Planteamiento del problema

Desarrollar un en Javael cual calculará la multiplicación de dos matrices cuadradas en forma distribuida sobre cuatro nodos.

Sean A, B y C matrices cuadradas con elementos de tipo double, N renglones y N columnas, N par y C=AxB.

Se deberán ejecutar dos casos:

- 1. N=8, desplegar las matrices A, B y C y el checksum de la matriz C.
- 2. N=1000, desplegar el checksum de la matriz C.

El checksum de la matriz C se calculará como la suma de todos los elementos de la matriz.

El checksum deberá ser de tipo Double.

```
checksum = \sum C[i][j], i=0,..., N-1, j=0,..., N-1.
```

Se deberá inicializar las matrices de la siguiente manera:

A[i][j]=i+5*jB[i][j]=5*i-j

Donde A[i][j] y B[i][j] son los elementos Aij y Bij, respectivamente.

El programa deberá ser ejecutado en cuatro máquinas virtuales con Ubuntu (1 CPU, 1GB de RAM y disco HDD estándar) en cada máquina virtual se pasará como parámetro al programa el número de nodos, a saber: 0, 1, 2 y 3.

El nombre de cada máquina virtuadeberá ser: "Tarea-3-", concatenando enhúmero del equipo, un guión y el número de nodo o rejemplosi el equipo es 12 entonces el nodo o deberá llamarse: Tarea-3-12-0, el nodo 1 deberá llamarse Tarea-3-12-1, y así sucesivamente. No se admitirá la tarea si los nodos no se nombran como se indicó anteriormente.

Recuerden que deben eliminar las máquinas virtuales cuando no lascasda, finalidad de ahorrar el saldo de sus cuentas de Azure.

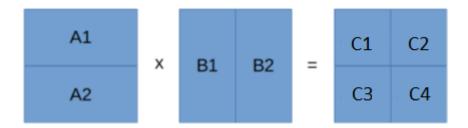
¿Cómo realizar la multiplicación de matrices en forma distribuida?

Suponga que divide la matriz A en las matrices A1 y A2. El tamaño de las matrices A1 y A2 es N/2 renglones y N columnas.

La matriz B se divide en las matrices B1 y B2.

El tamaño de matrices B1 y B2 es N renglones y N/2 columnas.

Entonces la matriz C=AxB se compone de las matrices C1C2, C3 y C4, tal como se muestra en la siguiente figura:



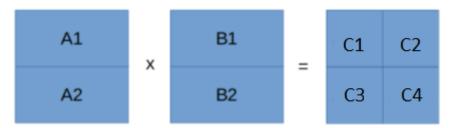
Donde:

$$C1 = A1 \times B1$$

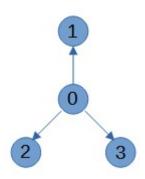
$$C2 = A1 \times B2$$

$$C3 = A2 \times B1$$

Debido a que las matrices se guardan en memoria por renglones,es más eficiente transponer la matriz B y dividirla de la siguiente manera:



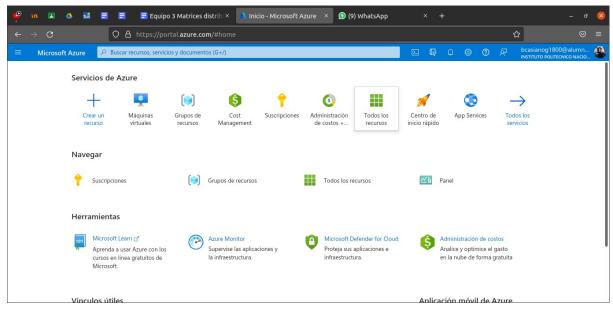
Ahora supongamos que tenemos cuatro nodos identificados con los números 0, 1, 2 y 3, el nodo 0 actuará como cliente y los nodos 1, 2 y 3 como servidores.



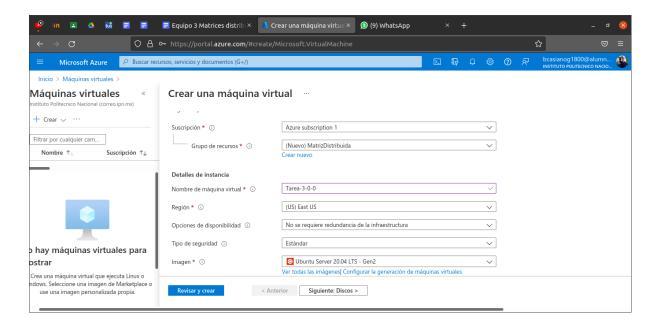
Desarrollo de la tarea

Creación de la máquina virtual de Nodo 0 con Ubuntu

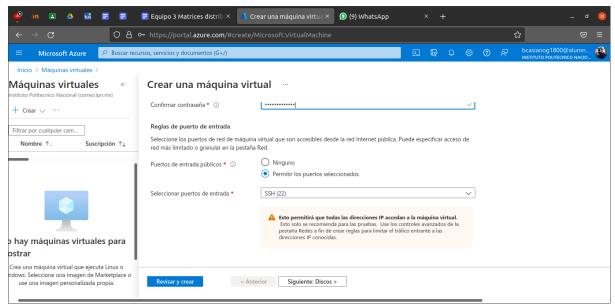
 En esta imagen de abajo está el menú principal de Azure, se selecciona la opción de Máquinas Virtuales.



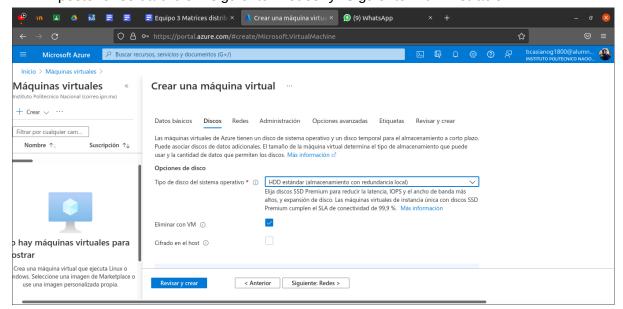
- Se coloca el nombre de la máquina virtual en este caso es "Tarea-3ærøÿjón la dejamos en Estados Unidos y escogemos Ubuntu Server.
- Nota "Ya está seleccionado 1 Gb de Ram como se especifica edocumento de entrega".

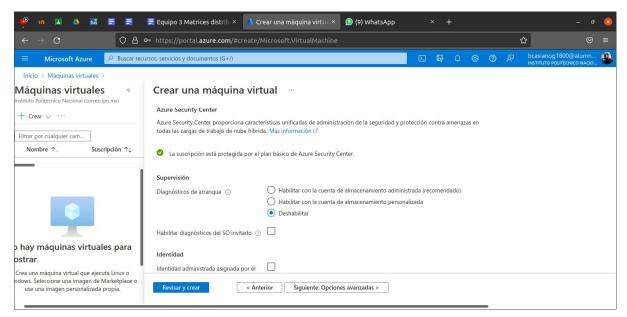


 Para la autenticación con la máquina virtual será por medio de usuario y contraseña, los cuales se colocan en sus respectivos campos, después damos clic en "Siguiente: Discos".



• En discos seleccionamos el "HDD estándar", como se especificó en el documento, posterior se da clic en "siguiente: Redes" y "Siguiente: Administración".





Deshabilitamos el diagnóstico de arranque, damos clic en "Crear".

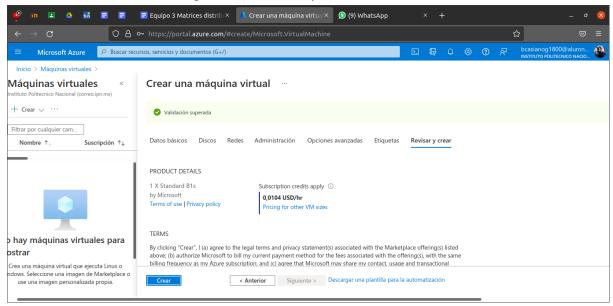
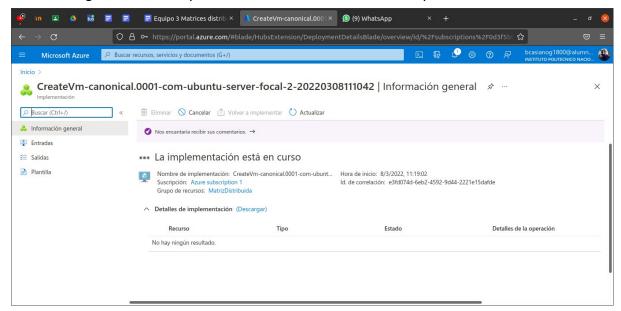
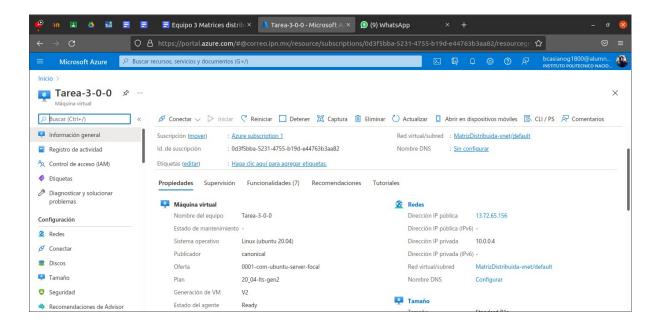


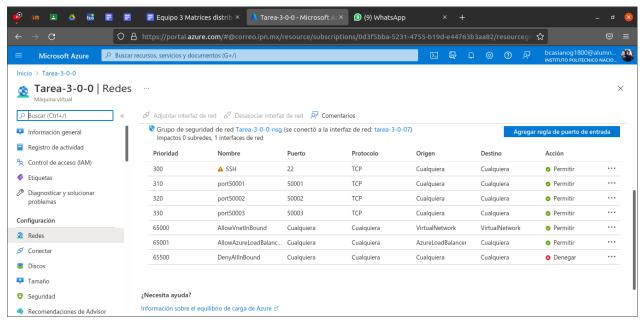
Imagen donde se puede ver la creación de la máquina virtual en Azure.



Podemos ver que la máquina se creó correctamente y está corriendo.



- 1. Nota: por defecto solo está abierto eluerto ssh para conexiones remotas, r lo que se deben abrir los puertos pertinentes para que se puedan crear las conexiones con socketsen este programa son los puertos son 50000+nodo, es decir, el nodo 1 abrira el puerto 50001, el nodo 2 abrirá el puerto 50002 y el nodo 3 abrirá el puerto 50003. En esta imagen podemos ver como se debe de abrir un puereo, de la siguiente manera:
 - 1.1. Se debe colocar en la opción de "Redes" de la máquina virtual.
 - 1.2. Se da clic en "Agregar regla de puerto de entrada".
 - 1.3. En la ventana nueva, se coloca que será de tipo TCP.
 - 1.4. En la misma ventana se coloca el puerto de salida, indicando el número.
 - 1.5. se agrega.
 - 1.6. Se deben de ver como el de la imagen siguieste, e la apertura de todos los nodos como ejemplo.



Explicacion del codigo

Para empezarcon la explicacion del codigo, primero es necesario conocerual es el funcionamiento de cada una de las variables globaleque en esta práctica serían las siguientes:

Nota: Para probar el código ya sea con matrices de dimensiones N=8 o N=100@s necesario modificael valor de N en el código, para después compilarlo y finalmente ejecutarlo.

- int N: Es para establecer el número de filas y columnas que tendrán las matrices A, B y C.
- ♦ ServerSocket servidor: Será el socket para iniciar el servidor del nodo 1,2 y 3.
- ❖ Socket Cliente: Es el socket del cliente para establecer conexión con los servidores.
- ♦ DataOutputStream salida :Es el canal de salida para que los servidores puedan enviar el resultado de su sumatoria al cliente.
- double Nodos[]: Este arreglo de longitud 4 lo usaremos para guardar la sumatoria de cada servidor una vez que sea enviada al cliente.
- ♦ DataInputStream entradaEs el canal de entrada para que nuestro cliente pueda recibir las sumatorias por parte de los servidores.
- double A[][] y B[][]: Son las matrices que se usarán para la multiplicacióσμyο número de columnas y filas es igual, tomando el valor de N.
- double A1,A2,B1,B2: Estos arreglos bidimensionales son redsultado de dividir la matriz A y B por la mitadaciendo que estas tengan N numero de columnas pero solo la mitad de N filas.
- ♦ double C1,C2,C3,C4:Recordando que antes de dividir B sacamos su transpuesta para asignarle esos nuevos valores a B, pues al realizar las operaciones A1XB1,A2XB1, etc., tenemos que el resultado es una matriz de (N/2)*(N/2) dimensiones,es el porqué de las dimensionesde estos arreglos, los cuales contendrán el resultado de dichas operaciones.
- double AS y BS: Estos arreglos bidimensionales son para que setroidor pueda mandar a llamar al método multiplicamandando como parámetro estas dos matricesque representan una mitad de A y una del expendiendo del número de nodo que se trate.
- ♦ double Mult[][]: Se usa en el método multiplicarpara guardarel valor de las multiplicaciones de las matrices A1,A2,B1 y ₽2ara que en elcaso delservidor pueda enviar elesultado al cliente y en el caso del cliente conservar el resultado de la multiplicación que le tocó hacer ya que este no debe de ser envisado que solo el cliente tiene acceso.

♦ String host[]: Debido a que cada máquina virtuæls independientes necesario asignarles un host al momento de tratar de conectarnos a las máquinas que hacen de servidores (nodo 1,2 y ₃)i,diendo al inicio de ejecución del cliente (nodo 0) que se ingrese el host de cada nodo servidor.

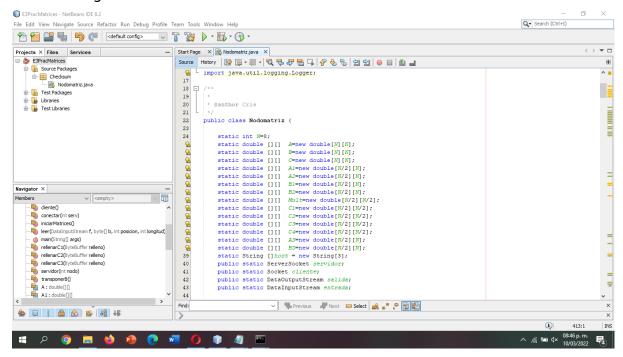


Imagen 1: Captura de las variables globales del programa

Metodo main ()

El método main se encarga de recuperar des argumentos ehúmero de nodoque a partir de este determinara se trata de un cliente (0) o un servidor (1,2 o 3), una vez que se haya determinadosi es cliente o servidor se procede a ejecutar sus métodos correspondientes cliente() servidor(). En caso de ingresar argumentos el programa muestra un mensaje denotando esto y el programa se cerca so de que el número de nodo no sea 0,1,2 o 3 elprograma dará otro mensaje de error y procederá a terminar su ejecución.

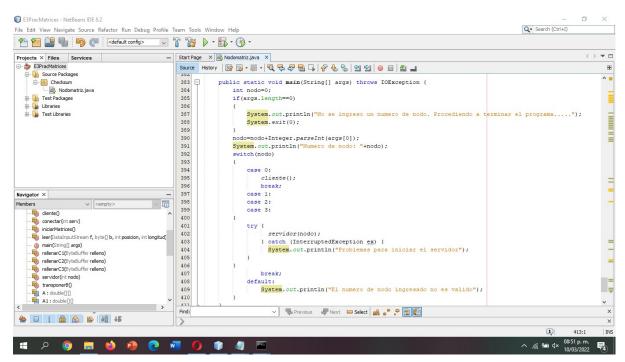


Imagen 2: Captura del método main

Método iniciarMatrices()

Este método usa la variable global N para crear un ciclo anidado, donde el ciclo principal es para las filas y el ciclo anidado es para las columnasmbos teniendo en común que el contador inicia en Oncrementa en 1 y la condición para terminar es que el contador debe de ser menor a Nesto permite crear las matrices A y B de dimensiones NxN lo único que hay que hacer dentro de este ciclo anidado es asignar a cada elemento de ambos arreglos bidimensionales el valor que les corresponde de acuerdo a la fórmula que se establece en la tarea, donde:

```
A[i][j]=i+(5*j);
```

B[i][j]=(5*i)-j;

Además, debido que para sacar A1 y A2 solo necesitamos dividir A a la mitad del lado de las filas, por lo que podemos en este mismo método obtener A1 y A2, solo hay que verificar cuando ies mayor a 3 ya que se podría considerar que va en la segunda mitad de la matriz A por lo que dicho valor de la celda que se inciando en ese momento no solo aplica a A sino también a A2en caso de sea menor a (N/2) (es decir nos encontramos en la primera mitad) además de A también asignamos elalor a A1, este análisis de stenemos que iniciarun valor en A1 o A2 lo hacemos gracias a los if que verifica la condición antes mencionada parte hay que recordar que A2 su última fila es la de índice [(N/2)-1], por lo que para evitar un desbordamiento ya que su caso se activa cuando i>=e(N/2)-1 |

mitad delnúmero de filas)a dicho índice de fila de A2 le restamos (N£2)momento de asignar el valor.

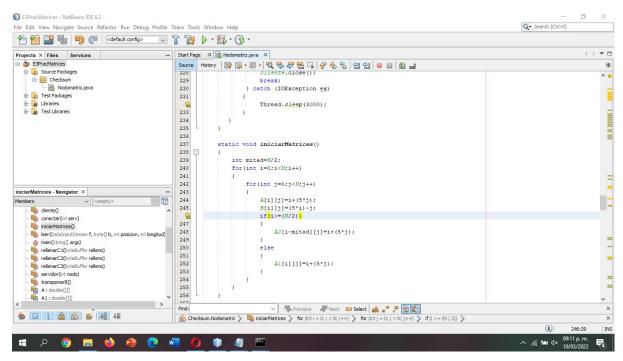


Imagen 3: Captura del método iniciarMatrices

Método transponerB()

En este método vamos a transponer a la matriz B mediante la diagograpor eso que usamos una variable auxiliar x para capturar el valor de una celda de B antes de cambiarlo por su transpuesta y después valor que reemplazó avalor inicialde la celda ahora le asignamos el valor inicial que guardamos en la variable de esta forma no es posible obtener la traspuesta de B.

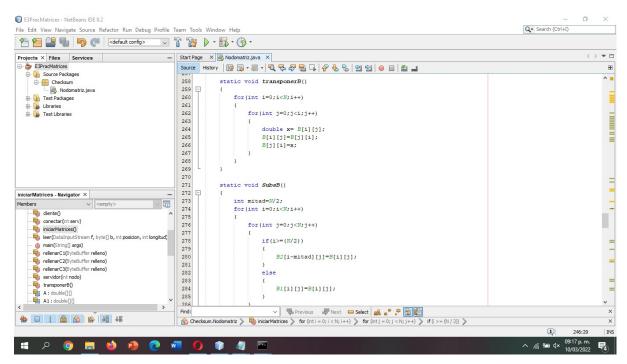


Imagen 3: Captura del método transponer.

Método SubsB()

Funciona de de forma similar a inicializarMatriséto que en este caso ya contamos con los valores de la matriz B y solo habrá que asignar el valor de la celda de B en la que nos encontremos de acuerdo al ciclo a una de las submatrices ya sea B1 o B2, por lo que solo es necesario verificaredi contador del ciclo principal es menor a la mitad de N (N/2) para saber que nos encontramos en la primera mitad osea B1 y en caso contrario se trataría de B2 y así conservamos los valores de la matriz B pero ahora divididos en dos matrices de (N/2) x N dimensiones.

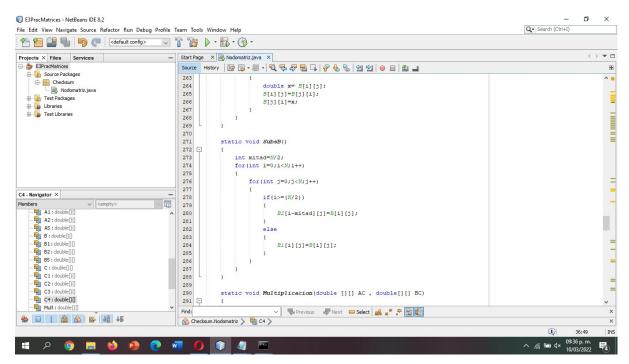


Imagen 4: Captura del método SubsB.

Método Multiplicar()

Debido a que sacamos la transpuesta de B antes de dividirla nos es posible realizar la multiplicación de las submatrices (A1 x B42 x B2, A1 x B2 o A2 x B1) multiplicando cada renglón de una submatriz sea A1 o A2 por cada renglón de la submatriz ya sea la B1 o la B2. Nos apoyamos de una variable de tipo entero que calcula la mitad de N ya que recordemos que estas submatrices solo cuentan con la mitad de filas ypediducto de dichas submatrices nos da una matriz de dimensiones (N/2) x (N/2) y dependiendo de la multiplicación es el arreglo bidimensional que usaremos (puede ser C1, C2, C3 o C4).

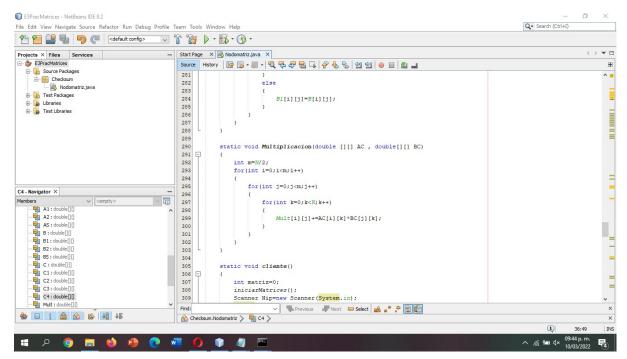


Imagen 5: Captura del método Multiplicación.

Métodos rellenar C1(), rellenar C2() y rellenar C3()

Estos métodos funcionan de forma idéntiça, que se cuenta con un ByteBuffer de tipo double como parámetro, el cual contiene el resultado de haber multiplicado alguna submatriz de A (A1 o A2) con alguna submatriz de B (B1 o B2), lo único que se hacemos es sacar cada valor del buffer e insertarlo en la celda de la submatriz (C1, C2 o C3) insertando los valores mediante los renglones, es decir, que una vez terminado con insertar los valores de cada renglón de la fila Opasamos con los renglones de la fila Para determinar que submatriz de C deseamos rellenar debemos estar conscientes de que multiplicación se hizo (A1 x B1,A1 x B2 o A2 x B1) y a partir de eso elegir ya sea rellenar C1, C2 o C3. C4 no se rellena ya que esa multiplicación la realiza el cliente y basta con asignarle a C4 los valores de la matriz Mult.

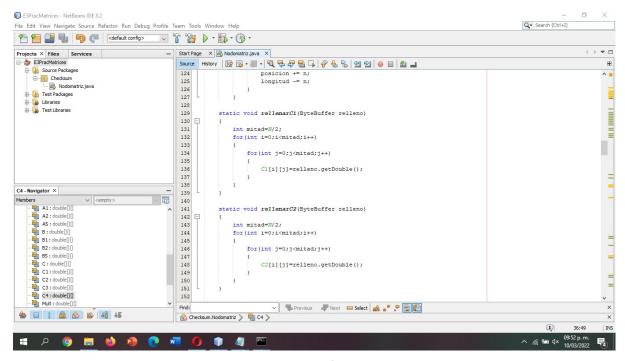
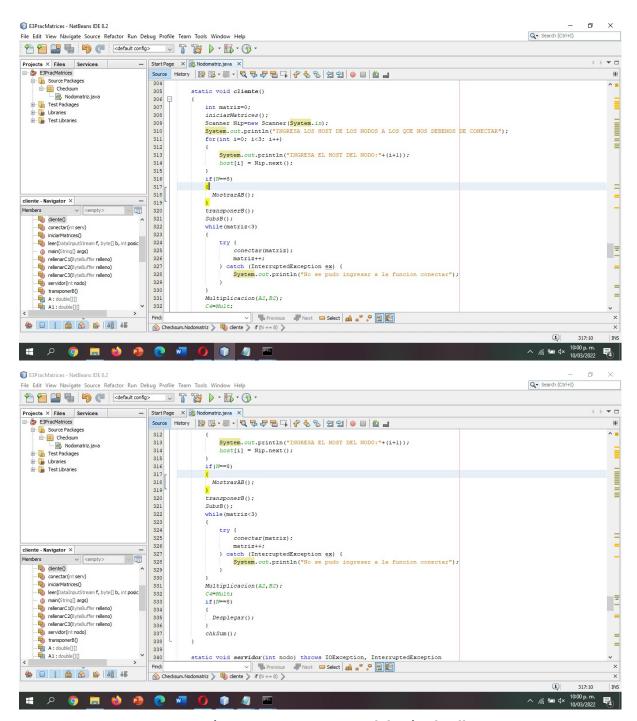


Imagen 6: Captura del método rellenarC1 y rellenarC2.

Metodo cliente()

Este método se manda a llamaresinodo se trata de un nodo cliente (0). Tan solo iniciar el método mandamosa llamar al método iniciarMatrices(para inicializarlas matrices, después de esto procedemos a pedirleost del nodo 1,2 y 3, ya que recordemos que estos nodos se encuentran en máquinas independientes y por lo tanto no se encuentran en el localhostPosterior a esto verificamoslas dimensiones de las matrices A y B son de 8 (N=8) ya que en caso de ser afirmativo, procedemos a mostrar A y B antes de que saqueños la transpuesta de B ya que esta sustituye sus valores en la matriz B, y después de sacar la transpuesta sacamos las submatrices B1 y B2 mandando a llamar al método Sulvas. vez hecho esto nos anclamos en un bucle while donde mandaremos a llamaréabdo conectarpara establecer conexión con cada servidor, poderle enviarlas submatrices correspondientes a la multiplicación que debe hacer cada servidor, también poder recibir el resultado de dicha multiplicación cual se trata de una matriz de dimensiones (N/2) x (N/2) y guardar los datos de esta matriz en la submatriz de C correspondiente. Una vez que hayamos logrado conectar con cada servidor (matrizprede) demos a salir del ciclo para realizar la multiplicación que le corresponde al cliente (A2 x B2), a lo que una vez obtenido la matriz resultante la cual se trata de Malla submatriz C4 le asignamos los valores de esta otra matriz,a que el cliente ya cuenta con estos datos y solo necesitamos pasarlos a C4 para poder realizar el checksum. Antes de realizar el checksum verificamos si el valor de las dimensiones de A y B es 8, ya que en caso de ser cierto, no es posible desplegar la tabla resultante de todas las multiplicaciones cuales ya tendremos hasta este puptor, lo que procedemos a mandaa llamar al método desplegar que mostrará la matriz Q,

después de esto realizamos **e**hecksum mandando a llamar al método chkS**per**ro en caso contrario solo se hace el checksum.



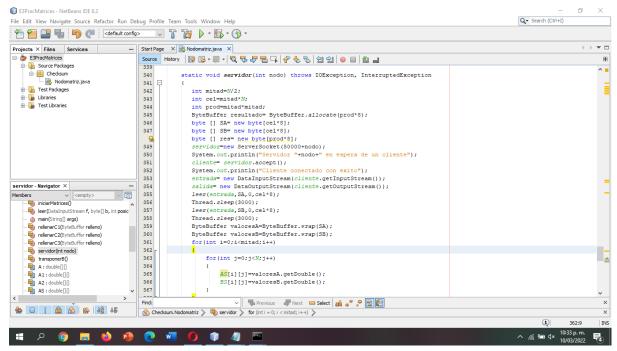
Imágenes 7 y 8: Capturas del método cliente.

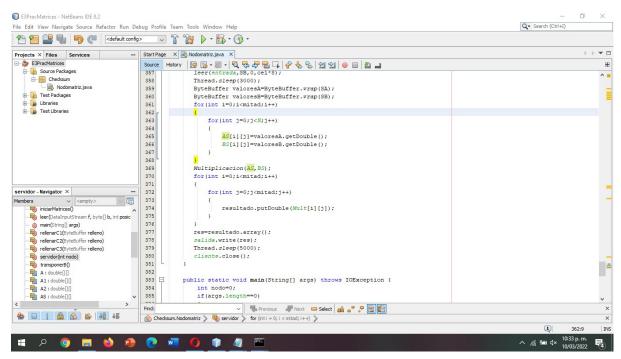
Método servidor()

Para el método servidor requerimos un ByteBuffer para ingresar los valores de cada celda de la matriz resultante (Mult) de multiplicar las submatrices de A y B correspondientes al número de nodoasí como arreglos de bytepara recibir las matrices correspondientes al

nodo para realizar la multiplicación (SA y SB) y el arreglo de bytes para mandarel resultado de dicha operación (resi)tes que nada procedemos a iniciar el servidor con el número de puerto que se trata debuerto 50000 más ehúmero de nodoa fin de que podamos identificar ælervidor por su puerto y después de esto lo ponemos a esperar al cliente para establecer conexiódina vez establecida creamos los canales de entrada y salida para poder recibirlas submatrices asícomo poder enviarla matriz resultante, posteriormente procedemos a llamarmétodo leer ekual se trata de la clase especial read que vimos en las primeras clases para manejar arreglos de bytels, finalidad de poder recibir las submatrices que el cliente nos envió sin temor de no leer todos los valores, en este caso mandaremos a llamar a leer 2 veces (primero para la submatriz de A y luego para la submatriz de B) pero dejando entre estos un descanso de 3 segundos y otro posterior a la segunda lectur Después con ayuda delnétodo wrap de clase Byte Buffer obtenemos los valores de los arreglos de bytes en formato double, los cuales guardaremos respectivamente en

ByteBuffer valoresA y valoresP:osterior a esto usamos un ciclo para sacar cada valor de los ByteBuffers y asignarlos a las matrices globales ASay BS, cuales enviaremos como parámetros al método Multiplicar para obtener la matriz resultante (Mult), cuyos valores de cada celda se acumularan en el ByteBufferresultado para posteriormente convertirlo en un arreglo de bytes (res)oder enviarle estos datos al cliente elcual se encargará de asignarlos a la submatriz de C correspondientes de finalizar la conexión esperamos un lapso de 5 segundos para asegurar que se han mandado por completos los datos al cliente.



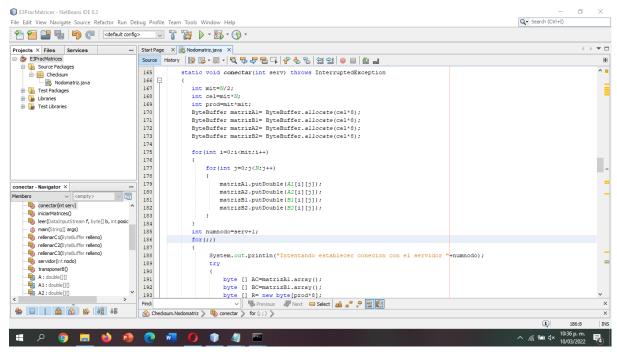


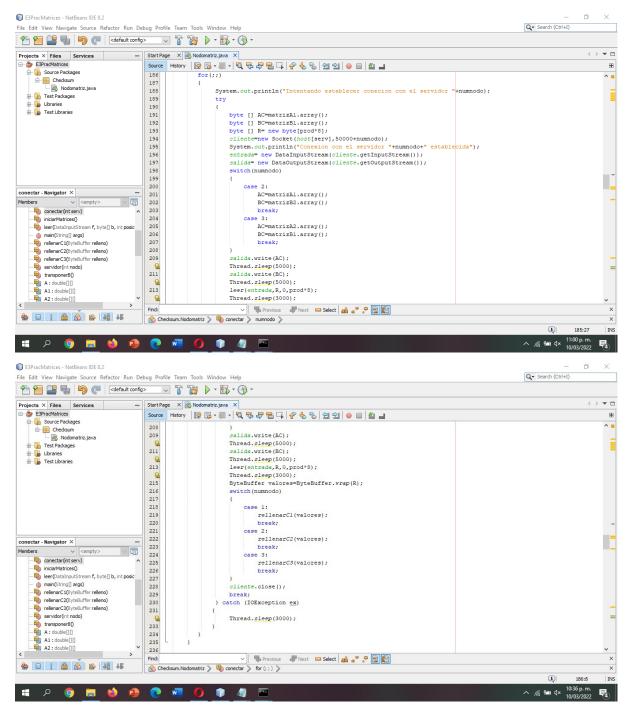
Imágenes 9 y 10: Capturas del método servidor.

Metodo conectar()

El metodo conectarusa 4 ByteBuffers para poderalmacenartodos los valores de las submatrices de A y B (matrizA2,matrizB1 y matrizB2) mediante un ciclo el cual va almacenando los valores de cada submatriz por rengl**ona**s/ez hecho esto creamos una variable entera la cuales el número de nodo vuelta delciclo del metodo cliente (parámetro que mandamos bamar almétodo conectar) incrementado en al que sino habria problemas con los puertos ya que el primer valor que adopta el parámetro serv es un 0. Declaramos un ciclo for infinito para poimplementar reintentos de conexión, cuyo si en todo caso es exitoso procedemos declarar dos arreglos de bytes (AC y BC) cuyo valor iniciales el ByteBuffer matrizA1 y matrizB2 correspondientemente procedemos a iniciar la conexión con el servidor que como dijimos, en este caso fue exitoso, pero hay que mencionar que a parte del número de puælitora también es necesario el host de dicho servidor ya que recordemos que se tratan de máquinas independientes, cuyo host lo obtenemos dearreglo host que rellenamos en enétodo clienteAl igual que el servidor creamos los canales de entrada y salida para enviar y recibir datespués de esto tenemos un switch para verificar con que servidor nos conectamos y apartir de ahi sera los ByteBuffer que convertiremos en arreglos de bytes y asignaremos a (AC yca6) mencionar que sio se encuentra el caso del nodo 1, se debe a que son los valores iniciales de nuestros arreglos de bytexor lo que si se tratara de dicho nodo no habría problema de no analizar su casoDespués de esta verificación le mandamos estos arreglos de bytes al servidor con 2 llamadas al método write, las cuales tienen de separación un lapso de descanso de 5 segundos para asegurar que se mande completitæ elegio de bytes y

también hay un lapso de descanso de la misma duración después del segundo write para asegurar que se envíe completo el arregillo, que ahora tocaría esperar a que el servidor haga la multiplicación para recibir los bytes de la multiplicación tenemos adreglo de bytes R el cual con ayuda del método wrap del ByteBuffer valores de tipo doble resultantes de multiplicar las 2 submatrivelsemos a hacer una verificación pero en este casocontamos con el caso del nodo da que a partir del nodo con el que estemos conectados mandaremos a llamaya sea al método (rellenarC1, rellenarC2 o rellenarC3) con el fin de asignarle los valores a una de las submatrices de C. Para finalizar cerramos la conexión con el servidor y realizamos un break para salir del for infinito. Cabe mencionarque en caso de no poder establecer conexión con elervidor procederemos a esperar 3 segundos antes de volver a intentarlo.

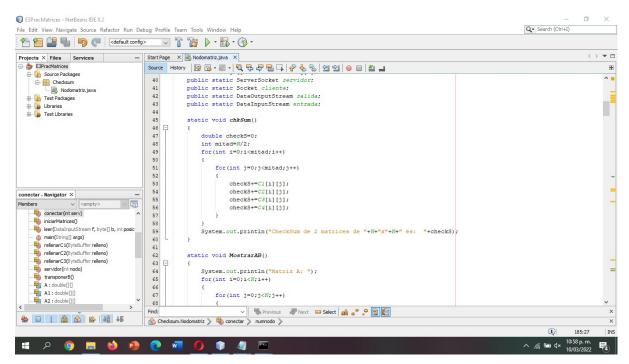




Imágenes 11, 12 y 13: Capturas del método conectar.

Método chkSum()

Este método realiza la sumatoria de los valores de la matrique silo analizamos bien están contenidos en CL2, C3 y C4 por lo que bastará con realizar un ciclo anidado para que en un acumulador poder recibir la sumatoria de cada uno de los valores de estas submatricesy una vez terminado este ciclo procedemos a mostrael resultado del checksum.



Imágen 14: Captura del método chkSum.

Compilacion y ejecucion del programa

- Nota: Se debe actualizar los repositorios y sistema operativo de los ervidores con los comandos "sudo apt update" y "sudo apt upgrade".
- Nota 2: Se debe instalar jre y jdk para compilar y ejecutar el programa hecho en java, en cada servidor con las instrucciones "sudo aphstall default-jre" y "sudo apt install default-jdk".
- Nota 3: Se debe de enviar el programa creado a las máquinas virtualeson la instrucción "scp ruta archivo origen nombreUser@dominio:rutaDestino", en este caso este comando conviene ya que solo es un archivo.
- En la imagen se apreciaµe cada terminal linuxe conecta a una máquina virtual diferente, los nodos 1, 2, 3 se manejan como servidores y el nodo 0 como cliente.
- Se coloca el número de nodo en cada terminal y los host de todos los servidores.
- Los servidores entregan la parte de C correspondiente a su nogdo envían al cliente a través de socket. Como se aprecia en la imagen.

