Matematika 2 Brojni i stepeni redovi Petar Katić

1 Karakteristični brojni redovi

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n} = \infty$$

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2} = \frac{\pi^2}{6}$$

2 Karakteristični stepeni redovi

$$\sum_{n=0}^{\infty} \frac{x^n}{n!} = e^x$$

$$\sum_{n=0}^{\infty} x^n = \frac{1}{1-x} \implies \sum_{n=0}^{\infty} (-x)^n = \frac{1}{1+x}$$

$$\ln(1-x) = \sum_{n=1}^{\infty} -\frac{x^n}{n} \implies \ln(1+x) = \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n-1} \cdot \frac{x^n}{n}$$

$$\sin x = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n}{(2n+1)!} x^{2n+1}$$

$$\cos x = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n}{(2n)!} x^{2n}$$

3 Lajbnicov kriterijum

Koristi se na redovima sa alterišućim članovima (npr. $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n n$).

$$1) \lim_{n \to \infty} a_n = 0$$

$$2) a_{n+1} < a_n$$

Ako je oboje tačno, stepeni red konvegira.

4 Poredbeni kriterijum

Ako $\lim_{n \to \infty} \frac{a_n}{b_n} = C$, $0 < C < \infty$, onda su stepeni redovi ekvikonvergentni.

5 Integralni kriterijum

Red $\sum_{n=N}^{\infty} f(n)$ konvegira ako $\int_{N}^{\infty} f(x) dx$ ima određeno rješenje. Ako nema, red divergira.

1