

komiyamの日記

[<前の5日分](#)

2012-04-01

TCO12 Round1A 500pt : EllysFractions

TopCoder

問題概要

$0 < a/b < 1$ を満たすような互いに素な a, b で、 $a*b$ が $n!$ ($1 \leq n \leq N (< 100)$)になっているようなものがいくつあるか求める問題。

解法

積が $n!$ になるようなのを考える。 $n! = \prod p_i^{e_i}$ ($e_i > 0$)と書けるとき、既約なので p_i は全部分子にいくか分母にいくかである。なので n 以下にある素数の数を2の肩に乘せればよい。このとき分子と分母は当然異なるので分子<分母になっているのは分割のちょうど半分になる。

acceptされたコード

```
#include <cstring>
using namespace std;

typedef long long int64;

const int MAX_SIZE = 300;
bool isPrime[MAX_SIZE];

void seive (){
    memset(isPrime, -1, sizeof(isPrime));
    bool *ps = isPrime;
```

プロフィール

komiyam

競技プログラミングの記録

カレンダー

<< 2012/04 >>

日	月	火	水	木	金	土
1	2	3	4	5	6	7
8	9	10	11	12	13	14
15	16	17	18	19	20	21
22	23	24	25	26	27	28
29	30					

カテゴリー

[TopCoder](#)[Codeforces](#)[AOJ](#)[ICPC](#)[PKU](#)[雑記](#)[ライブラリ](#)[GCJ](#)[UVa](#)[SPOJ](#)[codechef](#)[テンプレート](#)[その他のコンテスト](#)[Virtual Online Contests](#)[コンテストの結果](#)[蟻本](#)[小ネタ](#)[アルゴリズム](#)

```

        ps[0] = ps[1] = false;
        for(int i=2; i*i<MAX_SIZE; i++)if(ps[i]
            for(int j=i<<1; j<MAX_SIZE; j+
                ps[j] = false;
            }
        }
    }

#include <stdio.h>

struct EllysFractions {

    int64 getCount(int N) {
        if(N==1){
            return 0;
        }
        seive ();

        int64 ans = 0;
        int cnt = -1;
        for(int i=2; i<=N; i++){
            if(isPrime[i]){
                cnt++;
            }
            ans += 1LL<<cnt;
        }

        return ans;
    }

};

```

[Permalink](#) |
 [コメント\(0\)](#) |
 [トラックバック\(0\)](#) |
 09:25

2012-01-31

Hacker Cup 2012 round 1 : Checkpoint

[その他のコンテスト](#)

問題概要

整数 $S(<10^7)$ が与えられる。

ライブラリ検証問題

AtCoder

最新タイトル

[TopCoder]TCO12 1B 250pt :
FoxAndKgram

[PKU][蟻本]POJ-1740 : A New
Stone Game

[AOJ]AOJ-2268, UTPC2011-J :
Randomized Self-Balancing
Binary Search Tree

[AtCoder]AtCoder Regular
Contest #001 D : レースゲーム

[AtCoder]AtCoder Regular
Contest #001 C : パズルのお手
伝い

[AtCoder]AtCoder Regular
Contest #001 B : リモコン

[AtCoder]AtCoder Regular
Contest #001 A : センター採点

[TopCoder]SRM 487 250pt :
BunnyComputer

[PKU][UVa][蟻本]POJ-1486,
LiveArchive-5634, UVa-663,
ZOJ-1197, TJU-1611 : Sorting
Slides

[TopCoder]SRM 540 550pt :
RandomColoring

最近のコメント

2011-02-08 KenjiH

2011-03-04 komiyam

2011-03-04 slipstak2

2011-03-04 slipstak2

2011-09-14 Egtra

最近のトラックバック

2011-06-27 minus9dの記録 -
[codeforces]Round #103 (Div. 2)

2011-12-10 k_operafanの
TopCoder日記 - 提出してしまう
とWrong Answerになって...

2011-12-12 aizuzia - DPの話 (追
記)

$\text{comb}(x+y,y) \cdot \text{comb}(a+b,b) = S$ となるような $a,b,x,y(a+b>0, x+y>0)$ で、 $x+y+a+b$ のとりうる最小値を求める問題。

解法

$\text{comb}(x+y,y)$ が S 以下となる組み合わせは多くないので全列挙する。以下のコードは色々怪しい。

acceptされたコード

```
#include <cstdio>
#include <cstring>
#include <algorithm>
using namespace std;

typedef long long int64;

const int MAX_S = 1e7;
const int INF = 1<<29;

int S;
int brute[MAX_S+1];
int mini[MAX_S+1];
int ans[MAX_S+1];
int64 comb[4000][4000];

const int MAX_SIZE = MAX_S+10;
bool isPrime[MAX_SIZE];

void seive(){
    memset(isPrime, -1, sizeof(isPrime));
    bool *ps = isPrime;
    ps[0] = ps[1] = false;
    for(int i=2; i*i<MAX_SIZE; i++)if(ps[i])
        for(int j=i<<1; j<MAX_SIZE; j+=i)
            ps[j] = false;
}

void init(){
    scanf("%d", &S);
```

[2011-07-28 aizuzia - DPの話 \(追記\)](#)

[2011-05-20 kanetaiの二次記憶装置 - リンク](#)

最近書いたコメント

2012-03-21 [id:simezi_tan:20120318](#)

2011-11-29 [id:komiyam:20110304:129916](#)

2011-06-28 [id:komiyam:20110619:130844](#)

2011-05-24 [id:komiyam:20110206:129696](#)

2011-05-24 [id:komiyam:20100711:127883](#)

ページビュー

204820

```

}

int solve(){
    int ans = S+1;
    for(int i=1; i*i<=S; i++){
        if(S%i == 0){
            int x = (isPrime[i] ? i : mini[i]);
            int y = (isPrime[S/i] ? S/i : mini[S/i]);
            ans = min(ans, x+y);
        }
    }
    return ans;
}

void pre(){
    seive ();
    fill(mini, mini+MAX_S+1, INF);
    for(int i=2; i<=MAX_S; i++){
        mini[i] = i;
    }
    mini[1] = 1;
    for(int i=0; i<4000; i++){
        comb[i][0] = comb[i][i] = 1;
        for(int j=1; j<i; j++){
            comb[i][j] = comb[i-1][j-1] + comb[i-1][j];
            if(comb[i][j] >= INF){
                comb[i][j] = INF;
            }
            if(comb[i][j] <= MAX_S)
                mini[comb[i][j]] = min(mini[comb[i][j]], i+j);
        }
    }
}

int main(){
    pre();
    int T;
    scanf("%d", &T);

    for(int c=1; c<=T; c++){
        init();
        printf("Case #%d: %d\n", c, solve());
    }

    return 0;
}

```

2012-01-11

CodeChef-MISINT2 : Misinterpretation 2



codechef

問題概要

長さ n の文字列で、偶数番目+奇数番目と連結した文字列とよとの文字列が一致するのは何通りあるかの和を区間 $[L,R]$ について求めよ。 $L \leq R < 5 \cdot 10^4$, $R < 10^{10}$ 。

解法

小さいケースについてはunion-findでつなげて親の個数を数えてやればよい。これで試すと偶数項と奇数項の間に分かりやすい関係が見つかり片方を数列辞典に投げると見事にヒットする。 $\text{ord}_2(n)$ を 2^m が1とmod n で等しくなるような最小の正整数 m で定めると、奇数項について $a[n] = \sum_{d|n} \phi(d) / \text{ord}_2(d)$ となるらしい。制約が明らかに区間篩を臭わせていて、実際に区間篩を行ってついでに素因数分解しておくことによって $\phi(d)$ は d を列挙すると同時に計算できる。 $\text{ord}_2(\prod p_i^{e_i}) = \text{LCM}(\text{ord}_2(p_i^{e_i}))$ が成り立つこと予想できるのでこれを使って $\text{ord}_2(p_i)$ もそれなりの速度で計算できる。小さいところで $\text{ord}_2(p^k) = p * \text{ord}_2(p^{k-1})$ が $k \geq 2$ について成り立つらしいことが確かめられる(証明分らない)のでそれを使って高速化したりする。 $k=1$ のときは、 $\phi(p)=p-1$ を素因数分解($\text{ord}_2(n) \mid \phi(n)$ なので)して愚直に求めて小さいところでメモ化したりしてやると良い。

この問題、 ord_2 の計算に $\phi(d)$ の約数を調べ

るだけでも頑張っただけ高速化すれば想定解の2倍程度の速度までは平気で出るので、必死に高速化頑張ったけど結果的にはそんなに意味はなかった。高速化の練習にはなったと思う。あと上限 10^{10} が微妙にいやらしくてオーバーフローに注意する必要もある。

acceptされたコード

```
#include <cstdio>
#include <cstring>
#include <algorithm>
using namespace std;

typedef unsigned long long int64;

const int MAX_RT = 1e5+10;
const int MAX_W = 5e4+10;
const int64 MOD = 1e9 + 7;
const int MEMO_SIZE = 1e5;
const int MAX_SIZE = 1e5+100;
const int MAX_PRIME = 1e4;

int64 R, L;
int64 fs[MAX_W];
int64 ps[MAX_W][11];
int64 ns[MAX_W][11];
int64 pps[11];
int64 es[11];

bool visited[MAX_RT][30];
int64 memo[MAX_RT][30];

bool vis2[MEMO_SIZE];
int64 memo2[MEMO_SIZE];

int64 bins[40];

bool isPrime[MAX_SIZE];
int64 P;
int64 primes[MAX_PRIME];
int64 step[MAX_PRIME];

int64 phiF;
```

```

int64 phipps[11];
int64 phinns[11];

int64 prev_n, mem;

int seive(){
    memset(isPrime, true, sizeof(isPrime));
    isPrime[0] = isPrime[1] = false;
    for(int i=2; i*i<MAX_SIZE; i++)if(isPrime[i]){
        for(int j=i<<1; j<MAX_SIZE; j+=i){
            isPrime[j] = false;
        }
    }
    for(int i=2, st=1e5+10; i<st; i++){
        if(isPrime[i]){
            step[P] = (int64)i*i;
            primes[P++] = i;
        }
    }
}

int init(){
    scanf("%lld%lld", &L, &R);
    memset(fs, 0, sizeof(fs));

int64 lcm(int64 x, int64 y){
    return x / __gcd(x, y) * y;

int64 pow_binary2(int64 n, int64 mod){
    int64 ret = 1;

    if(mod < (1LL<<32)){
        for(;n;n&=n-1){
            ret = ret * bins[__builtin
        }
    }
    else{
        for(;n;n&=n-1){
            ret = (((ret * (bins[__bui
        }
    }

    return ret;

```

```

int64 pow_binary(int64 x, int64 n, int64 mod = MOD){
    int64 ret = 1;
    for(;n;n>>=1){
        if( n&1 ){
            ret = ret * x % mod;
        }
        x = x * x % mod;
    }

    return ret;
}

```

```

int64 pow_binary3(int64 x, int64 n, int64 mod){
    int64 ret = 1;

    if(mod < (1LL<<32)){
        for(;n;n>>=1){
            if( n&1 ){
                ret = ret * x % mod;
            }
            x = x * x % mod;
        }
    }
    else{
        for(;n;n>>=1){
            if( n&1 ){
                ret = (((ret * (x>>16)) % mod) * x) % mod;
            }
            x = (((x * (x>>16) % mod) << 16) * x) % mod;
        }
    }

    return ret;
}

```

```

int64 ord2pk(int64 p, int k){
    if(p < MAX_RT && visited[p][k]){
        return memo[p][k];
    }

    if(k == 1){
        int64 n = p;

        int64 m = p - 1;
        phipps[0] = 2;
    }
}

```



```

phinns[0] = __builtin_ctzll(m);
phiF = 1;
m >>= __builtin_ctzll(m);

for(int i=1; step[i]<=m; i++){
    if(m%primes[i] == 0){
        phipps[phiF] = primes[i];
        phinns[phiF] = 0;
        for(;m%primes[i]==0; m/=primes[i])
            phinns[phiF]++;
        phiF++;
    }
}
if(m!=1){
    phipps[phiF] = m;
    phinns[phiF] = 1;
    phiF++;
}

bins[0] = 2;
if(n > (1LL<<32)){
    for(int i=1, ed=64-__builtin_ctzll(n); i<ed; i++)
        bins[i] = ((bins[i-1]+1)>>1);
}
else{
    for(int i=1, ed=64-__builtin_ctzll(n); i<ed; i++)
        bins[i] = bins[i-1];
}

int64 phi = p - 1;
int64 ret = phi;

for(int i=0; i<phiF; i++){
    int64 tt = ret;
    for(int j=0; j<phinns[i]; j++)
        tt /= phipps[i];

    int64 xx = pow_binary2(tt,
    if(xx == 1){
        ret = tt;
        continue;
    }
}

```

```

        }
        for(int j=0; j<phinns[i]-1; j++){
            tt *= phipps[i];
            xx = pow_binary3(x, j);
            if(xx == 1){
                ret = tt;
                break;
            }
        }
    }

    if(p < MAX_RT){
        visited[p][k] = true;
        return memo[p][k] = ret;
    }
    return ret;
}

else{
    int64 ret = ord2pk(p, 1);
    for(int i=0; i<k-1; i++){
        ret *= p;
    }

    if(p < MAX_RT){
        visited[p][k] = true;
        return memo[p][k] = ret;
    }
    return ret;
}

int64 ord2(int F){
    int64 ret = 1;
    for(int i=0; i<F; i++){
        if(es[i] > 0){
            ret = lcm(ret, ord2pk(pps[i], es[i]));
        }
    }

    return ret;
}

int64 ord(int64 n){
    int l = __builtin_ctzll(n+1);
    int64 m = (n+1)>>l, ret = 1;
    for(;m!=1;){

```

```

        l = __builtin_ctzll(n+m);
        m = (n+m) >> 1;
        ret += 1;
    }

    return ret;
}

int64 phi_ord(int64 n, int64 phi, int depth){
    if(n >= MEMO_SIZE){
        return phi / ord2(depth);
    }

    if(vis2[n]){
        return memo2[n];
    }
    vis2[n] = true;
    return memo2[n] = phi / ord2(depth);
}

int64 dfs(int depth, int64 cur, int64 phi, int idx){
    if(depth == fs[idx]){
        return phi_ord(cur, phi, depth);
    }

    int64 ans = 0, p = ps[idx][depth], pp=p-1;
    pps[depth] = p;
    for(int i=0, ed = ns[idx][depth]; i<=ed; i++){
        es[depth] = i;
        if(i==0){
            ans += dfs(depth+1, cur, phi);
        }
        else{
            cur *= p;
            ans += dfs(depth+1, cur, phi);
            pp *= p;
        }
    }
    return ans;
}

int check(int64 n){
    int idx = n - L, f = fs[idx];
    int64 m = n;
    for(int i=0; i<f; i++){
        int64 p = ps[idx][i];

```

```

        ns[idx][i] = 0;
        for(;m%p==0;m/=p){
            ns[idx][i]++;
        }
    }
    if(m!=1){
        ps[idx][f] = m;
        ns[idx][f] = 1;
        fs[idx]++;
    }
}

int64 calc(int64 n){
    if(prev_n == n){
        return mem;
    }

    if(n&1){
        check(n);
        prev_n = n;
        return mem = dfs(0, 1, 1, n-L);
    }
    return calc(n+1) - 1;
}

void prepare(){
    for(int i=0; i<P; i++){
        for(int64 j=max((int64)2, (L+primes[i]-L)); j<=R; j++){
            ps[j-L][fs[j-L]] = primes[i];
            fs[j-L]++;
        }
    }
}

int solve(){
    int64 ans = 0;

    prepare();
    prev_n = 1LL<<60;
    for(int64 i=L; i<=R; i++){
        ans += pow_binary(26, calc(i));
        if(ans >= MOD){
            ans -= MOD;
        }
    }
}

```

```
        return (int)ans;

: main(){
    seive ();

    int T;
    scanf("%d", &T);
    while(T--){
        init();
        printf("%d¥n", solve());
    }

    return 0;
}
```

[Permalink](#) | [コメント\(0\)](#) | [トラックバック\(0\)](#) |

19:00

2011-12-26

Xmas Contest 2011 A : input

[その他のコンテスト](#)

問題概要

正整数をいくつかとってきて、 $\sum A[i] \leq 150$, $\prod A[i] = X \pmod{10^9+9}$ となるようなものを出力する問題。ない場合はその旨出力する。

解法

$A[i]$ は合成数より素数をとった方が和を減らせるので得。なのでそのような素数の組み合わせについて全探索する。あまりに愚直な探索だとTLEするので、和が150を越えないことを利用した枝刈りくらいは必要。また、 $X=1$ のとき空の数列を返さないよう注意する。

acceptされたコード

```

#include <cstdio>
#include <vector>
#include <numeric>
#include <cstring>
using namespace std;

typedef long long int64;

const int64 MOD = (int)1e9 + 9;
const int MAX_N = 150;

const int MAX_SIZE = 300;
bool isPrime[MAX_SIZE];
vector<int> primes;
int path[MAX_N];
char col[26*26][10];

void seive(){
    memset(isPrime, -1, sizeof(isPrime));
    bool *ps = isPrime;
    ps[0] = ps[1] = false;
    for(int i=2; i*i<MAX_SIZE; i++){
        if(ps[i]){
            for(int j=i<<1; j<MAX_SIZE; j+=i){
                ps[j] = false;
            }
        }
    }
}

int X, L;

void init(){
    scanf("%d", &X);
    seive();
    for(int i=2; i<=MAX_N; i++){
        if(isPrime[i]){
            primes.push_back(i);
        }
    }

    L = primes.size();

    for(int i=0; i<26; i++){
        for(int j=0; j<26; j++){
            col[i*26 + j][0] = i +

```

```

        col[i*26 + j][1] = j +
    }
}

void prn(){
    int ans = 0;
    for(int i=0; i<L; i++){
        ans += primes[i] * path[i];
    }
    printf("%d¥n", ans);

    for(int i=0, p=0; i<L; i++){if(path[i]
        for(int k=0; k<path[i]; k++){
            for(int j=0; j<primes[
                puts(col[p]);
            }
            p++;
        }
    }
}

bool search(int idx, int64 cur, int sum){

    if(cur == X){
        prn();
        return true;
    }

    if(idx == L){
        return false;
    }

    int64 q = 1;
    if(sum + primes[idx] > MAX_N){
        return false;
    }
    for(int i=0, p=0; sum + p <= MAX_N; p+
        path[idx] = i;
        if(search(idx+1, cur*q%MOD, su
            return true;
        }
        q = q * primes[idx] % MOD;
    }
    path[idx] = 0;
}

```

```

        return false;
    }

    void solve(){
        if(X==1){
            puts("1");
            puts("a");
        }
        else if(!search(0, 1, 0)){
            puts("NO");
        }
    }

    int main(){
        init();
        solve();

        return 0;
    }

```

[Permalink](#) | [コメント\(0\)](#) | [トラックバック\(0\)](#) |

18:44

2011-12-08

SRM 526 500pt : PrimeCompositeGame



TopCoder

問題概要

二人でゲームをする。石が $N(<5 \cdot 10^5)$ 個ある。先手は石を $1..K$ 個取り除いて残りが素数になるようにしなければならない。後手は石を $1..K$ 個取り除いて残りが合成数になるようにしなければならない。石を取り除くことができなくなったら負けになる。両者が最善を尽くしたとき何手で勝負が付くか求める問題。

考えたこと

- タイトルの割に数論っぽくない問題のよ

うなので安心した。

- 最短手数を求めるゲーム木探索は、勝ちのとき(INF - 手数)、負けのとき-(INF - 手数)を評価値にすればnegamaxで行けるんだっけか。
- ナイーブな実装では $O(N \cdot K)$ でTLEっぽい。とはいえ単に最小値を取り出すだけだからスライド最小値かRMQで計算量落ちる。
- スライド最小値の方が計算量はよいけど端の処理が面倒なのでRMQで書こう。多分間に合うだろう。
 - 今見返すと結構厳しい。
- よし分かったので書こう。つてこれ先手と後手でルール違うんだからnegamaxじゃダメじゃん。
- しかし修正はそんなに難しくはない。DP配列を2本用意すれば良いだけだ。
- RMQも二ついるのでglobalな配列や関数をstructに押し込む。
- 実行したらRE起こす。なぜ?
- しばらく悪戦苦闘した結果stack overflowしていることに気づく。構造体の中にでかい生配列が入ってるから局所変数にするとそりやおちる。
- 配列をvectorで書き直して何とか実行可能になった。
 - あるいは、global変数にするか。
- 実行すると負けのとき何故か-INF周辺の値が帰ってきて、勝ちのときは値が2だけずれてる。
- 正直時間ないし理由とかどうでもいいのでサンプルが通るように適当に符号や値を修正する。
- 残り2分というところで何とかサンプル通った。最大ケースらしきものだけテストしてから送信。
- まったく自信はなかったけど通っていた。コーナーケースとかにハマらなかったのは運が良かった。

- なんかmultiset使ったり二分探索使ったりしている解答もあるけどよく分かっていない。
 - 追記: multisetの方は自明だった。というかPOJのSliding WindowsでそれやってTLEもらいつづけていたのを忘れていた。

本番中提出したコード

計算量 $O(N \cdot \log N)$ 。

```
#include <algorithm>
#include <cstring>
#include <vector>
using namespace std;

const int INF = 1<<28;
const int MAX_N = 474747;

int dp[MAX_N+1][2];
bool checked[MAX_N+1][2];

struct PrimeCompositeGame {

    int theOutcome(int N, int K) {

        if(N == 1){
            return 0;
        }
        seive ();
        RMQ a, b;

        a.init_rmq(N+1);
        b.init_rmq(N+1);

        checked[0][0] = checked[1][0]
        dp[0][0] = dp[1][0] = (INF - 1
        dp[0][1] = dp[1][1] = (INF - 1

        a.update(0, dp[0][0]);
        a.update(1, dp[0][1]);
        b.update(0, dp[1][0]);
        b.update(1, dp[1][1]);
```

```

for(int i=2; i<N; i++){
    if(isPrime[i]){
        checked[i][0]
        dp[i][0] = (IN
        a.update(i, dp
    }
    else{
        checked[i][1]
        dp[i][1] = (IN
        b.update(i, dp
    }
}

for(int i=2; i<=N; i++){
    //先手
    if(!checked[i][0]){
        int score = b.
        if(score > 0){
            int tu
            dp[i][
        }
        else{
            int tu
            dp[i][
        }
        a.update(i, dp
    }

    //後手
    if(!checked[i][1]){
        int score = a.
        if(score > 0){
            int tu
            dp[i][
        }
        else{
            int tu
            dp[i][
        }
        b.update(i, dp
    }
}

int ans = dp[N][0];
if(ans > 0){
    return INF - ans - 2;
}

```

```
        }
        else{
            return -(INF + ans) +
        }
    }

};
```

[Permalink](#) | [コメント\(0\)](#) | [トラックスバックス\(0\)](#) |
00:01

[<前の5日分](#)