我主要將此程式分成兩個小題: 有向與無向

先拆解此題目:對於無向圖而言,此題目可以轉換為『maximum span tree』,因此使用 Kruskal's MST Algorithm,且因為此題目的 w 限定在 $-100\sim100$ 之間,因此可以使用 bucket sort 加速排序,且無向圖的邊數目可達到 20000000 之多,因此透過 bucket 避免過多的排序 爾後透過 union 方法去建構起 MST,最後即可得到所求

union 的方法是透過將 v-sets 的 id 對應起來並在每次 set union 時確定是否所有 v 都在 set 之內 (透過 vector.size()== vertex size 判定)

資料結構上將 G,v,e 分開,並且在 G 裡面建構桶以及 edge/vertex 的對應表,並給一個 sets 的 vector<vector<int> >儲存 sets 的資訊

而無向圖無論是否有權重都可以使用此方法解決此問題。

共用資料結構:

vertex 內部存有

id,set,bfs color,bfs_d,dfs_t ,in_edge array and out_edge array 因為一開始資料結構就選用 list 而非 array 的方式存儲,因此在 call mem 上面可能會稍慢,但好處是記憶體空間較為連續,搜索上速度應該差不多

edge 內有

w, v1, v2, used, index (edge from v1 to v2)

透過將 edge 丟進丟出 vertex 快速建構並操作 G

edgeset 內部有

total weight 以及 vector<edge>

作為快速操作使用(一開始有設計要遞迴多層,但後來發現效益極差,因此後來選擇遞迴兩層後, 此功能略顯雞肋)

有向圖就顯的非常麻煩

資料結構相較於無向圖新增 unused_bucket(關鍵資料), temp_bucket, edge size, vertex size

解決有向圖的想法,我是先將它當成無向圖的解決方法建起 span tree 但是在發現 v1.set==v2.set 時不直接拋棄邊,而是使用 bfs 確認若加進這個邊是否會有環(採用 bfs 是因為其速度較為穩定,且比 topology sort 快,如果環的長度與圖的深度不對稱,也有較好的計算穩定性)倘若有環就拋棄這個邊,無環則加入,是一個 pre-process 的 greedy 方法。 0 邊不放入,放入的話會有怪問題(0 邊是在後面的刪減可以進行嘗試)

透過此方法建立起的有向無環圖並非最小,因此需要透過加邊與拆邊進行。

使用迴圈從 unused_bucket(inside of this is edges)挑選兩個不重複的邊(由大到小)加入圖,並透過 topological sort get cycle->逐步拆掉 source 以及 sink 的所有 edge 直到無法拆裝為止,剩下的邊即為 cycles,此方法可以有效的拆出所有環,但是速度較 bfs 慢。

透過此方法得到一個新的 Graph g,並將該 g 內的所有環刪減邊,此嘗試刪減邊方法可快速將可能的 邊用 bfs u/bfs d 測試。

倘若碰到有成功的邊/邊組且其權重(在刪減邊的階段就已經篩選過了)小於加入的邊,則將其更新到外圍的 G 並且將迴圈的 bucket 更新,並持續執行,直到 59s.

透過 cut edge and insert edge 方法對 G 快速加減邊並查找,並且透過排序以及 goto 跳出迴圈,將不可能的 edge set 排除,已達到加速運算。

因為是對 q 在環裡面挑選邊由小到大去減除,因此可以有效避免解到解後重複選到同個環

因為原本的整個 G connected without cycle,且知道若加入一個正權重邊,則必定使得圖裡面出現一個環(在一開始的 maximum span tree 的特性),則使用 topological sort 可以找到小 g,則只要找到一個集合 set of edge: edge_set{e in g{E}},則只要使該 g 符合 1. connected 以及 2. without cycle,為一個 vertex cover problem→NPC (子題目為 NPC)

由於在試驗上,倘若 edge 數目太大,則有可能跑不完切一條邊的試驗,因此使用依序切邊以及根據整個 g-edge 以及 G 的大小去測試要放多少數目的 cut edge set 去跑。

透過調參數方法找到可能適合的遞迴深度後,在依序動態調整,得到區域的最佳解(且避免耗費過多時間)。