



## 5. Árboles Binarios de Búsqueda

Carlos Zerón Martínez

Universidad Nacional Autónoma de México

*zeron@ciencias.unam.mx*

Martes 1 de Diciembre de 2020

# Introducción

- ▶ Almacena objetos en general que poseen al menos un atributo que permite establecer la comparación con otros objetos dentro del árbol que sean del mismo tipo (comparable).
- ▶ El atributo que establece el orden entre objetos se le denomina **clave de búsqueda** y por medio de él se realiza la búsqueda. Una vez que ha sido encontrado dentro del árbol un nodo con el valor requerido, tenemos acceso a todos los atributos del objeto.

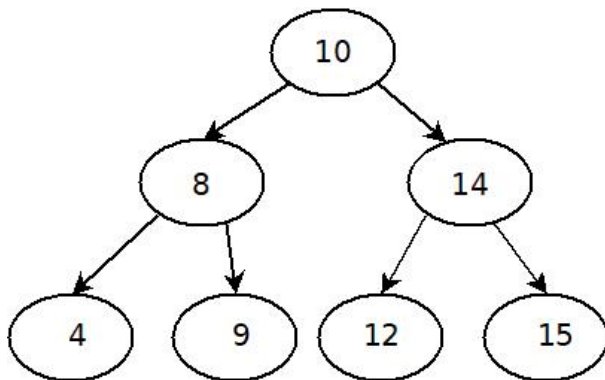
# Definición

Un árbol binario de búsqueda es aquél que no tiene nodos (es vacío), o bien, tiene una raíz tal que:

- ▶ La clave de búsqueda almacenada en la raíz es mayor o igual que los valores almacenados en el subárbol izquierdo y menor que los valores almacenados en el subárbol derecho.
- ▶ Ambos subárboles son árboles binarios de búsqueda.

Cuando estas claves son únicas dentro del árbol, ambas propiedades cumplen las desigualdades estrictas.

## Ejemplo de árbol binario de búsqueda



# Comparación entre llaves

Para comparar cualesquiera dos llaves de búsqueda es necesario definir una relación de comparación  $\leq$  que defina un orden total: es decir, una regla de comparación que sea válida para cualesquiera dos claves y satisfaga las propiedades siguientes:

- ▶ Reflexividad:  $k \leq k$
- ▶ Antisimetria: si  $k \leq k'$  y  $k' \leq k$  entonces  $k = k'$
- ▶ Transitividad: si  $k \leq k'$  y  $k' \leq k''$  entonces  $k \leq k''$

# Comparación entre llaves

En Java, la clase que representa un tipo de datos para la clave de búsqueda debe implementar la interfaz *java.lang.Comparable*, que consiste del método:

`public int compareTo(Object o).`

El resultado que devuelve este método es negativo si el objeto que invoca es *menor* que el objeto o, cero si son iguales y positivo si el objeto que invoca es *mayor* que o.

Ejemplos de clases que implementan la interfaz:

- ▶ `java.math.BigDecimal`
- ▶ `java.math.BigInteger`
- ▶ `java.lang.Boolean`
- ▶ `java.lang.String`
- ▶ `java.util.Date`
- ▶ `java.io.File`

# TDA Arbol Binario de Búsqueda

## Datos

Un conjunto de objetos, cada uno de los cuales tiene una lleva de tipo comparable.

## Operaciones

- ▶ `retrieve( $k$ ):Objeto`. Devuelve un objeto con clave de búsqueda igual al objeto comparable  $k$ , en caso de existir. Si no existe se regresa un objeto nulo.
- ▶ `insert( $obj$ ) : \emptyset`. Inserta un objeto  $obj$  dentro del árbol. El objeto debe ser del mismo tipo que los almacenados en el árbol.

# TDA Arbol Binario de Búsqueda

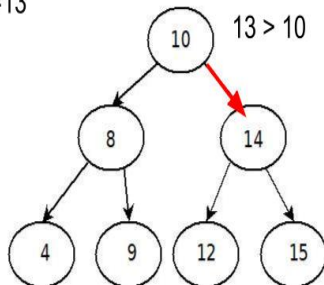
## Operaciones

- ▶  $\text{delete}(k)$  : *Objeto*. Elimina y devuelve un objeto dentro del árbol con clave de búsqueda igual al objeto comparable  $k$  y un objeto nulo si no existe la clave.
- ▶  $\text{findMin}()$ :*Objeto*. Devuelve un objeto dentro del árbol que tenga la mínima clave de búsqueda y un objeto nulo si no existe la clave.
- ▶  $\text{findMax}()$ :*Objeto*. Devuelve un objeto dentro del árbol que tenga la máxima clave de búsqueda y un objeto nulo si no existe la clave.



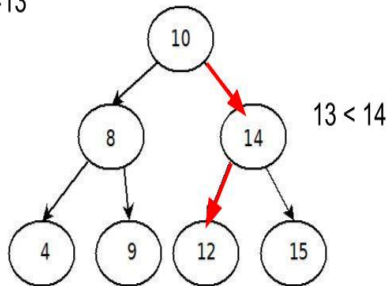
# Esquema de búsqueda

$k=13$



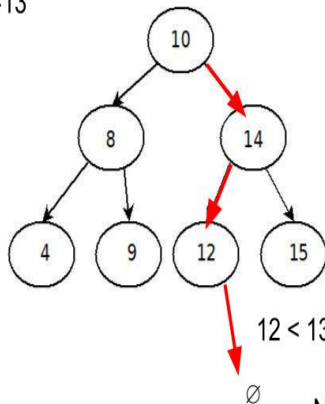
# Esquema de búsqueda

$k=13$



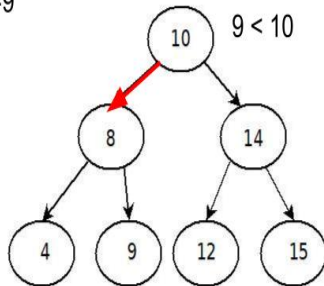
# Esquema de búsqueda

k=13



No existe, regresa nulo

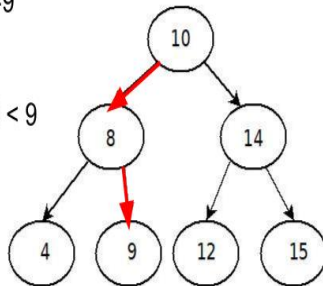
## Esquema de búsqueda

 $k=9$ 

# Esquema de búsqueda

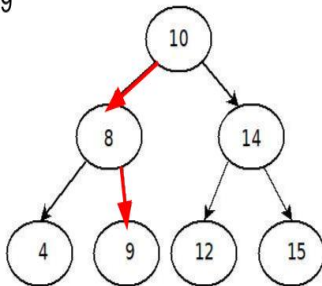
$k=9$

$8 < 9$



# Esquema de búsqueda

$k=9$

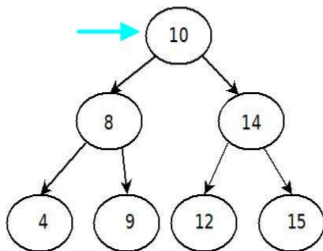


$9 = 9$

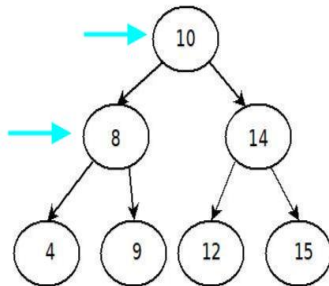
La llave existe,  
regresa el objeto

## Ordenamiento de datos

Simplemente aplicamos recorrido en inorden aprovechando la estructura del árbol binario de búsqueda, colocando los elementos en una lista en el orden en que se visitan.

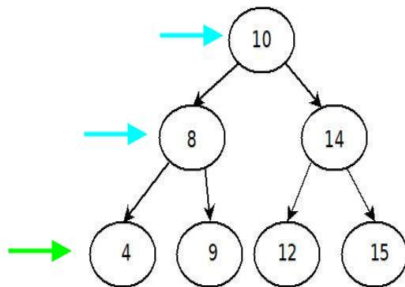


# Ordenamiento de datos



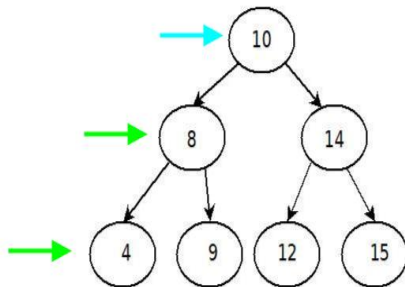


# Ordenamiento de datos



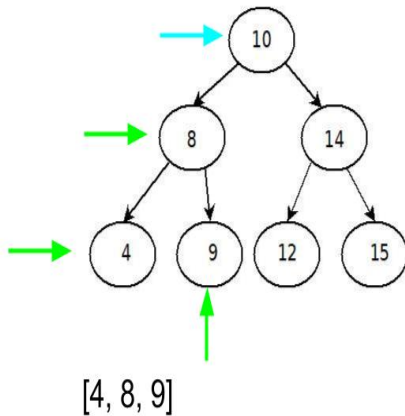
[4]

# Ordenamiento de datos

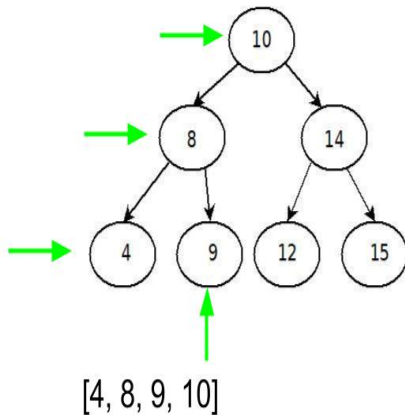


[4, 8]

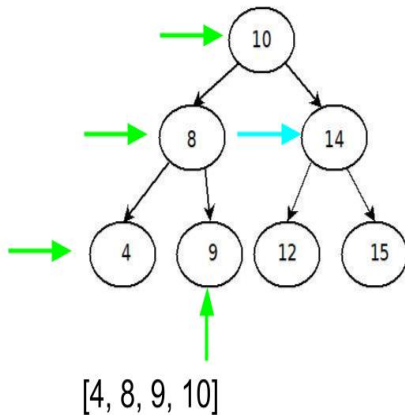
# Ordenamiento de datos



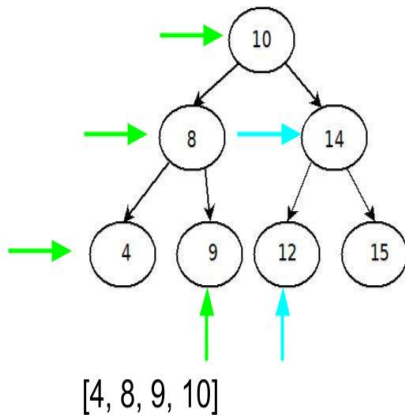
# Ordenamiento de datos



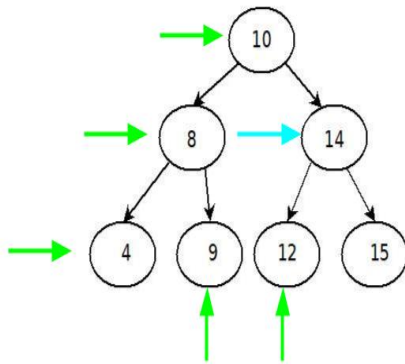
# Ordenamiento de datos



# Ordenamiento de datos

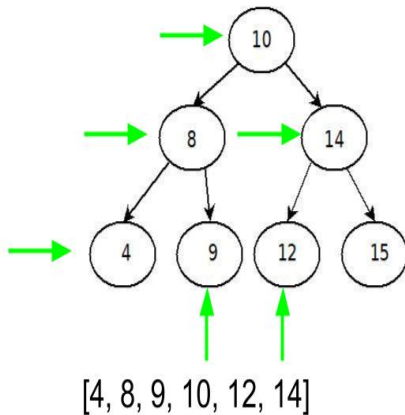


# Ordenamiento de datos



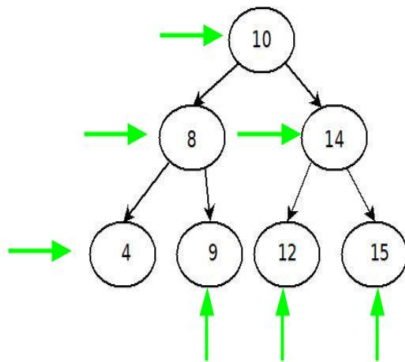
[4, 8, 9, 10, 12]

# Ordenamiento de datos





# Ordenamiento de datos



[4, 8, 9, 10, 12, 14, 15]