

**МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**

**ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
НОВОСИБИРСКИЙ НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ  
ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ**

**Факультет информационных технологий  
Кафедра параллельных вычислений**

**ОТЧЕТ**

**О ВЫПОЛНЕНИИ ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЫ**

«Умножение матрицы на матрицу в MPI 2D решетка»

студента Бородина Артёма Максимовича 2 курса, 19205 группы  
Направление 09.03.01 – «Информатика и вычислительная техника»

Преподаватель:  
к.т.н, доцент  
А.Ю. Власенко

Новосибирск 2021

## СОДЕРЖАНИЕ

<a href="#">ЦЕЛЬ</a> .....	3
<a href="#">ЗАДАНИЕ</a> .....	3
<a href="#">ОПИСАНИЕ РАБОТЫ</a> .....	4
<a href="#">ЗАКЛЮЧЕНИЕ</a> .....	5
<a href="#">Приложение 1.</a> Код с векторизацией .....	6
<a href="#">Приложение 2.</a> Код без векторизации .....	9
<a href="#">Приложение 3.</a> Исследование размеров решетки.....	12
<a href="#">Приложение 4.</a> Профилирование на 16 ядрах.....	13
<a href="#">Приложение 5.</a> Замеры времени .....	16

## **ЦЕЛЬ**

1. Умножение матриц, используя MPI.

## **ЗАДАНИЕ**

1. Реализовать параллельный алгоритм умножения матрицы на матрицу при 2D решетке
2. Исследовать производительность параллельной программы в зависимости от размера матрицы и размера решетки.
3. Выполнить профилирование программы с помощью MPE при использовании 16-и ядер.

## ОПИСАНИЕ РАБОТЫ

1. Были написаны два варианта программы ([Приложение 1](#), [Приложение 2](#)), с использованием векторных расширений и без с MPI, реализующие алгоритм умножения матриц.
2. Выбраны размеры матриц, при которых время работы программы без векторизации и MPI занимало примерно 30 секунд.
3. Исследовано время работы программы при разных размерах решетки на 16-ти ядрах ([Приложение 3](#)). По полученным данным можно сделать вывод что программа работает наилучшим образом при размере решетки близкой к квадрату.
4. Сделано профилирование программы на 16-ти ядрах ([Приложение 4](#)). На скриншотах можно увидеть, как работает коммуникация между процессами (при решетке 4x4): 0-3 разделяют между собой матрицу A, а затем распространяют свои части другим процессам, процессы 0,4,8,12 делают тоже самое только с матрицей B. В конце можно увидеть, как собирается матрица C в 0-ом процессе.
5. Были проведены замеры времени работы вариантов на разном количестве ядрах ([Приложение 5](#)). Можно заметить заметное ускорение по сравнению с программой без векторизации и MPI. По графикам можно увидеть, что вариант с векторизацией работает примерно на 70% быстрее чем без.

## **ЗАКЛЮЧЕНИЕ**

В ходе лабораторной работы были получены знания о разделении нагрузки на множество процессов для продуктивного умножения матриц. Так же в очередной раз доказали свою эффективность векторные расширения, позволяющие без особых усилий получить значительный прирост в производительности.

## Приложение 1. Код программы с векторизацией

```
#include <iostream>
#include <fstream>
#include <xmmintrin.h>
#include "mpi.h"

void printMat(double *mat, int rows, int columns, std::ofstream &stream) {
    for (int i = 0; i < rows; ++i) {
        for (int j = 0; j < columns; ++j) {
            stream << mat[i * columns + j] << " ";
        }
        stream << std::endl;
    }
}

int main(int argc, char *argv[]) {
    MPI_Init(&argc, &argv);
    const int ndims = 2;
    const int X = 0;
    const int Y = 1;

    int dims[ndims] = {0};
    int periods[ndims] = {0};
    int coords[ndims];
    int procsCount;
    int rank;
    MPI_Comm gridComm;
    MPI_Comm rowComm;
    MPI_Comm colComm;

    if (argc == 7) {
        dims[X] = atoi(argv[5]);
        dims[Y] = atoi(argv[6]);
    }

    MPI_Comm_size(MPI_COMM_WORLD, &procsCount);
    MPI_Comm_rank(MPI_COMM_WORLD, &rank);
    MPI_Dims_create(procsCount, ndims, dims);

    MPI_Cart_create(MPI_COMM_WORLD, ndims, dims, periods, 0, &gridComm);
    MPI_Cart_coords(gridComm, rank, ndims, coords);
    MPI_Comm_split(gridComm, coords[Y], coords[X], &rowComm);
    MPI_Comm_split(gridComm, coords[X], coords[Y], &colComm);

    if (argc < 5 && rank == 0) {
        std::cout << "Program needs 4 arguments: N1, N2, N3, fileName" << std::endl;
        MPI_Finalize();
        return 0;
    }

    int N1 = atoi(argv[1]);
    int N2 = atoi(argv[2]);
    int N3 = atoi(argv[3]);
    std::ofstream fileStream(std::to_string(rank) + argv[4]);
    if (!fileStream && rank == 0) {
        std::cout << "error with output file" << std::endl;
        MPI_Finalize();
        return 0;
    }

    fileStream << "N1: " << N1 << " N2: " << N2 << " N3: " << N3 << std::endl;
    fileStream << "procCount: " << procsCount << std::endl;
```

```

double *A;
double *B;
double *C;
if (rank == 0) {
    std::cout << "N1: " << N1 << " N2: " << N2 << " N3: " << N3 << std::endl;
    A = new double[N1 * N2];
    B = new double[N2 * N3];
    C = new double[N1 * N3];
    std::fill(A, A + N1 * N2, 1);
    std::fill(B, B + N2 * N3, 2);

    for (int i = 0; i < N1; ++i) {
        A[i * N2 + i] = 10;
    }
    for (int i = 0; i < N2; ++i) {
        B[i * N3 + i] = 20;
    }
}
fileStream << "dims: (" + std::to_string(dims[X]) + ", " + std::to_string(dims[Y]) + ")" << std::endl
    << "cords: (" + std::to_string(coords[X]) + ", " + std::to_string(coords[Y]) + ")" << std::endl;

int segmentRows = N1 / dims[Y];
int segmentCols = N3 / dims[X];
auto *segmentA = new double[segmentRows * N2];
auto *segmentB = new double[N2 * segmentCols];
auto *segmentC = new double[segmentRows * segmentCols];
std::fill(segmentC, segmentC + segmentRows * segmentCols, 0);

double matMulTime = -MPI_Wtime();

/// Distribute matrices
if (coords[X] == 0) {
    MPI_Scatter(A, segmentRows * N2, MPI_DOUBLE, segmentA, segmentRows * N2, MPI_DOUBLE, 0, colComm);
}
if (coords[Y] == 0) {
    MPI_Datatype sendSegment;
    MPI_Datatype sendSegmentDouble;

    MPI_Type_vector(N2, segmentCols, N3, MPI_DOUBLE, &sendSegment);
    MPI_Type_commit(&sendSegment);

    MPI_Type_create_resized(sendSegment, 0, segmentCols * sizeof(double), &sendSegmentDouble);
    MPI_Type_commit(&sendSegmentDouble);

    MPI_Scatter(B, 1, sendSegmentDouble, segmentB, N2 * segmentCols, MPI_DOUBLE, 0, rowComm);

    MPI_Type_free(&sendSegment);
    MPI_Type_free(&sendSegmentDouble);
}
MPI_Bcast(segmentA, segmentRows * N2, MPI_DOUBLE, 0, rowComm);
MPI_Bcast(segmentB, N2 * segmentCols, MPI_DOUBLE, 0, colComm);

double segmentMulTime = -MPI_Wtime();
/// Matrix multiplication
for (int i = 0; i < segmentRows; ++i) {
    for (int j = 0; j < segmentCols; j += 2) {
        __m128d vR = _mm_setzero_pd();
        for (int k = 0; k < N2; k++) {
            __m128d vA = _mm_set1_pd(segmentA[i * N2 + k]);
            __m128d vB = _mm_loadu_pd(&segmentB[k * segmentCols + j]);
            vR += vA * vB;
        }
        _mm_storeu_pd(&segmentC[i * segmentCols + j], vR);
    }
}

```

```

    }
}
segmentMulTime += MPI_Wtime();

/// collect C
MPI_Datatype recvSegment;
MPI_Datatype recvSegmentDouble;

MPI_Type_vector(segmentRows, segmentCols, N3, MPI_DOUBLE, &recvSegment);
MPI_Type_commit(&recvSegment);

MPI_Type_create_resized(recvSegment, 0, segmentCols * sizeof(double), &recvSegmentDouble);
MPI_Type_commit(&recvSegmentDouble);

int recvCounts[procsCount];
std::fill(recvCounts, recvCounts + procsCount, 1);
int displs[procsCount];
for (int procRank = 0; procRank < procsCount; ++procRank) {
    MPI_Cart_coords(gridComm, procRank, ndims, coords);
    displs[procRank] = dims[X] * segmentRows * coords[Y] + coords[X];
}

MPI_Gatherv(segmentC, segmentRows * segmentCols, MPI_DOUBLE, C, recvCounts, displs, recvSegmentDouble,
            0, gridComm);

MPI_Type_free(&recvSegment);
MPI_Type_free(&recvSegmentDouble);

MPI_Comm_free(&gridComm);
MPI_Comm_free(&colComm);
MPI_Comm_free(&rowComm);

matMulTime += MPI_Wtime();

/// Print info
fileStream << std::endl << "segmentMulTime: " << segmentMulTime << "sec" << std::endl;

/// Print matrices
if (rank == 0) {
    std::cout << "segmentMulTime(0): " << segmentMulTime << "sec" << std::endl;
    std::cout << "matMulTime: " << matMulTime << "sec" << std::endl;
    fileStream << "matMulTime: " << matMulTime << "sec" << std::endl;
    fileStream << std::endl << "A: " << std::endl << "rows " << N1 << " cols: " << N2 << std::endl;
    printMat(A, N1, N2, fileStream);
    fileStream << "B: " << std::endl << "rows: " << N2 << " cols: " << N3 << std::endl;
    printMat(B, N2, N3, fileStream);
    fileStream << "C: " << std::endl << "rows: " << N1 << " cols: " << N3 << std::endl;
    printMat(C, N1, N3, fileStream);
}
fileStream.close();

if (rank == 0) {
    free(A);
    free(B);
    free(C);
}
free(segmentA);
free(segmentB);
free(segmentC);

MPI_Finalize();
return 0;
}

```





## Приложение 2. Код программы без векторизации

```
#include <iostream>
#include <fstream>
#include <xmmmintrin.h>
#include "mpi.h"

void printMat(double *mat, int rows, int columns, std::ofstream &stream) {
    for (int i = 0; i < rows; ++i) {
        for (int j = 0; j < columns; ++j) {
            stream << mat[i * columns + j] << " ";
        }
        stream << std::endl;
    }
}

int main(int argc, char *argv[]) {
    MPI_Init(&argc, &argv);
    const int ndims = 2;
    const int X = 0;
    const int Y = 1;

    int dims[ndims] = {0};
    int periods[ndims] = {0};
    int coords[ndims];
    int procsCount;
    int rank;
    MPI_Comm gridComm;
    MPI_Comm rowComm;
    MPI_Comm colComm;

    if (argc == 7) {
        dims[X] = atoi(argv[5]);
        dims[Y] = atoi(argv[6]);
    }

    MPI_Comm_size(MPI_COMM_WORLD, &procsCount);
    MPI_Comm_rank(MPI_COMM_WORLD, &rank);
    MPI_Dims_create(procsCount, ndims, dims);

    MPI_Cart_create(MPI_COMM_WORLD, ndims, dims, periods, 0, &gridComm);
    MPI_Cart_coords(gridComm, rank, ndims, coords);
    MPI_Comm_split(gridComm, coords[Y], coords[X], &rowComm);
    MPI_Comm_split(gridComm, coords[X], coords[Y], &colComm);

    if (argc < 5 && rank == 0) {
        std::cout << "Program needs 4 arguments: N1, N2, N3, fileName" << std::endl;
        MPI_Finalize();
        return 0;
    }
    int N1 = atoi(argv[1]);
    int N2 = atoi(argv[2]);
    int N3 = atoi(argv[3]);
    std::ofstream fileStream(std::to_string(rank) + argv[4]);
    if (!fileStream && rank == 0) {
        std::cout << "error with output file" << std::endl;
        MPI_Finalize();
        return 0;
    }
    fileStream << "N1: " << N1 << " N2: " << N2 << " N3: " << N3 << std::endl;
    fileStream << "procCount: " << procsCount << std::endl;

    double *A;
    double *B;
```

```

double *C;
if (rank == 0) {
    std::cout << "N1: " << N1 << " N2: " << N2 << " N3: " << N3 << std::endl;
    A = new double[N1 * N2];
    B = new double[N2 * N3];
    C = new double[N1 * N3];
    std::fill(A, A + N1 * N2, 1);
    std::fill(B, B + N2 * N3, 2);

    for (int i = 0; i < N1; ++i) {
        A[i * N2 + i] = 10;
    }
    for (int i = 0; i < N2; ++i) {
        B[i * N3 + i] = 20;
    }
}
fileStream << "dims: (" + std::to_string(dims[X]) + ", " + std::to_string(dims[Y]) + ")" << std::endl
    << "cords: (" + std::to_string(coords[X]) + ", " + std::to_string(coords[Y]) + ")" << std::endl;

int segmentRows = N1 / dims[Y];
int segmentCols = N3 / dims[X];
auto *segmentA = new double[segmentRows * N2];
auto *segmentB = new double[N2 * segmentCols];
auto *segmentC = new double[segmentRows * segmentCols];
std::fill(segmentC, segmentC + segmentRows * segmentCols, 0);

double matMulTime = -MPI_Wtime();

/// Distribute matrices
if (coords[X] == 0) {
    MPI_Scatter(A, segmentRows * N2, MPI_DOUBLE, segmentA, segmentRows * N2, MPI_DOUBLE, 0, colComm);
}
if (coords[Y] == 0) {
    MPI_Datatype sendSegment;
    MPI_Datatype sendSegmentDouble;

    MPI_Type_vector(N2, segmentCols, N3, MPI_DOUBLE, &sendSegment);
    MPI_Type_commit(&sendSegment);

    MPI_Type_create_resized(sendSegment, 0, segmentCols * sizeof(double), &sendSegmentDouble);
    MPI_Type_commit(&sendSegmentDouble);

    MPI_Scatter(B, 1, sendSegmentDouble, segmentB, N2 * segmentCols, MPI_DOUBLE, 0, rowComm);

    MPI_Type_free(&sendSegment);
    MPI_Type_free(&sendSegmentDouble);
}
MPI_Bcast(segmentA, segmentRows * N2, MPI_DOUBLE, 0, rowComm);
MPI_Bcast(segmentB, N2 * segmentCols, MPI_DOUBLE, 0, colComm);

double segmentMulTime = -MPI_Wtime();
/// Matrix multiplication
for (int i = 0; i < segmentRows; ++i) {
    for (int k = 0; k < N2; ++k) {
        for (int j = 0; j < segmentCols; ++j) {
            segmentC[i * segmentCols + j] += segmentA[i * N2 + k] * segmentB[k * segmentCols + j];
        }
    }
}
segmentMulTime += MPI_Wtime();

/// collect C
MPI_Datatype recvSegment;

```

```

MPI_Datatype recvSegmentDouble;

MPI_Type_vector(segmentRows, segmentCols, N3, MPI_DOUBLE, &recvSegment);
MPI_Type_commit(&recvSegment);

MPI_Type_create_resized(recvSegment, 0, segmentCols * sizeof(double), &recvSegmentDouble);
MPI_Type_commit(&recvSegmentDouble);

int recvCounts[procsCount];
std::fill(recvCounts, recvCounts + procsCount, 1);
int displs[procsCount];
for (int procRank = 0; procRank < procsCount; ++procRank) {
    MPI_Cart_coords(gridComm, procRank, ndims, coords);
    displs[procRank] = dims[X] * segmentRows * coords[Y] + coords[X];
}

MPI_Gatherv(segmentC, segmentRows * segmentCols, MPI_DOUBLE, C, recvCounts, displs, recvSegmentDouble,
            0, gridComm);

MPI_Type_free(&recvSegment);
MPI_Type_free(&recvSegmentDouble);

MPI_Comm_free(&gridComm);
MPI_Comm_free(&colComm);
MPI_Comm_free(&rowComm);

matMulTime += MPI_Wtime();

/// Print info
fileStream << std::endl << "segmentMulTime: " << segmentMulTime << "sec" << std::endl;

/// Print matrices
if (rank == 0) {
    std::cout << "segmentMulTime(0): " << segmentMulTime << "sec" << std::endl;
    std::cout << "matMulTime: " << matMulTime << "sec" << std::endl;
    fileStream << "matMulTime: " << matMulTime << "sec" << std::endl;
    fileStream << std::endl << "A: " << std::endl << "rows " << N1 << " cols: " << N2 << std::endl;
    printMat(A, N1, N2, fileStream);
    fileStream << "B: " << std::endl << "rows: " << N2 << " cols: " << N3 << std::endl;
    printMat(B, N2, N3, fileStream);
    fileStream << "C: " << std::endl << "rows: " << N1 << " cols: " << N3 << std::endl;
    printMat(C, N1, N3, fileStream);
}
fileStream.close();

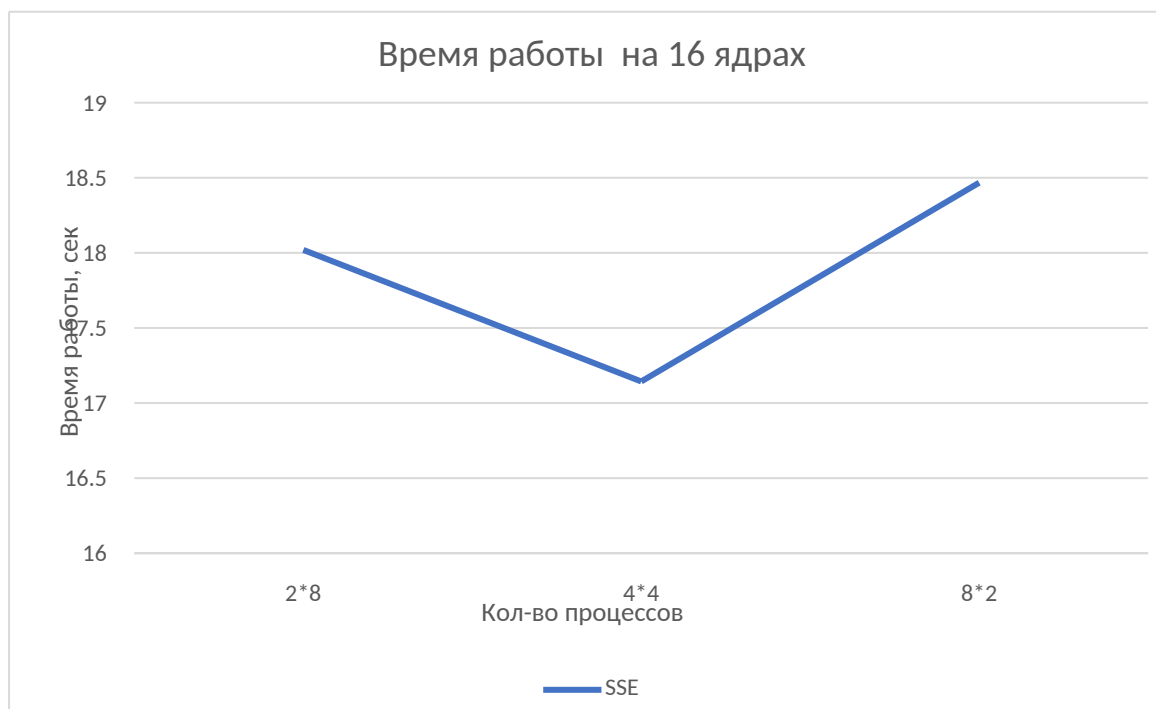
if (rank == 0) {
    free(A);
    free(B);
    free(C);
}
free(segmentA);
free(segmentB);
free(segmentC);

MPI_Finalize();
return 0;
}

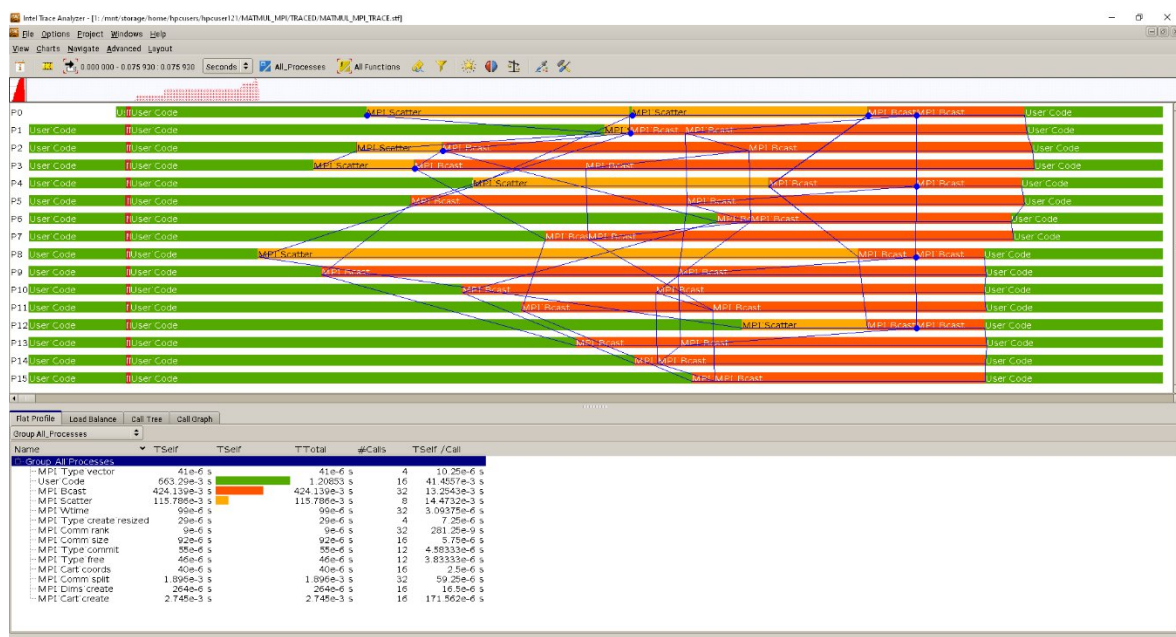
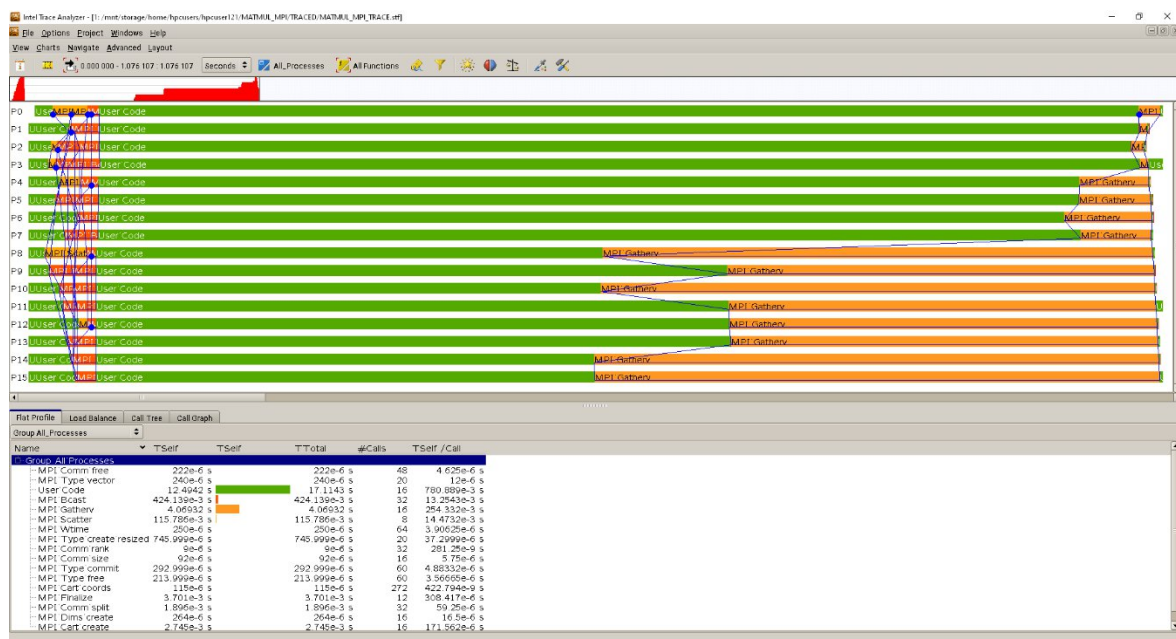
```

### Приложение 3. Исследование работы программы при разных размерах решетки

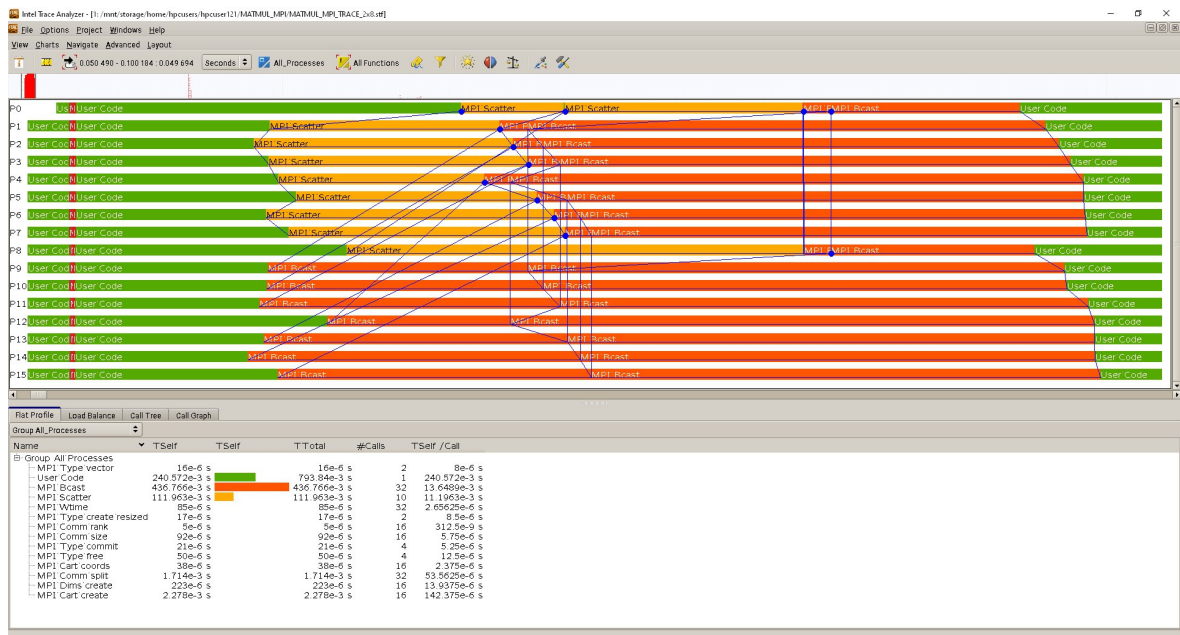
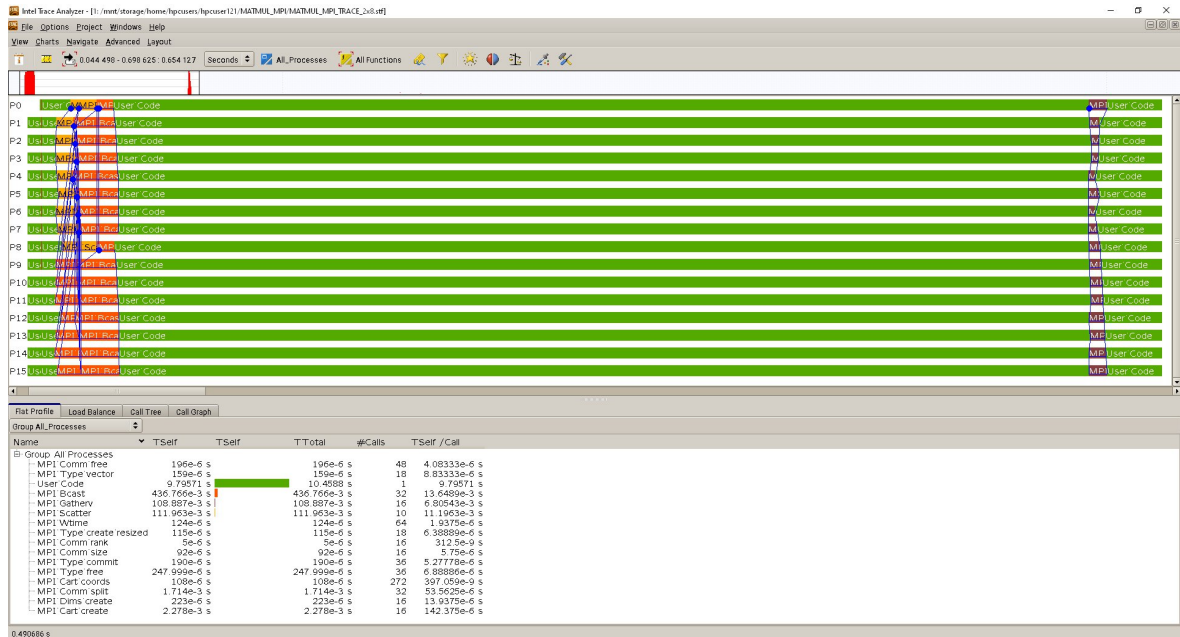
	Время
2*8	18,0195
4*4	17,1437
8*2	18,4672



## Приложение 4. Профилирование на 16 ядрах 4x4:



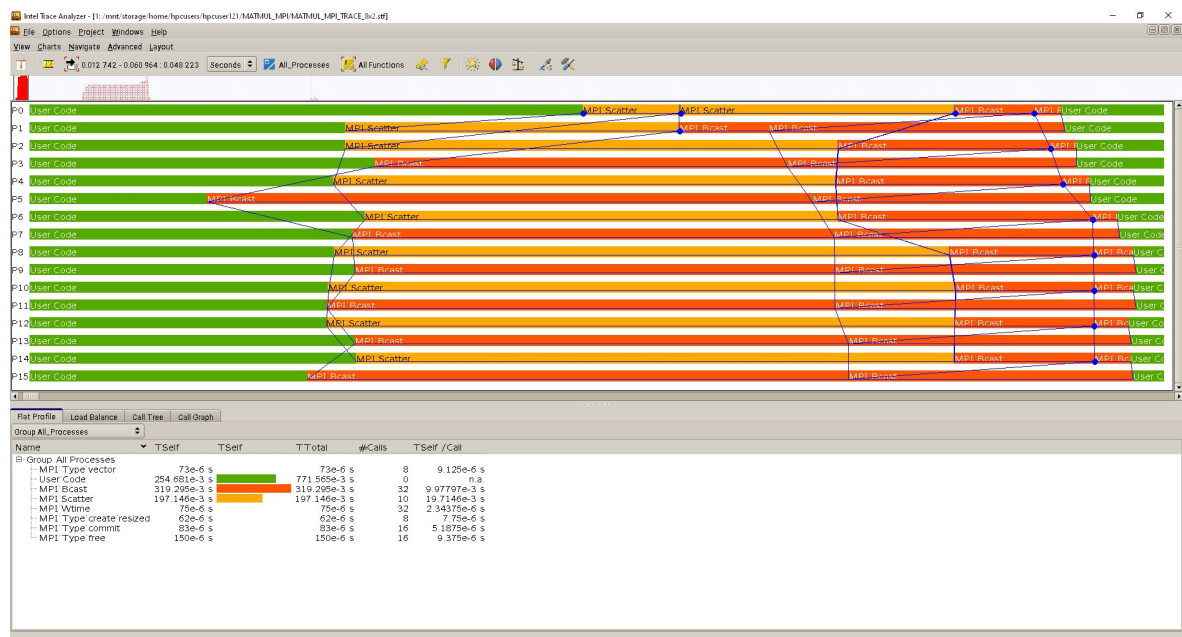
2x8:



The screenshot displays the Intel Trace Analyzer interface. The top pane shows a detailed trace of MPI communication between 16 processes (P0 to P15). The trace is color-coded: green for 'User Code' and purple for 'MPI Gatherv'. The bottom pane shows a summary table for 'Group: All Processes'.

**Summary Table: Group: All Processes**

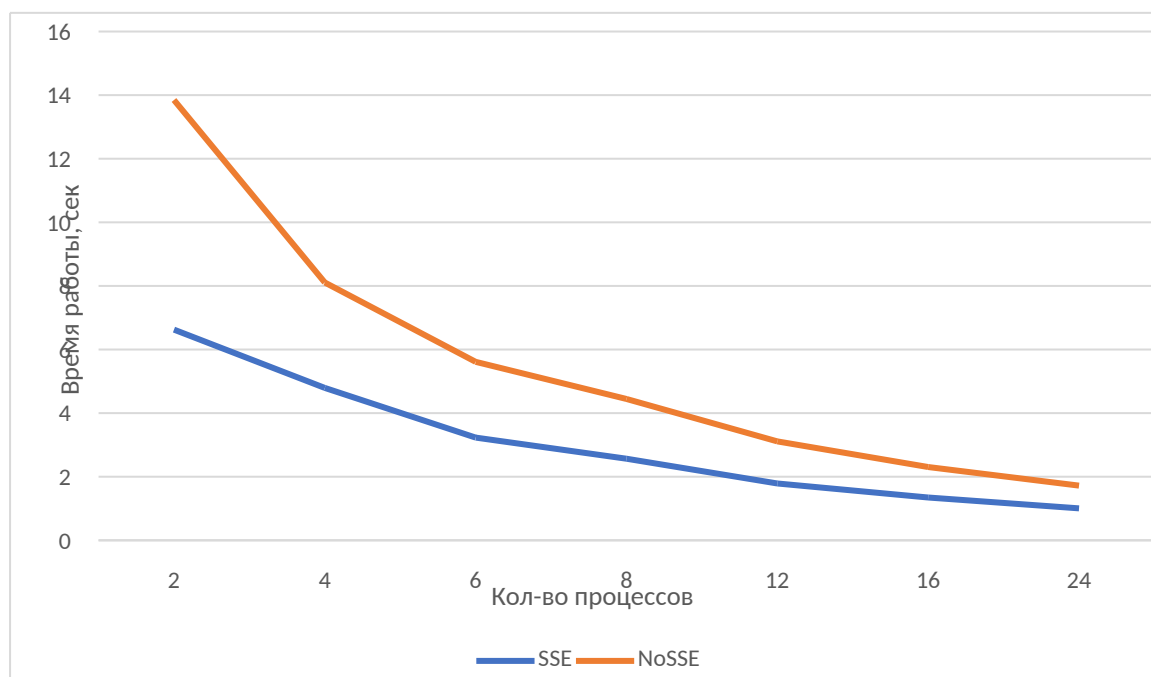
Name	T:Self	T:Self	T:Total	#Calls	T:Self / Call
Group: All Processes					
MPI Comm free	197e-6 s		197e-6 s	48	4.10417e-6 s
MPI Type vector	192e-6 s		192e-6 s	24	8e-6 s
User Code	4.96802 s		7.70731 s	0	n.a.
MPI Bcast	319.295e-6 s		319.295e-6 s	9	9.97797e-6 s
MPI Gatherv	2.22164 s		2.22164 s	16	138.852e-6 s
MPI Scatter	197.146e-6 s		197.146e-6 s	10	19.7146e-6 s
MPI Wtime	1.14e-6 s		1.14e-6 s	64	1.78125e-6 s
MPI Type create resized	152e-6 s		152e-6 s	24	6.33333e-6 s
MPI Type commit	203e-6 s		203e-6 s	48	4.22917e-6 s
MPI Type free	294e-6 s		294e-6 s	48	6.125e-6 s
MPI Cart coords	53e-6 s		53e-6 s	256	207.031e-9 s





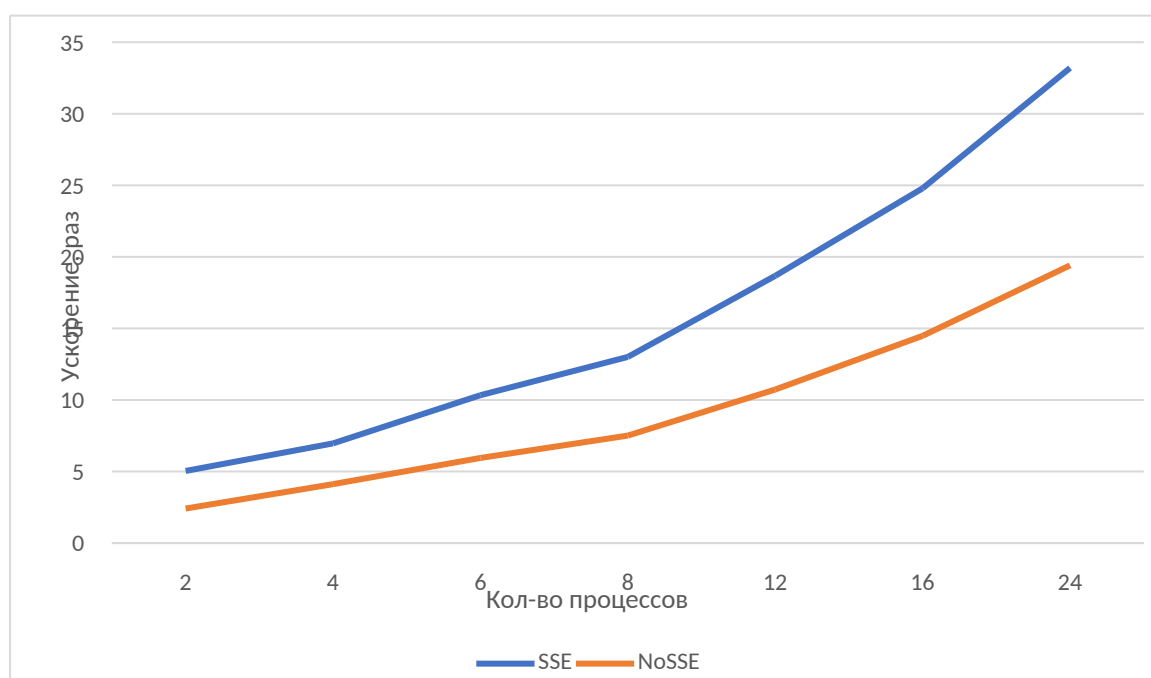
## Приложение 5. Замеры времени

	Время работы, сек						
	2	4	6	8	12	16	24
SSE	6,62566	4,79269	3,23063	2,56637	1,78766	1,34649	1,00546
NoSSE	13,8463	8,10751	5,61282	4,44495	3,11108	2,30501	1,72028



Время работы последовательной программы: 33,3864с

	Ускорение, раз						
	2	4	6	8	12	16	24
SSE	5,038955	6,966109	10,33433	13,00919	18,67603	24,79513	33,2051
NoSSE	2,411215	4,11796	5,94824	7,511086	10,73145	14,48428	19,40754



	Эффективность на процесс, %						
	2	4	6	8	12	16	24
SSE	2,519477	1,741527	1,722389	1,626149	1,556336	1,549696	1,383546
NoSSE	1,205607	1,02949	0,991373	0,938886	0,894288	0,905267	0,808647

