливи доходи.

Криви на разходите. В продължителния период началните стоки z_1 и z_2 се избират така, че минимизират $w_1z_1+w_2z_2$, при условие, че $F(z_1,z_2)=y$. В краткотрайния период се избират така, че да удовлетворяват ограничението $F(z_1,z_2)=y$. Ясно е, че

$$w_1 z_1(w_1, w_2, y) + w_2 z_2(w_1, w_2, y) \le w_1 z_1(y, z_2) + w_2 z_2, \tag{14}$$

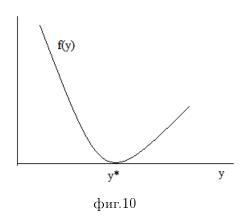
(ако нераенството не е удовлетворено, то $z_i(w_1, w_2, y)$, i = 1, 2 не биха били решения на задачата за минимизиране на разходите), т.е.

$$c(w_1, w_2, y) \le c(w_1, w_2, y, z_2). \tag{15}$$

Като разделим горното на y получаваме:

$$LRAC \le SRAC.$$
 (16)

Нека сега $f(y) = c(w_1, w_2, y, z_2) - c(w_1, w_2, y)$ е разликата между разходите в краткотрайния и продължителния период, така че $f(y) \ge 0$ и $f(y^*) = 0$. Ясно е, че f(y) се минимизира в y*, така че $f'(y^*) = 0$ и $f''(y^*) \ge 0$:



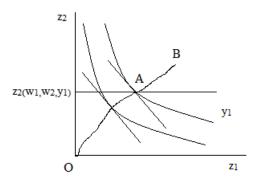
Имаме, че $\frac{df}{dy}y^* = \frac{\partial c(w_1, w_2y, z_2)}{\partial y} - \frac{\partial c(w_1, w_2, y)}{\partial y} = 0$. Следователно

$$\frac{\partial c(w_1, w_2 y, z_2)}{\partial y} = \frac{\partial c(w_1, w_2, y)}{\partial y}.$$
(17)

От $f''(y*) \ge 0$ получаваме, че

$$\frac{\partial^2 c(w_1, w_2, y, z_2)}{\partial y^2} \ge \frac{\partial^2 c(w_1, w_2, y)}{\partial y^2} \tag{18}$$

Нека илюстрираме тези свойства чрез линиите на ниво:



фиг.11

В краткосрочния период фирмата може да променя крайната стока смао по хоризонталната линия $z_2 = z_2(w_1, w_2, y_1)$. В продължителния период период тя променя крайната стока чрез движение по "траекторията на разширението" OAB от изходните линии и линиите на ниво.

Функцията на предлагането y(p) се дефинира, чрез

$$p = \frac{\partial c}{\partial y} = \begin{cases} SRMC, & \text{при SR} \\ LRMC, & \text{при LR} \end{cases}$$
 (19)

След като диференцираме отностно p, получаваме

$$1 = \frac{\partial^2 c}{\partial y^2} \frac{\partial y}{\partial p} \tag{20}$$

и от (17) следва

$$\frac{\partial y}{\partial p}(SR) \le \frac{\partial y}{\partial p}(LR). \tag{21}$$

Максимизиране на печалбата в LR. Да разгледаме следната задача: да се максимализира печалбата на фирма с функцияна производство:

$$y = z_1^{1/2} + z_2^{1/2} \text{ B } LR. \tag{22}$$

Лесно се проверява, че F(kz) < kF(z), k > 1, т.е. тя има намаляваща възвръщаемост относно мащаба.

Формално, задачата за минимализиране на разходите можем да запишем така:

$$min_{z,\lambda}\{w_1z_1 + w_2z_2 + \lambda(y - z_1^{1/2} - z_2^{1/2}).$$
 (23)

Условията за минимализиране на разходите са

$$w_{1} = \frac{1}{2}\lambda z_{1}^{-1/2}$$

$$w_{2} = \frac{1}{2}\lambda z_{2}^{-1/2}$$

$$y = z_{1}^{1/2} + z_{2}^{1/2}$$
(24)

, като разделим първото равенство с второто на (24) получаваме

$$\frac{w_1}{w_2} = \frac{z_1^{-1/2}}{z_2^{-1/2}}
y = z_1^{1/2} + z_2^{1/2}$$
(25)

или

$$z_{1}(w_{1}, w_{2}, y) = y^{2} \left(\frac{w_{2}}{w_{1} + w_{2}}\right)^{2}$$

$$z_{2}(w_{1}, w_{2}, y) = y^{2} \left(\frac{w_{2}}{w_{1} + w_{2}}\right)^{2}$$

$$c(w_{1}, w_{2}, y) = y^{2} \frac{w_{1} w_{2}}{w_{1} + w_{2}}$$
(26)

Условията от втори ред за минимализациата на разходите и максимализацията на печалбата са удовлетворени, така че максимализиращото печалбата предлагане се определя от

$$p = \frac{\partial c(w_1, w_2, y)}{\partial y} = \frac{2yw_1w_2}{w_1 + w_2},\tag{27}$$

която ни дава функцията на предлагането в продължителния период

$$y(p, w_1, w_2) = p \frac{w_1 + w_2}{2w_1 w_2}$$

$$z_1(p, w_1, w_2) = \left(\frac{p}{2w_1}\right)^2$$

$$z_2(p, w_1, w_2) = \left(\frac{p}{2w_2}\right)^2$$
(28)

. Така печалбите са

$$py - w_1 z_1 - w_2 z_2 = p^2 \frac{w_1 + w_2}{4w_1 w_2} > 0 (29)$$

Горното равенство показва, че е по-добре да се произвеждат максимализиращите печалбата крайни продукти, отколкото да се закрие производството.

В краткотрайния период при фиксирано z_2 имаме функция на разходите

$$c(w_1, w_2, y, z_2) = w_1(y - z_2^{1/2})^2 + w_2 z_2$$
(30)

. Максимализацията в краткотрайния период изисква

$$p = \frac{\partial c(w_1, w_2, y, z_2)}{\partial y} = 2w_1(y - z_2^{1/2})$$
(31)

. Следователно получаваме

$$y(p, w_1, w_2) = \frac{p}{2w_1} + z_2^{1/2} z_1(p, w_1, z_2) = \left(\frac{p}{2w_1}\right)^2$$
(32)

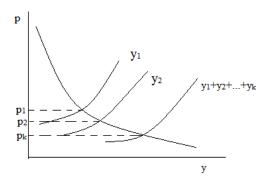
. В този случай функциите на търсенето на начални стокки в краткия и продължителния период са едни и същи, но има различие във функциите на предлагането. Откликът на предлагането в продължителния период е по-голям отколкото в краткотрайния период, защото

$$0 < \frac{\partial y(p, w_1, w_2, z_2)}{\partial p} = \frac{1}{2w_1} < \frac{1}{2w_1} + \frac{1}{2w_2} = \frac{\partial y(p, w_1, w_2)}{p}.$$
 (33)

Фирмата и отрасълът. Досега разглеждахме фирмата отделно от останалата част от икономиката. Външният свят оказваше влияние върху нея само посредством цените на началните и крайните стоки. Обикновено обаче има фирми, които извършват доста сходни дейности и които произвеждат едни и същи крайни стоки. Съответно ние ще трябва да разгледаме и тяхното взаимодействие.

Не е правдоподобно да се приемат цените на крайните продукти за определени. Вместо това ние ще приемем, че отрасълът е изправен пред функция на търсенето на продукти x(p), която има отрицателна производна x'(p) < 0, тъй като потребителите ще купуват по-малко, когато цената расте и повече когато цената съответно намалява. С цел да избегнем прекалени усложнения, ще приемем че цените на началните стоки не се влияят от промени в търсенето на начални стоки, дори и в рамките на целия отрасъл.

Нека разгледаме въпроса свързан с входа на една нова фирма в отрасъла. възможно е абсолютно нищо да не я спира да започне производството в конкуренция със съществуващите фирми. в такъв случай казваме, че има свободен вход в отрасъла (пример е производството на дрехи). От друга страна можеда има бариери на входа за нови фирми - една фирма може да предложи някакъв продукт за продажба само ако е получила правителствен лиценз или ако неините служители са взели съответния професионален изпит (пример е производството на лекарства). Нека разгледаме следната графика:



фиг.12

Отначало в отрасъла има само една фирма, която има крива на предлагане y_1 при търсене x(p), цената е p_1 . След това се появява друга фирма на пазара y_2 (приемаме че входът е свободен). Съответно сумираме кривите на предлагане при същото търсене x(p), новата цена на продукцията е $p_2(p_2 < P_1)$. В даден момент цената на стоката ще бъде p_k . Така колкото повече фирми се включат в отрасъла. толкова повече е количеството на предлаганата стока и съответно по-ниска цена.

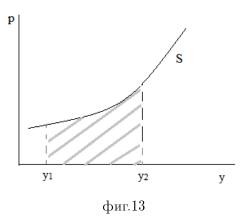
8 Същност и функция на печалбите. Да предположим, че фирмата използва отново две начални стоки z_1 и z_2 . Нека предположим, че $z_2=z_2^A+z_2^B$ и нека z_2^A е часта от началната стока z_2 , която се доставя от собствениците на фирмата, а z_2^B се закупува от фирмата. Типичната счетоводна дефиниция на печалба е приходите минус разходите за начални стоки, закупени от формата:

$$\pi^A = py - w_1 z_1 - w_2 z_2^B. (34)$$

От гледана точна на собствениците на фирмата, това не е точна мярка възвръщаемоста относно произвеждането на крайния продукт, защото алтернативната им възможност за действие е да не произвеждат нищо и да продадат на пазара z_2^A , т.е.

$$\pi = \pi^A - w_2 z_2^A = py - w_1 z_1 - w_2 z_2. \tag{35}$$

Тъй като кривата на предлагане е маргиналния разход $S = \frac{\partial c}{\partial y}$, то областа под графиката на тази крива представя общите разходи за производството на y_2 :



Тъй като прихода е $p_2y_2-p_1y_1$, а разхода е $\int\limits_{y_1}^{y_2} \frac{\partial c}{\partial y} dy = c(y_2)-c(y_1)$, получаваме че печалбата

$$\pi = p_2 y_2 - p_1 y_1 - c(y_2) + c(y_1). \tag{36}$$