



## 5. Árboles Binarios de Búsqueda

Carlos Zerón Martínez

Universidad Nacional Autónoma de México

*zeron@ciencias.unam.mx*

Martes 1 de Diciembre de 2020

# Introducción

- ▶ Almacena objetos en general que poseen al menos un atributo que permite establecer la comparación con otros objetos dentro del árbol que sean del mismo tipo (comparable).
- ▶ El atributo que establece el orden entre objetos se le denomina **clave de búsqueda** y por medio de él se realiza la búsqueda. Una vez que ha sido encontrado dentro del árbol un nodo con el valor requerido, tenemos acceso a todos los atributos del objeto.

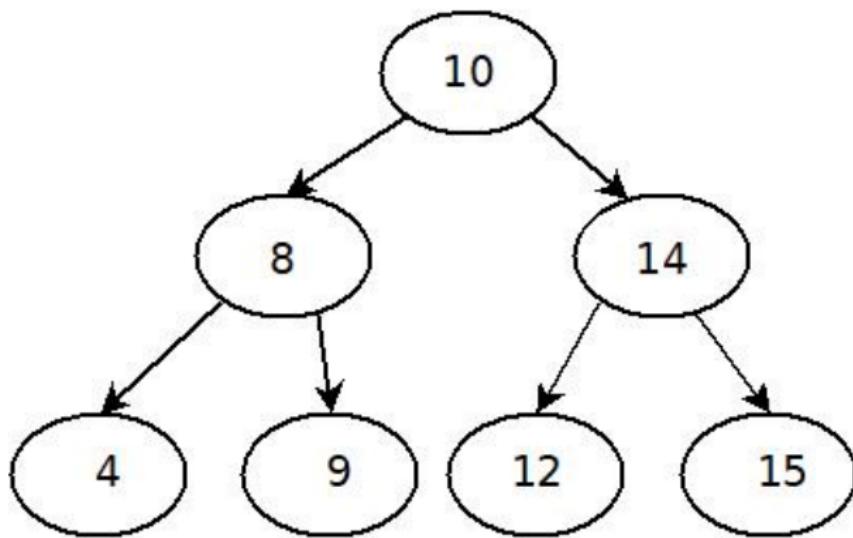
## Definición

Un árbol binario de búsqueda es aquél que no tiene nodos (es vacío), o bien, tiene una raíz tal que:

- ▶ La clave de búsqueda almacenada en la raíz es mayor o igual que los valores almacenados en el subárbol izquierdo y menor que los valores almacenados en el subárbol derecho.
- ▶ Ambos subárboles son árboles binarios de búsqueda.

Cuando estas claves son únicas dentro del árbol, ambas propiedades cumplen las desigualdades estrictas.

## Ejemplo de árbol binario de búsqueda



## Comparación entre llaves

Para comparar cualesquiera dos llaves de búsqueda es necesario definir una relación de comparación  $\leq$  que defina un orden total: es decir, una regla de comparación que sea válida para cualesquiera dos claves y satisfaga las propiedades siguientes:

- ▶ Reflexividad:  $k \leq k$
- ▶ Antisimetría: si  $k \leq k'$  y  $k' \leq k$  entonces  $k = k'$
- ▶ Transitividad: si  $k \leq k'$  y  $k' \leq k''$  entonces  $k \leq k''$

## Comparación entre llaves

En Java, la clase que representa un tipo de datos para la clave de búsqueda debe implementar la interfaz `java.lang.Comparable`, que consiste del método:

`public int compareTo(Object o).`

El resultado que devuelve este método es negativo si el objeto que invoca es *menor* que el objeto o, cero si son iguales y positivo si el objeto que invoca es *mayor* que o.

Ejemplos de clases que implementan la interfaz:

- ▶ `java.math.BigDecimal`
- ▶ `java.math.BigInteger`
- ▶ `java.lang.Boolean`
- ▶ `java.lang.String`
- ▶ `java.util.Date`
- ▶ `java.io.File`

# TDA Arbol Binario de Búsqueda

## Datos

Un conjunto de objetos, cada uno de los cuales tiene una clave de tipo comparable.

## Operaciones

- ▶  $\text{retrieve}(k)$ : Objeto. Devuelve un objeto con clave de búsqueda igual al objeto comparable  $k$ , en caso de existir. Si no existe se regresa un objeto nulo.
  
- ▶  $\text{insert}(obj) : \emptyset$ . Inserta un objeto  $obj$  dentro del árbol. El objeto debe ser del mismo tipo que los almacenados en el árbol.

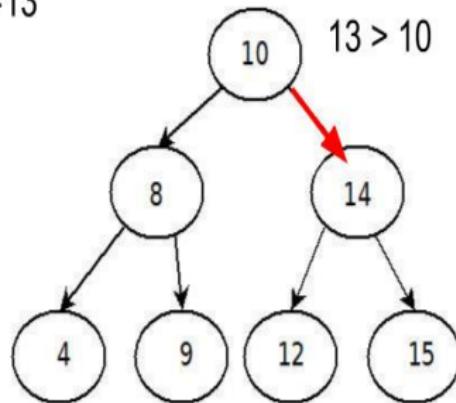
# TDA Arbol Binario de Búsqueda

## Operaciones

- ▶ `delete(k) : Objeto.` Elimina y devuelve un objeto dentro del árbol con clave de búsqueda igual al objeto comparable *k* y un objeto nulo si no existe la clave.
- ▶ `findMin():Objeto.` Devuelve un objeto dentro del árbol que tenga la mínima clave de búsqueda y un objeto nulo si no existe la clave.
- ▶ `findMax():Objeto.` Devuelve un objeto dentro del árbol que tenga la máxima clave de búsqueda y un objeto nulo si no existe la clave.

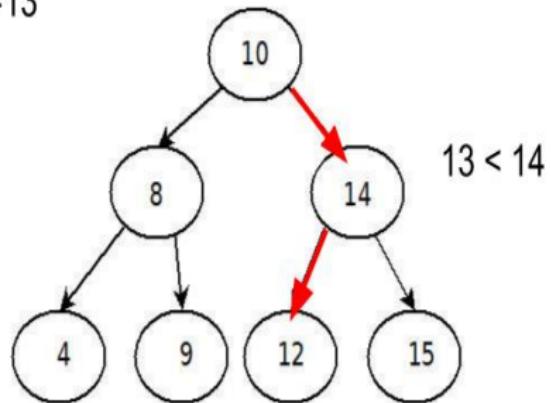
## Esquema de búsqueda

$k=13$



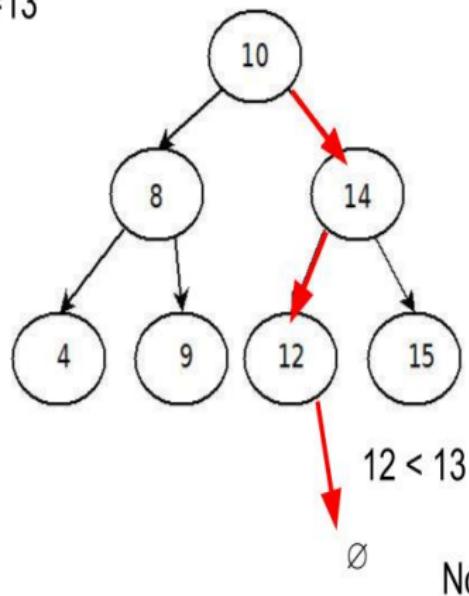
## Esquema de búsqueda

$k=13$

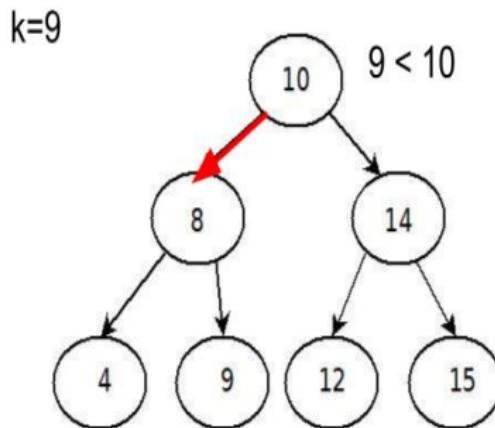


## Esquema de búsqueda

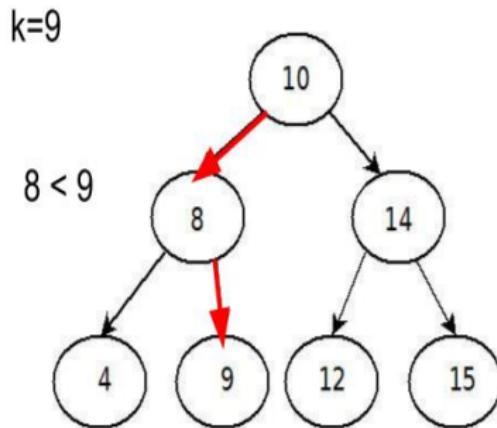
$k=13$



## Esquema de búsqueda

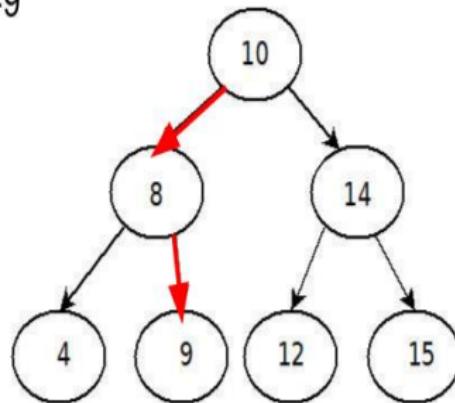


## Esquema de búsqueda



## Esquema de búsqueda

$k=9$

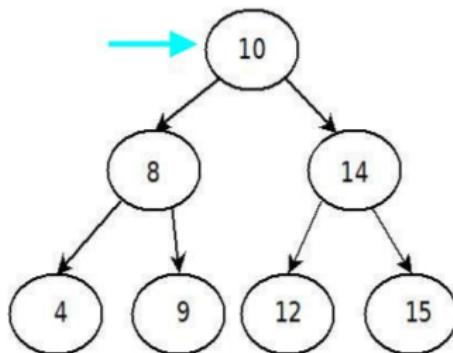


$9 = 9$

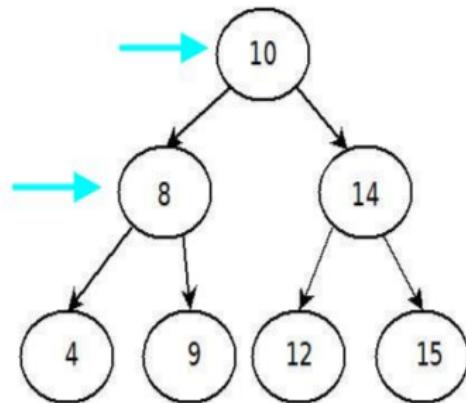
La llave existe,  
regresa el objeto

## Ordenamiento de datos

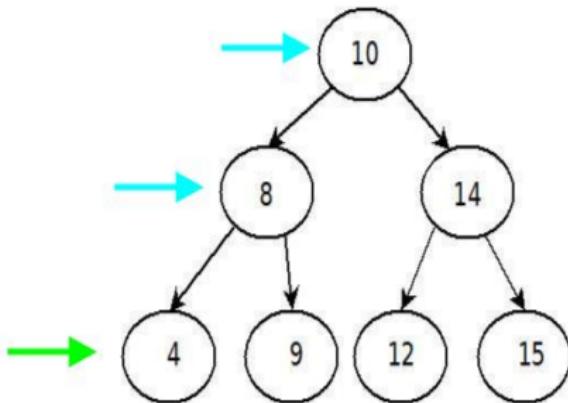
Simplemente aplicamos recorrido en inorder aprovechando la estructura del árbol binario de búsqueda, colocando los elementos en una lista en el orden en que se visitan.



## Ordenamiento de datos

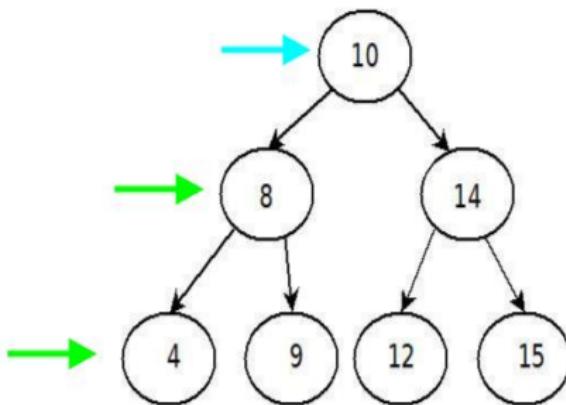


## Ordenamiento de datos



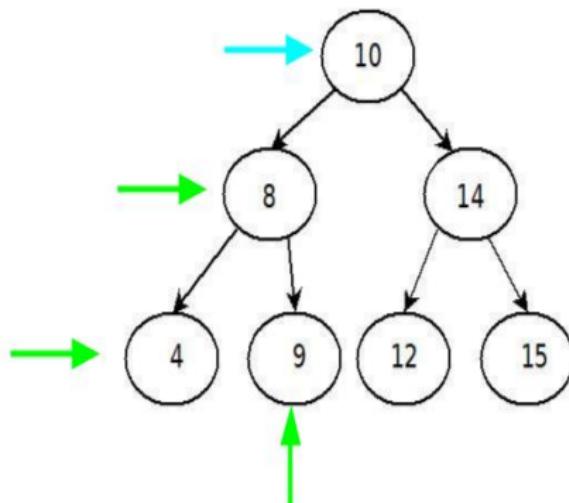
[4]

## Ordenamiento de datos



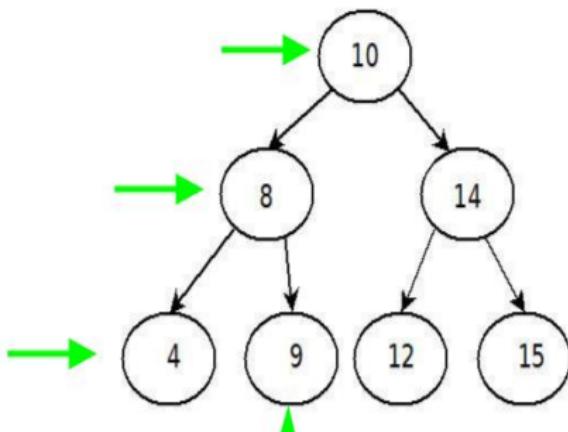
[4, 8]

## Ordenamiento de datos



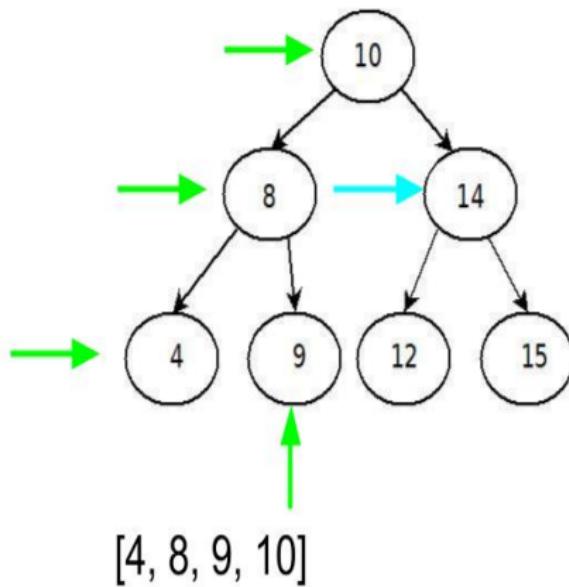
[4, 8, 9]

## Ordenamiento de datos

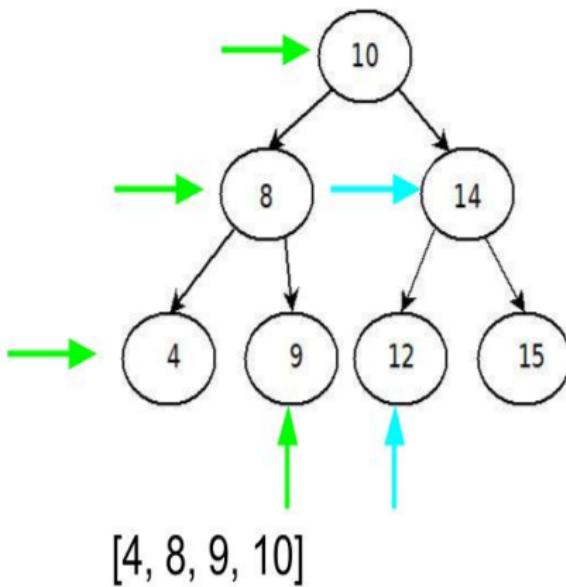


[4, 8, 9, 10]

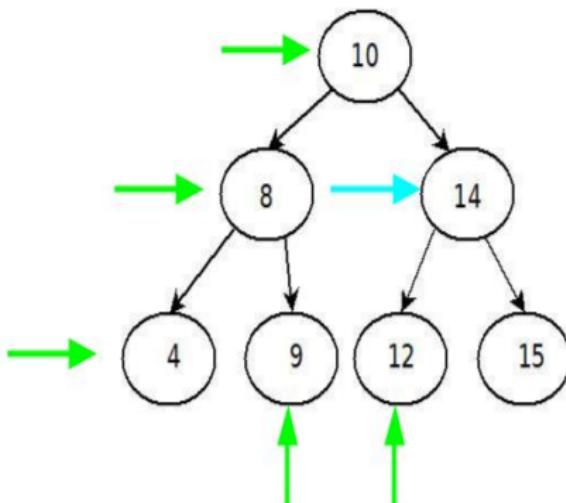
## Ordenamiento de datos



## Ordenamiento de datos

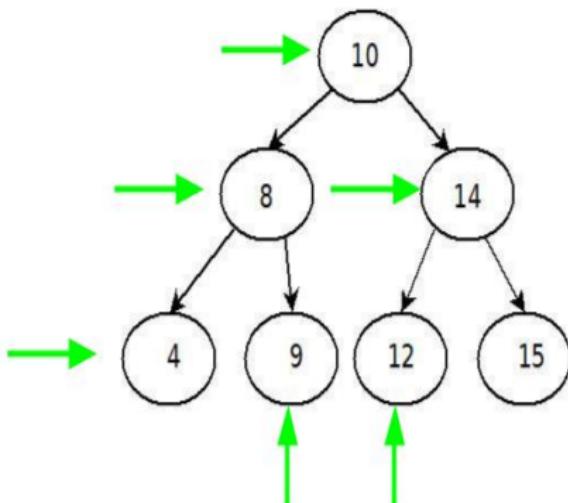


## Ordenamiento de datos



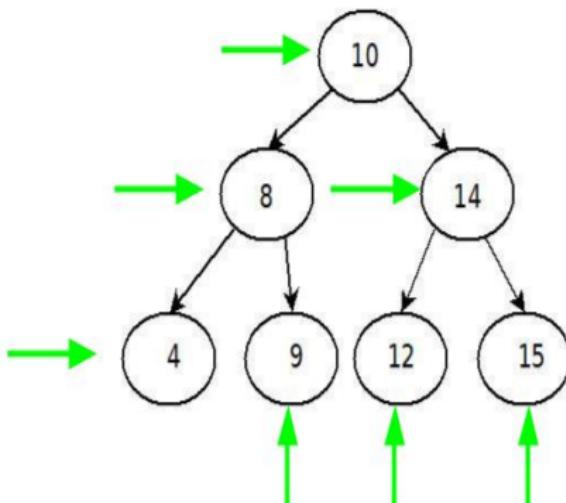
[4, 8, 9, 10, 12]

## Ordenamiento de datos



[4, 8, 9, 10, 12, 14]

## Ordenamiento de datos



[4, 8, 9, 10, 12, 14, 15]