Pontificia Universidad Católica de Chile Facultad de Matemáticas 2° semestre 2020

## Ayudantía 07

09 de Octubre MAT2225 - Teoría de Números

- 1) Sea  $p \geq 3$  primo. Muestre que 4 no es raíz primitiva módulo p.
- 2) Encuentre una raíz primitiva módulo 343.
- 3) Muestre que si  $p \geq 3$  es primo y g, g' son raíces primitivas módulo p, entonces gg' no es una raíz primitiva módulo p.
- 4) Suponga que existe una raíz primitiva módulo n. Pruebe que existen exactamente  $\varphi(\varphi(n))$  raíces primitivas módulo n.
- 5) Determine cuantas soluciones tienen las siguientes ecuaciones:
  - a)  $x^{12} \equiv_{17} 16$ .
  - b)  $x^{20} \equiv_{17} 13$ .

Bonus: TBD