

中山大学计算机学院本科生实验报告 {#中山大学计算机学院本科生实验报告 }

(2025学年第1学期) {#2025学年第1学期 }

课程名称：数据结构与算法
算法----实验任课教师张子臻 }

实验任课教师：张子臻 {#课程名称数据结构与

年级	2024级	专业（方向）	计算机科学与技术（人工智能与大数据）
学号	242325157	姓名	梁玮麟
电话	18620062182	Email	3371676041@qq.com
开始日期	2025.10.22	结束日期	2025.10.25
\raggedright			

第一题

1、实验题目

z9-二叉搜索树的遍历

题目描述

给定一组无序整数，以第一个元素为根节点，按顺序插入结点生成一棵二叉搜索树，并对其进行中序遍历和先序遍历。

输入描述

输入包括多组数据，每组数据包含两行：第一行为整数m($1 \leq m \leq 3000$)，表示该组数据中整数的数目，第二行给出m个整数，相邻整数间用一个空格间隔。最后一组数据后紧跟着包含0的一行输入，标识输入的结束。

输出描述

每组输入产生两行输出，第一行是中序遍历结果，第二行是先序遍历结果，每个整数后面带一个空格，每行中第一个整数前无空格

输入样例

```
9
10 4 16 9 8 15 21 3 12
6
20 19 16 15 45 48 0
```

输出样例

```
3 4 8 9 10 12 15 16 21
10 4 3 9 8 16 15 12 21
15 16 19 20 45 48
20 19 16 15 45 48
```

2、实验目的

- 学会构建二叉搜索树
- 掌握**中序遍历**和**前序遍历**的概念，并成功实现

3、算法设计

设计思路：

- 首先整理清楚**二叉搜索树**的过程：
 - 判断根节点与当前插入的数的大小；
 - 如果小于当前节点，则与节点的左子节点比较；
 - 否则与当前节点的右子节点比较；
 - 如果当前节点为空，则将当前节点的数值设为要插入的数，同时将左右子节点设为空。
- 根据搜索结果过程，定义一个类 `node`，可以储存当前节点的值 `val`，同时有着两个指针，分别指向 `left` 和 `right` 子节点。
- 根据输入数据，**构建树**：
 - 首先，当 `root` 指向空，给 `root` 节点分配内存；
 - 否则：
 - 设置一个 `parent` 指针指向 `nullptr`，`p`（代表当前指针）指向 `root`。

- b. 用一个 `while` 循环，用 `parent` 指向 `p` ,然后根据数值和 `p` 的值的比较结果移动 `p` 指针，直到 `p` 指向 `nullptr` ;
 - c. 因为 `p` 指向空，所以比较当前数值和 `parent->val` 的大小关系，决定 `p` 是左节点还是右节点，并给 `parent->left/right` 分配内存。
- 对于中序遍历，可以用递归实现：
 - i. 终止条件：
 - 果当前**指针指向nullptr**，则直接 `return` ;
 - ii. 首先调用左节点；
 - iii. 然后输出当前节点的值
 - iv. 再调用右节点。
- 对于前序遍历，可以用递归实现：
 - i. 终止条件：
 - 果当前**指针指向nullptr**，则直接 `return` ;
 - ii. 首先输出当前节点的值
 - iii. 然后调用左节点；
 - iv. 再调用右节点。

流程图：

```
// Flow of z9-BST Traversal
start
|
| -> while (read m) and m != 0:
|     create node* root = nullptr
|     for i in [0..m-1]:
|         read x
|         if root == nullptr:
|             root = new node(x)
|         else:
|             node *parent = nullptr, *p = root
|             while (p != nullptr):
|                 parent = p
|                 if (x < p->val) p = p->left
|                 else           p = p->right
|                 // attach new node under parent
|                 if (x < parent->val) parent->left = new node(x)
|                 else                  parent->right = new node(x)
|
|             // inorder traversal
|             call inorder(root)    // L - V - R
|             print '\n'
|
|             // preorder traversal
|             call preorder(root)   // V - L - R
|             print '\n'
|
|             delete root // 递归析构释放整棵树
|
end
```

复杂度分析：

• 构建 BST:

- 平均时间复杂度： $O(m \log m)$ ，因为插入每个节点期望深度为 $\log m$ ；
- 最坏时间复杂度： $O(m^2)$ ，当输入**序列有序时退化为链**。

• 遍历：

- 时间复杂度： $O(m)$ ，每个节点访问一次；
- 空间复杂度： $O(h)$ ，递归栈深度 h 为树高，平均 $O(\log m)$ ，最坏 $O(m)$ 。

细节注意:

- parent指针是**必要的**，否则p为空时，直接给p分配内存，会导致每一个节点都是**孤立的**。

具体实现：

```
//z9-二叉搜索树的遍历
#include <iostream>
using namespace std;
class node {
public:
    int val;
    node *left;
    node *right;
    node() = default;
    node(int val) : val(val), left(nullptr), right(nullptr) {}
    ~node() {
        if (right) {
            delete right;
        }
        if (left) {
            delete left;
        }
    }
};

void inorder(node *&p) {
    if (p == nullptr)
        return;
    if (p->left) {
        inorder(p->left);
    }
    cout << p->val << " ";
    if (p->right) {
        inorder(p->right);
    }
}

void preorder(node *&p) {
    if (p == nullptr)
        return;
    cout << p->val << " ";
    if (p->left) {
        preorder(p->left);
    }
    if (p->right) {
        preorder(p->right);
    }
}
```

```
int main() {
    int m;
    while (cin >> m && m != 0) {
        node *root = nullptr;
        for (int i = 0; i < m; i++) { // 构建树
            int num;
            cin >> num;
            if (root == nullptr) {
                root = new node(num);

            } else {
                node *parent = nullptr;
                node* p=root;
                while (p) {
                    parent = p;
                    if (num > p->val)
                        p = p->right;
                    else
                        p = p->left;
                }
                if(num<parent->val){
                    parent->left=new node(num);
                }
                else{
                    parent->right=new node(num);
                }
            }
        }
        inorder(root);
        cout << endl;
        preorder(root);
        cout << endl;
        if (root)
            delete root;
    }
    return 0;
}
```

4、程序运行与测试

运行结果：

测试样例一

- 标准输入：

```
12
25 45 42 27 8 30 18 43 32 41 11 12
10
15 42 35 1 45 24 49 5 34 18
15
36 27 52 24 17 8 4 37 49 5 26 13 40 21 55
0
```

- 实际输出：

```
8 11 12 18 25 27 30 32 41 42 43 45
25 8 18 11 12 45 42 27 30 32 41 43
1 5 15 18 24 34 35 42 45 49
15 1 5 42 35 24 18 34 45 49
4 5 8 13 17 21 24 26 27 36 37 40 49 52 55
36 27 24 17 8 4 5 13 21 26 52 37 49 40 55
```

- 期望输出：

```
8 11 12 18 25 27 30 32 41 42 43 45
25 8 18 11 12 45 42 27 30 32 41 43
1 5 15 18 24 34 35 42 45 49
15 1 5 42 35 24 18 34 45 49
4 5 8 13 17 21 24 26 27 36 37 40 49 52 55
36 27 24 17 8 4 5 13 21 26 52 37 49 40 55
```

测试样例二

- 标准输入：

```
20
25 37 14 49 10 13 8 3 38 31 21 27 29 33 28 41 11 26 47 9
30
19 22 7 9 49 21 35 43 3 11 10 41 30 25 6 48 1 29 13 36 37 45 5 12 17 14 32 27 20 46
0
```

- 实际输出：

```
3 8 9 10 11 13 14 21 25 26 27 28 29 31 33 37 38 41 47 49
25 14 10 8 3 9 13 11 21 37 31 27 26 29 28 33 49 38 41 47
1 3 5 6 7 9 10 11 12 13 14 17 19 20 21 22 25 27 29 30 32 35 36 37 41 43 45 46 48 49
19 7 3 1 6 5 9 11 10 13 12 17 14 22 21 20 49 35 30 25 29 27 32 43 41 36 37 48 45 46
```

- 期望输出：

```
3 8 9 10 11 13 14 21 25 26 27 28 29 31 33 37 38 41 47 49
25 14 10 8 3 9 13 11 21 37 31 27 26 29 28 33 49 38 41 47
1 3 5 6 7 9 10 11 12 13 14 17 19 20 21 22 25 27 29 30 32 35 36 37 41 43 45 46 48 49
19 7 3 1 6 5 9 11 10 13 12 17 14 22 21 20 49 35 30 25 29 27 32 43 41 36 37 48 45 46
```

5、实验总结与心得

- 这道题对我来说，难点是理解**二叉搜索树的原理以及构建树的过程**。通过这个实验，让我掌握了二叉搜索树的具体实现，并提高了我的代码能力。

第二题

1、实验题目

z9-Play with Tree

题目描述

Given a binary tree, your task is to get the height and size(number of nodes) of the tree.
The Node is defined as follows.

```
struct Node {  
    Node *lc, *rc;  
    char data;  
};
```

Implement the following function.

```
void query(const Node *root, int &size, int &height)  
{  
    // put your code here  
}
```

提示

In this problem, we assume that the height of the tree with only one node is 1.

2、实验目的

- 掌握二叉树的具体结果；
- 对于二叉树的各种算法，想到可以把整个树**划分成左子树和右子树，然后递归计算。**

3、算法设计

设计思路：

- 把当前节点分成左子树和右子树；因为 size 和 height 是引用，可以通过这两个变量返回结果。
- 递归：
 - 终止条件：如果当前指向 nullptr，则 size 和 height 都是0；
 - 因为 size 和 height 是作为返回结果的接口，所以**不能直接用**这两个变量存储递归结果。所以需要新开 lsize, lheight, rsize, rheight。
 - 递归调用左子节点。
 - 递归调用右子节点。
 - 因为 size 统计的是总数，所以直接令

```
size = lsize + rsize + 1;
```
 - height 并非统计总数，而需要比较 lheight 和 rheight 的大小，取最大值，**然后+=1**（因为需要加上当前高度）。

流程图：

```
// Flow of query(root, size, height)
start
|
|--> function query(root, ref size, ref height):
|    if (root == nullptr):
|        size = 0
|        height = 0
|        return
|
|    int lsize=0, rsize=0, lheight=0, rheight=0
|    query(root->lc, lsize, lheight)
|    query(root->rc, rsize, rheight)
|
|    size = lsize + rsize + 1
|    height = max(lheight, rheight) + 1
|    return
|
end
```

复杂度分析：

- **时间复杂度：** $O(n)$ ，每个节点被访问一次；
- **空间复杂度：** $O(h)$ ，递归栈深度为树高，最坏 $O(n)$ ，平均 $O(\log n)$ 。
- **额外空间：** 常数级辅助变量。

细节注意：

- 递归思想：把整个问题**分解成若干相似子问题**。在这一题就是对于任意一个节点，分成左子树和右子树。
- 无论是 `size` 还是 `height`，都需要加上自己。

具体实现：

```
//z9-Play with Tree
#include <iostream>
#include "play.h"
using namespace std;
void query(const Node *root, int &size, int &height) {
    if (root == nullptr) {
        size = 0;
        height = 0;
        return;
    } else {
        int lsize = 0, rsize = 0;
        int lheight = 0, rheight = 0;
        query(root->lc, lsize, lheight);
        query(root->rc, rsize, rheight);
        size = lsize + rsize + 1;
        height = lheight > rheight ? lheight : rheight;
        height += 1;//算上自己的高度
    }
}
```

4、程序运行与测试

运行结果：

测试样例一

- 标准输入：

- 实际输出：

- 期望输出:

(同上)

5、实验总结与心得

- 这题卡了我一会。主要是一开始没想到可以通过左右子树这种递归思路做，而只是简单地想通过迭代完成。
 - 这道题目启发我，以后碰到这种二叉树的题目，应该大概都可以把它分成左右去想。

第三题

1、实验题目

z9-postorder

题目描述

Given the pre-order traversal sequence A[] and in-order traversal sequence B[] of a tree, find the post-order traversal sequence.

输入描述

Input contains 3 lines;

The first line contains an integer n(n <= 100000), the number of node in the tree.

The second line contains n distinct integers, which is the sequence A[](0 <= a₀,a₂,...,a_{n-1}<= n-1).

The third line contains n distinct integers, which is the sequence B[](0 <= b₀,b₂,...,b_{n-1}<= n-1).

输出描述

The postorder traversal sequence of the tree.

输入样例

```
10
7 2 0 5 8 4 9 6 3 1
7 5 8 0 4 2 6 3 9 1
```

输出样例

```
8 5 4 0 3 6 1 9 2 7
```

2、实验目的

- 深入理解前序表达式和中序表达式的结构特点
- 学会通过前序表达式和中序表达式构建二叉树。

3、算法设计

设计思路：

- 采用递归设计。

- 思路：中序表达式，可以理解为**输出左子树，然后输出当前节点，再输出右子树**。而前序表达式，则**先输出当前节点，再按顺序输出左子树和右子树**。根据前序表达式，可以获得当前的**root节点**对应的数值，然后在中序表达式中对应的这个值将未被划分的整个部分分成**左子树，root节点，右子树**。随后，根据前序表达式的顺序找到**左子树的root节点和右子树的root节点**，并在中序表达式中继续递归调用。
- 实现过程：
 - 为了构建二叉树，先自定义一个**node类**，存储当前的·值，**left** 指针指向左子节点，**right** 指向右子节点。
 - 定义递归函数 **node* buildtree()**。因为需要在函数中查找**pre序列和in序列**，所以这两个必须传入。为了划分当前尚未划分的范围，需要**left**和**right**设定在中序表达式中划分的左边界和右边界。当前树中的数值也要传入，因为前序表达式中容易获取这个值，所以传入在前序表达式中的索引**idxPre**，并传入一个**哈希表**（映射从中序到前序的索引值，为了降低时间复杂度，否则每次递归都需要用 $O(n)$ 的时间复杂度再找一次）。
 - 递归函数的具体定义：
 - 终止条件：如果 **left>right**，说明此时不存在未被放入树中的元素，返回 **nullptr**。
 - 通过哈希表，找到 **idxPre** 在中序表达式中的索引 **idxIn**，并给当前节点分配内存。
 - 找到左子树的范围与根节点：** **[left:idxIn-1]**， **idxPre+1**。
 - 找到右子树的范围与根节点：** **[idxIn+1,right]**， **idxPre+左子树节点数量 (idxIn-1-left+1) +1**。
 - 继续递归调用 **root->left=buildtree(...)**。
 - 继续递归调用 **root->right=buildtree(...)**。
 - 当前子树的根节点、左子树、右子树都已构建好，直接返回根节点。
 - 构建**后序表达式**：
 - 终止条件：根节点为 **nullptr**；
 - 先调用左子树，再调用右子树，再输出当前节点值。

流程图：

```
// Flow of z9-postorder (build from preorder & inorder, then postorder-output)
start
|
|--> read n
|   read array pre[0..n-1]
|   read array in[0..n-1]
|
|--> // build value -> index map for inorder to achieve O(1) lookup
|--> create vector<int> idx(n)
|   for i in [0..n-1]: idx[in[i]] = i
|
|--> function build(pre, in, preIdx, L, R, idx) -> node*:
|   if (L > R): return nullptr
|   int rootIn = idx[ pre[preIdx] ]
|   node* root = new node(pre[preIdx])
|
|   int leftL = L
|   int leftR = rootIn - 1
|   int rightL = rootIn + 1
|   int rightR = R
|
|   int leftSize = leftR - leftL + 1
|
|   root->left = build(pre, in, preIdx + 1, leftL, leftR, idx)
|   root->right = build(pre, in, preIdx + leftSize + 1, rightL, rightR, idx)
|   return root
|
|--> node* root = build(pre, in, 0, 0, n-1, idx)
|
|--> function post(root):
|   if (root == nullptr) return
|   post(root->left)
|   post(root->right)
|   print(root->val, ' ')
|
|--> post(root)
|--> (optional) delete root
|
end
```

复杂度分析：

- **预处理哈希表：** 时间 $O(n)$ ，空间 $O(n)$ 。
- **构建二叉树：**
 - 每个结点常数时间处理一次，总 $O(n)$ ；
 - 递归栈深度 $O(h)$ ，最坏 $O(n)$ ，平均 $O(\log n)$ 。
- **后序输出：** $O(n)$ 。
- **总体复杂度：**
 - 时间复杂度： $O(n)$
 - 空间复杂度： $O(n)$ （映射表 + 递归栈）

细节注意：

- 需要在main函数中**提前用一次循环构建好哈希表**，大大提升时间复杂度。
- 注意在前序表达式中找右子树根节点时的计算，需要加上左子树节点数量后，**再加一指向右子树的根节点**。
- 本质其实是不断地对中序表达式进行**二分**。需要处理好递归函数在中序表达式中的处理范围以及终止条件。

具体实现：

```
#include <iostream>
#include <vector>
using namespace std;
class node {
public:
    int val;
    node *left;
    node *right;
    node() = default;
    node(int val) : val(val), left(nullptr), right(nullptr) {}
    ~node() = default;
};

node *biuldtree(const vector<int> &pre, const vector<int> &in, int idxPre,
                 int left, int right, const vector<int>& Findididx) {
    if (left > right) {
        return nullptr;
    }
    // 在in中找到pre[idxPre]的位置
    int idxIn = Findididx[pre[idxPre]];
    node *root = new node(pre[idxPre]);
    int Lright = idxIn - 1;           // 左子树可以取到的右边界索引值
    int Lleft = left;                // 左子树可以取到的左边界索引值
    int Rright = right;              // 右子树可以取到的右边界索引值
    int Rleft = idxIn + 1;            // 右子树可以取到的左边界索引值
    int Lsize = Lright - Lleft + 1;   // 左子树的节点数量
    root->left = biuldtree(pre, in, idxPre + 1, Lleft, Lright, Findididx);
    // 默认前缀表达式下，根节点下一个就是左子树的节点。如果没有左子树，会自动返回nullptr
    root->right = biuldtree(pre, in, idxPre + Lsize + 1, Rleft, Rright, Findididx);
    // 需要跨过左子树的节点数量，才是右子树的根节点
    return root;
}

void post(node *root) {
    if (root == nullptr)
        return;
    else {
        post(root->left);
        post(root->right);
        cout << root->val << " ";
    }
}

int main() {
```

```

int n;
cin >> n;
vector<int> pre(n);
vector<int> in(n);
vector<int> Findidx(n);
for (int i = 0; i < n; i++) {
    cin >> pre[i];
}
for (int i = 0; i < n; i++) {
    cin >> in[i];
}
for (int i=0;i<n;i++){
    Findidx[in[i]]=i;
}
node *root = biuldtree(pre, in, 0, 0, n - 1, Findidx);
post(root);
return 0;
}

```

4、程序运行与测试

运行结果：

测试样例一

- 标准输入：

68877

67239 20038 21619 33452 20932 66131 1021 32222 63405 9834 64593 34031 43218 28305 19075 23644 1!
(数据太长，仅放部分数据)

- 实际输出：

15808 44541 23644 49998 6777 22077 19075 42674 1246 11638 47138 13825 4471 19201 28305 66494 676
(数据太长，仅放部分数据)

- 期望输出：

15808 44541 23644 49998 6777 22077 19075 42674 1246 11638 47138 13825 4471 19201 28305 66494 676
(数据太长, 仅放部分数据)

测试样例二

- 标准输入:

58100

11074 41655 35671 7353 48672 10911 11017 26129 55903 33844 20134 12314 13733 33300 15555 3744 2:
(数据太长, 仅放部分数据)

- 实际输出:

3744 2165 15555 6222 844 39018 33300 24725 57603 15412 26294 19602 18059 40550 13733 35294 3588:
(数据太长, 仅放部分数据)

- 期望输出:

3744 2165 15555 6222 844 39018 33300 24725 57603 15412 26294 19602 18059 40550 13733 35294 3588:
(数据太长, 仅放部分数据)

5、实验总结与心得

- 本题我思考了很久, 最后才想到了实际上就是对中序表达式进行二分处理。但是要维护好**左边界**和**右边界**, 并通过在前序表达式中得到的索引反推出中缀表达式中的索引, 并进行划分。