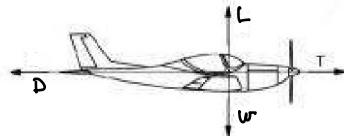


## IL VELIVOLO IN MOTO ORIZZONTALE UNIFORME

Le equazioni di equilibrio del velivolo in VORU scaturiscono dalla considerazione che la risultante delle forze applicate deve essere nulla

$$\begin{aligned} L &= W \\ D &= T \end{aligned}$$



Dalle prime relazioni, sostituendo a L la noto espressione aerodinamica, si ottengono le formule da impiegare nel calcolo delle velocità di volo e dell'angolo ( $\alpha$ ):

$$V = \sqrt{\frac{2W}{\rho S C}} \quad \text{e} \quad \alpha = \frac{2W}{\rho S V^2}$$

Dalle eq.u. di equilibrio, dividendo m. a m. :

$$\frac{L}{D} = \frac{W}{T} = E \rightarrow T = \frac{W}{E}$$

La spinta necessaria al VORU è ovviamente minima prendendo  $E = E_{max}$ . Il velivolo in VORU può compiere dominiere la sua velocità di volo al di sotto di un certo limite, in questo interviene lo stallo:

$$V_{min} = \sqrt{\frac{2W/S}{\rho C_{lmax}}}$$

**IL DIAGRAMMA DELLE SPINTE NECESSARIE AL V.O.R.U.** in funzione delle velocità di volo si ottiene partendo dalle eq.u. di equilibrio alle traslazione orizzontale:

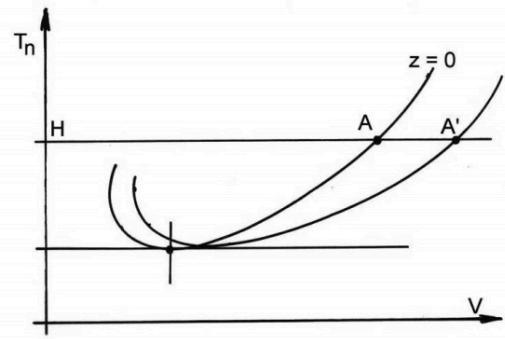
$$T_m = D$$

e può essere tracciato per punti. Si può procedere dando veloci arbitrari alle velocità e dedurre i corrispondenti  $C_l$ ; dato  $C_l$ , si determina  $C_D$  dall'eq.u. di Prandtl (se si è nel campo di validità dell'eq.u. di Prandtl) oppure (sempre se) valore direttamente nelle tabole. Si riceve quindi:

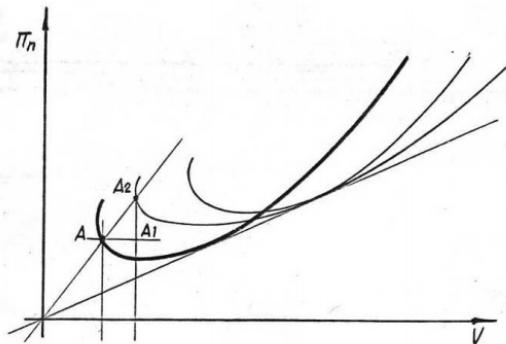
$$T_m = D = \frac{W}{E} = W \frac{C_D}{C_l}$$

Il cerchio può essere impostato in modo tabellare e può essere riportato alle varie quote introducendo le densità corrispondete alle quote di volo.

Le curve si possono ottenere delle quote relative alle quote ree, moltiplicando le ascisse per  $1/\sqrt{\delta}$  con  $\delta = \rho_0/\rho$



La potenza necessaria al velivolo è data dal prodotto delle resistenze per la velocità; anche quanto disegniamo può essere egualmente tracciato per punti.  
Nota la curva delle spinte a potere zero, le altre si ottengono moltiplicando ormai le ordinate per  $\sqrt{V}$   
N.B. Tutte le curve hanno la stessa tangente.



Lo studio delle prestazioni di un velivolo può essere affrontato paragonando le spinte (o potenze) necessarie al velo con quelle installate nel velivolo, ovvero quelle disponibili.

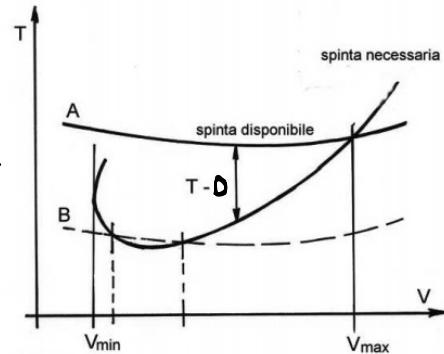
È conveniente affrontare il problema in termini

delle spinte nel senso di velivolo e jetto, cioè con riferimento al confronto diretto e possibile. Si affronta invece in termini di potenze il problema nel caso di velivoli con propulsione a elica; in questi casi non si dispone di un unico propulsore, bensì di due elementi distinti (motore alternativo ed elica) di cui è necessario considerare le caratteristiche in funzione dei parametri di velo.

Dopo aver tracciato, per una fixed point, il diagramma delle spinte necessarie (potenze necessarie) al velo, si sovrappone a questo diagramma quello delle spinte disponibili (potenze disponibili) allo stesso punto.

Si noti che esiste una  $V_{max}$  raggiungibile in VOVR; questo si ha in corrispondenza del punto di intersezione delle curve delle spinte [potenze] necessarie e delle spinte [potenze] disponibili.

Nell'intervallo fra  $V_{min}$  e  $V_{max}$  si ha un'area di spinta [potenze] che permette di effettuare il velo in solita; in caso contrario il velivolo accelererà fino a portarsi alla  $V_{max}$ .



**ESERCIZIO** - Tracciare i diagrammi delle variazioni in funzione della velocità alle quote  $z = 3000 \text{ m}$  per un aereo avendo peso totale  $W = 105000 \text{ N}$ , superficie alare  $S = 62 \text{ m}^2$ . E' assegnata la tabella:

$C_L$	0	0.2	0.4	0.6	0.8	1	1.2	1.3	1.2
$C_D$	0.018	0.020	0.025	0.041	0.062	0.096	0.135	0.170	0.230

**Svolgimento** - Ricordiamoci che, nel VORU, è:

$$V = \sqrt{\frac{2(W/S)}{\rho C_L}} \quad \text{con} \quad \rho = 0.909 \text{ kg/m}^3 \quad \text{e} \quad z = 3000 \text{ m}$$

Si ha:

$$V = \sqrt{\frac{2(105000/62)}{0.909 \cdot C_L}} = 74.16 \cdot \frac{1}{\sqrt{C_L}}$$

Ancora:

$$D = \frac{1}{2} \rho V^2 S C_D = \frac{1}{2} \times (0.909) \times 62 \times V^2 \times C_D$$

Con i dati delle tabelle poniamo celeste le  $V$  e le  $D$  e tracciare i diagrammi richiesti.

$C_L$	$C_D$	$V$	$D$
0	0.018	+∞	+∞
0.2	0.020	165.73	10492
0.4	0.025	117.19	6558
0.6	0.041	95.69	7170
0.8	0.062	82.87	8132
1	0.096	74.12	10073
1.2	0.135	67.66	11804
1.3	0.170	65.01	13723
1.2			

**ESERCIZIO** - Determinare le resistenze minime, l'incidenza e la velocità di volo corrispondenti per un aereo avendo le caratteristiche sottoindicate nell'ipotesi che il velo sia orizzontale uniforme alle quote di 3000 m.

Caratteristiche del velivolo:

- PESO TOTALE  $W = 100\ 000 \text{ N}$
- CARICO ALARE  $W/S = 2850 \text{ N/m}^2$
- ALLUNGAMENTO  $AR = 9.3$
- COEFF. DI RESIST. MINIMA  $C_D = 0.021$
- COEFF. ANGOLARE DI PORTANTINA  $C_{L\alpha} = 5.1 \text{ (1/rad)}$

**Svolgimento** - Dalla definizione di efficienza,  $E = \frac{L}{D}$  ricaviamo  $D = \frac{L}{E}$ .  
In VORU è  $L = W$  ovvero:

$$D = \frac{W}{E} \rightarrow D_{\min} = \frac{W}{E_{\max}}$$

Non essendo state specificate le polari teorica, faremo riferimento alle polari di Prandtl e quindi:

$$E_{\max} = \frac{\sqrt{C_D \pi AR}}{2 C_D} = \sqrt{\frac{C_D \pi AR}{4 C_D^2}} = \sqrt{\frac{\pi AR}{4 C_D}} = \sqrt{\frac{\pi \cdot 9.3}{4 \cdot 0.021}} = 18.65$$

Allora:  $D_{\min} = \frac{100\ 000}{18.65} = 5362 \text{ N}$ .

Per la velocità è:  $V = \sqrt{\frac{2W}{\rho S C_L}}$  (1)

Poiché

$$C_L = \sqrt{\pi AR C_D} \rightarrow C_L|_{E_{\max}} = \sqrt{3.14 \cdot 9.3 \cdot 0.021} = 0.78$$

Avevamo:

$$C_{L\alpha} = \frac{C_{L\alpha}}{1 + \frac{C_{L\alpha}}{\pi AR}} = \frac{5.1}{1 + \frac{5.1}{\pi \cdot 9.3}} = 4.34 \text{ 1/rad}$$

Si ha:  $C_L|_{E_{\max}} = C_{L\alpha} \cdot \alpha \rightarrow \alpha = \frac{C_L|_{E_{\max}}}{C_{L\alpha}} = \frac{0.78}{4.34} = 0.18^\circ$

Dalla (1), con  $\rho = 0.908 \text{ kg/m}^3$  per  $z = 3000 \text{ m}$ , è:

$$V = \sqrt{\frac{2(W/S)}{\rho C_L|_{E_{\max}}}} = \sqrt{\frac{2 \times 2850}{0.908 \times 0.78}} = 89,66 \frac{\text{m}}{\text{s}} \equiv 322.8 \text{ km/h.}$$

**ESERCIZIO** - Tracciare i diagrammi delle spinte meccaniche al velo, alle quote  $z=0 \text{ m}$ ,  $z=2000 \text{ m}$  e  $z=4000 \text{ m}$ , relativamente a un relativo di massa  $M = 9500 \text{ kg}$  e superficieolare  $S = 22 \text{ m}^2$ ; la polare del relativo è esprimibile mediante le formule di Prandtl:

$$C_D = 0.0296 + 0.0552 C_L^2$$

**Svolgimento** - Abbatteremo il celebre tabellone per tracciare i diagrammi delle spinte meccaniche al velo.

Fissiamo un valore di  $C_L$  tra 0,2 fino a 1,4, ad esempio, e calcoliamo  $C_D$ . Ricordiamo, ancora due:

$$E = \frac{C_L}{C_D} \quad \text{e} \quad \text{che} \quad T = \frac{W}{E}$$

$$W = Mg = 9500 \times 9,8 = 93100 \text{ N}$$

$$V = \sqrt{\frac{2(W/S)}{\rho C_L}} = \sqrt{\frac{2(93100/22)}{1.2252 \times C_L}} = \sqrt{\frac{6908}{C_L}}$$

Per poter ottenere i corrispondenti valori delle varie quote, si tenga presente che le SPINTA NON VARIA, mentre le velocità si ottengono moltiplicando quelle a  $z=0$  per  $\sqrt{1/\delta} = \sqrt{\frac{P_0}{P}}$ .

CL	CD	E	T=W/E	Z=0		Z=2000m		Z=4000m	
				V	V	V	V	V	V
0.2	0.0318	6.2877	14822	185.94	669.39	205.13	738.48	227.39	818.60
0.3	0.0346	8.6785	10739	151.82	546.55	167.49	602.97	185.66	668.38
0.4	0.0384	10.4080	8954	131.48	473.33	145.05	522.19	160.79	578.84
0.6	0.0495	12.1281	7684	107.35	386.47	118.43	426.36	131.28	472.62
0.8	0.0649	12.3213	7564	92.97	334.69	102.57	369.24	113.69	409.30
1	0.0848	11.7925	7903	83.16	299.36	91.74	330.26	101.69	366.09
1.1	0.0964	11.4117	8167	79.29	285.43	87.47	314.89	96.96	349.05
1.2	0.1091	11.0003	8472	75.91	273.28	83.75	301.49	92.83	334.19
1.4	0.1378	10.1602	9173	70.28	253.00	77.53	279.12	85.94	309.40

**ESERCIZIO** - Tracciare il diagramma delle potenze meccaniche al velo, alle quote  $z=0 \text{ m}$ ,  $z=2000 \text{ m}$  e  $z=4000 \text{ m}$ , relativamente a un relativo di massa  $M = 9500 \text{ kg}$  e superficieolare  $S = 22 \text{ m}^2$ ; la polare del relativo è esprimibile mediante le formule di Prandtl:

$$C_D = 0.0296 + 0.0552 C_L^2.$$

**SVOLGIMENTO** - Per tracciare i diagrammi si utilizzano i risultati ottenuti precedentemente; si calcola la potenza moltiplicando la spinta  $T$  per la velocità.  
 N.B.  $[T] = \text{N}$  e  $[v] = \text{m/s} \Rightarrow [Tv] = \text{W}$  ovvero in kW.  
 Per ottenere i corrispondenti valori alle varie quote in tante presenti due, a differenza dell'elenco precedente, sia la velocità che la potenza vanno moltiplicati per  $\sqrt{\frac{1}{\delta}} = \sqrt{\frac{\rho_0}{\rho}}$ .

CL	CD	E	T=W/E	Z=0			Z=2000m			Z=4000m		
				V	II	V	II	V	II	V	II	V
0.2	0.0318	6.2877	14822	185.94	669.39	2756	205.13	738.48	3040	227.39	818.60	3370
0.3	0.0346	8.6785	10739	151.82	546.55	1630	167.49	602.97	1799	185.66	668.38	1994
0.4	0.0384	10.4080	8954	131.48	473.33	1177	145.05	522.19	1299	160.79	578.84	1440
0.6	0.0495	12.1281	7684	107.35	386.47	825	118.43	426.36	910	131.28	472.62	1009
0.8	0.0649	12.3213	7564	92.97	334.69	703	102.57	369.24	776	113.69	409.30	860
1	0.0848	11.7925	7903	83.16	299.36	657	91.74	330.26	725	101.69	366.09	804
1.1	0.0964	11.4117	8167	79.29	285.43	647	87.47	314.89	714	96.96	349.05	792
1.2	0.1091	11.0003	8472	75.91	273.28	643	83.75	301.49	709	92.83	334.19	786
1.4	0.1378	10.1602	9173	70.28	253.00	645	77.53	279.12	711	85.94	309.40	788

**ESERCIZIO** - Un velivolo a jetto avendo massa  $M = 20000 \text{ kg}$ , superficie alare  $S = 25 \text{ m}^2$  e allungamento  $AR = 6$ , vele a quota  $z = 1000 \text{ m}$  in V.O.R.U. all'indietro di efficienza  $E = 8$  e con velocità  $V = 800 \text{ km/h}$ .

Si richiede:

- 1) L'equazione delle piane secondo Prandtl.
- 2) Tracciamento delle piane sapendo che  $C_{max} = 1.3$ ;
- 3) Tracciamento della curva dell'efficienza in funzione di  $C_L$ .

**SVOLGIMENTO** - Dalle espressioni aerodinamiche di  $L$  e di  $D$  e dalla definizione di efficienza  $E$ , si ha:

$$L = W \rightarrow C_L S \frac{1}{2} \rho V^2 = W \rightarrow C_L = \frac{2 W / S}{\rho V^2} ; \quad E = \frac{C_L}{C_D} \rightarrow C_D = \frac{C_L}{E}$$

$$A \ z = 1000 \text{ m} \rightarrow \rho = 1.117 \text{ kg/m}^3$$

$$W = M \cdot g = 20000 \cdot 9.8 = 196000 \text{ N}$$

$$W/S = 196000 / 25 = 7840 \text{ N/m}^2$$

$$V = 800 \text{ km/h} \equiv 222.2 \text{ m/s}$$

$$C_L = \frac{2 \cdot 7840}{1.117 \cdot 222.2^2} = 0.286 \quad \text{e} \quad C_D = \frac{0.286}{8} = 3.57 \cdot 10^{-2}$$

L'equazione delle polare di Prandtl è:

$$C_D = C_{D_0} + \frac{C_L^2}{\pi A R e} \quad \text{con } e=0.9$$

Sostituendo le copie dei valori noti di  $C_L$  e  $C_{D_0}$ , mi ha:

$$3.57 \cdot 10^{-2} = C_{D_0} + \frac{0.286^2}{\pi \cdot 6 \cdot 0.9} \rightarrow C_{D_0} = 3.57 \cdot 10^{-2} - \frac{0.286^2}{\pi \cdot 6 \cdot 0.9}$$

$$= 3.09 \cdot 10^{-2}$$

Finalmente, l'equazione delle polare di Prandtl è:

$$C_D = 3.09 \cdot 10^{-2} + \frac{C_L^2}{\pi \cdot 6 \cdot 0.9} \rightarrow C_D = 3.09 \cdot 10^{-2} + 5.9 \cdot 10^{-2} C_L^2$$

In forma tabellare è:

Polare		
CL	CD	E
0.1	0.0315	3
0.2	0.0333	6
0.3	0.0362	8
0.4	0.0403	10
0.6	0.0521	12
0.8	0.0687	12
1	0.0899	11
1.1	0.1023	11
1.2	0.1159	10
1.3	0.1306	10

**ESERCIZIO\*** - Un velivolo avendo massa  $M = 4000 \text{ kg}$  e superficie alare  $S = 25 \text{ m}^2$  vola in orizzontale a regime a quota  $z = 2000 \text{ m}$  all'anetto di minima potenza. I coefficienti di portanza e resistenza hanno, in funzione della incidenza, i seguenti valori:

$\alpha^\circ$	-5	0	3	6	9	12
$C_L$	-0.10	0.40	0.66	0.88	1.06	1.14
$C_D$	0.026	0.032	0.044	0.068	0.100	0.140

Determinare la potenza del motore sapendo che l'elica ha un rendimento  $\eta_e = 0.8$ .

**SVOLGIMENTO** - Il voto si compone all'incirca di variazioni potenze, ovvero all'incirca per cui è  $E\sqrt{C}$  max. Per la determinazione di tale parametro si procede con il calcolo tabellare:

$\alpha$	$C$	$C_D$	$\sqrt{C}$	$E$	$E\sqrt{C}$
0°	0.40	0.032	0.6324	12.5	7.905
3°	0.66	0.044	0.8124	15	12.186
6°	0.88	0.068	0.9381	12.94	12.140
9°	1.06	0.100	1.0296	10.6	10.914
12°	1.14	0.140	1.0677	8.143	8.694

I

La polare ha le forme  $C_D = C_0 + \frac{C^2}{\pi AR}$

Dei veleni in tabella, l'intervallo per  $E\sqrt{C}$  deve essere compreso tra i 3° e 6°.

Sotto che:  
 per  $C = 0.66 \rightarrow C_D = 0.044$   
 per  $C = 0.88 \rightarrow C_D = 0.068$

$$\left\{ \begin{array}{l} 0.044 = C_0 + \frac{(0.66)^2}{\pi AR} \\ 0.068 = C_0 + \frac{(0.88)^2}{\pi AR} \end{array} \right. \rightarrow \left\{ \begin{array}{l} 0.044 = C_0 + \frac{0.4356}{\pi AR} \quad (1) \\ 0.068 = C_0 + \frac{0.7744}{\pi AR} \quad (2) \end{array} \right.$$

Moltiplico entrambi i membri della (2) per 0.5625 e ottengo:

$$0.03825 = 0.5625 C_0 + \frac{0.4356}{\pi AR}$$

Sottraggo m. a m. e ottengo:

$$0.00875 = 0.4375 C_0 \rightarrow C_0 = 1.31 \cdot 10^{-2}$$

Ora che:  
 $0.044 = 1.31 \cdot 10^{-2} + \frac{0.4356}{\pi AR}$

Ovvero:

$$\frac{0.044 - 1.31 \cdot 10^{-2}}{0.4356} = \frac{1}{\pi AR} \rightarrow 7.09 \cdot 10^{-2} = \frac{1}{\pi AR}$$

$$\rightarrow 0.223 = \frac{1}{AR} \rightarrow AR = 4.49$$

Finalmente, la pala è:

$$C_D = 1.32 \cdot 10^{-2} + \frac{C^2}{\pi \cdot 648}$$

$$\text{A } E\sqrt{C} |_{\max} \Rightarrow C = \sqrt{3\pi AR C_D} = 0.75$$

$$C_D = 4 C_0 = 4 \cdot (1.31 \cdot 10^{-2}) = 0.052$$

(Questo):

$$E = \frac{C}{C_D} = \frac{0.75}{0.052} = 14.42$$

Ovvvero

$$E\sqrt{C} |_{\max} = 14.42 \sqrt{0.75} |_{\max} = 12.5$$

In aria tipo, a  $z = 2000 \text{ m}$ , è:  $\rho = 1.0075 \text{ kg/m}^3$

Calcolo le velocità di volo:

$$V = \sqrt{\frac{2W(S)}{\rho C}}$$

$$\frac{W}{S} = \frac{10000 \times 9.8}{25} = 1568 \frac{\text{N}}{\text{m}^2}$$

$$V = \sqrt{\frac{2 \times 1568}{1.0075 \times 0.75}} \approx 64 \text{ m/s}$$

La potenza necessaria al volo orizzontale a regime risulta:

$$\begin{aligned} T_{D0} &= T \cdot V = D \cdot V = C_D S \frac{1}{2} \rho V^3 = 0.052 \times 25 \times \frac{1}{2} \times 1.0075 \times 64^3 \\ &= 172 \text{ kW} \end{aligned}$$

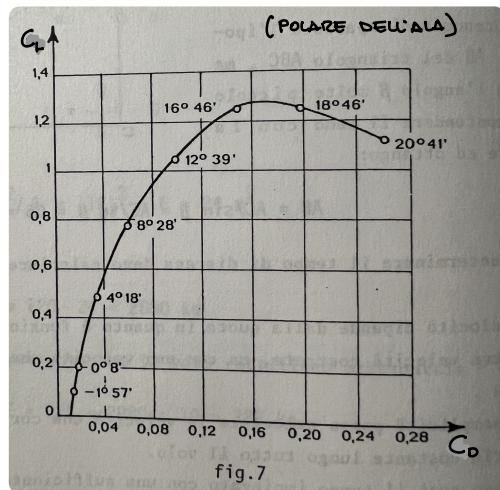
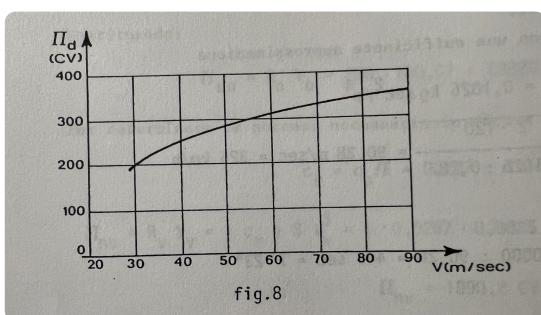
La potenza del motore è uguale alla potenza disponibile (uguale a quella necessaria) divisa per il rendimento:

$$T_{Dm} = T_{D0}/\eta = \frac{172}{0.8} = 215 \text{ kW}$$

**II ESERCIZIO** - Di un aereo è data la curva delle potenze disponibili a quote zero (FIG.8). L'ala montata sull'aereo ha le caratteristiche aerodinamiche reportate nel grafico (FIG.9), allungamento  $A_2=6$  e corda media 1,8 m. La fusoliera ha superficie maestra di  $1,2 \text{ m}^2$  con  $C_D = 0,26$ ; gli impennaggi hanno superficie complessiva di  $2,5 \text{ m}^2$  e coefficiente di resistenza a sollezzamento nullo  $C_{D,i} = 0,008$ . Il caricoolare è  $W/S = 1200 \text{ N/m}^2$ .

Calcolare:

- le velocità minime e le corrispondenti incidenze alare;
- le velocità massime e le corrispondenti incidenze alare.



**SOLUZIONE** - Il calcolo delle velocità minime e delle velocità massime prevede le conoscenze della curva polare del velivolo che è deducibile dai dati forniti dal testo.

#### 1) CALCOLO DELLA SUPERFICIE ALARE

$$A_2 = \frac{b}{c} = \frac{b \cdot c}{c^2} = \frac{S}{c^2} \rightarrow S = A_2 \cdot c^2 = 6 \cdot 1,8^2 = 19,44 \text{ m}^2$$

Si assume (ipotesi normalmente accettabile) che le potenze del velivolo siano dovute esclusivamente all'ala; quindi sono note le curve  $C_L-\alpha$  e  $C_D-\alpha$  in quanto ricavabili dal grafico allegato al testo.

$\alpha$	$-10^\circ 57'$	$0^\circ 8'$	$40^\circ 18'$	$8^\circ 28'$	$12^\circ 39'$	$16^\circ 46'$	$18^\circ 46'$	$20^\circ 41'$
$C_L$	0.1	0.2	0.48	0.78	1.05	1.25	1.25	1.40
$C_D$	0.015	0.018	0.035	0.060	0.100	0.150	0.200	0.260

Per ottenere le curve del  $C_L-\alpha$  del velivolo completo, occorre sommare il contributo delle altre parti. Tale contributo è noto, ma è riferito a differenti superfici.

$$\begin{array}{lll} \text{FUSOLIERA} & C_D f = 0.26 & \text{riferito a } S_f = 1.2 \text{ m}^2 \\ \text{INTERNAZIONI} & C_D i = 0.008 & \text{riferito a } S_i = 2.5 \text{ m}^2 \end{array}$$

Si ricorda tutto allo stesso riferimento, ovvero alle superficie alare:

$$\cdot \text{Fusoliera} \quad C_D f = 0.26 \cdot \frac{1.2}{19.44} = 0.0160$$

$$\cdot \text{Internazionali} \quad C_D i = 0.008 \cdot \frac{2.5}{19.44} = 0.0010$$

Il coefficiente di resistenza dell'intero velivolo è:

$$C_D = C_D a + C_D f + C_D i = C_D a + 0.0160 + 0.0010 = C_D a + 0.017$$

La polare del velivolo completo è riportata nella seguente tabella:

$\alpha$	-1° 57'	0° 8'	4° 18'	8° 28'	12° 39'	16° 46'	18° 46'	20° 41'
$C_L$	0.1	0.2	0.48	0.78	1.05	1.25	1.25	1.40
$C_D$	0.032	0.035	0.052	0.077	0.117	0.167	0.217	0.277

Per poter procedere al calcolo delle velocità si disegna la polare delle potenze necessarie al volo e si riporta a parità di disegno delle potenze disponibili (che è un dato del problema); le intersezioni forniscono le velocità minima e massima.

Per l'equilibrio è  $L = W$ , da cui:

$$V = \sqrt{\frac{2W/S}{\rho C_L}} = \sqrt{\frac{2 \times 1200}{1.225 \times 0.4}} = \sqrt{\frac{1959}{0.4}}$$

La potenza necessaria al volo è:

$$\begin{aligned} \Pi_{\text{ar}} = T \cdot V &= \frac{W}{E} \cdot V = \frac{(W/S) \cdot S}{E} \cdot V = 1200 \cdot 19.44 \times \frac{V}{E} = \\ &= 23,328 \times \frac{V}{E} \quad [\text{esprese in kW}] \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{Ricordiamo che: } E &= \frac{L}{D} = \frac{C_L}{C_D} \\ &= \frac{W}{T} \end{aligned}$$

$C$	$C_D$	$E$	$V$ [m/s]	$\Pi_m$ [kW]	$\Pi_m$ [CV]
0.10	0.032	3.125	139,96	1045	1h 20
0.20	0.085	5.744	98,97	604	549,44
0.48	0.052	9.230	63,88	161	219
0.78	0.077	10.180	50,11	115	156,4
1.05	0.117	8.974	43,19	112	152,32
1.25	0.167	7.485	39,59	160	217,6
1.25	0.217	5.760	39,59	160	217,6
1.10	0.277	3.971	62,20	248	337,28

Il diagramma delle potenze disponibili viene espresse in CV, occorre prima di arrivare a punti il diagramma delle potenze necessarie, convertire punti in CV da kW. E':

$$1 \text{ CV} = 0.736 \text{ kW} \rightarrow 1 \text{ kW} = 1.36 \text{ CV}$$

Dal diagramma delle  $\Pi_d$ , estrapoliamo le tabelle seguenti:

$V$	$\Pi_d$ [CV]
30	199,92
40	250,24
50	289,68
60	310,08
70	330,48
80	350,88

Dalle tabelle delle  $\Pi_m$  si deduce che

$$V_{min} = 39,59 \text{ m/s} = 142,5 \text{ km/h}$$

a cui corrisponde un  $C = 1.25$  e  $C_D = \begin{cases} 0.167 \\ 0.217 \end{cases}$  dunque un

$$\alpha \in [16^\circ 46', 18^\circ 46']$$

$$\text{MEMO: } 16^\circ 46' = 16^\circ + \frac{46}{60} = 16,77^\circ$$

$$18^\circ 46' = 18^\circ + \frac{46}{60} = 18,77^\circ$$

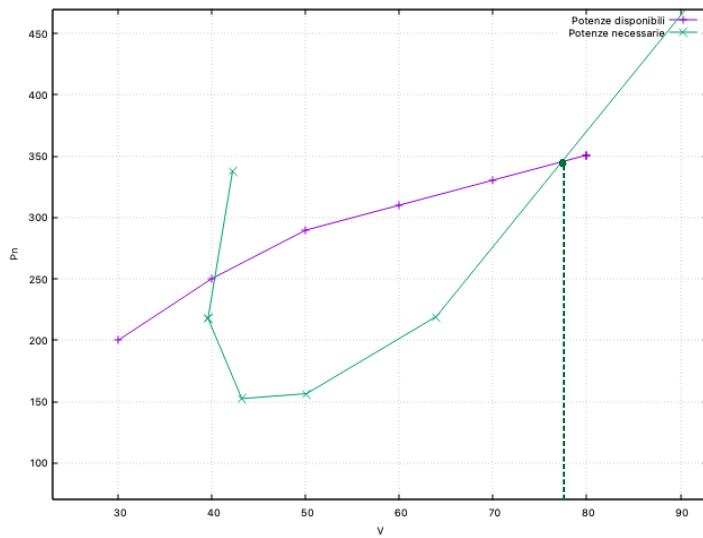
Assumeremo un angolo medio:

$$\alpha = \frac{16,77 + 18,77}{2} = 17,77^\circ = 17^\circ + (0,77^\circ) = 17^\circ 46'$$

$\boxed{*60}$

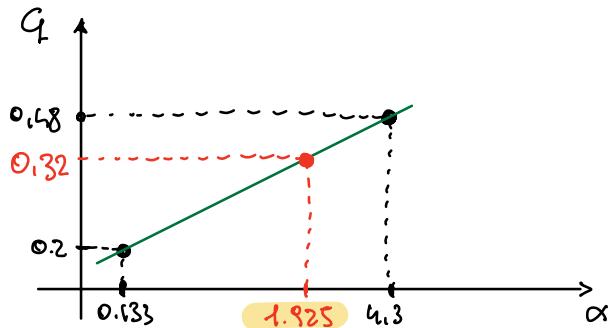
Quindi:  $V_{\min} = 162,5 \text{ km/h} \rightarrow \alpha = 17^\circ 46'$

La velocità massima si trova nel diagramma delle potenze necessarie e disponibili nel p.to di riferimento; si ha:



$$V_{\max} \approx 78 \text{ m/s} = 281 \text{ km/h}$$

A  $V = V_{\max}$ , corrisponde un  $C_p = \frac{g WS}{C_p V^2} = \frac{g \cdot 1200}{1.2252 \cdot (78)^2} = 0.32$



$C_p$	$\alpha$	$\alpha$
0,2	$0^\circ 8'$	0,133
0,32	x	1,925
0,48	$4^\circ 18'$	4,3

$$0^\circ 8' = 0^\circ + \frac{8}{60} = 0,133$$

$$4^\circ 18' = 4^\circ + \frac{18}{60} = 4,3$$

$$\frac{0.32 - 0.2}{0.48 - 0.2} = \frac{\alpha - 0.133}{4,3 - 0,133} \rightarrow \alpha = 1,925^\circ$$

$$1,925^\circ \rightarrow 1^\circ + (0,925)^\circ$$

$$\downarrow 0,925 \times 60 = 55' + 0,56'$$

$$0,56 \times 60 = 33''$$

Ovvvero,  $1,925^\circ \equiv 1^\circ 55' 33''$ .