

# AES in a (white)box.

---

Eric Sageloli & Guillaume Wafo-Tapa

11 mai 2018

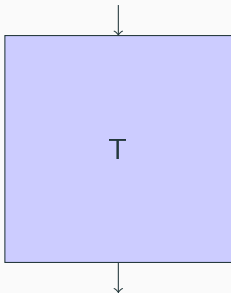
# Introduction : contexte Whitebox

- Contexte classique blackbox
- DRM : modèle blackbox inadapté
- nouveau contexte : whitebox

# Introduction : comment cacher la clé?

Première idée :

$$\text{Message } M = \begin{bmatrix} x_0 & x_4 & x_8 & x_{12} \\ x_1 & x_5 & x_9 & x_{13} \\ x_2 & x_6 & x_{10} & x_{14} \\ x_3 & x_7 & x_{11} & x_{15} \end{bmatrix}$$

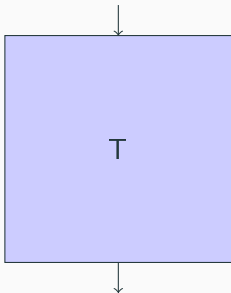


$$\text{Chiffré } C = \begin{bmatrix} y_0 & y_4 & y_8 & y_{12} \\ y_1 & y_5 & y_9 & y_{13} \\ y_2 & y_6 & y_{10} & y_{14} \\ y_3 & y_7 & y_{11} & y_{15} \end{bmatrix}$$

# Introduction : comment cacher la clé ?

Première idée :

$$\text{Message } M = \begin{bmatrix} x_0 & x_4 & x_8 & x_{12} \\ x_1 & x_5 & x_9 & x_{13} \\ x_2 & x_6 & x_{10} & x_{14} \\ x_3 & x_7 & x_{11} & x_{15} \end{bmatrix}$$



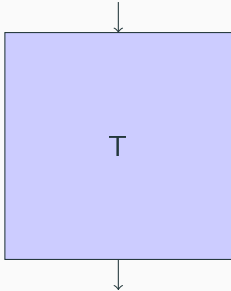
$$\text{Chiffré } C = \begin{bmatrix} y_0 & y_4 & y_8 & y_{12} \\ y_1 & y_5 & y_9 & y_{13} \\ y_2 & y_6 & y_{10} & y_{14} \\ y_3 & y_7 & y_{11} & y_{15} \end{bmatrix}$$

- clef complètement obfusquée ;

# Introduction : comment cacher la clé ?

Première idée :

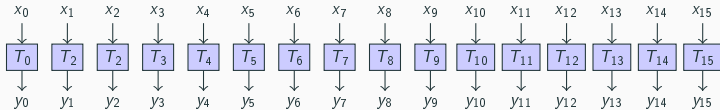
$$\text{Message } M = \begin{bmatrix} x_0 & x_4 & x_8 & x_{12} \\ x_1 & x_5 & x_9 & x_{13} \\ x_2 & x_6 & x_{10} & x_{14} \\ x_3 & x_7 & x_{11} & x_{15} \end{bmatrix}$$



$$\text{Chiffré } C = \begin{bmatrix} y_0 & y_4 & y_8 & y_{12} \\ y_1 & y_5 & y_9 & y_{13} \\ y_2 & y_6 & y_{10} & y_{14} \\ y_3 & y_7 & y_{11} & y_{15} \end{bmatrix}$$

- clef complètement obfusquée ;
- taille de la table :
  - $2^{128}$  entrées
  - 16 octets par sortie
  - $16 * 2^{128} = 2^{132}$  octets

# Introduction : comment cacher la clé?

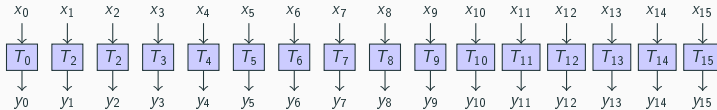


Pour chaque table :

- $2^8$  entrées
- 1 octet en sortie
- taille :  $2^8$  octets

taille totale :  $16 * 2^8 = 2^{12}$  octet = 4 KiB

# Introduction : comment cacher la clé?



Pour chaque table :

- $2^8$  entrées
- 1 octet en sortie
- taille :  $2^8$  octets

taille totale :  $16 * 2^8 = 2^{12}$  octet = 4 KiB

- La clef n'est plus complètement obfusquée.
- On aura besoin de 2032 tables, stockés sur 500KB

- I Découpage de l'algorithme AES
- II Mise en place des tables de correspondance
- III Première protection : les encodages
- IV Deuxième protection : les mixing bijections



# Découpage de l'algorithme AES

---

# Algorithme AES standard

---

```
state = plaintext;

AddRoundKey (state , key[0]);
for (round = 0; round < 9; round++)
{
    SubBytes (state);
    ShiftRows (state);
    MixColumns (state);
    AddRoundKey (state , key[round + 1]);
}
SubBytes (state);
ShiftRows (state);
AddRoundKey (state , key[10]);

ciphertext = state;
```

---

# Découpage des fonctions de l'AES : AddRoundKey

au round  $r$ , ajoute  $\text{key}[r]$  au state :

$$\text{AddRoundKey}(\text{state}) = \text{state} \oplus \text{key}[r]$$

$$\begin{aligned} &= \begin{bmatrix} x_0 & x_4 & x_8 & x_{12} \\ x_1 & x_5 & x_9 & x_{13} \\ x_2 & x_6 & x_{10} & x_{14} \\ x_3 & x_7 & x_{11} & x_{15} \end{bmatrix} \oplus \begin{bmatrix} \text{key}[r]_0 & \text{key}[r]_4 & \text{key}[r]_8 & \text{key}[r]_{12} \\ \text{key}[r]_1 & \text{key}[r]_5 & \text{key}[r]_9 & \text{key}[r]_{13} \\ \text{key}[r]_2 & \text{key}[r]_6 & \text{key}[r]_{10} & \text{key}[r]_{14} \\ \text{key}[r]_3 & \text{key}[r]_7 & \text{key}[r]_{11} & \text{key}[r]_{15} \end{bmatrix} \\ &= \begin{bmatrix} x_0 \oplus \text{key}[r]_0 & x_4 \oplus \text{key}[r]_4 & x_8 \oplus \text{key}[r]_8 & x_{12} \oplus \text{key}[r]_{12} \\ x_1 \oplus \text{key}[r]_1 & x_5 \oplus \text{key}[r]_5 & x_9 \oplus \text{key}[r]_9 & x_{13} \oplus \text{key}[r]_{13} \\ x_2 \oplus \text{key}[r]_2 & x_6 \oplus \text{key}[r]_6 & x_{10} \oplus \text{key}[r]_{10} & x_{14} \oplus \text{key}[r]_{14} \\ x_3 \oplus \text{key}[r]_3 & x_7 \oplus \text{key}[r]_7 & x_{11} \oplus \text{key}[r]_{11} & x_{15} \oplus \text{key}[r]_{15} \end{bmatrix} \end{aligned}$$

- AddRoundKey peut s'appliquer octet par octet.

## Découpage des fonctions de l'AES : SubBytes

$$\begin{aligned} \text{SubBytes} & \left( \begin{bmatrix} x_0 & x_4 & x_8 & x_{12} \\ x_1 & x_5 & x_9 & x_{13} \\ x_2 & x_6 & x_{10} & x_{14} \\ x_3 & x_7 & x_{11} & x_{15} \end{bmatrix} \right) \\ &= \begin{bmatrix} SBox(x_0) & SBox(x_4) & SBox(x_8) & SBox(x_{12}) \\ SBox(x_1) & SBox(x_5) & SBox(x_9) & SBox(x_{13}) \\ SBox(x_2) & SBox(x_6) & SBox(x_{10}) & SBox(x_{14}) \\ SBox(x_3) & SBox(x_7) & SBox(x_{11}) & SBox(x_{15}) \end{bmatrix} \end{aligned}$$

- SubBytes peut s'appliquer octet par octet.

## Découpage des fonctions de l'AES : MixColumns

$$\begin{aligned} \text{MixColumns} \left( \begin{bmatrix} x_0 & x_4 & x_8 & x_{12} \\ x_1 & x_5 & x_9 & x_{13} \\ x_2 & x_6 & x_{10} & x_{14} \\ x_3 & x_7 & x_{11} & x_{15} \end{bmatrix} \right) &= MC * \begin{bmatrix} x_0 & x_4 & x_8 & x_{12} \\ x_1 & x_5 & x_9 & x_{13} \\ x_2 & x_6 & x_{10} & x_{14} \\ x_3 & x_7 & x_{11} & x_{15} \end{bmatrix} \\ &= \left[ MC * \begin{bmatrix} x_0 \\ x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} \quad MC * \begin{bmatrix} x_4 \\ x_5 \\ x_6 \\ x_7 \end{bmatrix} \quad MC * \begin{bmatrix} x_8 \\ x_9 \\ x_{10} \\ x_{11} \end{bmatrix} \quad MC * \begin{bmatrix} x_{12} \\ x_{13} \\ x_{14} \\ x_{15} \end{bmatrix} \right] \end{aligned}$$

- MixColumns peut s'appliquer colonne par colonne.

## Découpage des fonctions de l'AES : ShiftRows

$$\text{ShiftRows} \left( \begin{bmatrix} x_0 & x_4 & x_8 & x_{12} \\ x_1 & x_5 & x_9 & x_{13} \\ x_2 & x_6 & x_{10} & x_{14} \\ x_3 & x_7 & x_{11} & x_{15} \end{bmatrix} \right) = \begin{bmatrix} x_0 & x_4 & x_8 & x_{12} \\ x_5 & x_9 & x_{13} & x_1 \\ x_{10} & x_{14} & x_6 & x_{10} \\ x_{15} & x_3 & x_7 & x_{11} \end{bmatrix}$$

- ShiftRows se prête mal au découpage.

# Réarrangement de l'algorithme AES

---

```
s = plaintext;

AddRoundKey (s, key[0]);
for (r = 0; r < 9; r++)
{
    SubBytes (s);
    ShiftRows (s);
    MixColumns (s);
    AddRoundKey (s, key[r + 1]);
}
SubBytes (s);
ShiftRows (s);
AddRoundKey (s, key[10]);

ciphertext = s;
```

---

# Réarrangement de l'algorithme AES

---

```
s = plaintext;

AddRoundKey (s, key[0]);
for (r = 0; r < 9; r++)
{
    SubBytes (s);
    ShiftRows (s);
    MixColumns (s);
    AddRoundKey (s, key[r + 1]);
}
SubBytes (s);
ShiftRows (s);
AddRoundKey (s, key[10]);

ciphertext = s;
```

---

---

```
s = plaintext;

for (r = 0; r < 9; r++)
{
    AddRoundKey (s, key[r]);
    ShiftRows (s);
    SubBytes (s);
    MixColumns (s);
}
AddRoundKey (s, key[9]);
ShiftRows (s);
SubBytes (s);
AddRoundKey (s, key[10]);

ciphertext = s;
```

---



# Réarrangement de l'algorithme AES

---

```
AddRoundKey ( state , key[ r ] );  
ShiftRows ( state );
```

---

est équivalent à :

---

```
ShiftRows ( state );  
AddRoundKey ( state , ShiftRows ( key[ r ] ) );
```

---

# Algorithme AES réarrangé

---

```
state = plaintext;

for (round = 0; round < 9; round++)
{
    ShiftRows (state);
    AddRoundKey (state , ShiftRows (key[round]));
    SubBytes (state);
    MixColumns (state);
}
ShiftRows (state);
AddRoundKey (state , ShiftRows (key[9]));
SubBytes (state);
AddRoundKey (state , key[bloc 10]);

ciphertext = state;
```

---

# Algorithme AES réarrangé

---

```
state = plaintext;

for (round = 0; round < 9; round++)
{
    ShiftRows (state);
    AddRoundKey (state , ShiftRows (key[round]));
    SubBytes (state);
    MixColumns (state);
}
ShiftRows (state);
AddRoundKey (state , ShiftRows (key[9]));
SubBytes (state);
AddRoundKey (state , key[bloc 10]);

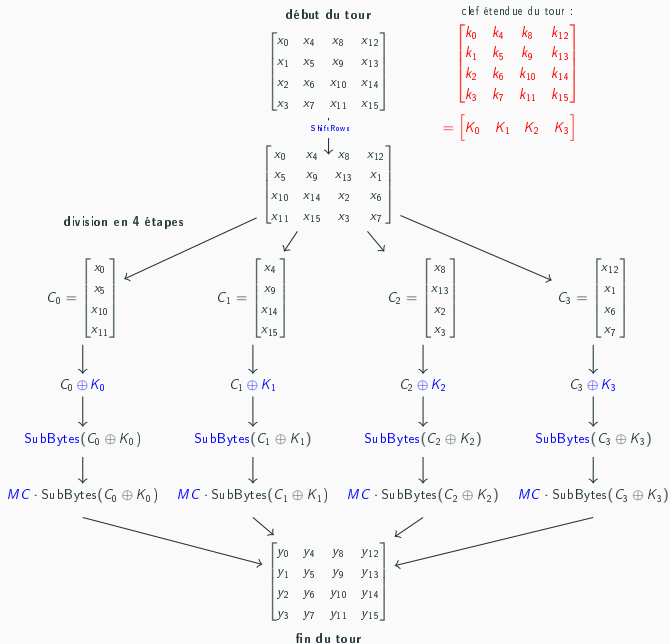
ciphertext = state;
```

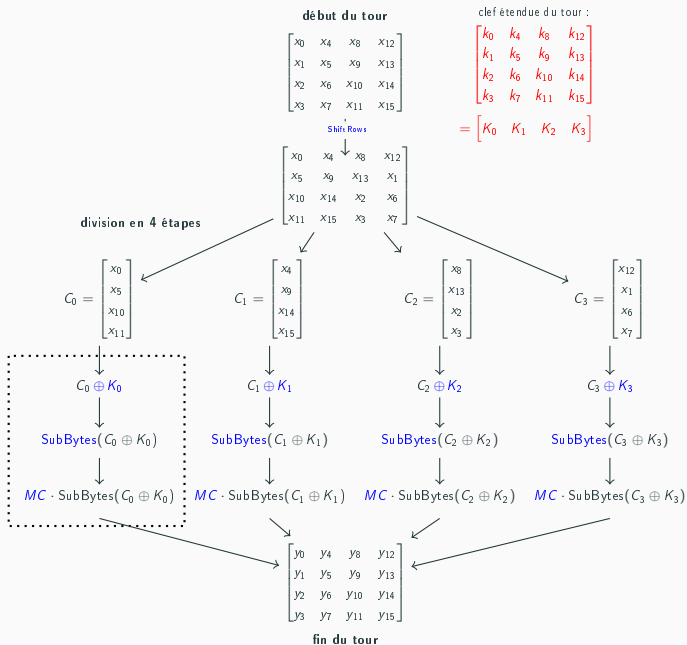
---

- À partir de maintenant, `key` désigne `ShiftRows (key)` .

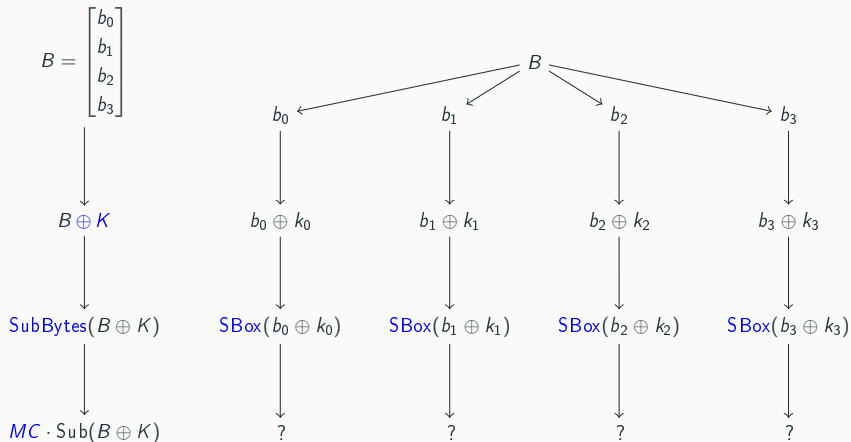
# Tables de correspondance

---





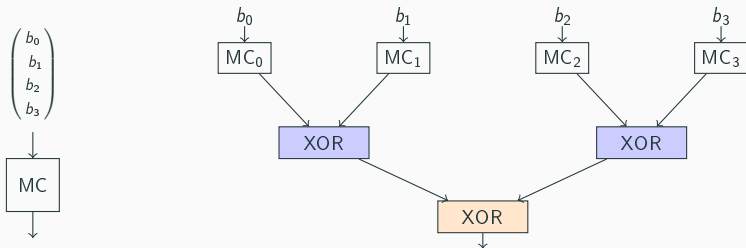
# Une étape



# Redécoupage de MixColumns

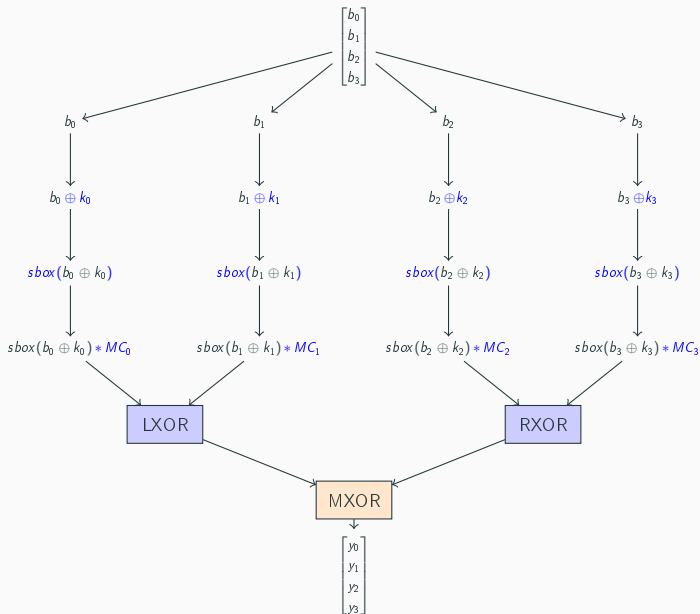
$$MC = (MC_1 \ MC_2 \ MC_3 \ MC_4)$$

$$MC \begin{pmatrix} b_0 \\ b_1 \\ b_2 \\ b_3 \end{pmatrix} = (b_0 \cdot MC_0 \oplus b_1 \cdot MC_1) \oplus (b_2 \cdot MC_2 \oplus b_3 \cdot MC_3)$$

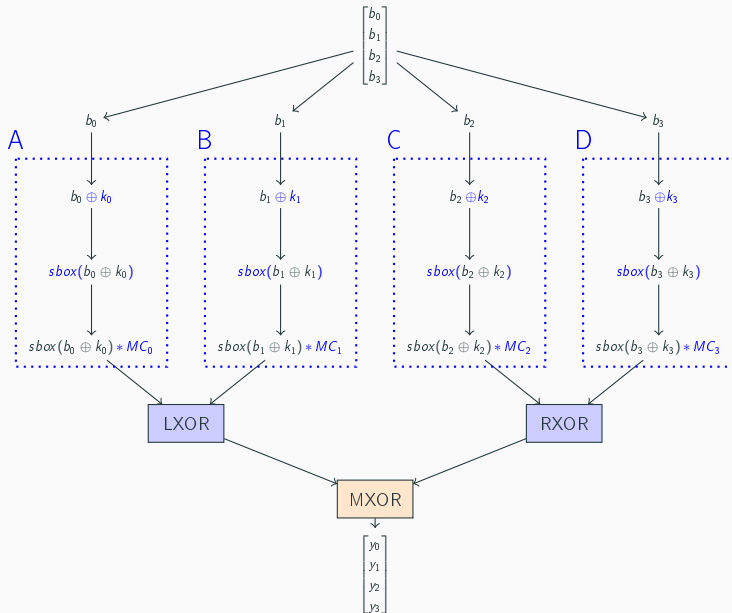




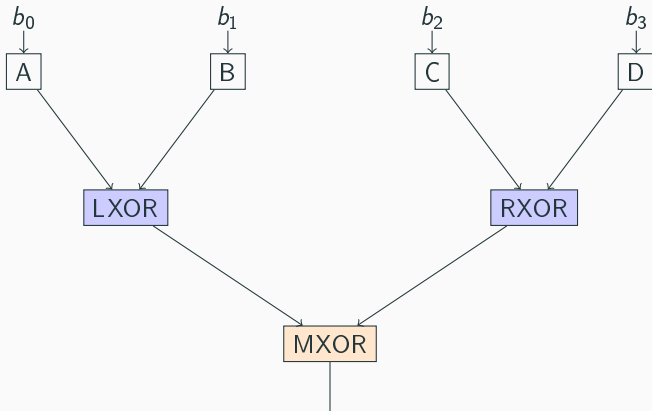
# Construction des tables de correspondance



# Construction des tables de correspondance

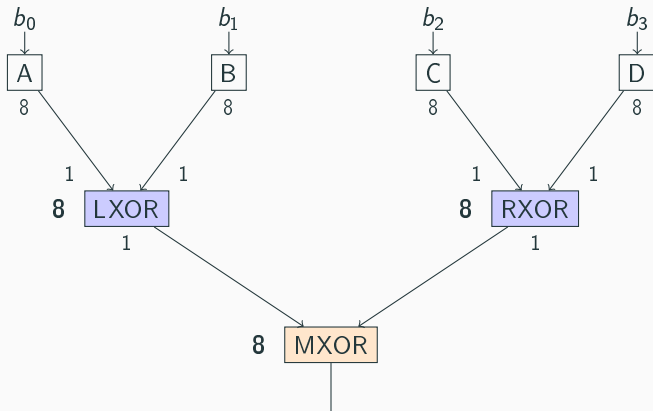


# Construction des tables de correspondance



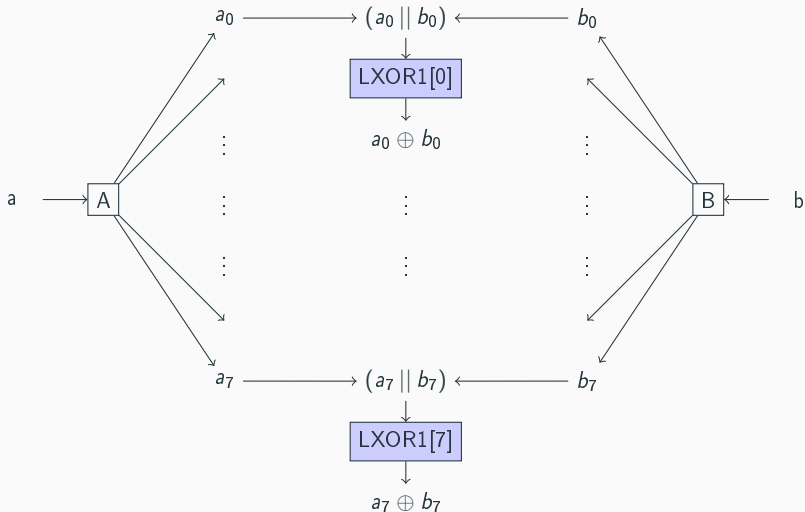
$$[A(\text{col}) \oplus B(\text{col})] \oplus [C(\text{col}) \oplus D(\text{col})]$$

# Construction des tables de correspondance

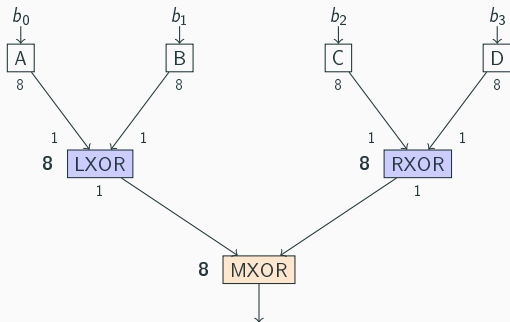


$$[A(\text{col}) \oplus B(\text{col})] \oplus [C(\text{col}) \oplus D(\text{col})]$$

# Construction des tables de correspondance



# Première attaque

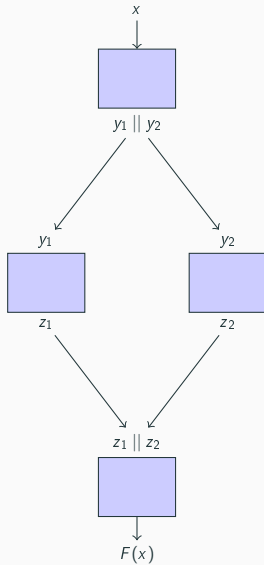


$$A[b_0] = \begin{pmatrix} 02 * SBox(b_0 \oplus k) \\ 01 * SBox(b_0 \oplus k) \\ 01 * SBox(b_0 \oplus k) \\ 03 * SBox(b_0 \oplus k) \end{pmatrix}$$

## Encodages

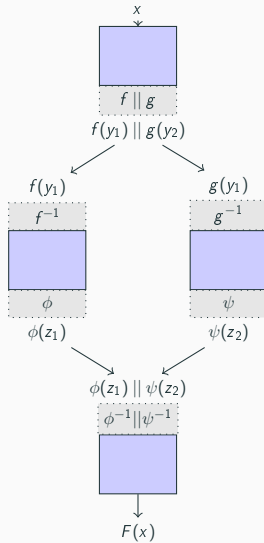
---

# Encodages



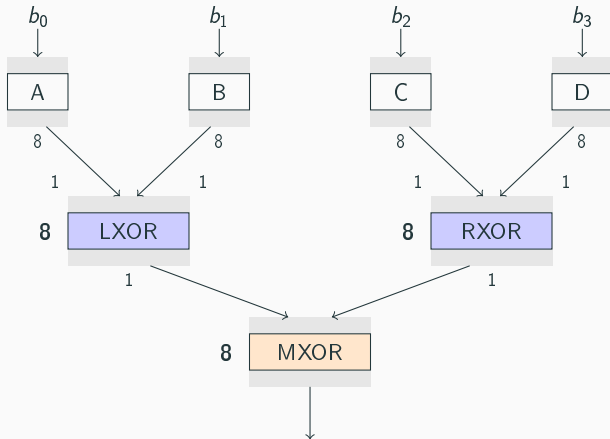


# Encodages



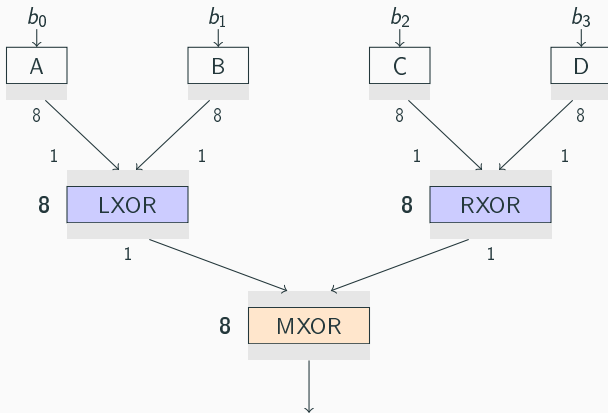
# Encodages

Étape d'un tour générique :



# Encodages

Étape du premier tour :



## Encodages : signature de fréquence

signature de fréquence

- s'applique à un tableau de dimensions  $N \times N$

# Encodages : signature de fréquence

signature de fréquence

- s'applique à un tableau de dimensions  $N \times N$
- $\text{sign}(A)$  permet de retrouver  $k$

# Encodages : signature de fréquence

signature de fréquence

- s'applique à un tableau de dimensions  $N \times N$
- $\text{sign}(A)$  permet de retrouver  $k$
- invariant :

$$\text{sign} \left( \begin{array}{c} \downarrow \\ \text{[blue box]} \\ \text{[grey box } f \text{]} \\ \downarrow \end{array} \right) = \text{sign} \left( \begin{array}{c} \downarrow \\ \text{[blue box]} \\ \downarrow \end{array} \right)$$

## Encodages : signature de fréquence

$$\begin{bmatrix} 0x11 & 0x32 & 0x03 & 0x10 \\ 0x03 & 0x23 & 0x01 & 0x00 \\ 0x01 & 0x20 & 0x23 & 0x20 \\ 0x11 & 0x21 & 0x02 & 0x30 \end{bmatrix}$$



$$\begin{bmatrix} (1, 1) & (3, 2) & (0, 3) & (1, 0) \\ (0, 3) & (2, 3) & (0, 1) & (0, 0) \\ (0, 1) & (2, 0) & (2, 3) & (2, 0) \\ (1, 1) & (2, 1) & (0, 2) & (3, 0) \end{bmatrix} \begin{array}{l} \longrightarrow (211, 1111) \\ \longrightarrow (31, 211) \end{array}$$



(22, 31) (31, 1111)

## Encodages : signature de fréquence

$$\phi(0) = e \quad \phi(1) = b \quad \phi(2) = 5 \quad \phi(3) = a \quad \dots$$

$$\psi(0) = 2 \quad \psi(1) = b \quad \psi(2) = 3 \quad \psi(3) = c \quad \dots$$

$$\begin{bmatrix} (1,1) & (3,2) & (0,3) & (1,0) \\ (0,3) & (2,3) & (0,1) & (0,0) \\ (0,1) & (2,0) & (2,3) & (2,0) \\ (1,1) & (2,1) & (0,2) & (3,0) \end{bmatrix}$$

$$(\phi, \psi) \downarrow$$

$$\begin{bmatrix} (b,b) & (a,3) & (e,c) & (b,2) \\ (e,c) & (5,c) & (e,b) & (e,2) \\ (e,b) & (5,2) & (5,c) & (5,2) \\ (b,b) & (5,b) & (e,2) & (a,2) \end{bmatrix} \begin{array}{l} \longrightarrow (211, 1111) \\ \longrightarrow (31, 211) \end{array}$$

$$\begin{array}{c} \downarrow \qquad \downarrow \\ (22, 31) \quad (31, 1111) \end{array}$$



## Mixing bijections

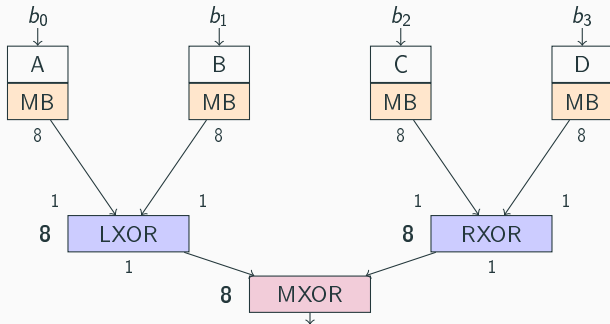
---

- Echec des encodages seuls, une permutation aurait suffi...

# Mixing bijections

- Echec des encodages seuls, une permutation aurait suffi...
- analogie avec confusion (encodages) et diffusion (mixing bijections) de Shannon.

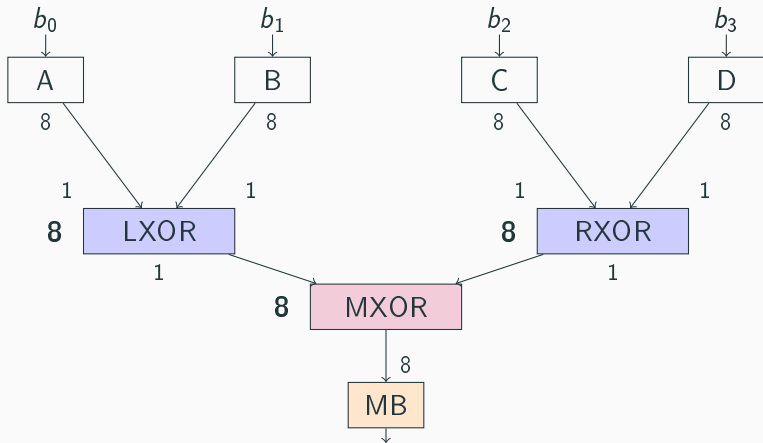
# Mixing bijections



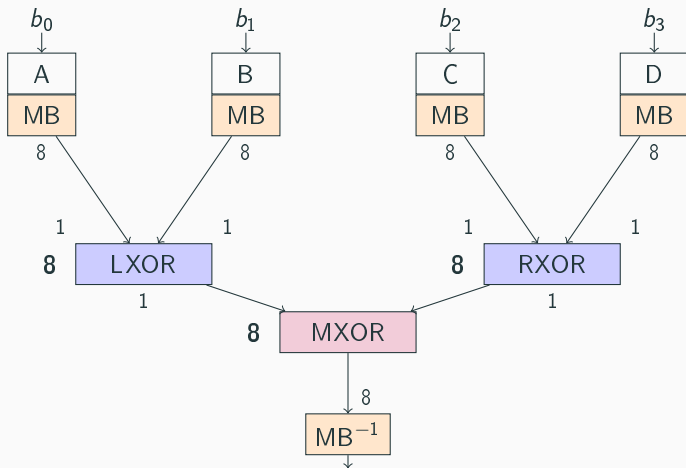
$$\begin{aligned} & (\text{MB}(A[b_0]) \oplus \text{MB}(B[b_1])) \oplus (\text{MB}(C[b_2]) \oplus \text{MB}(D[b_3])) \\ & = \\ & \text{MB}((A[b_0] \oplus B[b_1]) \oplus (C[b_2] \oplus D[b_3])) \end{aligned}$$

# Mixing bijections

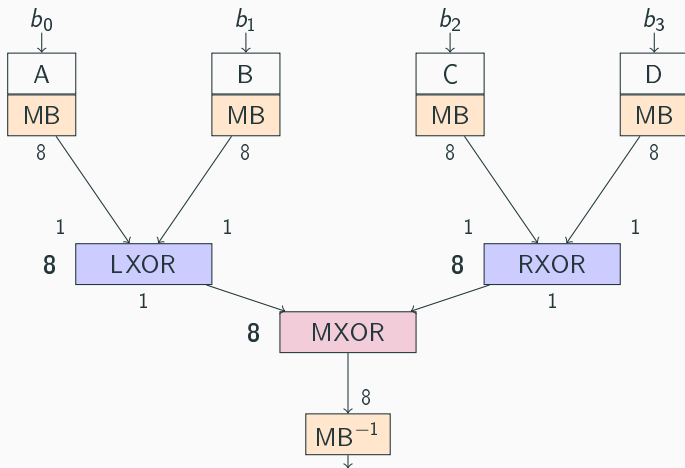
$$\text{MB}((A[b_0] \oplus B[b_1]) \oplus (C[b_2] \oplus D[b_3]))$$



# Mixing bijections



# Mixing bijections

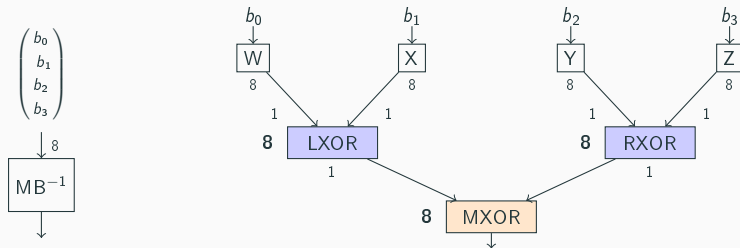


- Problème :  $MB^{-1}$  a pour entrée un mot.

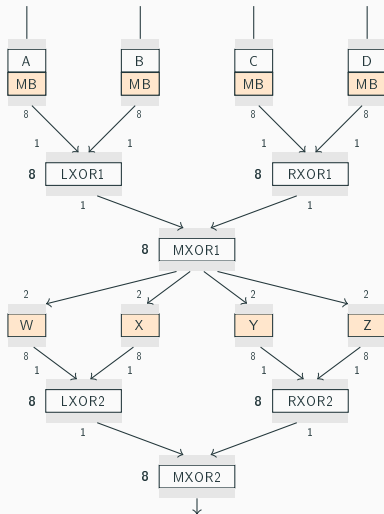
# Mixing bijections

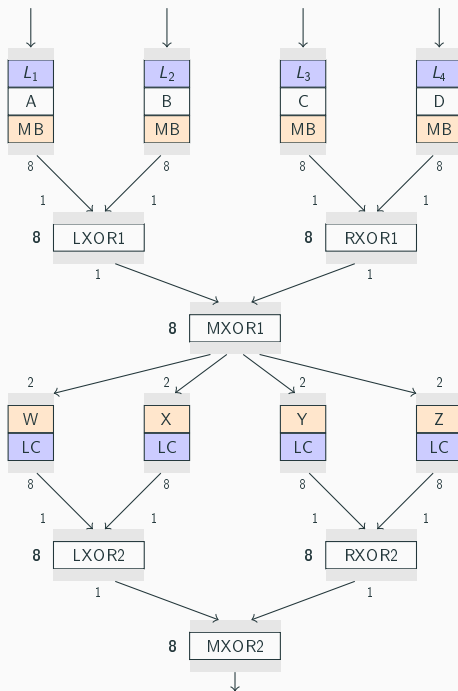
$$MB^{-1} = (W \ X \ Y \ Z)$$

$$MB^{-1} \begin{pmatrix} b_0 \\ b_1 \\ b_2 \\ b_3 \end{pmatrix} = (b_0 \cdot W \oplus b_1 \cdot X) \oplus (b_2 \cdot Y \oplus b_3 \cdot Z)$$

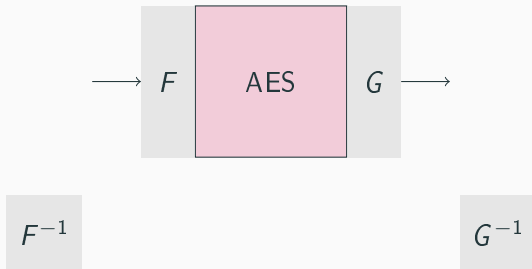








# Encodages externes



- attaque BGE due à O. Billet, H. Gilbert et C. Ech-Chatbi (2005)



- 94 implémentations proposées ;
- 13 résistèrent plus d'un jour, la plus solide tint 28 jours.

Attaques principales :

- Differential Computation Analysis (DCA)
- Differential Fault Analysis (DFA)

Toutefois

- La cryptographie whitebox reste utilisée
- l'existence d'une obfuscation sécurisée reste une question ouverte