

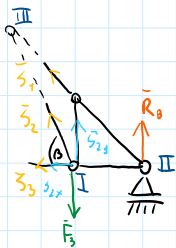
$$\begin{aligned} F_1 &= 10\sqrt{2} \text{ N} \\ F_2 &= 20\sqrt{2} \text{ N} \\ F_3 &= 30 \text{ N} \\ \alpha &= 45^\circ \\ a &= 1 \text{ m} \end{aligned}$$

Metoda Richtera

$$\sum_{i=1}^n F_{ix} = 0 = -R_{Ax} + F_1 \cos \alpha + F_2 \cos \alpha \rightarrow R_{Ax} = 10\sqrt{2} \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} + 20\sqrt{2} \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} = 30 \text{ N}$$

$$\sum_{i=1}^n F_{iy} = 0 = -F_1 \sin \alpha - F_2 \sin \alpha - F_3 + R_{Ay} + R_{By} \rightarrow R_{Ay} = 60 - 47,5 = 12,5 \text{ N}$$

$$\sum_{i=1}^n M_{ia} = 0 = -F_1 a \sqrt{2} - F_2 2a \sqrt{2} - F_3 \cdot 3a + R_{By} \cdot 4a \rightarrow R_{By} = \frac{30 \cdot 3a + 10\sqrt{2} \cdot \sqrt{2}a + 20\sqrt{2} \cdot 2\sqrt{2}a}{4a} = 47,5 \text{ N}$$



3 niewiadome, więc 3 równania trzeba ułożyć

pkt na które działają nieznane siły

$$\sum M_z = 0 = R_{By} a + S_1 \frac{a\sqrt{2}}{2}$$

$$\sum M_{II} = 0 = F_3 a - S_2 \sin \beta \cdot a$$

$$\sum M_{III} = 0 = -S_3 \cdot 2a - F_3 a + R_{By} \cdot 2a$$

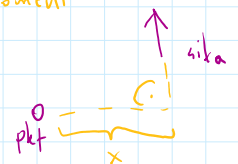
$$\tan \beta = \frac{2a}{a} = 2 \quad \alpha = \arctan 2 = 63^\circ 26'$$

$$S_{2y} = S_2 \sin \beta$$

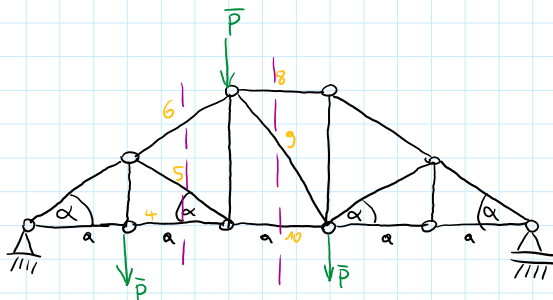
liczymy momenty, bo równania nie miałyby więcej niewiadomych

tak mamy tylko 3 niewiadome

odcinek prostopadły do kierunku działania siły \rightarrow moment



Obliczyć siły na prętach 4, 5, 6, 8, 9, 10 metodą przecięć

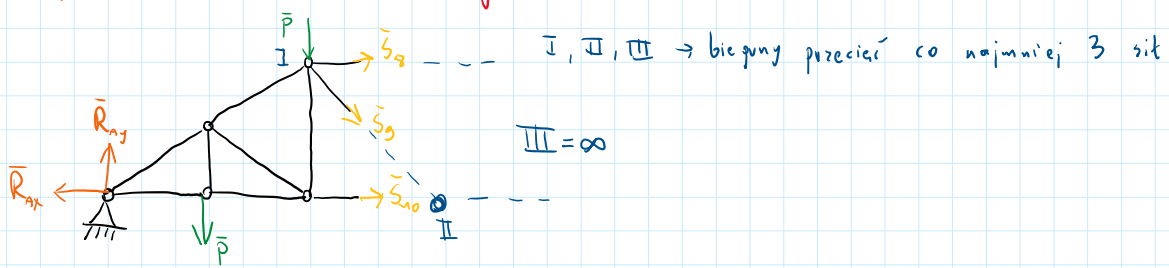


$$\alpha = 30^\circ$$

$$P = 10 \text{ kN}$$

$$a = 1 \text{ m}$$

Pręt 8: 10 są równoległe, więc:



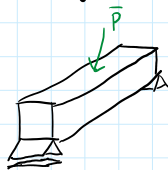
$$\sum M_I = 0$$

$$\sum M_{II} = 0$$

$$\sum F_{iy} = 0$$

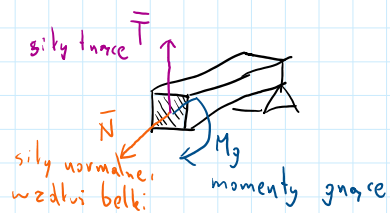
BELKI

- belka może być zginana
- **BELKA** - pręt o dowolnym przekroju, w jakiś sposób podparty, poddany działaniu sił zewnętrznych powodujących jego zginanie



szukamy sił wewnętrznych w belce

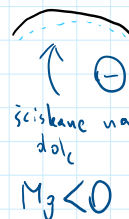
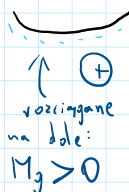
- przecinamy - jak w przypadku kratownic



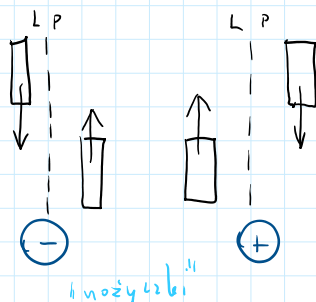
siły, których będziemy szukać

- zasady obliczenia belek

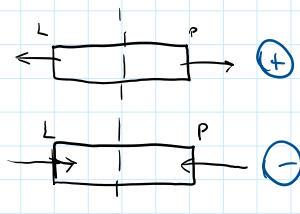
- momenty gęste



- siły tnące

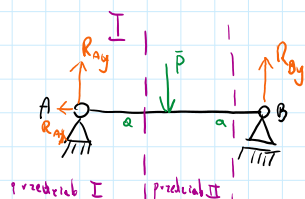


- siły normalne



od linii cięcia lub
do linii cięcia

- Przykład: roznieźać belkę.



$$P = qa$$

$$\sum P_{ix} = 0 = -R_{Ax} = 0$$

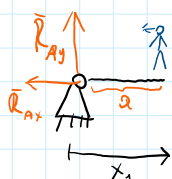
$$\sum P_{iy} = 0 = R_{Ay} + R_{By} = P \rightarrow P - R_B = \frac{P}{2}$$

$$\sum M_{iA} = 0 = -Pa + R_B 2a \rightarrow R_B = \frac{P}{2}$$

- przegub na belce nie wprowadza przecięcia

- przecięcia \rightarrow stawia się tuż przed siłą, zaczyna się na niej kolejny

$$I: 0 \leq x_1 < a$$

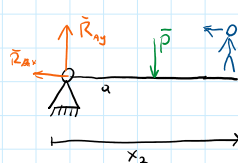


$$M_g(x) = R_{Ay} x_1$$

$$T(x) = +R_{Ay}$$

$$N(x) = R_{Ax}$$

$$II: a \leq x_2 < 2a$$

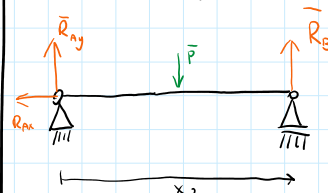


$$M_g(x) = R_{Ay} x_2 - P(x_2 - a)$$

$$T(x) = R_{Ay} - P$$

$$N(x) = R_{Ax}$$

$$III: 2a = x_3$$



$$M_g(x) = R_{Ay}(x_3) - P($$

$$\vec{P} = qa$$

- koniec zadania: wykresy

$$0 \leq x_1 \leq a$$

$$M_g(0) = 0$$

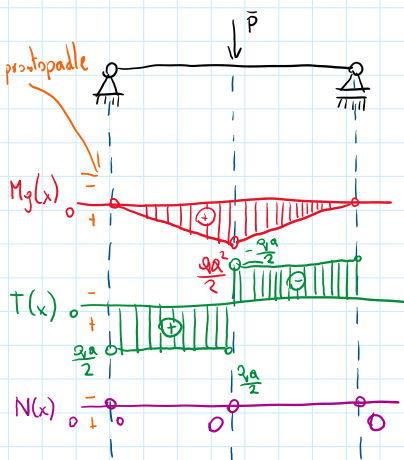
$$M_g(a) = \frac{P}{2}a = \frac{qa^2}{2}$$

$$a \leq x_2 \leq 2a$$

$$M_g(a) = \frac{P}{2}a = \frac{qa^2}{2}$$

$$M_g(2a) = \frac{P}{2} \cdot 2a - P(2a - a) = 0$$

linieki prostopadłe
do osi



← dzięki temu, że wykres idzie w dół, widać jak zgina się belka

$$T(0) = T(a) = \frac{qa}{2}$$

$$T(a) = T(2a) = -\frac{qa}{2}$$

↑ są wykresy → koniec zadania

- do informacji: wartości momentów gnących na końcach przedziałów muszą się zgadzać
- w przypadku sił tnących: w miejscu skupienia sił tnących następuje skok wartości
- wykres sił tnących jest interpretacją pochodnej momentu gnącego
jak coś się nie będzie zgadzało - coś jest złe