Математическая логика 2, ФМКН СПбГУ (математика 3 к., осенний семестр 2022)

Лектор В.Л. Селиванов

Примеры дополнительных экзаменационных вопросов (определения и формулировки, без доказательств)

- 1. Что такое структура, гомоморфизм, изоморфизм?
- 2. Что такое декартово произведение структур?
- 3. Что такое термы и формулы данной сигнатуры?
- 4. Свободные и связанные переменные. Допустимые подстановки термов вместо свободных переменных.
- 5. Определение истинность формулы в структуре.
- 6. Тождественная истинность, основные тавтологии.
- 7. Равносильность формул, основные равносильности.
- 8. Приведение формулы к предваренному виду.
- 9. Что такое предложение, теория? Приведите примеры теорий.
- 10. Что такое модель теории, логическое следование?
- 11. Как доказать, что данное предложение не следует из данного списка предложений?
- 12. Являются ли элементарно эквивалентные струтуры изоморфными?
- 13. Фильтры и ультрафильтры. Можно ли расширить любой фильтр до ультрафильтра?
- 14. Что такое фильтрованное произведение?
- 15. Сформулируйте теорему Лося об ультрапроизведении.
- 16. Сформулируйте теорему Гёделя-Мальцева о компактности.
- 17. Сформулируйте теорему Лёвенгейма-Сколема о понижение мощности.
- 18. Сформулируйте теорему Лёвенгейма-Сколема о повышении мощности.
- 19. Каковы возможные мощности моделей данной теории?
- 20. Аксиоматизируемые классы структур, примеры.
- 21. Сформулируйте критерий конечной аксиоматизируемости.
- 22. Сформулируйте критерий универсальной (Π_1 -) аксиоматизируемости.
- 23. Сформулируйте критерий Π_2 -аксиоматизируемости.
- 24. Определите иерархию формул по числу перемен кванторов.
- 25. Что такое полная теори?
- 26. Сформулируйте тест Лося-Воота.
- 27. Что такое модельно полная теория?
- 28. Сформулируйте тест Линдстрёма.
- 29. Элиминация кванторов, примеры.
- 30. Модельная характеризация теорий, допускающих элиминацию кванторов.
- 31. Ограниченная и неограниченная игра Эренфойхта. Выигрышные стратегии.
- 32. Что такое кванторная глубина формулы?
- 33. Как связана элементарная эквивалентность и игра Эренфойхта?
- 34. Что такое ограниченныя элементарная эквивалентность?
- 35. Приведите примеры аксиом и правил вывода Гильбертовского исчисления предикатов.
- 36. Приведите примеры аксиом и правил вывода Генценовского исчисления предикатов.
- 37. Сформулируйте свойства аксиом и правил вывода.
- 38. Выводимость в исчислении предикатов.
- 39. Сформулируйте свойства отношения выводимости.
- 40. Что такое непротиворечивое множество формул?
- 41. Что такое теория Хенкина?
- 42. Сформулируйте теорему о существовании модели.
- 43. Сформулируйте теорему Гёделя о полноте исчисления предикатов.

- 44. Разрешима ли полная перечислимо аксиоматизируемая теория?
- 45. Как связаны вычислимость и рекурсивность?
- 46. Определите операторы суперпозиции и минимизации.
- 47. Что такое рекурсивные функции и предикаты?
- 48. Что такое бета-функция Гёделя?
- 49. Как и зачем кодировать последовательности натуральных чисел?
- 50. Как определять функции по рекурсии?
- 51. Будет ли рекурсивной функция, определенная по рекурсии из рекурсивной функции?
- 52. Как и зачем кодировать термы и формулы?
- 53. Свойства кодирования термов и формул.
- 54. Что значит рекурсивность множества выводов?
- 55. Что такое минимальная арифметика?
- 56. Что такое арифметика Пеано?
- 57. Что такое теория стандартной модели арифметики?
- 58. Определите предикаты, представимые в минимальной арифметике.
- 59. Определите функции, представимые в минимальной арифметике.
- 60. Сформулируйте теорему о неразрешимость арифметики.
- 61. Сформулируйте теорему о неразрешимость логики предикатов.
- 62. Приведите примеры разрешимых и неразрешимых теорий.
- 63. Сформулируйте теорему о неполноте арифметики.
- 64. Что такое R-программа?
- 65. Что такое R-вычислимая функция?
- 66. Замкнут ли класс R-вычислимых функций относительно суперпозиции?
- 67. Замкнут ли класс R-вычислимых функций относительно минимизации?
- 68. Как кодируются R-вычисления?
- 69. Совпадают ли классы R-вычислимых и рекурсивных тотальных функций?
- 70. Определите R-вычислимость частичной функции.
- 71. Определите рекурсивность частичной функции.
- 72. Совпадают ли классы R-вычислимых и рекурсивных частичных функций?
- 73. Что такое R-Вычислимость с оракулом?
- 74. Что такое относительная рекурсивность?
- 75. Совпадают ли классы R-вычислимых с оракулом h и рекурсивных относительно h тотальных функций?
- 76. Совпадают ли классы R-вычислимых с оракулом h и рекурсивных относительно h частичных функций?
- 77. Что такое вычислимая нумерация R-вычислимых частичных функций?
- 78. Что такое главная вычислимая нумерация R-вычислимых частичных функций?
- 79. Существует ли главная вычислимая нумерации R-вычислимых частичных функций?
- 80. Сформулируйте теорему о неподвижной точке.
- 81. Сформулируйте теорему Райса.
- 82. Приведите различные характеризации рекурсивно перечислимых множеств.
- 83. Что такое m-сводимость и каковы ее свойства?
- 84. Что такое тьюрингова сводимость и каковы ее свойства?
- 85. Что такое тьюрингов скачок и каковы его свойства?
- 86. Что такое арифметическое множество?
- 87. Что такое арифметическая иерархия?
- 88. Каковы свойства арифметической иерархии?
- 89. Опишите связь арифметической иерархии с итерациями тьюрингова скачка.
- 90. Сформулируйте теорему Тарского о неопределимости истины.