

# Вариант 1. Задача коммивояжера

Задана симметричная квадратная матрица расстояний между  $N$  городами  $D = \{d_{ij}\} \in R^{N \times N}$ ;  
 $d_{ij} = d_{ji} > 0$ ;  $d_{ii} = 0$ . Требуется найти близкий к кратчайшему маршрут, проходящий по одному разу через все указанные города с возвратом в исходный город.



Это оптимальный маршрут коммивояжера через 14 крупнейших городов Германии. Указанный маршрут является самым коротким из всех возможных 43 589 145 600 вариантов.

В качестве множества решений задачи можно взять множество всех перестановок первых  $N$  натуральных чисел. Каждый экземпляр решения определяет порядок посещения городов. Более приспособленным является экземпляр с меньшей длиной маршрута. Мутация - перестановка двух элементов экземпляра.

# Вариант 2. Расписание турнира

$N$  участников играют парные матчи в  $R$  турах на  $S$  площадках. Можно считать, что  $1 \leq R$ ,  $2 \leq N$ ,  $N/2 \leq S$ .

Требуется составить расписание турнира в котором:

- Каждый участник играет с максимальным количеством соперников.
- Каждый участник посещает максимальное количество разных площадок.
- В одном туре на одной площадке может быть сыгран только один матч.



В качестве экземпляра множества решений можно взять матрицу  $S = \{s_{\{m\}}\} \in \mathbb{R}^{R \times N}$ ;  $s_{\{m\}} \in \{1, 2, \dots, K\}$ . Элемент матрицы  $s_{\{m\}}$  - это номер площадки на которой в туре играет участник  $m$ .

Из двух расписаний лучшим (более приспособленным) считается то, в котором больше минимальное для всех участников количество соперников. Если минимальное количество соперников одинаковое, то лучшим считается расписание, в котором больше минимальное для всех участников количество посещённых площадок.

## Вариант 3. Двумерная упаковка

Необходимо максимально компактно расположить на плоскости заданное количество квадратов со сторонами 1, 2 и 3. Сильные духом могут решить задачу для прямоугольников 7 размеров: 1 x 1, 1 x 2, 2 x 1, 2 x 2, 1 x 3, 3 x 1, 3 x 3.

- Фигуры не пересекаются.
- Стороны параллельны.
- Повороты прямоугольников запрещены.

В качестве экземпляра решения в задаче для  $N$  фигур можно взять векторы  $x \in \mathbb{R}^N$  и  $y \in \mathbb{R}^N$  с целочисленными координатами левой нижней вершины каждой фигуры.

Метрикой компактности является площадь ограничивающего все фигуры прямоугольника.

