ACM-template

langman

February 23, 2018



Figure 1: stay hungry stay foolish

Contents

1	头文	件															4
2	图论 2.1 2.2 2.3	二分图 并查集 2.3.1 2.3.2 2.3.3 最小生	dijkst spfa Flody	 cra			 				 	 	 	 	 	 	 5 6 7 7 9 9
	2.5	最大流 2.5.1															10 10
3	常用 3.1 3.2 3.3 3.4 3.5	数据结 STL . 树	····组································			 	 	· ·			 		 	 			 12 12 12 13 13 14
4	数学 4.1	方面 三个特 4.1.1 4.1.2 4.1.3	别的数 Fib 数 卡特。 斯大	效列 兰 数	ξ.												15 15 15 15
	4.2	数论 . 4.2.1 4.2.2 4.2.3 4.2.4		· · · 得 重 五 数			 					 	 	 	 		16 16 16 17 18
	4.3	4.2.5 博弈 . 4.3.1 4.3.2 4.3.3	莫·主题型 SG函 解题领	· · · · 的解。 · · · 数	 题思 	· √想 · · ·		 				 	 	 	 		19 21 21 21 21
	4.4	4.3.4 组合数 4.4.1 4.4.2	学 求组 polay	合数 定理	· ·	 	 	 	•	•	 		 	 		 	22 22 22 22
	4.5	4.4.3 线代 .	lucas ····														23 25 25

		4.5.2	矩阵	方面	知识												26
	4.6	计算几	.何														26
		4.6.1	几何	[基本	知识												26
		4.6.2	判断	f点是	否在	多	边	形「	∤.								26
		4.6.3	凸包	见问题	į												27
5	状态	转移 d	р														28
	5.1	背包.															28
	5.2	一些常	见的	dp .													29
		5.2.1	LIS	最长	上升	子	序列	列									29
	5.3	树形dp)														29
	5.4	数位dp)														29
	5.5	状压dp)														29
	5.6	the end	d.														30

1 头文件

```
#include <iostream>
#include <cstdio>
#include <cstring>
#include <string>
#include <algorithm>
#include <queue>
#include <stack>
#include <vector>
#include <cmath>
#include <set>
#include <cstdlib>
#include <functional>
#include <climits>
#include <cctype>
#include <iomanip>
using namespace std;
typedef long long 11;
#define INF Ox3f3f3f3f
const int \mod = 1e9+7;
\#define\ clr(a,x)\ memset(a,x,sizeof(a))
\#define\ cle(a,n)\ for(int\ i=1;i<=n;i++)\ a.clear();
const double eps = 1e-6;
int main()
  freopen("in.txt","r",stdin);
  freopen("out.txt","w",stdout);
  //舒服了
  return 0;
}
```

2 图论

2.1 二分图

```
判断是否二分图
int color[N], graph[N][N];
//0为白色,1为黑色
bool bfs(int s, int n) {
   queue<int> q;
   q.push(s);
   color[s] = 1;
   while(!q.empty()) {
       int from = q.front();
       q.pop();
       for(int i = 1; i <= n; i++) {
           if (graph[from][i] \&\& color[i] == -1) {
              q.push(i);
              color[i] = !color[from];//染成不同的颜色
          if(graph[from][i] && color[from] == color[i])//颜色有相同,则不是二分图
              return false;
       }
   return true;
}
  求出最大匹配数
#define N 202
              //记录y中节点是否使用 o表示没有访问过,1为访问过
int useif[N];
            //记录当前与y节点相连的x的节点
int link[N];
int mat [N] [N]; //记录连接x和y的边,如果i和j之间有边则为1,否则为0
            //二分图中x和y中点的数目
int gn,gm;
int can(int t)
   int i;
   for(i=1;i<=gm;i++)
   {
      if(useif[i] == 0 && mat[t][i])
          useif[i]=1;
          if(link[i] == -1 || can(link[i]))
            link[i]=t;
```

```
return 1;
           }
       }
    }
    return 0;
}
int MaxMatch()
    int i,num;
   num=0;
    memset(link, 0xff, sizeof(link));
    for(i=1;i<=gn;i++)
      memset(useif,0,sizeof(useif));
       if(can(i)) num++;
    return num;
}
     并查集
2.2
 int par[maxn];
 int rank[maxn];
 void init()
   for(int i = 1;i<=n;i++)</pre>
     par[i] = i;
     rank[i] = 0;
   }
 }
 int find(int x)
   return x==par[x]?x:find(par[x]);
```

2.3 最短路

两种算法 但是要注意dijkstra无法处理负边的情况

2.3.1 dijkstra

需要注意的在于 可以更优化 我没写了 而且需要注意重边的情况

```
//dijkstra 算法
//无负权
int map[2005][2005];//记录路径 注意双向
int dp[2005];//单源最短路径记录
bool vis[2005];//记录是否用过
int N;//顶点数
void dijkstra(int s)
{
 clr(dp,INF);
 clr(vis,0);
 dp[s] = 0;
 while(true)
 {
   int v = -1;
   for(int u = 1; u <= N; u++) //从没用过的点中找一个距离最小的顶点
     if(!vis[u] && (v==-1 | | dp[u] < dp[v]))
     v = u;
   }
   if(v == -1) break;
   vis[v] = true;
   for(int i = 1;i<=N;i++)</pre>
   {
     dp[i] = min(dp[i],dp[v]+map[v][i]);
 }
}
2.3.2 spfa
需要注意的是怎么建边 双向边?
// Bellman Ford 存在最短路 这个比较难看感觉
//这个可以有负权
//但是 spfa 是在bellmen Ford 的基础上的加强
//这里用的是用前向星的方法去建图
//这里不用判重边的还是很舒服
int N,M;
```

```
int cnt;
struct edge{
int to,Next,w;
}E[maxn];
int pre[maxn],dp[maxn];//pre 路径结点 dp 最短路
bool vis[maxn];
int in[maxn];//这个的作用在于处理进去过多少次 就能看出是不是存在负环
void addedge(int x,int y,int z)
{
E[++cnt] .to = y;
E[cnt].Next = pre[x];
E[cnt].w = z;
pre[x] = cnt;
return;
}
bool spfa(int s)//这个算法还能判断是否存在负环
int i,t,temp;
queue<int>Q;
clr(vis,0);
clr(dp,INF);
clr(in,0);
Q.push(s);
vis[s] = true;
dp[s] = 0;
while(!Q.empty())
  t = Q.front();Q.pop();vis[t] = false;
  for(i = pre[t];i;i=E[i].Next)
   temp = E[i].to;
    if(dp[temp] > dp[t]+E[i].w)
     dp[temp] = dp[t]+E[i].w;
     if(!vis[temp])
     {
       Q.push(temp);
       vis[temp] = true;
       if(++in[temp]>N) return false; //负环判定关键
     }
   }
  }
```

```
}
return true;
}
2.3.3 Flody
```

这个就不写了,一个小dp

2.4 最小生成树

这是个什么玩意呢 图里面是吧,找到n-1条边使得生成一颗树,然后他的边权 之和最小

```
//prime 算法
//还有一个不想去写了 没有这个必要
//注意重边
// 还有这个算法 在树生成不起来的情况下 需要特判一下
// dfs一遍就行 看是否全联通
int map[maxn] [maxn];
int dp[maxn];
int vis[maxn];
int N;
int prime()
{
  clr(dp,INF);
  clr(vis,0);
  dp[1] = 0;
  int res = 0;
  while(true)
   int v = -1;
   for(int u = 1; u \le N; u++)
     if(!vis[u] && (v==-1 | | dp[u] < dp[v])) v = u;
   if(v == -1) break;
   vis[v] = 1;
   res += dp[v];
   for(int u = 1; u \le N; u++)
     dp[u] = min(dp[u],map[v][u]);
  }
  return res;
}
```

2.5 最大流

2.5.1 Dinic

```
板子先存着,坑定用的着
//最大流 dinic算法
//记得有时候要建双向边
const int MAXN = 1000;
                             //用边来存图
struct edge{int to,cap,rev;};
vector<edge>G[MAXN];
                             //图的链接表表示
                             //顶点到源点的距离标号
int level[MAXN];
int iter[MAXN];
                             //当前弧在其之前的边已经没有用了
void addedge(int from,int to,int cap)
                                     //为图加一条从from到to的容量为cap的边
{
 G[from].push_back((edge){to,cap,(int)G[to].size()});
 G[to].push_back((edge){from,0,(int)G[from].size()-1});
}
                          //bfs计算从源点出发的距离标号
void bfs(int s)
{
 clr(level,-1);
 queue<int>que;
 level[s] = 0;
 que.push(s);
 while(!que.empty())
 {
   int v = que.front();
   que.pop();
   for(int i = 0;i<G[v].size();i++)</pre>
   {
     edge &e = G[v][i];
     if(e.cap>0 && level[e.to]<0)
       level[e.to] = level[v]+1;
       que.push(e.to);
     }
   }
 }
int dfs(int v, int t,int f)
                                    //通过dfs寻找增广路
 if(v == t) return f;
```

for(int i = iter[v] ;i<G[v].size();i++)</pre>

{

```
edge &e = G[v][i];
    if(e.cap > 0 && level[v] < level[e.to])</pre>
       int d = dfs(e.to,t,min(f,e.cap));
       if(d>0)
          e.cap -=d;
          G[e.to][e.rev].cap += d;
          return d;
       }
   }
  }
  return 0;
}
int max_flow(int s,int t) //从 s 到 t 的最大流
{
  int flow = 0;
  while(true)
  {
    bfs(s);
    if(level[t] < 0 ) return flow;</pre>
    clr(iter,0);
    int f;
    while((f = dfs(s,t,INF)) > 0 )
    flow += f;
 }
}
```

3 常用数据结构

3.1 STL

//头文件

```
#include <queue>
#include <stack>
#include <string>
#include <set>
#include <map>
struct cmp1{
   bool operator ()(int &a,int &b){
       return a>b;//最小值优先
   }
};
int main()
{
  //优先队列
 priority_queue<int, vector<int>, cmp1>que1;
  que1.push(i);que1.top();que1.pop();que1.empty();que1.clear();//进,顶,出,空,删,
  //排序
 sort(shu,shu+n,cmp);//范围,排序方式
  //容器
 vector<int>q2;vector<int> q2_1{1,2,3,4};
  q2.push_back(i);q2.top();q2.pop();q2.empty();q2.clear();q2.size();
  //string一些初始化方法
  char shu[100];
  char s1[] = {"dadaa"};
  string a("sssss"), string s = "qqqq", string s1(s,3,4);//s1是s从下标3开始4个字符的拷
  string s2(s,2);//从s2的第二个字符开始拷贝
 string s3(shu,3);//复制字符串cs的前3个字符到s当中
}
    树状数组
3.2
适用于的方面是,单点更新,多次查询。
//一维的
int tree[maxn];
int lowbit(int t)
  return t&(-t);
void add(int x,int y)
```

```
for(int i=x;i<=n;i+=lowbit(i))</pre>
  tree[i]+=y;
int getsum(int x)
  int ans=0;
  for(int i=x;i>0;i-=lowbit(i))
    ans+=tree[i];
  return ans;
//二维的, 自己感觉一下, 需要容斥一下
int data[MAX][MAX], n;
int lowbit(int x) {
    return x&-x;
}
void Add(int x, int y, int w) {
    for (int i = x; i <= n; i += lowbit(i)) {</pre>
        for (int j = y; j <= n; j += lowbit(j)) {
            data[i][j] += w;
        }
    }
}
int Sum(int x, int y) {
    int ans = 0;
    for (int i = x; i > 0; i -= lowbit(i)) {
        for (int j = y; j > 0; j = lowbit(j)) {
            ans += data[i][j];
        }
    }
    return ans;
}
```

3.3 前缀和

适用于多次区间更新,一次查询,代码就不搞上去了。

3.4 线段树

现在的我对于这方面还不够熟悉,先留个板子

```
long long int node[mod];//注意数据大小, 小心爆了, 本渣渣就爆了好久
void build(int l,int r,int root,int n)
{
   int mid;
```

```
if(l==r)
    {
        scanf("%lld",&node[root]);
        return;
    }
    mid=(1+r)>>1;
    build(1,mid,root<<1,n);</pre>
    build(mid+1,r,root<<1|1,n);
}
void update(int L,int R,long long int add,int l,int r,int root)
{
    if(L<=1 && R>=r)
    {
        node[root]+=add;
        return ;
    }
    int mid=(1+r)>>1;
    if(L<=mid) update(L,R,add,1,mid,root<<1);</pre>
    if(mid<R) update(L,R,add,mid+1,r,root<<1|1);</pre>
}
void query(int l,int r,int root,long long int k)
{
    if(l==r)
    {
        if(l==1)printf("%lld",node[root]+k);
        else printf(" %lld",node[root]+k) ;
        return ;
    }
    int mid=(1+r)>>1;
    query(1,mid,root<<1,k+node[root]);
    query(mid+1,r,root<<1|1,k+node[root]);
}
3.5
     高精度
我个人习惯使用Java。
import java.util.*;
import java.math.*;
import java.util.Scanner;
public class Main {
        public static void main(String[] args) {
         Scanner cin = new Scanner(System.in);
         while(cin.hasNext())
```

```
int n = cin.nextInt();//输入的方式比较的麻烦
     BigInteger a = new BigInteger(); //里面是字符串
     BigDecimal b = new BigDecimal();
     //接下来是比较常见的函数以及用法。
     a = a.add(a);a = a.multiply(a);
     BigInteger c = new BigInteger.valueOf(n);//类型转换
     subtract();//减法
     multiply();
     divide();
                 //相除取整
     remainder(); //取余
             a.pow(b)=a^b
     pow();
     gcd();
             //最大公约数
     abs(); //绝对值
     negate(); //取反数
     mod(); a.mod(b)=a%b=a.remainder(b);
   }
 }
}
```

数学方面

三个特别的数 4.1

4.1.1 Fib 数列

$$f(x) = f(x-1) + f(x-2)$$
$$f(0) = 0, f(1) = 1$$

4.1.2 卡特兰 数

$$\sum_{i=1}^{n} f_i * f_{n-i} = f_n$$
$$h(n) = C_{2n}^n - C_{2n-1}^n$$

注意它这个数字来自于什么情况。

4.1.3 斯大林公式

$$\sqrt{2*PI*n}*(\frac{n}{e})^n=n!$$

4.2 数论

第一个自然是最基础的欧几里得算法,欧几里得算法的用处有很多,求最大公倍数,解方程,很多。在后面的过程会把一些常见的板子列出来,一般来说这些板子都已经经过验证,但是不好说对吧。简单题我们可以通过一些模板直接得出答案,但是怎么说,这些对于难题估计只能算工具,重要的是如何转换。

4.2.1 素数

素数筛法

4.2.2 欧几里得

```
//欧几里得求最大公因数
int gcd(int a,int b)
  return b == 0?a:gcd(n,a%b);
}
//扩展欧几里得算法
// a*x + b*y = qcd(a,b) 这个是用于 x 和 y
// 不能肯定 x, y的正负
int exgcd(int a,int b,int &x,int &y)
{
  if(b == 0)
  {
    x = 1;
    y = 0;
    return a;
  int r = exgcd(b,a\%b,x,y);
  int t = y;
  y = x - (a/b)*y;
  x = t;
  return r;
}
  然后是基于这个定理得出的一个定理,中国剩余定理
int n;
ll a[maxn], m[maxn]; //a余数 m除数
ll gcd(ll a,ll b) {
   return !b?a:gcd(b,a%b);
}
```

```
ll exgcd(ll a,ll b,ll &x,ll &y) {
    if (!b) {
       x=1, y=0;
       return a;
    }
    11 d=exgcd(b,a%b,y,x);
    y=(a/b)*x;
    return d;
}
11 inv(11 a,11 m) {
    11 x,y;
    11 d=exgcd(a,m,x,y);
    if (d==-1) return -1;
    return (x\%m+m)\%m;
}
bool merge(ll a1,ll m1,ll a2,ll m2,ll &a3,ll &m3) {
    11 d=gcd(m1,m2),c=a2-a1;
    if (c%d) return false;
    c=(c\%m2+m2)\%m2,
    c/=d, m1/=d, m2/=d,
    c = inv(m1, m2),
    c=(c\%m2+m2)\%m2,
    c=(c*m1*d)+a1;
    m3=m1*m2*d;
    a3=(c\%m3+m3)\%m3;
    return true;
}
11 crt() {
    ll a1=a[1],m1=m[1];
    for (int i=2;i<=n;i++) {
        11 aa,mm;
        if (!merge(a1,m1,a[i],m[i],aa,mm)) return -1;
        a1=aa,m1=mm;
   return (a1%m1+m1)%m1;
}
      乘法逆元
4.2.3
思想是通过扩展欧几里得来得出,如果缘分到了,那么还能用费马小定理
来解
//扩展欧几里得
int extgcd(int a, int b, int& x, int& y)
```

{

```
int d = a;
   if(b != 0){
       d = extgcd(b, a \% b, y, x);
       y -= (a / b) * x;
   }else {
       x = 1;
       y = 0;
   return d;
}
int mod_inverse(int a, int m)
   int x, y;
   extgcd(a, m, x, y);
   return (m + x \% m) \% m;
}
//费马小定理
//模p, p为素数
return quick(a,p-2);
4.2.4 欧拉函数
这个东西好呀,他求的是比n小的,并且和n互质的数的个数
//欧拉函数 求的是 1 \rightarrow n-1 中与n 互质的数的个数
ll phi(ll n) //直接实现
{
  11 rea = n;
  for(int i = 2;i*i<=n;i++)</pre>
  {
   if(n\%i == 0)
     rea = rea - rea/i;
     do n/=i;
     while(n\%i == 0);
   if(n>1)
   rea = rea - rea/n;
   return rea;
  }
}
//素数表
bool check[50000];
int p[20000];
void prim()//线性筛素数
```

```
{
  clr(check,0);
}
```

更多的来说我觉得这个东西是一个工具,他对解一些题有很重要的作用,起到一个工具的作用 我目前学的比较浅,对他的优化作用没有很深的了解。

4.2.5 莫比乌斯函数

$$F_n = \sum_{i=1}^n f_i$$
$$f_i = \sum_{d|n} u(d) * f(\frac{d}{n})$$

和欧拉函数一样很重要的一个函数他的定义我就不说了,毕竟我latex学的还不好,公式的插入对我来说用处不大。

```
const int MAXN = 100005;
bool check[MAXN+10];
int prime[MAXN+10];
int mu[MAXN+10];
void Moblus()
    clr(check,0);
    mu[1] = 1;
    int tot = 0;
    for(int i = 2; i <= MAXN; i++)</pre>
        if( !check[i] )
            prime[tot++] = i;
            mu[i] = -1;
        for(int j = 0; j < tot; j++)
            if(i * prime[j] > MAXN) break;
            check[i * prime[j]] = true;
            if( i % prime[j] == 0)
                mu[i * prime[j]] = 0;
                break;
```

```
}
else
{
      mu[i * prime[j]] = -mu[i];
}
}
}
```

4.3 博弈

4.3.1 主要的解题思想

官方说的是通过必败点和必胜点来判定 先通过必败点来推,直接来看必胜点,把问题抽象成图 把状态抽象成点,必败点就是先手必败点,然后通过必败点能走到的搞成必胜点,如过有一个状态没有走过 而且他后面的路都是必胜点那么他就是必败点。感觉就像dp一样,记忆化搜索。 当然题目不可能出的那么简单的。 不过根据雄爷定理,万事不离期宗,掌握基本,扩展自己去发掘。

4.3.2 题型

巴什博弈

这个是最简单的博弈,就是一堆东西,每个人自己能拿1-n件,谁最后一个拿完谁赢,这个是最简单的,不记录。

威佐夫博弈

有两堆各若干个物品,两个人轮流从某一堆或同时从两堆中取同样多的物品,规定每次至少取一个,多者不限,最后取光者得胜。 这个的解题思路在于通过前面的那个np问题来解决,用局势来思考这些问题,前几个局势在于(0,0),(1,2),(3,5),(4,7).....然后一些大佬就总结出了一些牛逼的结论 $(a_k,b_k),a_k=\frac{k*(\sqrt{5}+1)}{2},b_k=a_k+k$ 人才。

Fibonacci

有一堆个数为n的石子,游戏双方轮流取石子,满足:

- (1) 先手不能在第一次把所有的石子取完:
- (2) 之后每次可以取的石子数介于1到对手刚取的石子数的2倍之间(包含1和对手刚取的石子数的2倍)。约定取走最后一个石子的人为赢家。结论是当n为Fibonacci数时,先手必败

尼姆博弈

有三堆各若干个物品,两个人轮流从某一堆取任意多的物品,规定每次至少取一个,多者不限,最后取光者得胜。 这个博弈有点意思 他的必败点的局势在于 $(a,b,c)a \wedge b \wedge c = 0$

4.3.3 SG函数

这个在看之前感觉很高级但是啊,好像也就是一个dp的过程,通过一个必败点,看成起点然后,那个方法看成通向下一个起点的路,然后找所有能直接到这个必败点的必胜点。好像也就那么回事。好像能解决的都是小数字题这是一个板子,f里面存的是方法,多堆问题可以转化成异或来解决。

```
void getSG(int n){
   int i,j;
   memset(SG,0,sizeof(SG));
   for(i = 1; i <= n; i++){
      memset(S,0,sizeof(S));
      for(j = 0; f[j] <= i && j <= N; j++)</pre>
```

```
S[SG[i-f[j]]] = 1;
for(j = 0;;j++) if(!S[j]){
    SG[i] = j;
    break;
}
}
```

4.3.4 解题策略

*1:相信自己的第一感觉

2 : 博弈都会和一些特别的数搭边 , 所以第一件事坑定是分析局势然后 找找看是不是有特别的意义,像什么卡特兰数, f i b 数列 ,幂次方,异 或的值是否为 0 ;

3:不挂怎么说,记得打表。

4.4 组合数学

4.4.1 求组合数

第一个是求组合数,方法很多不去列举,注意的是一般来说,组合数都是需要去模一个数,所以他的分母在计算的时候是需要去求逆元的

4.4.2 polay定理

设G=p1, p2, ..., pt是X=a1,a2,...,an上一个置换群,用m种颜色对X中的元素进行涂色,那么不同的涂色方案数为

$$\frac{1}{G} \sum_{k=1}^{t} m^{Cyc(p_k)}$$

 $Cyc(p_k)$ 是置换 p_k 的循环节个数

4.4.3 lucas定理

当组合数的基数过大的时候进行这些操作但是注意,我们的操作也是要求那个模数为素数,且模数要小的情况下,素数的情况我们可以用扩展lucas定理来解决。一个工具,一个数论上的分支。

```
//卢卡斯定理
//用于求组合数 当那两个玩意特别大的时候
//注意啊,我这里是用快速幂来求乘法逆元
//他的要求为 mod 必须为素数
//好像也没有如果,不然好像还真不知道
int mod;
11 dp[maxn+5];
void init()
{
  dp[0] = 1;
  for(int i = 1;i<=mod;i++)</pre>
   dp[i] = dp[i-1]*i\%mod;
  }
}
ll quick(ll a , ll n)
  11 \text{ res} = 1;
  while(n)
    if(n\&1) res = res*a\%mod;
    a = (a\%mod)*(a\%mod)\%mod;
    n/=2;
  }
  return res;
}
11 lucas(ll n, ll m)
{
  11 ret = 1;
  while(n && m)
   11 a = n\%mod, b = m\%mod;
   if(a<b) return 0;</pre>
   ret = ((ret * dp[a])%mod*quick(dp[b]*dp[a-b]%mod,mod-2))%mod;
   n/=mod;
   m/=mod;
  }
  return ret;
}
```

```
//扩展卢卡斯定理 及p不为素数 p<=1000000左右吧
//还利用了中国剩余定理
11 n,m,MOD,ans;
ll fast_pow(ll a,ll p,ll Mod)
    ll ans=111;
    for (;p;p>>=1,a=a*a\%Mod)
        if (p&1)
            ans=ans*a%Mod;
    return ans;
}
void exgcd(ll a,ll b,ll &x,ll &y)
{
    if (!b) x=111,y=011;
    else exgcd(b,a\%b,y,x),y=a/b*x;
11 inv(11 A,11 Mod)
{
    if (!A) return Oll;
    11 a=A,b=Mod,x=011,y=011;
    exgcd(a,b,x,y);
    x=((x\%b)+b)\%b;
    if (!x) x+=b;
    return x;
}
11 Mul(ll n,ll pi,ll pk)
    if (!n) return 111;
    ll ans=111;
    if (n/pk)
        for (ll i=2;i<=pk;++i)
            if (i%pi) ans=ans*i%pk;
        ans=fast_pow(ans,n/pk,pk);
    for (ll i=2; i \le n\%pk; ++i)
        if (i%pi) ans=ans*i%pk;
    return ans*Mul(n/pi,pi,pk)%pk;
}
11 C(ll n,ll m,ll Mod,ll pi,ll pk)
    if (m>n) return Oll;
    11 a=Mul(n,pi,pk),b=Mul(m,pi,pk),c=Mul(n-m,pi,pk);
```

```
ll k=011,ans;
    for (ll i=n; i; i/=pi) k+=i/pi;
    for (ll i=m; i; i/=pi) k-=i/pi;
    for (ll i=n-m;i;i/=pi) k-=i/pi;
    ans=a*inv(b,pk)%pk*inv(c,pk)%pk*fast_pow(pi,k,pk)%pk;
    return ans*(Mod/pk)%Mod*inv(Mod/pk,pk)%Mod;
}
ll slove(ll n,ll m,ll p) // \overline{x}C(n,m) mod p;
   for(ll x=p,i=2;i<=p;i++)
   {
     if(x\%i == 0)
     {
       11 pk = 1;
       while(x\%i == 0) pk*=i,x/=i;
       ans = (ans + C(n,m,mod,i,pk))%mod;
     }
   }
   return ans;
}
```

4.5 线代

4.5.1 矩阵快速幂

这类方法,很多是用在递推关系式的时候,像什么fib数列什么的。

```
struct node
{
    11 p[2][2];
};
node mut(node a,node b)
{
    node o;
    clr(o.p,0);
    for(int i = 0;i<2;i++)
    {
        for(int j = 0;j<2;j++)
        {
             for(int k = 0;k<2;k++)
            {
                  o.p[i][j] =( a.p[i][k] * b.p[k][j] + o.p[i][j])%mod;
            }
        }
    }
}</pre>
```

```
return o;
}
node quick(node a,ll l)
{
  node origin;
  clr(origin.p,0);
  origin.p[1][1] = origin.p[0][0] = 1;
  while(l)
  {
    if(l&1) origin = mut(a,origin);
    a = mut(a,a);
    l/=2;
  }
  return origin;
}
```

4.5.2 矩阵方面知识

就是用高斯消元法去解决一些问题,像什么秩和方阵的值。

4.6 计算几何

4.6.1 几何基本知识

矢量

矢量的乘积有很多的作用,注意定义。 适用点在于: 1:面积 2: 位置 跨立实验与判断两线段是否相交 线段 P_1P_2, Q_1Q_2 ,相交的条件为 $P_1Q_1xP_1P_2*P_1P_2xP_1Q_2>=0$ $Q_1P_1xQ_1Q_2*Q_1P_2>=0$ pick定理 线段上的是整数点的数的个数 求gcd; PICK定理 设以整数点为顶点的多边形的面积为S,多边形内部的整数点数

PICK定理 设以整数点为顶点的多边形的面积为S,多边形内部的整数点数为N,多边形边界上的整数点数为L,则 S=L/2+N-1

4.6.2 判断点是否在多边形中

```
const double eps=1e-8;/解析几何中有时并不能保证等于0, 在误差范围就行
struct CPoint//点的存法
{
    double x,y;
}point[103];
int dcmp(double x)//不晓得干啥
{
    if(x<-eps) return -1;</pre>
```

```
else
          return (x>eps);
}
double cross(CPoint p0,CPoint p1,CPoint p2)//点乘
{
    return (p1.x-p0.x)*(p2.y-p0.y)-(p2.x-p0.x)*(p1.y-p0.y);
}
double dot(CPoint p0,CPoint p1,CPoint p2)//叉乘
    return (p1.x-p0.x)*(p2.x-p0.x)+(p1.y-p0.y)*(p2.y-p0.y);
}
int PointOnSegment(CPoint p0, CPoint p1, CPoint p2)//判断点是否在线段上
    return dcmp(cross(p0,p1,p2))==0&&dcmp(dot(p0,p1,p2))<=0;
int PointInPolygon(CPoint cp, CPoint p[], int n)//判断点是否在多边形中
    int i,k,d1,d2,wn=0;
  // double sum=0;
    p[n]=p[0];
    for( i=0;i<n;i++)</pre>
    {
        if(PointOnSegment(cp,p[i],p[i+1])) return 2;
        k=dcmp(cross(p[i],p[i+1],cp));
        d1=dcmp(p[i+0].y-cp.y);
        d2=dcmp(p[i+1].y-cp.y);
        if (k>0\&\&d1<=0\&\&d2>0) wn++;
        if (k<0\&\&d2<=0\&\&d1>0)wn--;
   return wn!=0;
}
   为1的时候,则在内部。2,应该是边上。
4.6.3 凸包问题
struct node
    int x,y;
} a[105],p[105];
int top,n;
double cross(node p0, node p1, node p2)//计算叉乘,注意p0,p1,p2的位置,这个决定了方向
    return (p1.x-p0.x)*(p2.y-p0.y)-(p1.y-p0.y)*(p2.x-p0.x);
}
```

```
double dis(node a, node b) // 计算距离,这个用在了当两个点在一条直线上
    return sqrt((a.x-b.x)*(a.x-b.x)+(a.y-b.y)*(a.y-b.y));
bool cmp(node p1, node p2)//极角排序
    double z=cross(a[0],p1,p2);
    if(z>0||(z==0\&\&dis(a[0],p1)<dis(a[0],p2)))
        return 1;
   return 0;
}
void Graham()//p是凸包的点
    int k=0;
    for(int i=0; i<n; i++)</pre>
        if(a[i].y < a[k].y | | (a[i].y = a[k].y \& \& a[i].x < a[k].x))
        swap(a[0],a[k]);//找p[0]
        sort(a+1,a+n,cmp);
        top=1;
        p[0]=a[0];
        p[1]=a[1];
        for(int i=2; i<n; i++)//控制进栈出栈
            while(cross(p[top-1],p[top],a[i])<0&&top)</pre>
                top--;
            top++;
            p[top]=a[i];
        }
}
```

5 状态转移 dp

dp的定义: 1: 记忆化搜索; 2: 状态转移 所以我们的解决方案总是跟着这个来走, 从定义出发。 难点集中于两个方面, 状态式的确定和状态转移方程的确定

5.1 背包

背包的问题主要以下几种: 01背包, 部分背包, 完全背包;[相对来说比较简单], 分组背包[个人感觉较难] 背包难在如何, 确定维数, 确定背包的容量是什么以及背包的价值是什么, 还有背包的dp关系转移式。

5.2 一些常见的dp

5.2.1 LIS 最长上升子序列

```
LIS(LDS)
template<class Cmp>
int LIS (Cmp cmp)(nlogn)
    static int m, end[N];
   m = 0;
    for (int i=0;i<n;i++)</pre>
        int pos = lower_bound(end, end+m, a[i], cmp)-end;
        end[pos] = a[i], m += pos==m;
    }
    return m;
}
    cout << LIS(less<int>()) << endl;</pre>
                                               //严格上升
                                               //非严格上升
    cout << LIS(less_equal<int>()) << endl;</pre>
                                               //严格下降
    cout << LIS(greater<int>()) << endl;</pre>
    cout << LIS(greater_equal<int>()) << endl;//非严格下降
```

5.3 树形dp

关键点在于找状态点间的关系,他一般只有三个关系,父亲节点 ,儿子节点,还有兄弟节点,去找他们之间的关系,所以一般是两遍dfs 找父亲与儿子的关系,找儿子与父亲的关系。

5.4 数位dp

这个dp的精髓在于记忆化搜索,也就是在最高位不是被限定的情况下进行记录,这样的话省掉很多多余的步骤。所有的出发点都处于这个目的。

5.5 状压dp

这个dp的精髓在于状态转移,不过能压缩的情况也是很限定的。 像什么每个点的状态在于都是能用两个状态来描述,且这些点不多,但是组合的方式很多。 一些状压dp经常用的上的公式。

//1 获得当前行的数 int getnum(int x) { int ret = 0; while(x) {

```
x &= x-1;
ret++;
}
return ret;
}
//2 看当前行左右是不是满足题设
bool check(int x)
{
if(x & x<<1) return 0;
return 1;
}
// 看是不是可以满足条件,和题目给的图一样,是可以放的,并且和上一个是不是会冲突
bool suit(int x,int y)
{
if(x&y) return 0;
return 1;
}
```