

1 一元函数微分学的计算

1.1 基本求导公式

1. $(x^a)' = ax^{a-1}$ (a 为常数)
2. $(a^x)' = a^x \ln a$ ($a > 0, a \neq 1$)
3. $(e^x)' = e^x$
4. $(\log_a x)' = \frac{1}{x \ln a}$ ($a > 0, a \neq 1$)
5. $(\ln |x|)' = \frac{1}{x}$
6. 三角函数求导

- $(\sin x)' = \cos x$
 - $(\cos x)' = -\sin x$
 - $(\tan x)' = \sec^2 x$
 - $(\cot x)' = -\csc^2 x$
 - $(\sec x)' = \sec x \tan x$
 - $(\csc x)' = -\csc x \cot x$
 - $(\arcsin x)' = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$
 - $(\arccos x)' = -\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$
 - $(\arctan x)' = \frac{1}{1+x^2}$
 - $(x)' = -\frac{1}{1+x^2}$
7. $[\ln(x + \sqrt{x^2 + 1})]' = \frac{1}{\sqrt{x^2 + 1}}$
 8. $[\ln(x + \sqrt{x^2 - 1})]' = \frac{1}{\sqrt{x^2 - 1}}$

1.2 四则运算

1. $(u \pm v)' = u' \pm v'$
2. $(uv)' = u'v + uv'$
3. $\left(\frac{u}{v}\right)' = \frac{u'v - uv'}{v^2} \quad (v \neq 0)$

1.3 基础概念

1.4 结论

1.5 定理

1.6 运算

1.7 公式

1.8 方法总结

1.9 条件转换思路

1.10 理解