## Pontificia Universidad Católica de Chile Facultad de Matemáticas 1° Semestre 2019

## Ayudantía 11

## $\begin{array}{c} 16~\mathrm{de~Abril} \\ \mathrm{MAT1106} \text{ - Introducción al Cálculo} \end{array}$

- 1) Demuestre que las siguientes proposiciones son equivalentes:
  - Para todo  $x \in \mathbb{R}$ , existe  $n \in \mathbb{N}$  tal que x < n.
  - Para todo x > 0, existe  $n \in \mathbb{N}$  tal que  $\frac{1}{n} < x$ .
  - $\bullet$  Para todo  $\epsilon>0,$  existe un  $n\in\mathbb{N}$  tal que  $n\epsilon>1.$
- 2) Pruebe que para todos  $x, y \in \mathbb{R}$ , existe un  $n \in \mathbb{N}$  tal que xn > y.
- 3) Pruebe que no existe un  $x \in \mathbb{R}$  tal que y < x para todo y > 0.
- 4) Pruebe que  $n^k$  no tiene cota superior, para todo  $k \in \mathbb{N}$ .