I - Escolha do Modelo

Seguem algumas estatísticas descritivas da série:

Tabela 1 – Estatísticas Descritivas

Estatísticas	Valores
Média	0.000017
Variância	0.0000038
Assimetria	-0.0125
Curtose	3.29
Máximo	0.006
Mínimo	0.009

Percebemos que a série possui média próxima de zero, variância pequena, um pouco assimétrica pra esquerda e caudas levemente pesadas. Agora vejamos o plot da série, no qual podemos perceber que não há presença de tendência na série, não havendo necessidade de tirar diferenças.

0.000 200 400 600 1000 800

Figura 1 – Estatísticas Descritivas

Para decidir qual modelo ARMA ajustar na série, olharemos para a ACF e PACF do modelo:

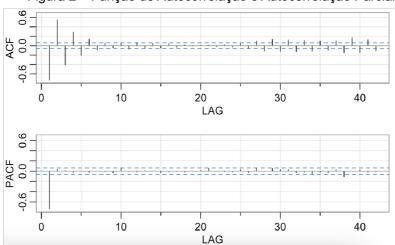


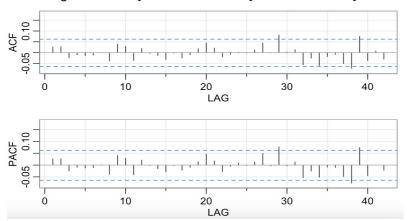
Figura 2 – Função de Autocorrelação e Autocorrelação Parcial

Podemos perceber que na PACF há um único lag estatisticamente significante a 95% no lag 1 enquanto há um decaimento exponencial com sinais trocados na ACF. Por essas características, o modelo ARMA(1,0) parece ser o mais indicado. Abaixo está a estimação do modelo:

Figura 3 – Tabela de Resultados

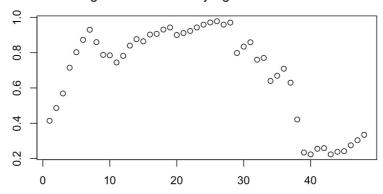
Após a estimação, temos que ver algumas estatísticas para diagnosticar se os resíduos do modelo se assemelham a um ruído branco

Figura 4 – Função de Autocorrelação e Autocorrelação Parcial



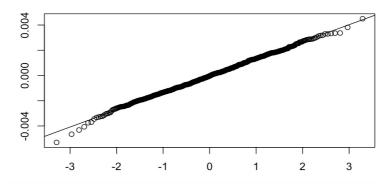
As ACF e PACF correspondem ao esperado de um ruído branco, exceto por alguns poucos lags que ultrapassaram um pouco a linha do IC de 95%, porém, pelos resultados do teste de Ljung-Box, não foi rejeitado para nenhum lag, também a 95%, a hipótese nula de que não há autocorrelação serial.

Figura 5 – Teste de Ljung-Box



Os resíduos em nível lembram um ruído branco, mas apresentam caudas levementes pesadas para valores muito extremos e a distribuição em si desses resíduos aparenta ter uma assimetria à esquerda.

Figura 6 - Q-Q Plot Normal



Em suma, para média, o modelo escolhido é um ARMA(1,0).

Agora vamos modelar a variância da série. Primeiro, mostramos as ACF e PACF dos resíduos ao quadrado do modelo ARMA(1,0) ajustado.

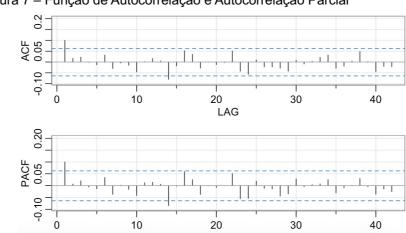


Figura 7 – Função de Autocorrelação e Autocorrelação Parcial

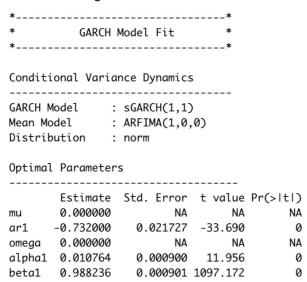
Chama atenção que apenas os primeiros lags tanto da ACF quanto da PACF saltam enquanto que alguns outros lags esporádicos estão levemente fora da linha da IC de 95%. Vamos propor 2 modelos: um GARCH(1,1) e um GARCH(1,0) estimados como a distribuição normal.

Figura 8 – Tabela de Resultados

** * GARCH Model Fit *
**
Conditional Variance Dynamics
GARCH Model : sGARCH(1,1) Mean Model : ARFIMA(1,0,0) Distribution : norm
Optimal Parameters
Estimate Std. Error t value Pr(> t mu 0.000000 NA
GARCH Model : sGARCH(1,0) Mean Model : ARFIMA(1,0,0) Distribution : norm Optimal Parameters
Estimate Std. Error t value Pr(> t) mu 0.000000 NA NA NA ar1 -0.731569 0.020058 -36.472 0 omega 0.000002 0.000000 839.682 0 alpha1 0.112528 0.015900 7.077 0

Como a constante omega foi estatisticamente não significante a 95% no GARCH(1,1), vamos reestimá-lo sem ela.

Figura 9 – Tabela de Resultados



Para escolher entre o GARCH(1,1) sem omega ou o GARCH(1,0), escolhemos o de menor coeficiente de AIC, que neste caso é o modelo GARCH(1,0).

Tabela 2 - Tabela de AIC's

Modelo	AIC
GARCH(1,1) sem a const. omega	-10.37
GARCH(1,0)	-10.39

Outro ponto importante que vou abordar é sobre a assimetria que a série aparenta ter. Desse modo, cabe propor os modelos EGARCH(1,0), TGARCH(1,0) e GjrGARCH(1,0), estimadas com uma distribuição normal. Vale ressaltar que o algoritmo do TGARCH(1,0) e EGARCH(1,0) não convergiu. Segue abaixo a estimativa do GjrGARCH(1,0):

Figura 10 - Tabela de Resultados

Conditional Variance Dynamics

GARCH Model : gjrGARCH(1,0) Mean Model : ARFIMA(1,0,0)

Distribution : norm

Optimal Parameters

	Estimate	Std. Error	t value	Pr(> t)
mu	0.000000	NA	NA	NA
ar1	0.031300	0.012247	2.5558	0.010593
omega	0.000002	0.000000	5464.6184	0.000000
alpha1	0.138622	0.050698	2.7342	0.006252
gamma1	-0.065027	0.064631	-1.0061	0.314360

Vemos que o coeficiente captura a assimetria foi estatisticamente nãosignificante com alfa igual a 5%, então se excluindo o modelo a ser considerado como modelo final.

Portanto, o modelo final proposto escolhido é o ARMA(1,0) + GARCH(1,0) sem média para a série. Abaixo encontra-se alguns diagnósticos importantes:

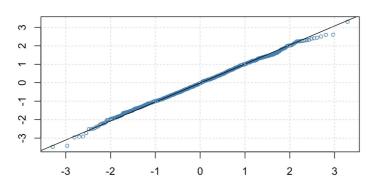


Figura 11 – Q-Q Plot Normal

Figura 12 – ACF dos Resíduos Padronizados

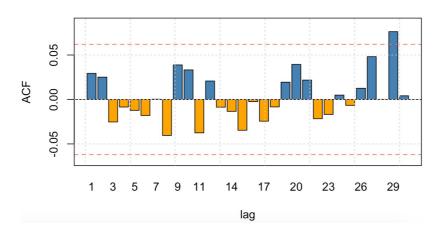
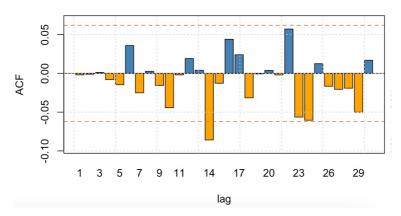


Figura 13 – ACF dos Resíduos Padronizados ao Quadrado



E pelo teste de Ljung-Box dos resíduos padronizados e os resíduos padronizados ao quadrado, não se rejeita a hipótese nula de não haver autocorrelação serial:

Figura 14 – Teste de Ljung-Box sobre Resíduos Padronizados e os Resíduos Padronizados ao Quadrado

II - Previsões

Para fazer previsões, elas serão feitas utilizando-se do modelo ARMA(1,0) + GARCH(1,0) sem média. Abaixo encontra-se as estimativas para 12 períodos à frente.

Figura 15 – Tabela de Previsões

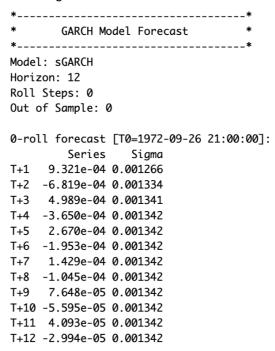


Figura 16 - Gráfico de previsões da Média Incondicional

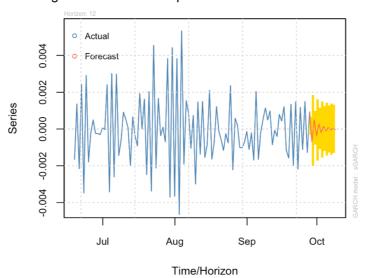


Figura 17 – Gráfico de previsões da Média Incondicional

