



Vorlesung Fahrzeugmechanik (Kap. 10: Querdynamik)

Hochschule Ulm, WS 2017/18

Theodor Großmann

Fahrdynamik-Teilgebiete: Ride und Handling



Die Fahrdynamik oder Fahrverhalten wird im Allgemeinen in die Teilgebiete "Ride" und "Handling" aufgeteilt.

Begriffsdefinition "Ride":

Ride umfasst den niederfrequenten Komfort (<30 Hz). Es werden hierbei keine akustischen Signale mitbenutzt. Die Bewegungen finden vor allem vertikal statt. (Straßeninduziertes Verhalten)

<u>Begriffsdefinition</u> "Handling":

Handling beschäftigt sich vor allem mit quer- und längsdynamischen Manövern. Die Frequenzen liegen im Bereich unterhalb von 5 Herz. (Fahrerinduziertes Verhalten)

"Open Loop"-Manöver:

Bei Open Loop Manövern sind die Aktivitäten des Fahrers fest vorgegeben, mit anderen Worten, der Fahrer regelt seine Fahraufgabe nicht aus.

"Closed Loop"-Manöver:

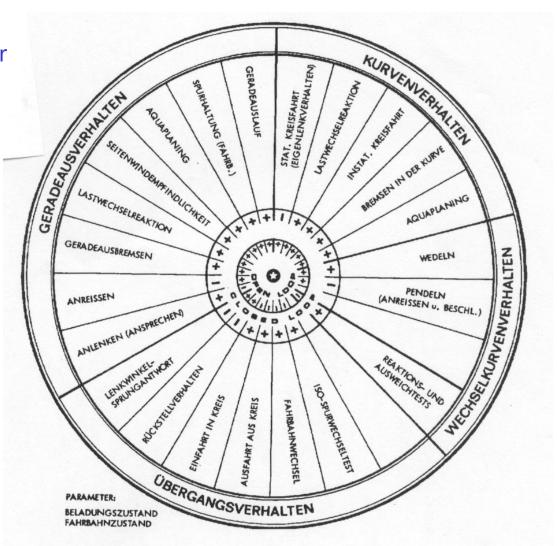
Der Fahrer bekommt eine Fahraufgabe, die er durch den Regelkreis "Fahrer Fahrzeug Umwelt" zu erfüllen versucht.

Fahrdynamische Manöver & Schwingungen: Handling-Manöver



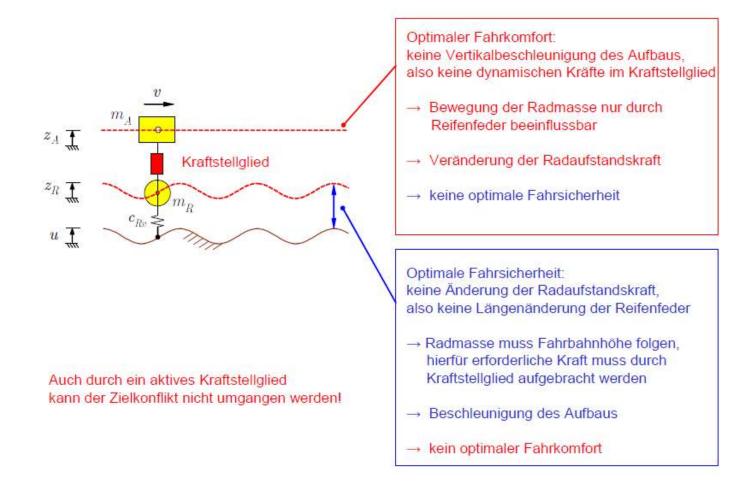
a) Handling-Manöver

b) Ride Manöver



Fahrdynamische Manöver & Schwingungen

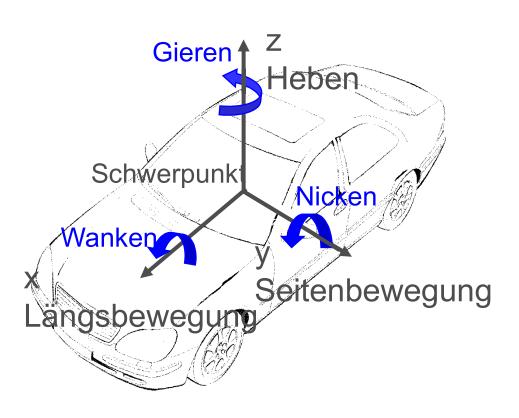




Zielkonflikt zwischen Fahrkomfort und Fahrsicherheit

Fahrzeugmodell







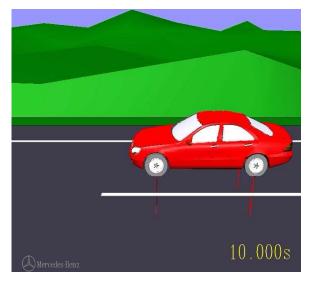
Fahrzeugmodell



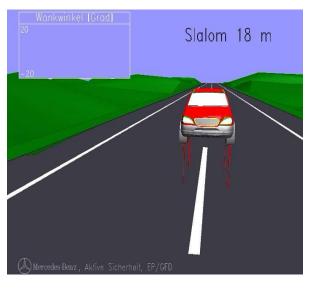
Gieren: Bremsen auf μ -split



Nicken: Anfahren und Bremsen



Wanken: Slalom 18m





Annahme des Einspurmodells



SP

Annahmen für <u>lineares</u> Einspurmodell:*

Achsen:

Beide Räder einer Achse werden zu einem Rad in Achsmitte zusammengefasst.

Radführung (Kinematik + Elastokinematik): Radführung ist linear.

Ebenes Modell:

Der Fahrzeugschwerpunkt liegt in Fahrbahnhöhe. (Kein Fahrzeug-Wanken)

Lineares System:

- •Die Reifenseitenkraft ist proportional dem Schräglaufwinkel.
- •Reifenrückstellmoment wird vernachlässigt.
- •Kein Reifeneinlaufverhalten

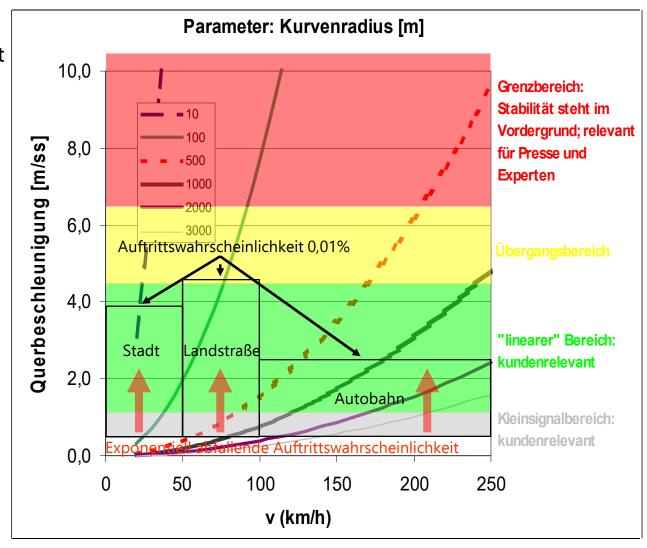
t und Nichtlinearitäten vereinfacht eingeführt werden.

^{*} Je nach Definitionsgrad können die Annahmen variiert und Nichtlinearitäten vereinfacht eingeführt werden.

Gütligkeitsbereich des linearen Einspurmodells



Die Auftrittswahrscheinlichkeit der Querbeschleunigungen nimmt für den normalen Kunden exponentiell mit der Querbeschleunigung ab.



Achslastverteilung am Fahrzeug-Einspurmodell



Momentenbilanz mit Vertikalkräften:

$$\mathbf{m} \cdot \mathbf{g} \cdot \mathbf{l}_{h} = \mathbf{m}_{v} \cdot \mathbf{g} \cdot \mathbf{l} \implies \mathbf{m}_{v} = \frac{\mathbf{l}_{h}}{\mathbf{l}} \mathbf{m}$$

$$\mathbf{m} \cdot \mathbf{g} \cdot \mathbf{l}_{v} = \mathbf{m}_{h} \cdot \mathbf{g} \cdot \mathbf{l} \implies \mathbf{m}_{h} = \frac{\mathbf{l}_{v}}{\mathbf{l}} \mathbf{m}$$

$$\boldsymbol{m}_{\boldsymbol{v}} + \boldsymbol{m}_{\boldsymbol{h}} = \boldsymbol{m}$$

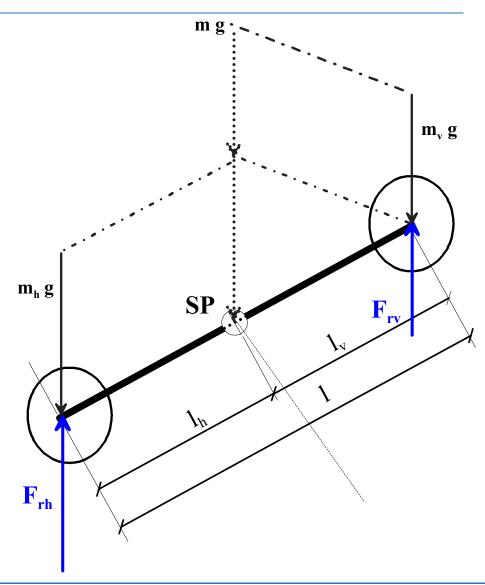
SP: Schwerpunkt m: Gesamtmasse

m_v: Achslast der Vorderachse m_h: Achslast der Hinterachse

I: Radstand

 I_{ν} : Abstand Vorderachse vom Schwerpunkt

I_h: Abstand Hinterachse vom Schwerpunkt



Kräfteverteilung am Fahrzeug-Einspurmodell



Aus Momentenbilanz mit Querkräften:

$$\mathbf{F}_{sv} \cdot \mathbf{cos} \, \delta \cdot \mathbf{l} = \mathbf{l}_{h} \cdot \mathbf{m} \cdot \mathbf{a}_{y}$$
$$\mathbf{F}_{sh} \cdot \mathbf{l} = \mathbf{l}_{v} \cdot \mathbf{m} \cdot \mathbf{a}_{y}$$

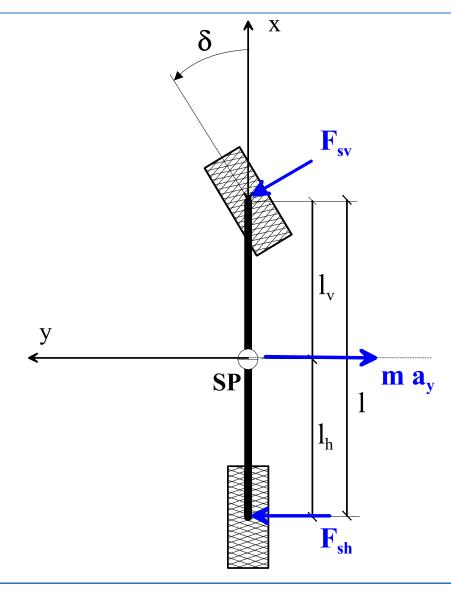
Für kleine Winkel gilt: $\cos\delta \approx 1$ und damit:

$$F_{sv} = \frac{l_h}{l} \cdot \mathbf{m} \cdot \mathbf{a}_y$$
$$F_{sh} = \frac{l_v}{l} \cdot \mathbf{m} \cdot \mathbf{a}_y$$

F_{Sv}: Seitenkraft an Vorderachse F_{Sh}: Seitenkraft an Hinterachse

a_v: Querbeschleunigung

 δ : Lenkwinkel





Zerlegung der Beschleunigungen entlang der Bahnkurve



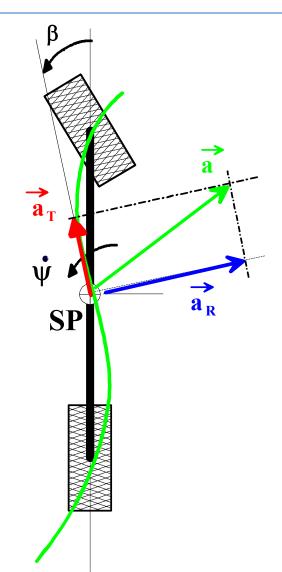
Allgemeine Zerlegung der Beschleunigung entlang einer Bahnkurve:

$$\vec{\mathbf{a}} = \vec{\mathbf{a}}_{R} + \vec{\mathbf{a}}_{T} = \frac{\mathbf{v}^{2}}{R} \cdot \vec{\mathbf{e}}_{R} + \dot{\mathbf{v}} \cdot \vec{\mathbf{e}}_{T}$$

$$\left| \vec{\mathbf{a}}_{R} \right| = \mathbf{a}_{R} = \frac{\mathbf{v}^{2}}{R}$$

$$\left| \vec{\mathbf{a}}_{T} \right| = \mathbf{a}_{T} = \dot{\mathbf{v}}$$

a : Bahnbeschleunigung \mathbf{a}_{T} : Längsbeschleunigung \mathbf{a}_{R} : Radialbeschleunigung $\vec{\mathbf{e}}_{\mathrm{T}}$: Längseinheitsvektor \vec{e}_{R} : Radialeinheitsvektor \mathbf{v} : Längsgeschwindigkeit



Bewegungsgrößen



Allgemein gilt:

$$\begin{aligned}
\mathbf{v} &= \mathbf{\psi} + \mathbf{\beta} \implies \mathbf{\dot{v}} &= \mathbf{\dot{\psi}} + \mathbf{\dot{\beta}} \\
\mathbf{a}_{\mathbf{R}} &= \mathbf{v} \cdot \mathbf{\dot{v}} \implies \mathbf{a}_{\mathbf{R}} &= \mathbf{v} \cdot (\mathbf{\dot{\psi}} + \mathbf{\dot{\beta}})
\end{aligned}$$

Spezialfall

Stationäre Kreisfahrt:

$$\mathbf{a_R} = \frac{\mathbf{v}^2}{\mathbf{R}}$$
 mit $\mathbf{v} = \dot{\mathbf{\psi}} \cdot \mathbf{R}$

v : Geschwindigkeit

v : Längsbeschleunigung

R: Bahnradius

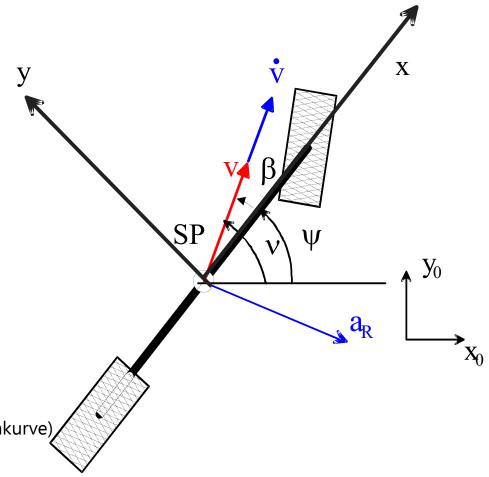
a_R: Radialbeschleunigung (senkrecht zur Bahnkurve)

β: Schwimmwinkel

 $\psi: \mathsf{Gierwinkel}$

v: Kurswinkel

 ψ : Giergeschwindigkeit



Kräfte- und Momentengleichgewicht für reine Querdynamik



Newton:

$$\mathbf{m} \cdot \mathbf{a}_{\mathbf{y}} = \mathbf{F}_{\mathbf{s}\mathbf{v}} \cos \delta + \mathbf{F}_{\mathbf{s}\mathbf{h}}$$

Drallsatz:

$$\theta \cdot \ddot{\psi} = \mathbf{F}_{sv} \cdot \cos \delta \cdot \mathbf{I}_{v} - \mathbf{F}_{sh} \cdot \mathbf{I}_{h}$$

Für kleine Winkel gilt:

$$\cos \delta \approx 1 \Rightarrow \begin{vmatrix} \mathbf{m} \cdot \mathbf{a}_{y} = \mathbf{F}_{sv} + \mathbf{F}_{sh} \\ \theta \cdot \ddot{\psi} = \mathbf{F}_{sv} \cdot \mathbf{l}_{v} - \mathbf{F}_{sh} \cdot \mathbf{l}_{h} \end{vmatrix}$$

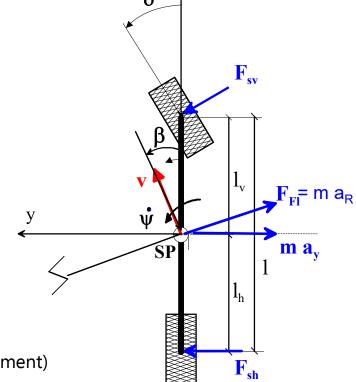


Θ : Trägheitsmoment um die Hochachse (Gierträgheitsmoment)

β : Schwimmwinkel

a_y: Querbeschleunigung (senkrecht zur Fahrzeuglängsachse)
 a_R: Radialbeschleunigung (senkrecht zur Bahnlängsrichtung)

F_{FI}: Fliehkraft



In der Praxis wird zwischen Quer- und Radialbeschleunigung nicht unterschieden, denn es gilt:

$$a_y = \cos \beta \cdot a_R$$

Kräfte- und Momentengleichgewicht für Längs- und Querdynamik



Hier gilt für die Tangential- und Querbeschleunigung:

$$a_{x} = a_{T} \cdot \cos\beta - a_{R} \cdot \sin\beta$$
$$a_{y} = a_{T} \cdot \sin\beta + a_{R} \cdot \cos\beta$$

oder
$$\begin{pmatrix} a_x \\ a_y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \cos \beta & -\sin \beta \\ \sin \beta & \cos \beta \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} a_T \\ a_R \end{pmatrix}$$

Dies entspricht einer Koordinatentransformation vom Bahnkurvensystem ins Fahrzeugsystem.

•Kräfte Gleichgewicht in Fahrzeuglängsrichtung:

$$\mathbf{m} \ \mathbf{a}_{x} = \mathbf{F}_{uh} + \mathbf{F}_{uv} \cos \delta + \mathbf{F}_{sv} \sin \delta$$

•Kräfte Gleichgewicht in Fahrzeugquerrichtung:

$$\mathbf{m} \ \mathbf{a}_{y} = \mathbf{F}_{sh} - \mathbf{F}_{uv} \sin \delta + \mathbf{F}_{sv} \cos \delta$$

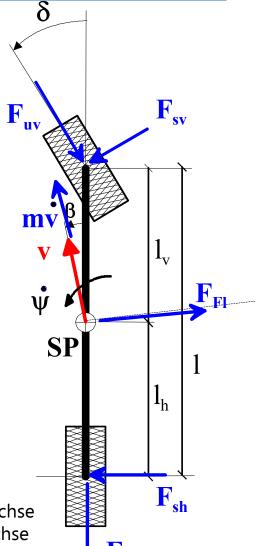
•Momentengleichgewicht um den Schwerpunkt:

$$\Theta \cdot \ddot{\psi} = (F_{sv} \cos \delta - F_{uv} \sin \delta) \cdot I_v - F_{sh} \cdot I_h$$

F_{uv}: Umfangskraft an Vorderachse

F_{uh}: Umfangskraft an Hinterachse

: Schwerpunktbeschleunigung



Einspur-Fahrzeugmodell bei langsamer Kreisfahrt



Voraussetzungen für eine stationäre Kreisfahrt:

$$v = konst.$$

$$\dot{\mathbf{v}} = \mathbf{0}$$

$$\beta = \beta_0 = konst$$

$$\dot{\beta} = 0$$

$$v = konst.$$

$$\beta = \beta_0 = konst.$$

$$\dot{\beta} = 0$$

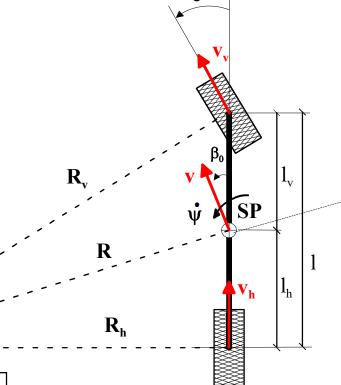
$$\dot{\psi} = \frac{v}{R} = konst.$$

$$\dot{\psi} = \frac{\dot{v}}{R} = 0$$

$$\ddot{\psi} = \frac{\dot{v}}{R} = 0$$

$$\ddot{\psi} = \frac{\dot{\mathbf{v}}}{\mathbf{R}} = \mathbf{0}$$

$$R = konst.$$



Für die langsame, stationäre Kreisfahrt gilt:

Ackermannwinkel:
$$\tan \delta_{A} = \frac{1}{\sqrt{R^{2} - l_{h}^{2}}} \approx \frac{l}{R} \implies \delta_{A} \approx \frac{l}{R}$$

$$\Rightarrow \boxed{\delta_{\rm A} \approx \frac{1}{R}}$$

$$\tan \beta_0 = \frac{\mathbf{l_h}}{\sqrt{\mathbf{R}^2 - \mathbf{l_h}^2}} \approx \frac{\mathbf{l_h}}{\mathbf{R}} \implies \boxed{\beta_0 \approx \frac{\mathbf{l_h}}{\mathbf{R}}}$$

$$\Rightarrow \boxed{\beta_0 \approx \frac{\mathbf{l_h}}{\mathbf{R}}}$$

Reifenkräfte in Abhängigkeit des Schräglaufwinkels



Wie entstehen Seitenkräfte zwischen Fahrbahn und Straße?

F_s: Seitenkraft

 C_s : Reifensteifigkeit α : Schräglaufwinkel

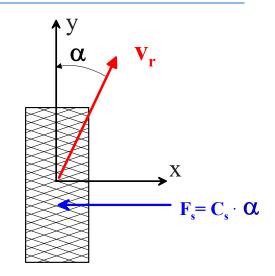
v_r: Geschwindigkeit im Radaufstandspunkt

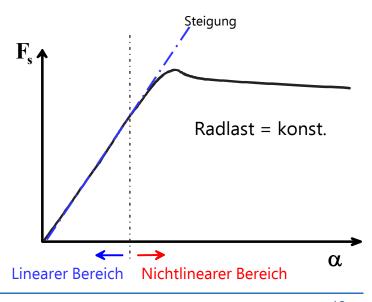
Seitenkräfte nach dem linearem Modell:

 C_{sv} : Reifensteifigkeit an Vorderachse C_{sh} : Reifensteifigkeit an Hinterachse α_v : Schräglaufwinkel an Vorderachse α_h : Schräglaufwinkel an Hinterachse

"Reifensteifigkeit" im englischen: cornering stiffness

→das Fahrzeug stellt sich so zum Bahnverlauf, das Seitenkräfte entstehen können





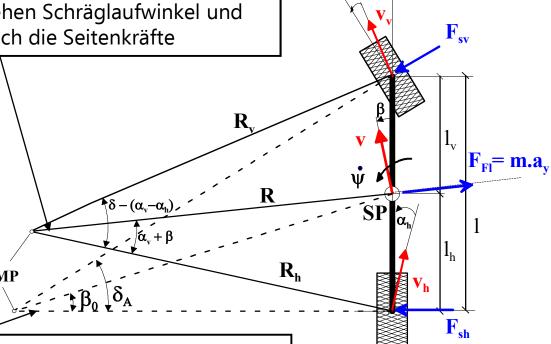
Einspur-Fahrzeugmodell bei Kreisfahrt



schnelle Kreisfahrt:

die Räder rollen mit seitlichem Schlupf

• Es entstehen Schräglaufwinkel und damit auch die Seitenkräfte



langsame Kreisfahrt:

die Räder rollen ohne seitlichem Schlupf

• keine Schräglaufwinkel und damit auch keine Seitenkräfte

 β_0 : Schwimmwinkel beim schlupffreien Rollen

MP: Momentanpol

 $R_{\rm v}\;$: Abstand der Vorderachse vom Momentanpol

R_h: Abstand der Hinterachse vom Momentanpol

 δ_{A} : Ackermannwinkel



Grundlagen Schräglaufwinkel aus Momentenbilanz

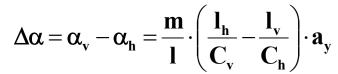
Die effektive Achssteifigkeit wird durch Reifen sowie Kinematik und Elastokinematik bestimmt. Analog zum Reifen gilt:

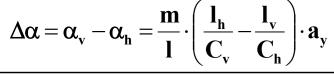
$$F_{sv} = C_v \cdot \alpha_v$$
$$F_{sh} = C_h \cdot \alpha_h$$

Aus der Momentenbilanz in Querrichtung folgt:

$$\mathbf{F}_{sv} \cdot \mathbf{l} = \mathbf{C}_{v} \cdot \mathbf{\alpha}_{v} \cdot \mathbf{l} = \mathbf{l}_{h} \cdot \mathbf{m} \cdot \mathbf{a}_{y}$$

$$\mathbf{F}_{sh} \cdot \mathbf{l} = \mathbf{C}_{h} \cdot \mathbf{\alpha}_{h} \cdot \mathbf{l} = \mathbf{l}_{v} \cdot \mathbf{m} \cdot \mathbf{a}_{y}$$



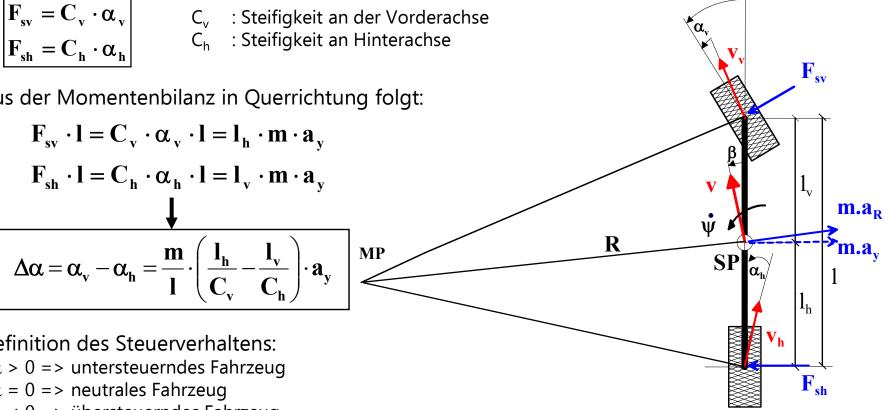


Definition des Steuerverhaltens:

 $\Delta \alpha > 0 = >$ untersteuerndes Fahrzeug

 $\Delta \alpha = 0 =$ neutrales Fahrzeug

 $\Delta \alpha$ < 0 => übersteuerndes Fahrzeug



Geschwindigkeiten an Vorderund Hinterachse



Geschwindigkeiten an der Vorderachse:

$$\vec{v} + \vec{\dot{\psi}} \times \vec{l}_v = \vec{v}_v$$

Geschwindigkeiten an der Hinterachse:

$$\vec{v} + \vec{\dot{\psi}} \times \vec{l}_h = \vec{v}_h$$

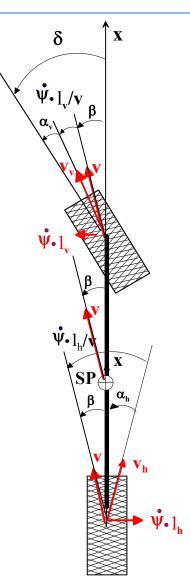
: Fahrgeschwindigkeit

: Geschwindigkeiten aus der Fahrzeugdrehung : resultierende Geschwindigkeiten an der

Vorder- und Hinterachse

$$\alpha_{v} = \delta - \beta - \frac{\dot{\psi} \cdot l_{v}}{v}$$

$$\alpha_h = -\beta + \frac{\dot{\psi} \cdot l_h}{v}$$





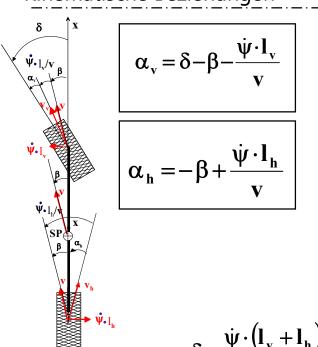


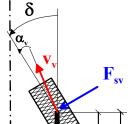
Eigenlenkverhalten nach "Bergman"



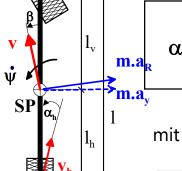
Kinematische Beziehungen

Momentenbilanz in Querrichtung





$$\alpha_{v} = \frac{l_{h} \cdot m \cdot a_{y}}{C_{v} \cdot l}$$



$$\alpha_h = \frac{l_v \cdot m \cdot a_y}{C_h \cdot l}$$

$$\begin{aligned}
\mathbf{F}_{sv} &= \mathbf{C}_{v} \cdot \boldsymbol{\alpha}_{v} \\
\mathbf{F}_{sh} &= \mathbf{C}_{h} \cdot \boldsymbol{\alpha}_{h}
\end{aligned}$$

$$\Delta\alpha = \alpha_v - \alpha_h = \delta - \frac{1}{R}$$

$$\Delta \alpha = \alpha_{v} - \alpha_{h} = \frac{m}{l} \cdot \left(\frac{l_{h}}{C_{v}} - \frac{l_{v}}{C_{h}}\right) \cdot a_{y}$$

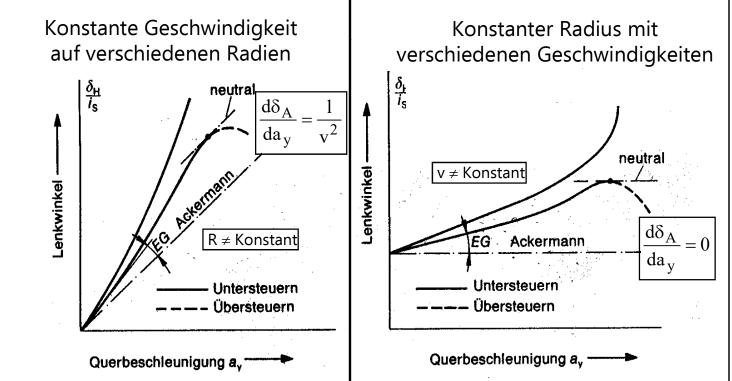
$$\bullet \qquad \delta = \delta_A + \frac{m}{l} \cdot \left(\frac{l_h}{C_v} - \frac{l_v}{C_h} \right) \cdot$$

$$\frac{d\delta}{da_{y}} = \frac{d\delta_{A}}{da_{y}} + \frac{m}{l} \cdot \left(\frac{l_{h}}{C_{v}} - \frac{l_{v}}{C_{h}} \right)$$



Grundlagen Verschiedene stationäre Kreisfahrt

Fahrmanöver: stationäre Kreisfahrt mit konstantem Bahnradius und konstanter Geschwindigkeit



$$\frac{d\delta_{A}}{da_{y}} = \frac{d\left(\frac{1}{R}\right)}{da_{y}}$$

$$\begin{vmatrix} a_y = \frac{v^2}{R} \to R = \frac{v^2}{a_y} \\ v = \text{konst.} \land R \neq \text{konst.} \\ \frac{1}{R} = \frac{1 \cdot a_y}{v^2} \to \frac{d\delta_A}{da_y} = \frac{1}{v^2} \\ v \neq \text{konst.} \land R = \text{konst.} \\ \frac{d\delta_A}{da_y} = 0$$

Der Eigenlenlenkgradient ist die Differenz zwischen der Steigung der Lenkradwinkelkurve und der Ackermanngeraden über der Querbeschleunigung



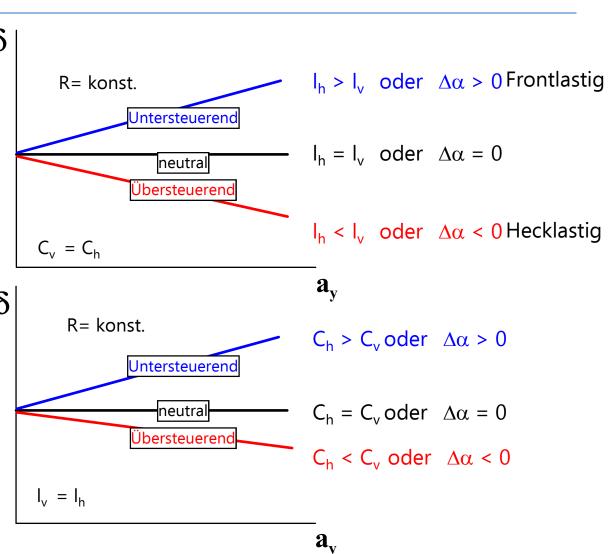
Eigenlenkverhalten nach "Olley"



$$\Delta \alpha = \alpha_{v} - \alpha_{h}$$

$$= \frac{m}{l} \cdot \left(\frac{l_{h}}{C_{v}} - \frac{l_{v}}{C_{h}} \right) \cdot a_{y} \wedge a_{y} > 0$$

Unterschiedliche Achssteifigkeiten werden meistens nicht durch Mischbereifungen realisiert, sondern durch die Auslegung der Achsen.



Vergleich Eigenverhalten nach "Olley" und "Bergman"



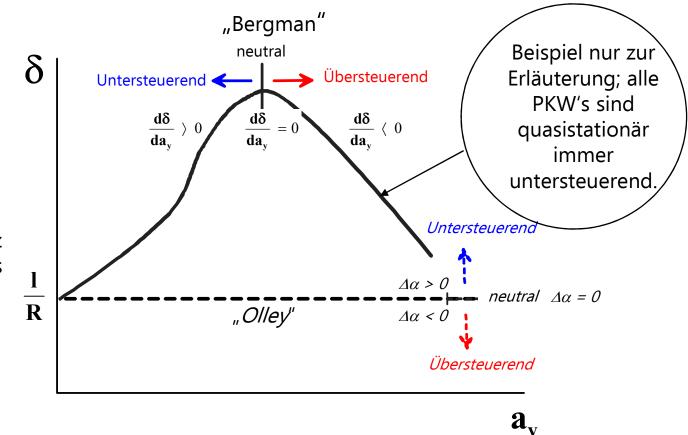
"Bergman"

R= konst. $\boxed{EG = \frac{d\delta}{da_y} = \frac{m}{l} \cdot \left(\frac{l_h}{C_v} - \frac{l_v}{C_h}\right)}$

 $\Delta \alpha = \frac{\mathbf{m}}{\mathbf{l}} \cdot \left(\frac{\mathbf{l}_{h}}{\mathbf{C}_{v}} - \frac{\mathbf{l}_{v}}{\mathbf{C}_{h}} \right) \cdot \mathbf{a}_{y}$

"Olley"

Im linearen Bereich sind beide Definitionen identisch. Erst bei Nichtlinearitäten treten Unterschiede auf. Die Definition von Bergman wird bevorzugt. Die Definition von Olley hat den Nachteil, dass die Schräglaufwinkeldifferenz für Rechts- und Linkskreis entgegengesetztes Vorzeichen hat (die Querbeschleunigung a_v ist mit einem Vorzeichen behaftet).







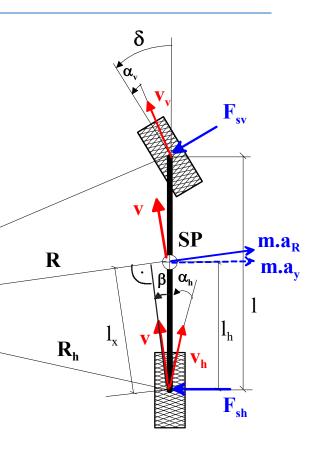
$$\frac{l_x = R_h \cdot \sin(\alpha_h + \beta)}{l_x = l_h \cdot \cos \beta} \Rightarrow \frac{l_h}{R_h} = \frac{\sin(\alpha_h + \beta)}{\cos \beta}$$

$$\Rightarrow \frac{l_{h}}{R_{h}} = \frac{\sin \alpha_{h} \cdot \cos \beta + \sin \beta \cdot \cos \alpha_{h}}{\cos \beta}$$
$$= \sin \alpha_{h} + \cos \alpha_{h} \cdot \tan \beta$$
MP

Für kleine Winkel gilt: $\frac{l_h}{R_h} = \alpha_h + \beta$ und $R_h = R$

Schwimmwinkelgradient:

$$SG = \frac{d\beta}{da_y} = \frac{m}{C_h} \cdot \frac{l_v}{l}$$



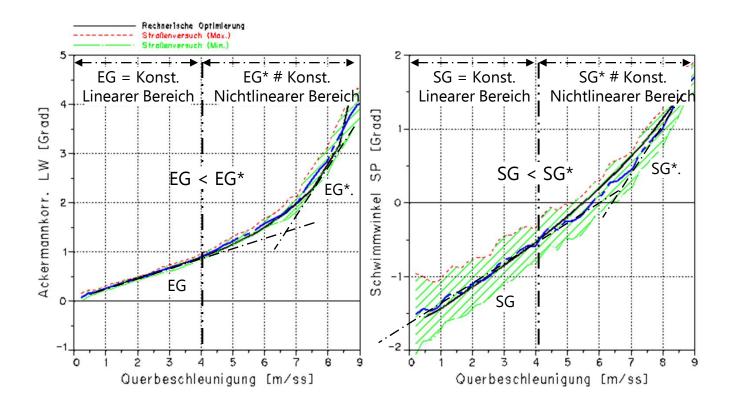
 $\alpha_h + \beta$



Vergleich Rechnung-Messung mit detailliertem Modell



Fahrmanöver: stationärer Kreisfahrt mit konstantem Bahnradius



Der Eigenlenlenkgradient ist die Differenz zwischen der Steigung der Lenkradwinkelkurve und der Ackermanngeraden über der Querbeschleunigung

Fahrdynamische und Komponenten -Sicht des EG



Gegeben seien: m, l, l_v dann sind folgende Wertepaare im linearen Einspurmodell äquivalent:

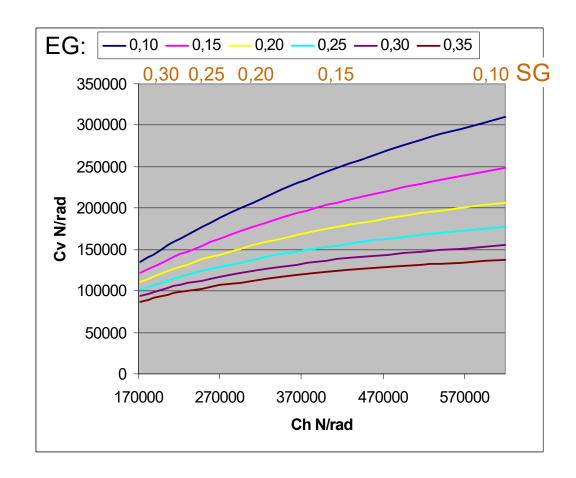
$$EG = \frac{d\delta}{da_{y}} = \frac{m}{I} \cdot \left(\frac{I_{h}}{C_{v}} - \frac{I_{v}}{C_{h}} \right)$$

$$SG = \frac{d\beta}{da_y} = \frac{m}{C_h} \cdot \frac{I_v}{I}$$

C_v und C_h (Komponenten-Sicht)

&

EG und SG (fahrdynamische Sicht)





Umformung des Eigenlenkgradienten im linearen Bereich



Im linearen Bereich gilt bei einer Kreisfahrt mit konstantem Radius folgende Definition der Eigenlenkgradienten EG:

Für die Seitenkraft F_{sv} bzw. F_{sh} gilt:

$$EG = \frac{d\delta}{da_{y}} = \frac{m}{I} \cdot \left(\frac{I_{h}}{C_{v}} - \frac{I_{v}}{C_{h}} \right)$$

$$\begin{vmatrix} \mathbf{F}_{sv} = \mathbf{m}_{v} \cdot \mathbf{a}_{y} = \frac{\mathbf{I}_{h}}{\mathbf{I}} \cdot \mathbf{m} \cdot \mathbf{a}_{y} \\ \mathbf{F}_{sh} = \mathbf{m}_{h} \cdot \mathbf{a}_{y} = \frac{\mathbf{I}_{v}}{\mathbf{I}} \cdot \mathbf{m} \cdot \mathbf{a}_{y} \end{vmatrix}$$

Damit gilt für den EG:

$$EG = \left(\frac{\mathbf{F}_{sv}}{\mathbf{C}_{v}} - \frac{\mathbf{F}_{sh}}{\mathbf{C}_{h}}\right) \cdot \frac{1}{\mathbf{a}_{y}} = \left(\alpha_{v} - \alpha_{h}\right) \cdot \frac{1}{\mathbf{a}_{y}}$$

Für Fahrzeuge mit Standardantrieb wird an Vorder- und Hinterachse die gleiche Achslast angestrebt. Ein untersteuerndes Fahrverhalten kann dann nur durch eine geringere Steifigkeit C_v des "effektiven Reifens" an der Vorderachse relativ zur Steifigkeit C_h erzielt werden. Bei Gleichbereifung wird dies durch eine gezielte, konstruktive Auslegung der Achssteifigkeiten erreicht. In den 50er Jahren wurde die Untersteuertendenz durch den Einfluss der Sturzseitenkraft erzielt, d.h. an der Vorderachse hat der Reifensturz die Seitenkraft verringert und damit die Untersteuertendenz erzeugt. Bei den heutigen Breitreifen wird dieser Mechanismus nicht mehr verwendet.

Gierverstärkung nach dem Einspurmodell



Gierverstärkung:

Mit welcher Giergeschwindigkeit reagiert ein Fahrzeug auf einen Lenkwinkel (entweder bezogen

auf das Rad oder auf das Lenkrad) im quasistastionären Bereich?

Fahrzeug ψ Ausgang

Gierverstärkung: $\frac{\dot{\psi}}{s}$

Mit Hilfe:

$$\delta = \frac{1}{R} + \frac{m}{l} \cdot \left(\frac{l_h}{C_v} - \frac{l_v}{C_h} \right) \cdot a_y$$

$$a_y = v \cdot \dot{\psi}, \quad \dot{\psi} = \frac{v}{R} \text{ und } \dot{\beta} \approx 0$$

$$\frac{\left(\frac{\dot{\mathbf{v}}}{\delta}\right)_{\text{stat}} = \frac{\mathbf{v}}{\mathbf{l} + \frac{\mathbf{m}}{\mathbf{l}} \cdot \left(\frac{\mathbf{l}_{\text{h}}}{\mathbf{C}_{\text{v}}} - \frac{\mathbf{l}_{\text{v}}}{\mathbf{C}_{\text{h}}}\right) \cdot \mathbf{v}^{2}} = \frac{\mathbf{v}}{\mathbf{l} + \mathbf{E}\mathbf{G} \cdot \mathbf{v}^{2}}$$

Manöver zur Durchführung im Zeitbereich:

Bei konstanter Fahrgeschwindigkeit wird das Lenkrad sinusförmig mit einer Frequenz unterhalb von 0,2 Hz eingeschlagen. Die Lenkradamplitude wird so gewählt, dass eine maximale Querbeschleunigung um 3 m/s² auftritt. Beginnend bei 20 km/h wird das Manöver jeweils mit einer um 10 km/h höheren Geschwindigkeit wiederholt. Ausgewertet werden die Amplituden von Lenkwinkel und Giergeschwindigkeit.

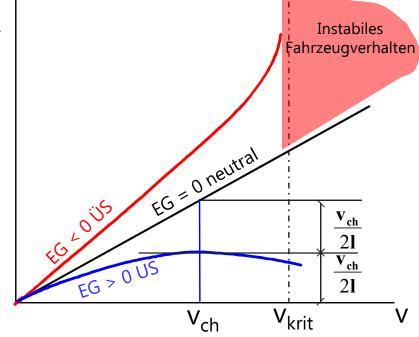
Gierverstärkung nach dem Einspurmodell



Gierverstärkung:

$$\left[\frac{\dot{\psi}}{\delta}\right]_{stat} = \frac{\mathbf{v}}{\mathbf{l} + \mathbf{E}\mathbf{G} \cdot \mathbf{v}^2}$$

 $\frac{\dot{\psi}}{\delta_R}$



v_{ch}: charakteristische Geschwindigkeit

v_{krit}: kritische Geschwindigkeit US: untersteuerndes Fahrzeug ÜS: übersteuerndes Fahrzeug

- •ÜS-Kurve: strebt bei v_{krit} gegen ∞
- •US-Kurve: erreicht bei v_{ch} ein Maximum
- •Neutral-Kurve: ergibt eine Gerade mit der Steigung 1/l

Ermittlung der charakteristischen Grundlagen und kritischen Geschwindigkeit



•Für untersteuerndes Fahrzeug (EG > 0): Ableitung der Gierverstärkung gleich Null → V_{ch}

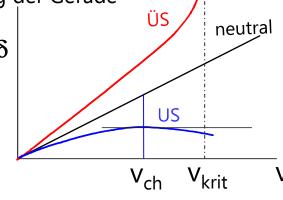
$$\frac{d\left(\frac{\dot{\psi}}{\delta}\right)}{dv} = 0 \implies \frac{1 - EG \cdot v_{ch}^{2}}{\left(1 + EG \cdot v_{ch}^{2}\right)^{2}} = 0 \implies v_{ch}^{2} = \frac{1}{EG}$$

•Für übersteuerndes Fahrzeug (EG < 0): Nenner der Gierverstärkung gleich Null → V_{krit}

$$\mathbf{l} + \mathbf{E}\mathbf{G} \cdot \mathbf{v}_{krit}^2 = 0 \implies \mathbf{v}_{krit}^2 = -\frac{\mathbf{l}}{\mathbf{E}\mathbf{G}}$$

•Für neutrales Fahrzeug (EG = 0): EG gleich Null → Gleichung der Gerade

$$EG = 0 \Rightarrow \left[\left(\frac{\dot{\psi}}{\delta} \right)_{stat} = \frac{v}{l} \right]$$



Fahrdynamische Manöver & Schwingungen



2) Lenkungspendeln

Manöver: Anreissen aus Geradeausfahrt:

Bei diesem Manöver wird geradeaus gefahren, plötzlich das Lenkrad auf einen bestimmten Winkel angerissen und losgelassen.

Das Rücklaufverhalten der Lenkung wird nach Amplitude und Dämpfung beurteilt.

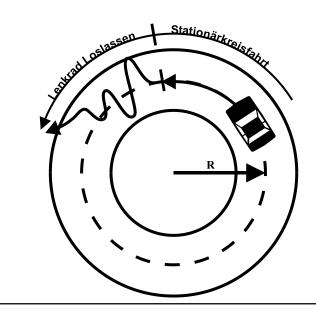


Geradeausfahrt Anreissen und losslassen

Manöver: Loslassen aus stationärer Kreisfahrt:

Bei diesem Manöver wird aus stationärer Kreisfahrt das Lenkrad plötzlich losgelassen.

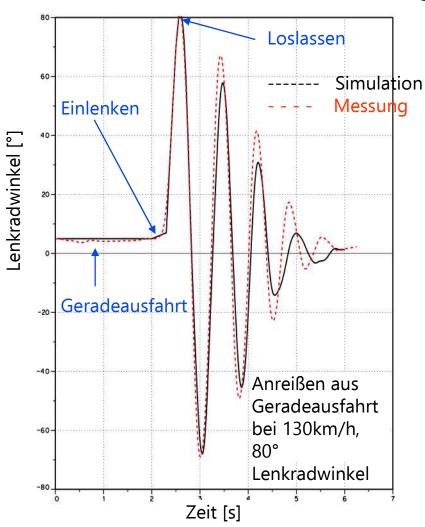
Das Rücklaufverhalten der Lenkung wird nach Amplitude und Dämpfung beurteilt.

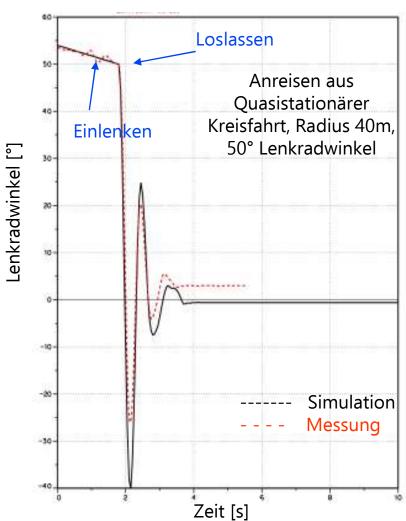


Fahrdynamische Manöver & Schwingungen



2) Lenkungspendeln





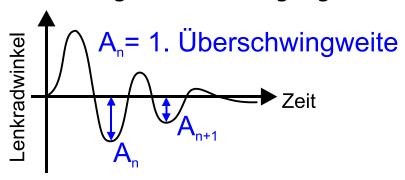
Fahrdynamische Manöver & Schwingungen



2) Lenkungspendeln

Kenngrößen zur Bewertung:

- 1. Erste Überschwingweite des Lenkradwinkels über der Zeit.
- 2. Dämpfungsmaß D
- => beide Größen sind ein Maß für das Abklingen der Schwingung



Logaritmisches Dekrement

$$\Lambda = \log(A_n/A_{n+1})$$

Dämpfungsmaß

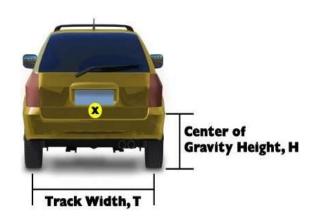
$$D = \Lambda \frac{1}{\sqrt{4\pi^2 + \Lambda^2}}$$



Road edge recovery

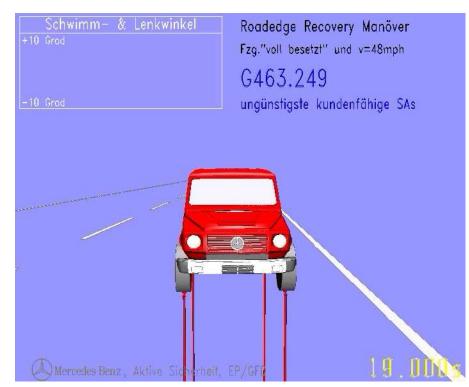


Road Edge Recovery Manöver der amerikanischen Verkehrsbehörde zur Beurteilung der "Roll Over" Wahrscheinlichkeit



Static Stability Factor:

$$SSF = \frac{T/2}{H}$$





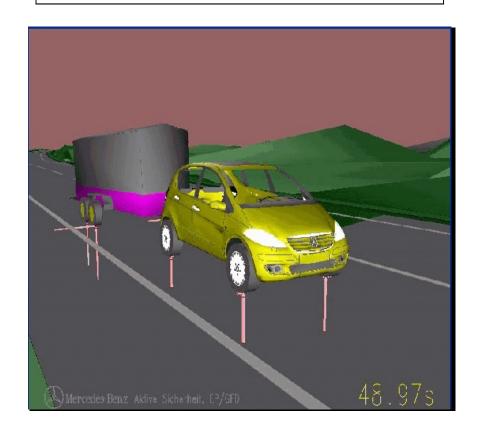
Spezial-Manöver



vehicle and trailer stability (ISO 9815) driving over a curb

.

Hil simulation trailer stability





Fahrdynamische Manöver & Schwingungen



1) Seitenwindempfindlichkeit Aufgabenstellung

Spezielle Problematik:

Kombination von Führungs-/Störverhalten und Fahrereinfluss (Subjektivurteil)



Betrachtung von Open- und Closed-Loop-Manövern

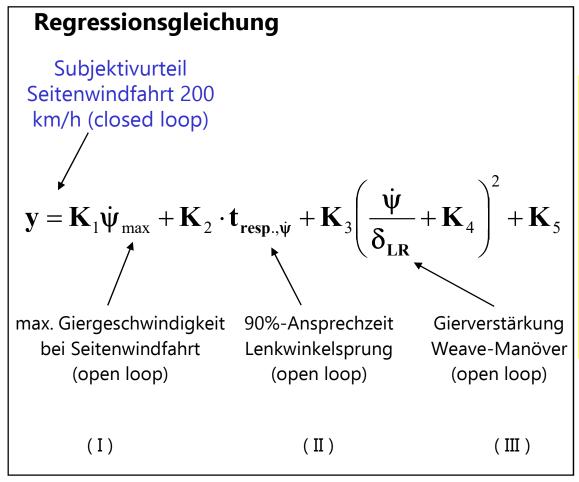
Themen:

- Vorbeifahrt an Seitenwindgebläse
- natürlicher Seitenwind

Fahrdynamische Manöver & Schwingungen



1) Seitenwindempfindlichkeit



Verwendete Manöver

- (I) Vorbeifahrt an Seitenwindgebläse:
 - Fahrzeuggeschwindigkeit 140 km/h
 - Lenkradwinkel 0°
- (II) Lenkwinkelsprung:
 - Fahrzeuggeschwindigkeit 80 km/h
 - Lenkradgeschwindigkeit > 400 °/s
 - maximaler Lenkwinkel 60°
- (III) Weave Manöver:
 - Fahrzeuggeschwindigkeit 100 km/h
 - Sinus des Lenkradwinkels mit 0,2 Hz

Fahrdynamische Manöver & Schwingungen



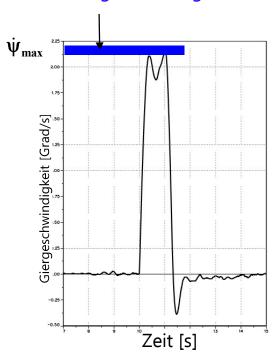
1) Seitenwindempfindlichkeit

Vorbeifahrt an Seitenwindgebläse

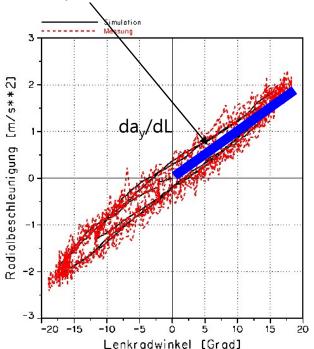
Weave Manöver

Weave Manöver

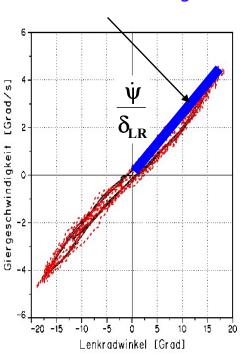
Max. Giergeschwindigkeit



Ansprechverhalten

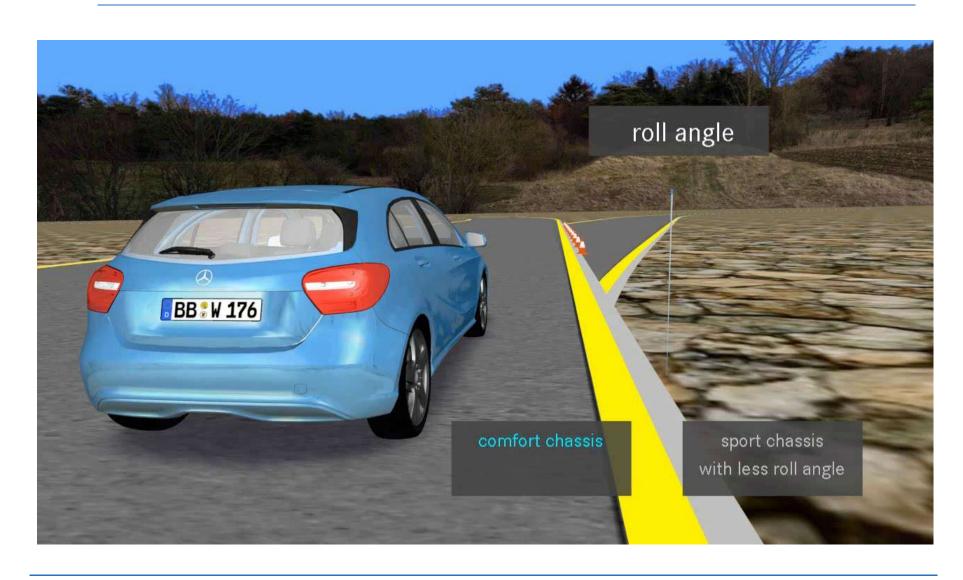


Gierverstärkung



Agilität





Fahrstabilität

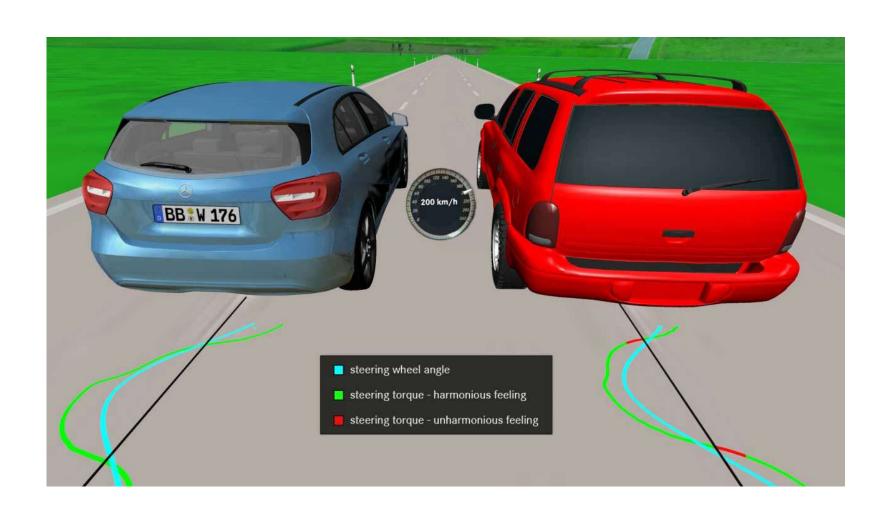






Sicherheitsgefühl





Kreisverkehr







HIL (Hardware in the Loop)

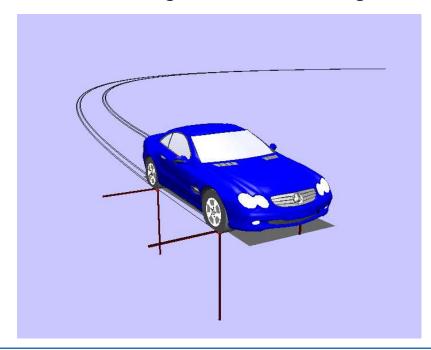


Im Rahmen der Steuergerät-Abstimmung werden auf bewährte Simulations-, Meß- und Beurteilungsverfahren zurückgegriffen.

Bei der Simulation kommen für die Abprüfung der Fülle von möglichen Fahrsituationen verstärkt auch HiL-Methoden zum Einsatz.

Die HiL-Simulation ermöglicht neben der Abbildung von klassischen fahrdynamisch relevanten Komponenteneigenschaften wie Reifen, Kinematik und Elastokinematik der Achsen, Fahrzeugmasse, Schwerpunkt usw. auch die Möglichkeit, die elektrischen Hardware-Steuergeräte für ABC und SBC in der Handling-Simulation zu integrieren.

Handling-Simulation einer Kurvenfahrt



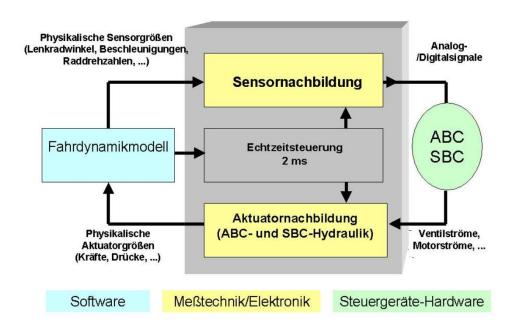


HIL (Hardware in the Loop)



Bei dieser Technik werden die elektronischen Steuergeräte über eine elektrische Sensor- und Aktuatornachbildung an das Fahrdynamikmodell angekoppelt. Das Bild zeigt den schematischen Aufbau der verwendeten HiL – Technik.

Hardware in the Loop (HiL) – Aufbau für den SL500 mit ABC und SBC



Im Fall des SL werden 3 Steuergeräte (ABC, SBC und ESP) berücksichtigt.

Bei der Handlingsimulation wird das Fahrzeugverhalten im Frequenz-bereich bis etwa 5 Hz betrachtet.



HIL (Hardware in the Loop)

Kernstück des Aufbaus ist das Fahrdynamikmodell, das über eine elektrische Sensor- und Aktuatornachbildung mit den elektrischen ABC- und SBC- Steuergeräten verbunden ist.

Dabei versorgt das Modell die Steuergeräte mit denjenigen Sensorsignalen, die sie im Fahrzeug von der Fahrzeugsensorik, wie Lenkradwinkelsensor, Beschleunigungssensoren usw. erhalten. Im Gegenzug erhält das Modell die Steuersignale von ABC und SBC, die im Fahrzeug die hydraulischen und elektrischen Steller ansteuern.

Mit HiL können wesentlich mehr Analysen von Fahrzeugkomponenten-, ABC- und SBC-Softwarevarianten durchgeführt werden, als das in einer reinen Erprobung auf der Straße bzw. auf dem Testgelände möglich ist.

Darüber hinaus bietet HiL hohe Reproduzierbarkeit und Automatisierung der Fahrmanöver, was für eine gezielte Herausarbeitung von Optimierungspotenzialen genutzt wurde.



HIL (Hardware in the Loop)

Aufgrund der Vielzahl von Bauteilen und Ihren Eigenschaften mit einer Auswirkung auf das Fahrverhalten ist eine Erprobung und Absicherung in Prototypen in voller Breite praktisch ausgeschlossen. Beispielhaft wird die fahrdynamische Grenzmusterabsicherung beim Sinuslenken, Lenkwinkelsprung, Bremsen in der Kurve, Seitenwind, Kreisfahrt und Slalom vorgestellt.

Als Grenzmuster wurden unterschiedliche elastokinematische Eigenschaften der Vorder- und Hinterachse infolge Toleranzen der Achslagersteifigkeiten sowie Reifenquersteifigkeiten analysiert.

Fahrdynamik-Grenzmusteranalyse des SL500

