

## ELEKTROSTATYKA - POWTÓRKA MATERIAŁU

- ładunek  $\oplus \quad \ominus$
- prawo Coulomba  $\vec{F} = k \frac{Q_1 Q_2}{r^2} \cdot \frac{\vec{r}}{|\vec{r}|}$
- pole elektryczne  $\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q} \quad \vec{F} = \vec{E} q$
- strumień pola elektrycznego  $\Phi_e = \int_S \vec{E} \cdot d\vec{S} = \int_V \vec{E} \cdot \vec{\nabla} \cdot dV$
- prawo Gaussa  $\oint_S \vec{E} \cdot d\vec{S} = \frac{Q_{\text{we}}}{\epsilon_0} \quad \nabla \cdot \vec{E} = \frac{\rho_v}{\epsilon_0}$
- potencjał  $V, \varphi \quad V = \frac{E_p}{q} = \frac{W_{\infty \rightarrow}}{q} \quad \vec{E} = -\nabla V$
- napięcie  $U \quad U_{BA} = \Delta V_{BA} = V_B - V_A$
- pole i potencjał
  - pole jednorodne  $\vec{E} = \frac{U}{d}$
  - równomiernie naładowana kula  $Q_v = \frac{Q}{V}$
- przewodniki  $E_{\text{wewn}} = 0 \quad V = \text{const}$
- dielektryki  $\vec{D} = \epsilon_0 \vec{E} + \vec{P} \quad \vec{D} = \epsilon_0 \vec{E} + \chi_e \epsilon_0 \vec{E} \quad \vec{D} = (1 + \chi_e) \epsilon_0 \vec{E} \quad \vec{D} = \epsilon_0 \epsilon_r \vec{E} = \epsilon \vec{E}$
- prawo Gaussa w postaci różniczkowej  $\nabla \cdot \vec{D} = \rho_{v\text{-free}} \quad \nabla \cdot (-\vec{P}) = \rho_{v\text{bound}}$
- rozkład ładunku
- pole elektryczne na granicy ośrodków  $E_{t1} = E_{t2} \quad \frac{D_{n1}}{\epsilon_1} = \frac{D_{n2}}{\epsilon_2} \quad D_{n1} - D_{n2} = Q_s \quad \epsilon_1 E_{n1} - \epsilon_2 E_{n2} = Q_s$
- pojemność własna  $C = \frac{Q}{V}$
- pojemność wzajemna (kondensator)  $C = \frac{Q}{U}$
- pojemność  $C \approx \frac{\epsilon_0 \epsilon_r \cdot S}{d}$
- płynący potencjał  $Q = \text{const}$
- rozkład ładunku w kondensatorze  $Q_{\text{const}}, V_{\text{const}}, \text{etc.}$
- energia zgromadzona  $W_e = \frac{1}{2} \int \rho_v V dv$
- energia w dielektryku  $W_e = \frac{1}{2} \int (\vec{E} \cdot \vec{D}) dv \quad W_e = \frac{1}{2} \int \epsilon \cdot |\vec{E}|^2 dv$
- gęstość energii  $W = \frac{1}{2} Q U = \frac{1}{2} C U^2$
- rotacja pola  $E \quad \nabla \times \vec{E} = \nabla \times (-\nabla V) = 0$
- pole  $E: \quad \vec{E} = -\nabla V \quad \nabla \cdot \vec{E} = \frac{\rho_v}{\epsilon_0} \quad \nabla \times \vec{E} = 0$
- równania Poissona i Laplace'a  $\nabla \cdot \vec{E} = \frac{\rho_v}{\epsilon_0} \quad \vec{E} = -\nabla V$   
 $\nabla \cdot \vec{E} = \nabla \cdot (-\nabla V) = -\nabla^2 V = -$

te relacje nie muszą być prawdziwe dla pola  $D$

- równania Poissona i Laplace'a  $\nabla \cdot \vec{E} = \frac{\rho_v}{\epsilon_0}$   $E = -\nabla V$   
 $\nabla \cdot \vec{E} = \nabla \cdot (-\nabla V) = -\nabla^2 V = -$
- równanie Poissona:  $\nabla^2 V = -\frac{\rho_v}{\epsilon_0}$
- równanie Laplace'a:  $\rho_v = 0$   $\nabla^2 V = 0$
- podstawowe zależności:

$$V = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \int \frac{\rho_v}{r} dv$$

$$\nabla^2 V = -\frac{\rho_v}{\epsilon_0}$$

$$\vec{E} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \int \frac{\hat{r}}{r^2} \rho_v dv$$

$$\nabla \cdot \vec{E} = \frac{\rho_v}{\epsilon_0}$$

$$\nabla \times \vec{E} = 0$$

$$V = \int \vec{E} \cdot d\vec{x}$$

$$\vec{E} = -\nabla V$$

- ruch ładunków
- elementy elektrostatyki stosowanej  $\leftarrow$  nie na kolokwium
  - zagrożenia: wyładowanie elektrostatyczne  $\rightarrow$  zapłon, utrata przydatności, uszkodzenie elektroniki
  - zastosowanie: kserokoparki, energia harvesting, elektroaerozole
  - pomiary: ładunek całkowity, gęstość ładunku, etc.