Exercise Week 08

GianAndrea Müller mailto:muellegi@student.ethz

May 2, 2018

Time Schedule

- 10' Rekursion Konzept mit Beispiel
- 3' Rekursion vs Iteration
- 5' Rekursion Optimierung
- 10' Rekursionsbäume
- 20' Beispielaufgaben zu Rekursion
- 15' Pause
- 45' Q&A

Learning Objectives

• Verständnis: Rekursion

Rekursion - Konzept

```
int function(arg1, arg2){
  //Call function recursively
  function(arg1, arg2);
}
```

Rekursion - Konzept

```
int function(arg1, arg2){
    // Termination condition
    if(terminate){
      return result;
    // do stuff
6
    //Call function recursively
8
    function(arg1, arg2);
10
```

Rekursion - Beispiel I

```
double power(double x, int n){
   if (n == 1){
      return x;
   }

return x*power(x, n-1);
}
```

Rekursion - Beispiel I

```
double power(double x, int n) {
    if (n == 1)
       return x;
4
    return x*power(x, n-1);
6
7
8
  double itpower(double x, int n){
    double result = 1;
10
    for(int i = 0; i < n; i + +){
11
       result *=x;
12
    }
13
    return result;
14
15
```

Rekursion vs Iteration

Vorteile und Nachteile der Rekursion

- Vorteile:
 - Komplexe Probleme können relativ einfach gelöst werden.
 - Der Code ist übersichtlicher.
- Nachteile:
 - Möglicher Stack Overflow!
 - Langsamer
 - Debugging ist schwieriger.

Rekursion - Beispiel I - Optimierung

$$x^{2} = x \cdot x$$

$$x^{4} = x^{2} \cdot x^{2}$$

$$x^{8} = x^{4} \cdot x^{4}$$

$$x^{16} = x^{8} \cdot x^{8}$$

$$x^{20} = x^{16} \cdot x^{4}$$

Rekursion - Beispiel I - Optimierung

```
double power (double x, int n){
  if (n == 1){
    return x;
  }

double temp = power(x, n/2);
return temp*temp;
}
```

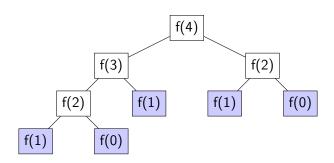
Rekursion - Beispiel I - Optimierung

```
double power (double x, int n){
    if (n == 1){
      return x;
    }
4
    else if (n\%2 == 0) {
      double temp = power(x,n/2);
      return temp*temp;
    }
8
    else return x*power(x,n-1);
10
```

Rekursionsbäume

```
//POST: return value is the n-th
//Fibonacci number F(n)
unsigned int fib(const unsigned int n){
  if (n == 0) return 0;
  if (n == 1) return 1;
  return fib(n-1) + fib(n-2); //n>1
}
```

Rekursionsbäume



Fibonacci Iterativ

```
// POST: return value is the n-th
     Fibonacci number F(n)
unsigned int fib2 (const unsigned int n) {
3 if (n == 0) return 0;
4 if (n <= 2) return 1;
unsigned int a = 1; // F_1
unsigned int b = 1; //_F_2
for (unsigned int i = 3; i \le n; ++i) {
8 unsigned int a_prev = a; // F_i-2
  a = b; // F_i - 1
  b += a_prev; // F_i-1 += F_i-2 -> F_i
10
11
12 return b;
13
```

Rekursion - Aufgabe I \sim 5'

Aufgabe

• Schreiben Sie die folgende Funktion in iterativer Form.

```
unsigned int f (const unsigned int n)
{
    if (n <= 2) return 1;
    return f(n-1) + 2*f(n-3);
}</pre>
```

Rekursion - Lösung I

```
unsigned int f_it (const unsigned int n) {
    if (n \le 2) return 1;
2
    unsigned int a = 1; // f(0)
    unsigned int b = 1; // f(1)
4
    unsigned int c = 1; // f(2)
    for (int i = 3; i < n; ++i){
6
      int a_prev = a // f(i-3)
7
              // f(i-2)
      a = b;
                    // f(i-1)
      b = c;
      c = b + 2*a_prev; // f(i)
10
11
    return c + 2*a;
12
13
```

Rekursion - Aufgabe II \sim 5'

Aufgabe

• Schreiben Sie die folgende Funktion in iterativer Form.

```
unsigned int f (const unsigned int n)

(
if (n==0) return 1;
return f(n-1) + 2*f(n/2);
}
```

Rekursion - Lösung II

```
unsigned int f_it (const unsigned int n)
  {
2
    if (n==0) return 1;
3
4
    std::vector < unsigned int > f_val(n+1,0);
5
    f_{val}[0] = 1;
6
    for (int i = 1; i<=n; ++i)
7
       f_{val}[i] = f_{val}[i-1] + 2*f_{val}[i/2];
8
    return f_val[n];
10
11
```

Beispiel: Self assessment

```
int f(const int* begin, const int* end){
    int val1 = *begin;
2
    if (++begin != end) {
3
       const int val2 = f(begin, end);
4
      if(val2>val1) \{ val1 = val2; \}
    }
6
    return val1}
8
  int g(const int *begin, const int *end){
    int val = *begin;
10
    for (const int * it=++begin; it != end;
11
        ++it){
      if (*it > val) \{ val = *it \}
12
    }
13
    return val
14
15
```