Gráfok, bejárás

Nincs visszaút

Egy légiközlekedési társaság n város között közlekedtek járatokat. Ismerjük azt, hogy mely városok között van járata a társaságnak. Ha az u városból a v városba van járat, akkor nem biztos, hogy a v városból is van járata az u városba.

Feladat

Ijunk olyan programot, amely kiszámítja azokat a városokat, amelyekbe a társaság járataival el lehet jutni egy kijelölt v városból, de nem lehet visszajutni a v városba a társaság járataival!

Bemenet

A standard bemenet első sora három egész számot tartalmaz, avárosok n számát ($1 \le n \le 200000$), a járatok m számát ($0 \le m \le 1000000$) és a kijelölt v ($1 \le v \le n$) várost. a városokat az $1, \ldots, n$ számokkal azonosítjuk.

Kimenet

A standard kimenet első azon városok k számát tartalmazza, amelyekbe a társaság járataival el lehet jutni a v városból, de nem lehet visszajutni a v városba a társaság járataival! A második sor ezeket a városokat tartalmazza tetszőleges sorrendben, egy-egy szóközzel elválasztva.

Példa

Bemenet	Kimenet
9 14 4	4
1 2	6 7 8 9
2 3	
2 1	(2)
1 6	
3 4	
4 5	
5 3	(1) (3)
5 8	T
6 7	
7 6	
7 8	(6) (5) \blacktriangleleft (4)
8 9	\bigvee \bigvee \bigvee
9 8	I
3 6	
	$(7) \longrightarrow (8) \longrightarrow (9)$

Korlátok

Időlimit: 0.1 mp. Memórilimit: 32 MiB

Pontozás: a tesztesetek 40%-ában n<1000

Megoldás

Tekintsük azt az irányított G=(V,E) gráfot, amelynek pontjai a városok azaz $V=\{1,\ldots,n\}$, és (u,v) akkor és csak akkor él a gráfban, ha a v városból van közvetlen járat az u városba. Jelölje GT a G gráf transzponáltját, tehát azt a gráfot, amelyben $u \to v$ akkor és csak akkor él, ha $v \to u$ él

Gráfok, bejárás

a G gráfban. Jelölje Eler(G, p) a G gráf azon q pontjainak halmazát, amelyekhez van út a p pontból. Tehát a feladat megoldásai azok és csak azok a p pontok, amelyekre teljesül, hogy

```
p \in Eler(G, v) és p \notin Eler(GT, v)
```

Tehát a megoldás lényegi része megadni egy olyan algoritmust, amely előállítja az Eler(G, p) halmazt. Több módszer is ismert ezen probléma megoldására, mi most az alábbi rekurzív algoritmust haználjuk.

```
eljárás Eler(G,p,Elert)
    Elert[p]:=igaz
    ciklus minden olyan q elemre, amelyre (p,q) él a G gráfban
        ha Elert[q]=hamis akkor
        Eler(G,q,Elert)
        elágazás vége
    ciklus vége
eljárás vége
```

Megvalósítás C++ nyelven

```
1 #include <iostream>
 2 #include <vector>
 3 #define maxN 200001
 4 using namespace std;
 5
   typedef vector<int> Graf[];
 6 vector<int> G[maxN];
 7
   vector<int> GT[maxN];
 8
   int n, p0;
 9
10
   void Beolvas(){
11
   //Globális: G,GT,n,p0
12
       int m,p,q;
13
       cin >> n >> m >> p0:
14
       for (int i=0;i<m;i++){</pre>
15
          cin>>p>>q;
16
          G[p].push_back(q);
17
          GT[q].push_back(p);
18
       }
19
   }
   void Eler(Graf G, int p, bool E[]){
20
21
       E[p]=true;
22
       for(int q:G[p])
23
          if(!E[q])
24
             Eler(G,q,E);
25
   }
26
27
   int main(){
28
       Beolvas();
29
       bool E[n+1];
30
       bool ET[n+1];
31
32
       for (int p=1;p<=n;p++){</pre>
33
          E[p]=false;
34
          ET[p]=false;
35
       }
36
```

Gráfok, bejárás

```
37
       Eler(G,p0,E);
38
       Eler(GT,p0,ET);
39
       int k=0;
40
        for(int p=1;p<=n;p++)</pre>
           if(E[p] && !ET[p])
41
42
               k++;
43
       cout << k << endl;</pre>
44
        for(int p=1;p<=n;p++)</pre>
           if(E[p] && !ET[p])
45
                   cout << p << "";
46
47
        cout << endl;</pre>
48
     return 0;
49
     }
```