中山大学计算机学院本科生实验报告

(2025 学年第 1 学期)

课程名称:数据结构与算法 实验任课教师:张子臻

年级	2024 级	专业 (方向)	计算机科学与技术 (人工智能与大数据)	
学号	242325157	姓名	梁玮麟	
电话	18620062182	Email	3371676041@qq.com	
开始日期	2025.10.22	结束日期	2025.10.25	

第一题

1、实验题目

z7-检查一个序列是否构成堆

问题描述 给定一个整数序列,请检查该序列是否构成堆。

问题补充

- 输入: 第一行是一个整数 n(0 < n < 10000), 第二行是 n 个整数。
- 输出: 如果序列是极小堆,即堆顶是最小元,则输出"min heap";如果是极大堆,即堆顶是最大元,则输出"max heap";否则不是堆,则输出"no"。如果既是极大堆,又是极小堆,则输出"both"。
- 输出包括一行,最后有换行。

输入输出格式样例

input

... ___, E

3 4 2 1 1

样例输出

no

2、实验目的

掌握**堆的结构性质**和判定原理,能够根据父子节点关系判断一个序列是否为最大堆、最小堆或非堆。

3、算法设计

设计思路:

- 我首先明确了堆的定义:最大堆要求**父节点值不小于子节点值**,最小堆则**相反**。为了同时判断两种情况,我使用两个标志 isMax 和 isMin 来记录。
- 算法的核心在于从根节点开始遍历所有非叶子节点,检查它与左右子节点的大小关系。若出现违反条件的情况,就将相应标志置为 false。

流程图:

Start ↓

读入数组 → 初始化 isMax, isMin

遍历所有非叶节点

- 若左子存在 → 比较并更新标志

```
- 若右子存在 → 比较并更新标志
- 若两标志皆为 false → 结束
→
輸出结果(both / max / min / no)
→
End
```

复杂度分析:

时间复杂度: O(n) 空间复杂度: O(1)

细节注意:

- 循环只到 n/2-1, 因为后半部分是叶子节点。
- 判断孩子存在时要避免越界访问。
- 若所有父子节点都相等,则同时满足最大堆和最小堆。

具体实现:

```
//z7-检查一个序列是否构成堆
#include<iostream>
#include<vector>
using namespace std;
int main(){
    int n;
    cin>>n;
    vector<int> num(n);
    for (int i=0;i<n;i++){</pre>
        cin>>num[i];
    int max=1,min=1;
    for(int i=0; i \le n/2-1; i++){
        int left=2*i+1;
        int right = 2*i+2;
        if(left<n&&num[left]>num[i]) max=0;
        if(right<n&&num[right]>num[i]) max=0;
        if(left<n&&num[left]<num[i]) min=0;</pre>
        if(right<n&&num[right]<num[i]) min=0;</pre>
    }
    if(max&&min) cout<<"both"<<endl;</pre>
    else if(max) cout<<"max heap"<<endl;</pre>
    else if(min) cout<<"min heap"<<endl;</pre>
    else cout<<"no"<<endl;</pre>
    return 0;
```

4、程序运行与测试

运行结果: (仅挑选个别复杂测试样例作为展示)

测试样例一

• 标准输入:

1931

 $\begin{smallmatrix}0&0&0&0&0&1&0&1&0&4&0&1&1&13&0&2&1&0&4&5&4&8&0&2&1&1&8&13&23&0&0&2&7&1&5&7&0&4&13&5&15&8&10&10&8&0&4&2\end{smallmatrix}$

• 实际输出:

min heap

期望输出:

min heap

测试样例二

• 标准输入:

6588

• 实际输出:

max heap

• 期望输出:

max heap

5、实验总结与心得

• 通过这题,我理解了堆的本质是完全二叉树结构,并能在一次遍历中用逻辑判断出四种结果。相比直接分类讨论,这种方式更简洁高效。

第二题

1、实验题目

z7-奖学金

题目描述 某小学最近得到了一笔赞助,打算拿出其中一部分为学习成绩优秀的前 5 名学生发奖学金。期末,每个学生都有 3 门课的成绩: 语文、数学、英语。先按总分从高到低排序,如果两个同学总分相同,再按语文成绩从高到低排序,如果两个同学总分和语文成绩都相同,那么规定学号小的同学排在前面,这样,每个学生的排序是唯一确定的。任务: 先根据输入的 3 门课的成绩计算总分,然后按上述规则排序,最后按排名顺序输出前 5 名学生的学号和总分。注意,在前 5 名同学中,每个人的奖学金都不相同,因此,你必须严格按上述规则排序。例如,在某个正确答案中,如果前两行的输出数据 (每行输出两个数: 学号、总分) 是: 7 279 5 279 这两行数据的含义是: 总分最高的两个同学的学号依次是 7 号、5 号。这两名同学的总分都是279(总分等于输入的语文、数学、英语三科成绩之和),但学号为 7 的学生语文成绩更高一些。如果你的前两名的输出数据是: 5 279 7 279 则按输出错误处理,不能得分。

输出描述 对于每个测试数据输出 5 行,每行是两个用空格隔开的正整数,依次表示前 5 名学生的学号和总分。两个相邻测试数据间用一个空行隔开。

样例输入

6

90 67 80

87 66 91

78 89 91

88 99 77

```
67 89 64
78 89 98
8 8 89 89
88 98 78
90 67 80
87 66 91
78 89 91
88 99 77
67 89 64
78 89 98
```

样例输出

2、实验目的

掌握**利用堆结构实现** Top-K **选拔**的方法,理解多种实现方案在时间和空间复杂度上的差异,并能灵活选择合适算法。

3、算法设计

设计思路:

• 我对比了四种方法: **直接排序、矩阵** + **堆、手搓堆、优先队列**。在实验过程中,我先实现了手搓堆,因为当时还不熟悉 priority_queue; 之后学习 STL 后又实现了优先队列版本,用来验证效率与正确性。

方法一: 直接排序

- 将所有学生信息读入数组后, 计算总分并根据题意排序, 最后输出前 5 名。
- 优点是简单, 缺点是当学生数量较多时, 排序浪费性能。

方法二: 矩阵存储 + 小根堆

- 将每个学生信息按 id, chinese, math, english, sum 存在二维数组中, 用小根堆维护前 5 名的 id。
- 若堆未满直接插入,若堆已满则比较当前学生与堆顶,若更优则替换。
- 时间复杂度近似线性,为 O(n log 5)。

方法三: 手搓堆

- 自己实现 siftup 与 siftdown。每插入一名学生都执行上浮操作,当堆大小超过 5 时弹出堆顶。
- 下沉操作中,我采用"三节点择劣"的设计思路:先判断**左右子中哪个更差,再决定是否交换,这样可以避免重复比较。**

```
// 手搓堆维护前 5 名
void insertStudent(Student s) {
   heap.push_back(s);
```

```
siftUp(heap.size() - 1);
if (heap.size() == 6) {
    popTop();
}
```

方法四: 优先队列

- 学习 priority_queue 后,使用内置容器替代手写堆。
- 每插入一个元素后判断堆是否超过 5 个,如果超过就 pop 一次。该方法代码简洁且稳定。

// 使用优先队列维护前 5 名

```
priority_queue<Student, vector<Student>, worseFirst> pq;
for (auto s : students) {
    pq.push(s);
    if (pq.size() > 5) pq.pop();
}
```

复杂度比较:

时间复杂度	空间复杂度	特点
O(n log n) O(n log 5) O(n log 5) O(n log 5)	O(n) O(n) O(5) O(5)	实现简单 保留全表信息 控制力强 代码简洁
	$ \begin{array}{c} O(n \log n) \\ O(n \log 5) \end{array} $	$\begin{array}{cccc} O(n \ \log n) & O(n) \\ O(n \ \log 5) & O(n) \\ O(n \ \log 5) & O(5) \end{array}$

流程图:

```
Start

↓
读入学生信息

↓
维护小根堆(<=5)

- 若堆未满 → 插入

- 若堆已满且更优 → 弹出堆顶插入

|- 否则跳过

↓
弹出堆中前5个元素

↓
输出结果

↓
End
```

细节注意:

- 注意边界情况,索引计算!
- 优先队列中, a 和 b 作比较, 如果是 Ture, 说明 a 要在 b 后面!

具体实现:

```
//z7-奖学金
//手搓 heap 版本
#include <iostream>
#include <vector>
using namespace std;
```

```
class student {
  private:
    int id = 0;
    int sum = 0;
    int chinese = 0;
    int math = 0;
    int english = 0;
 public:
    student() {}
    student(int id, int chinese, int math, int english)
        : id(id), chinese(chinese), math(math), english(english) {
        sum = chinese + math + english;
    }
    student (const student& other)=default;
    student &operator=(const student &other) =default;
    bool operator>(const student &other) { //> 表示更优
        if (this->sum != other.sum)
            return this->sum > other.sum:
        if (this->chinese != other.chinese)
            return this->chinese > other.chinese;
        return this->id < other.id;</pre>
    }
    friend ostream &operator<<(ostream &os, const student a) {</pre>
        os << a.id << " " << a.sum;
        return os:
    }
};
void studentswap(student &a, student &b) {
    student temp = a;
    a = b;
    b = temp;
// 0 1 2 3 4 5
                  6
void siftup(vector<student> &heap) { // size=idx+1
    int size=heap.size();
    int idx = size - 1;
    while (idx > 0) {
        int father = (idx - 1) / 2; // father(idx)
        if (heap[father] > heap[idx]) {
            studentswap(heap[father], heap[idx]);
            idx = father;
        }else break;
    }
void siftdown(vector<student> &heap) {
    int size=heap.size();
    int idx=0;
    while(idx<=size/2-1){</pre>
        int left=idx*2+1;
        int right=left+1;
        int worse = right<size&&heap[left]>heap[right]? right:left;
        if(heap[idx]>heap[worse]){
            studentswap(heap[idx],heap[worse]);
```

```
idx=worse;
        else break;
    }
}
student poptop(vector<student> &heap) {
    int size=heap.size();
    student temp = heap[0];
    heap[0] = heap[size - 1];
    heap.pop_back();
    siftdown(heap);
    return temp;
void insert(vector<student> &heap, const student &a) {
    // 维护小根堆
    heap.push_back(a);
    siftup(heap);
    if (heap.size() == 6) {
        // pop
        poptop(heap);
    }
}
int main() {
    int n;
    while (cin >> n) {
        vector<student> heap;
        for (int i = 0; i < n; i++) {</pre>
            int a, b, c;
            cin >> a >> b >> c;
            insert(heap, student(i + 1, a, b, c));
        vector<student> result(5);
        for (int i = 4; i > -1; i--) {
            result[i] = poptop(heap);
        for (int i = 0; i < 5; i++) {
            cout << result[i] << endl;</pre>
        }
        cout<<endl;</pre>
    }
}
//z7-奖学金
//优先队列版本
#include <iostream>
#include <queue>
#include<vector>
using namespace std;
class student {
  private:
    int id = 0;
    int sum = 0;
    int chinese = 0;
```

```
int math = 0;
    int english = 0;
 public:
    student() {}
    student(int id, int chinese, int math, int english)
        : id(id), chinese(chinese), math(math), english(english) {
        sum = chinese + math + english;
    bool operator>(const student &other) const{ //> 表示更优
        if (this->sum != other.sum)
            return this->sum > other.sum;
        if (this->chinese != other.chinese)
            return this->chinese > other.chinese;
        return this->id < other.id;</pre>
    }
    friend ostream &operator<<(ostream &os, const student a) {</pre>
        os << a.id << " " << a.sum;
        return os;
    }
};
class worsefirst{
    public:
    bool operator()(const student& a, const student& b)const{
        return a>b;
};
int main() {
    int n;
    while (cin >> n) {
        priority_queue<student,vector<student>,worsefirst> heap;
        for (int i = 0; i < n; i++) {
            int a, b, c;
            cin >> a >> b >> c;
            heap.push(student(i+1,a,b,c));
            if(heap.size()>5) heap.pop();
        }
        vector<student> result(5);
        for (int i = 4; i > -1; i--) {
            result[i] = heap.top();
            heap.pop();
        }
        for (int i = 0; i < 5; i++) {
            cout << result[i] << endl;</pre>
        cout << end1;
    }
}
```

4、程序运行与测试

运行结果: (仅挑选个别复杂测试样例作为展示)

测试样例一

• 标准输入:

30

78 51 71

41 59 72

34 62 31

56 74 37

81 96 92

58 37 80

94 58 59

98 84 84

80 44 34

44 35 97

95 96 94

76 41 86

88 42 57 84 89 84

75 43 98

31 48 61

95 96 93

72 46 47

61 85 49

81 69 42

71 56 88

97 77 93

87 92 92

38 85 55

56 53 46

52 89 33

48 38 82

69 60 31

93 96 92

85 36 99

实际输出:

11 285

17 284

29 281

23 271 5 269

• 期望输出:

11 285

17 284

29 281

23 271

5 269

测试样例二

• 标准输入:

```
78 44 40
91 91 83
98 51 54
61 88 33
77 46 83
76 93 67
66 68 61
76 35 69
68 79 36
90 90 84
  • 实际输出:
2 265
10 264
6 236
5 206
3 203
  • 期望输出:
2 265
10 264
6 236
5 206
3 203
```

10

5、实验总结与心得

• 这题让我理解了"**优先队列的本质是堆**"。手写堆让我熟悉了堆操作的实现,而 STL 优先队列展示了标准化写法。Top-K 问题在实践中很常见,堆结构是最有效的解决方案之一。

第三题

1、实验题目

z7-heap

题目描述 实现一个小根堆用以做优先队列。给定如下数据类型的定义:

```
class array {
  private:
  int elem[MAXN];
  public:
  int &operator[](int i) { return elem[i]; }
};
class heap {
  private:
  int n;
  array h;
  public:
  void clear() { n = 0; }
  int top() { return h[1]; }
  int size() { return n; }
  void push(int);
```

```
void pop();
};
要求实现:
void heap::push(int x) {
// your code
void heap::pop() {
// your code
测试样例 test code:
heap h;
h.push(3);
h.push(1);
h.push(2);
printf("%d\n", h.top());
h.pop();
printf("%d\n", h.top());
test output:
2
```

提示 只提交 heap::push 和 heap::pop, 注意堆顶元素的下标是 1 而不是 0。

2、实验目的

掌握**堆的插入与删除**原理,理解上浮、下沉操作的过程与逻辑,并能在代码中准确实现。

3、算法设计

设计思路:

• 采用 1 **下标**存储方式 (h[1] 为堆顶)。push 操作通过**上浮**维持堆序,pop 操作通过**尾替顶** + **下沉**恢 复堆序。

流程图:

Push:

插入元素到尾部 → 上浮维持堆序 → 结束

Pop

尾替顶 → 下沉维持堆序 → 结束

复杂度分析: push 与 pop 均为 O(log n), 空间为 O(n)。

细节注意:

• 索引从 1 开始,而不是 0! 计算得到最后一个非叶子节点的时候很容易出错!

具体实现:

```
//z7-heap
#include <iostream>
#include"heap.h"
```

```
using namespace std;
void heap::push(int a){
    n++;
    h[n]=a;//放入最后的节点
    int i=n;
    while(i>1){
        int father=i/2;
        if(h[father]>h[i]){
             int temp=h[father];
            h[father]=h[i];
            h[i]=temp;
        }
        i=father;
    }
void heap::pop(){
    if(n>=1){
        h[1]=h[n];
        h[n--]=0;
        int i=1;
        while(true){
             int left=2*i;
             int right=2*i+1;
             \mathtt{if} (\texttt{left} \! < \! = \! n) \, \{
                 if(right<=n){//有两个节点
                     if(h[i]>h[left]&&h[i]>h[right]){
                          if(h[left]>h[right]){
                              int temp=h[right];
                              h[right]=h[i];
                              h[i]=temp;
                              i=right;
                         }
                         else{
                              int temp=h[left];
                              h[left]=h[i];
                              h[i]=temp;
                              i=left;
                         }
                     else if(h[i]>h[left]){
                              int temp=h[left];
                              h[left]=h[i];
                              h[i]=temp;
                              i=left;
                     else if(h[i]>h[right]){
                              int temp=h[right];
                              h[right]=h[i];
                              h[i]=temp;
                              i=right;
                     else break;
                 }
```

4、程序运行与测试

运行结果: (仅挑选个别复杂测试样例作为展示)

测试样例一

• 标准输入:

51007

861014941 893482403 220308889 -506052296 -658696671 -891058487 -808104526 -778424549 416391927 90068241

- 实际输出:
- -999988834 -999977234 -999950505 -999929867 -999903630 -999899449 -999867776 -999856528 -999823636 -999
 - 期望輸出:

测试样例二

标准输入:

85397

 $-655301987\ 119301786\ -680264625\ 768873105\ 910883774\ -327780111\ 512210548\ 802042028\ 694643116\ -768406799$

- 实际输出:
- - 期望輸出:

5、实验总结与心得

• 本题让我掌握了堆的基本操作实现方式。对比 STL 优先队列,我更能理解它的底层原理。通过这题, 我体会到复用堆结构在后续 Top-K 问题中的优势。