Дифференциальные уравнения. Задание 8.

1. Разные уравнения

(a)
$$y' = 10^{x+y}$$
,

(b)
$$y' = \cos(y - x)$$
,

(c)
$$y^2 + x^2y' = xyy'$$
,

(d)
$$xy' = y \cos \ln \frac{y}{x}$$
,

(e)
$$y' = y^2 - 2/x^2$$
.

(f)
$$(x^2 + y^2 + x)dx + ydy = 0$$
,

(g)
$$xy^2(xy'+y) = 1$$
,

(h)
$$-y^2 dx + (e^x + 2y) dy = 0$$
.

(i)
$$(2 - 9xy^2)xdx + (4y^2 - 6x^3)ydy = 0$$
,

(i)
$$xy' - 2y = 2x^4$$
,

(k)
$$x^2y' + xy + 1 = 0$$
,

(1)
$$(xy'-1)\ln x = 2y$$
,

(m)
$$\dot{x} = \frac{1}{4t^2 + 4tx + x^2} - 2$$

(n)
$$\frac{\dot{x}}{t} = \frac{t}{r^2} + x$$

(o)
$$2yx^4dy + (2x^3y^3 + 2x(x^2y^2 + 1))dx = 0$$

$$(p) \frac{dy}{\frac{1}{x}+y} - \frac{dx}{x+yx^2} = 0$$

(q)
$$\dot{y} = xy^2 \cos x + x \cos x$$

$$(r) \dot{y} = x^3 - 2xy$$

(s)
$$y' - \frac{3}{2}y - \frac{te^t}{y} = 0$$

(t)
$$y'\sin(y-t^2) = \cos(t)\cos(y-t^2) - 2t\sin(y-t^2)$$

(u)
$$y'e^{-t^2} - 3te^{-t^2}y = 3\log(t)\sqrt[3]{y^2}, \ t > 0$$

(v)
$$\dot{x}/t + 2x\sin(t^2) = \sin(2t^2)$$

(w)
$$x(x+y^2)dx + x^2(y-2x/y)dy = 0$$

(x)
$$\dot{x} = -\frac{4t^3x}{x^2 + t^4}$$

2. На следующем занятии. Найдите экспоненты следующих матриц.

(a)
$$\begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

(b)
$$\begin{pmatrix} 2 & 1 & 0 \\ 0 & 2 & 1 \\ 0 & 0 & 2 \end{pmatrix}$$