

Dériver les fonctions suivantes :

$$f(x) = 2x + 1$$

$$f'(x) = 2 \times 1 = 2$$

$$g(x) = 3x^2 - 2x - 1$$

$$g'(x) = 3 \times 2x - 2 \times 1 = 6x - 2$$

$$h(x) = x^3 - 2x^2 + 2x + 1$$

$$h'(x) = 3x^2 - 2 \times 2x + 2 \times 1 = 3x^2 - 4x + 2$$

$$k(x) = -2x^3 + x^2 - \frac{1}{2}$$

$$k'(x) = -2 \times 3x^2 + 2x = -6x^2 + 2x$$

$$m(x) = \frac{1}{3}x^3 + \frac{1}{2}x^2 + x + \frac{\sqrt{2}}{\pi}$$

$$m'(x) = \frac{1}{3} \times 3x^2 + \frac{1}{2} \times 2x + 1 = x^2 + x + 1$$

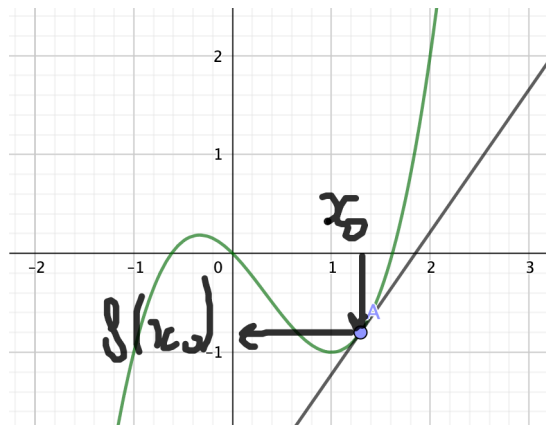
Pour le dernier, on utilise : $\frac{1}{3} \times 3 = \frac{1 \times 3}{3} = \frac{3}{3} = 1$

Dérivation des fonctions polynômes

Dérivées :

$$h(x) = x^3 - 2x^2 + 2x + 1$$

$$h'(x) = 3x^2 - 2 \times 2x + 2 \times 1$$



Tangente :

$$\text{En } x_0 : T : y = f(x_0) + f'(x_0)(x - x_0)$$

Variations de fonctions

Si $f'(x) < 0$ alors, f est décroissante

Si $f'(x) > 0$ alors, f est croissante

Tableau de signes/variations

Etude complète de fonction :

Faire un tableau de variations qui indiquera les positions et les valeurs des maximum et des minimum

Notre fonction à étudier est : $f(x) = 2x^3 - 9x^2 + 5$ avec $x \in \mathbb{R}$

1) Calculer la dérivée $f'(x)$

$$f'(x) = 2 \times 3x^2 - 18x = 6x^2 - 18x$$

2) Trouver les racines de $f'(x)$. Montrer que 3 est racine et trouver une racine évidente (on va essayer $x = -1, 0, 1$)

$f'(1) = 0$? Si c'est vrai, alors 1 est une racine de $f'(x)$.

$f'(3) = 0$? Si c'est vrai, alors 3 est une racine de $f'(x)$. Sinon... non!

$f'(3) = 6 \times 3^2 - 18 \times 3 = 6 \times 9 - 54 = 0$ donc $x_1 = 3$ est une racine de $f'(x)$.

$f'(0) = 6 \times 0^2 - 18 \times 0 = 0$ donc $x_2 = 0$ est une racine évidente de $f'(x)$.

3) Factoriser $f'(x)$ puis trouver le **signe** de $f'(x)$

$a(x - x_1)(x - x_2)$ est la factorisation de $ax^2 + bx + c$ si x_1 et x_2 sont des racines.

$f'(x) = 6(x - 3)(x - 0) = 6(x - 3)x$ car $a=6$, $x_1 = 3$ et $x_2 = 0$.

x	$-\infty$	-1	0	3	$+\infty$	
6		+		+	+	
$x - 3$		-	-4	0	+	
x		-	-1	0	+	
$f'(x)$		+	0	-	0	+
f			$f(0)$		$f(3)$	