Профильные задачи

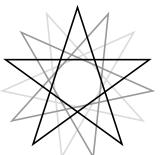
Симуляция настоящего научного исследования, доступного для школьника.

Предлагаем всем ученикам ФМЛ, так как это формат, с которым они ещё не сталкивались и в котором не «вынесут» всех остальных.

Взять известный факт из алгебры...

И попросить школьников доказать его в наглядной и понятной форме.

Пример — задача про «звёзды»: дан правильный n—угольник, соединяем его вершины, находящиеся на равном расстоянии.



(15, 6)-звезда

$$n = \sum_{d|n} \varphi(d)$$

(n,k)-звезда состоит из НОД (n,k) ломаных: в частности, из одной ломаной, когда n и k взаимно просты.

Отсюда есть ровно $\varphi(\frac{n}{\ell})$ звёзд, состоящих из ℓ ломаных.

 $\frac{n}{\ell}$ пробегает все делители n, а каждая звезда состоит из скольки-то ломаных. Всего звёзд n.