

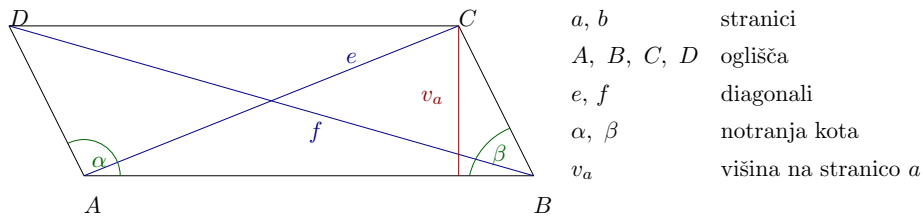
Geometrija

Bor Bregant

1 Štirikotnik in pravilni n -kotnik

Vsota notranjih kotov štirikotnika je 360° . *dokaz s triangulacijo*

Paralelogram



- i Dva para vzporednih stranic
- ii Diagonali se razpolavljata
- iii Poljubna sosednja kota sta suplementarna
- iv Poljubna nasprotna kota sta enako veliko

Pravokotnik = pravokotni paralelogram

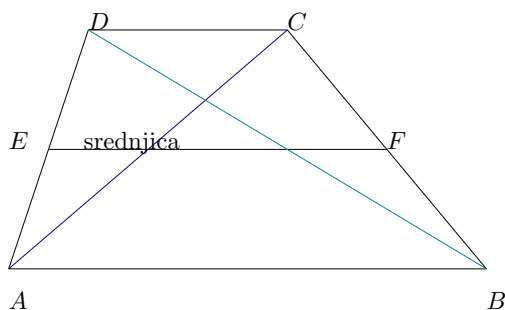
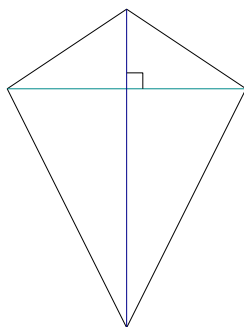
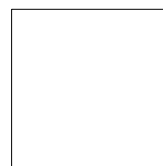
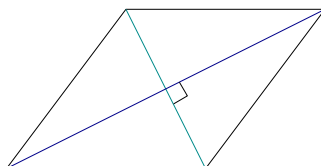
Romb = enakostranični paralelogram (diagonali se razpolavljata pod pravim kotom)

Kvadrat = enakostranični pravokotnik

Trapez = štirikotnik, ki ima par vzporednih stranic (α in δ suplementarna) (enakokraki trapez)

Srednjica trapeza (povezuje razpolovišči krakov in je vzporedna osnovnicama) ima dolžino $s = \frac{a+c}{2}$

Deltoid = štirikotnik, ki ima dva para sosednjih enako dolgih stranic (diagonali sta pravokotni, ena se z drugo razpolavlja & dva notranja kota sta skladna).



Zgled. Nariši paralelogram $ABCD$, za katerega velja $\alpha = 120^\circ$, $e = 2.5\text{cm}$, $v_a = 2\text{cm}$.

Zgled. Nariši romb $ABCD$, katerega diagonali merita $e = 5\text{cm}$ in $f = 4\text{cm}$.

Zgled. Nariši pravokotnik $ABCD$, za katerega velja $a = 4\text{cm}$ in $f = 6\text{cm}$.

Zgled. Nariši trapez $ABCD$, za katerega velja $a = 4.5\text{cm}$, $\beta = 45^\circ$, $e = 3.3\text{cm}$ in $f = 5\text{cm}$.

Zgled. Nariši trapez $ABCD$, za katerega velja $\alpha = 60^\circ$, $d = 3\text{cm}$, $c = 2\text{cm}$ in $f = 6\text{cm}$.

Zgled. Nariši deltoid $ABCD$, za katerega velja $e = 4\text{cm}$, $f = 7\text{cm}$ in $a = 5\text{cm}$.

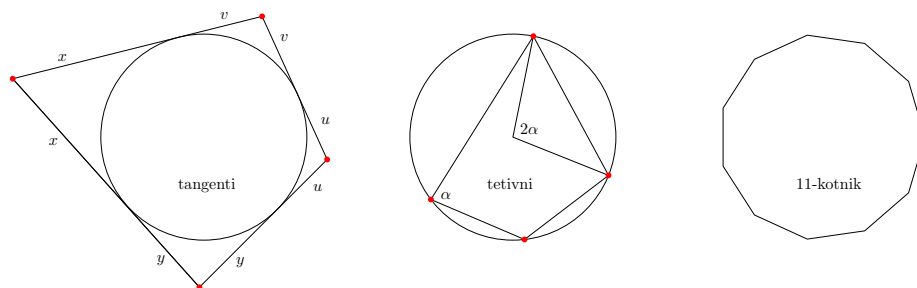
Zgled. S pomočjo paralelograma na sliki nariši trikotnik ABC , kjer $b = 4\text{cm}$, $t_a = 4.5\text{cm}$ in $\alpha = 75^\circ$.

Naloga 1. DN 119, 121b, 128acd, 132a, 133ac

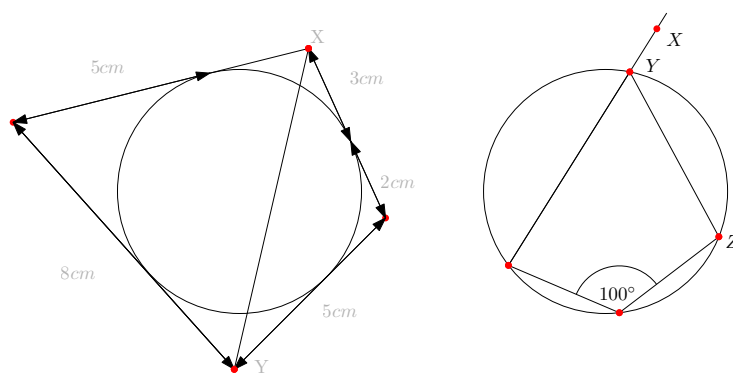
Tangentni štirikotnik (očrtamo krožnico, $a + c = b + d$ z dokazom)

Tetivni štirikotnik (včrtamo krožnico, $\alpha + \gamma = \beta + \delta = 180^\circ$ z dokazom)

Pravilni n -kotnik - vse stranice in notranji koti enaki. Vsota kotov $= (n-2)180^\circ$.



Zgled. Glede na sliko določi $|XY|$ in $\angle XYZ$.



Zgled. Če n -kotniku podvojimo število stranic, se njegov število diagonal pomnoži z 5. Kateri n -kotnik je to.

Naloga 2. DN

2 Podobnost

Zgled. Daljici AB in CD sta v razmerju $5 : 4$, vsota njunih dolžin pa je 63cm . Izračunaj dolžini AB in CD .

Zgled. Daljico AC razdeli na dva dela, da bo veljalo $|AB| : |BC| = 3 : 4$, kjer $|AC| = 5\text{cm}$.

Trikotnika ABC in $A_1B_1C_1$ sta podobna, če imata enaka razmerja vseh stranic in enake vse notranje kote ali ekvivalentno če se ujemata v:

- i razmerju dveh enakoležnih stranic $a : a_1 = b : b_1 = c : c_1$.
- ii dveh notranjih kotih npr. $\alpha = \alpha_1, \beta = \beta_1$.
- iii razmerju dveh stranic in vmesni kot npr. $\alpha = \alpha_1, b : b_1 = c : c_1$.

iv razmerju dveh stranic in v kotu nasproti daljše stranice.

Relacija podobnosti je ekvivalenčna:

i Refleksivnost $L \sim L$

ii Simetričnost $L_2 \sim L_1 \Rightarrow L_1 \sim L_2$

iii Transitivnost $L_1 \sim L_2 \wedge L_2 \sim L_3 \Rightarrow L_1 \sim L_3$.

TALESOV IZREK, SREDIŠČNI RAZTEG, SORAZMERJE???

Zgled. Stranice $\triangle ABC$ so v razmerju $2 : 5 : 4$, njegov obseg pa meri 5.5cm . Kako dolge so stranice trikotnika.

Zgled. V $\triangle ABC$ narišemo daljico BD tako, da točka D razdeli stranico AC na odseka $|AD| = 7\text{cm}$ in $|DC| = 9\text{cm}$, ter da je $\angle BDC = \angle ABC$. Izračunaj $|BC|$ in $|BD| : |AB|$.

Zgled. V trapezu $ABCD$ sta kota $\angle ADC$ in $\angle ACB$ skladna. Izračunaj $|AC|$, če je $|AB| = 27\text{cm}$ in $|DC| = 12\text{cm}$.

Naloga 1. DN 143ac, 145abc, 148

Višinski izrek $v^2 = a_1b_1$, Evklidov izrek $a^2 = a_1c$, $b^2 = b_1c$, Pitagorov izrek $c^2 = a^2 + b^2$ z dokazi.

Zgled. Narišimo daljico dolžine $\sqrt{15}$.

Zgled. V pravokotnem trikotniku izračunaj pravokotno projekcijo katete b na hipotenuzo, če je $b = 7\text{cm}$ in $a = 4\text{cm}$.

Zgled. Izračunaj dolžini višine na hipotenuzo in projekcije neznane katete na hipotenuzo v pravokotnem trikotniku ABC , pri katerem je $c = 9\text{cm}$ in $b = 5\text{cm}$.

Zgled. Izračunaj velikost diagonale kvadrata in višine enakostraničnega trikotnika, če je obakrat stranica enaka a .

Zgled. Dve ladji sta ob isti uri izpluli iz pristanišča, ena proti vzhodu, druga proti jugu. Po nekaj urah sta bili 17 milj narazen. Pri tem je ladja proti jugu naredila 7 milj več kot ladja, ki pluje proti vzhodu. Kolikšno pot sta prevozili.

Zgled. Nariši $\triangle ABC$, kjer $a : b = 3 : 4$, $\gamma = 60^\circ$ in $t_c = 2\text{cm}$.

Naloga 2. DN 149, 153, 164aceg, 167, 172