Material Suplementar

Programação Paralela e Distribuída - Parte 1

Gabriel P. Silva

Programação Paralela e Distribuída

com MPI, OpenMP e OpenACC para computação de alto desempenho





GABRIEL P. SILVA CALEBE P. BIANCHINI EVALDO B. COSTA Os códigos fontes utilizados neste material estão disponíveis em:

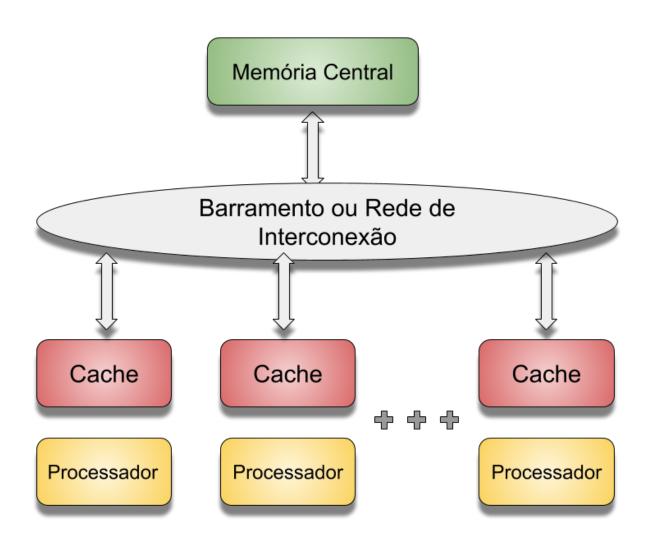
https://github.com/Programacao-Paralela-e-Distribuida/MPI

Modelos de Programação

Memória Compartilhada

- Todos os processos/threads compartilham uma memória global comum, como consequência, toda comunicação entre as tarefas é feita através de variáveis na memória.
- Mecanismos de sincronização, como semáforos ou regiões críticas, são utilizados para evitar conflitos e garantir a correta ordenação de acesso à memória compartilhada.
- Como o acesso à memória compartilhada pode ser limitado, problemas de escalabilidade podem surgir com o aumento do número de processadores.
- As bibliotecas de programação mais utilizadas: OpenMP, pthreads.

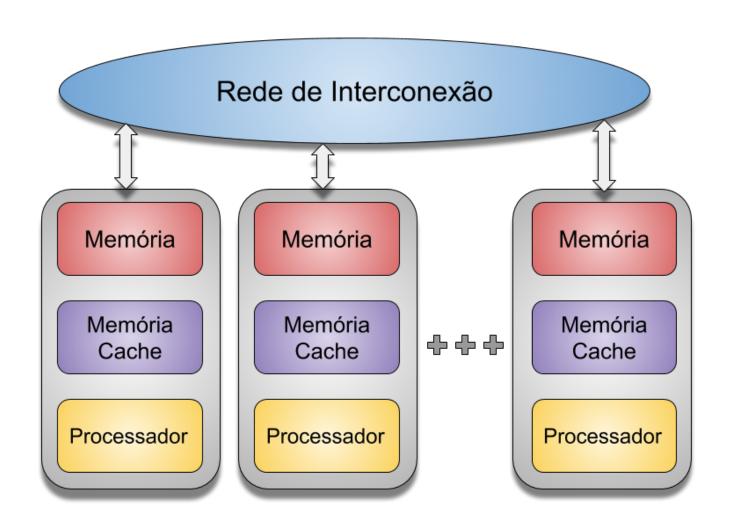
Memória Compartilhada



Memória Distribuída

- Os processos/threads não dispõem de um espaço de memória em comum para operações de comunicação ou sincronização, sendo que essas operações são feita por meio de troca de mensagens.
- Os processos dependem de uma rede de interconexão e de uma biblioteca de comunicação, como PVM e MPI, para realizar o envio e recebimento de mensagens.
- A programação paralela por troca de mensagens é altamente escalável, o que significa que é possível adicionar mais processadores para aumentar o desempenho da aplicação.

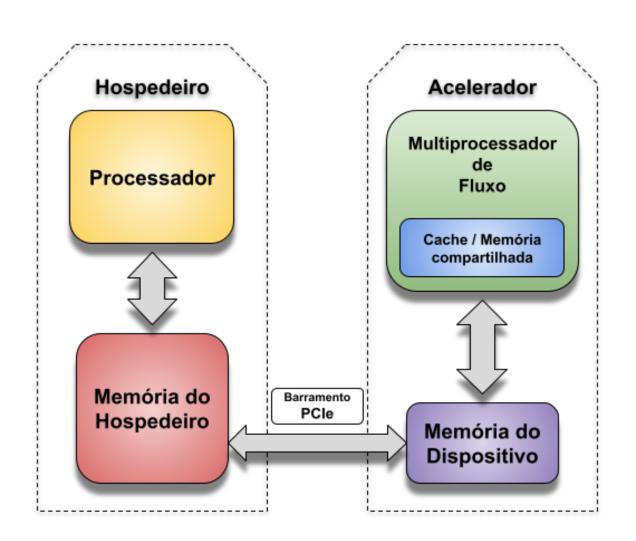
Memória Distribuída



Aceleradores

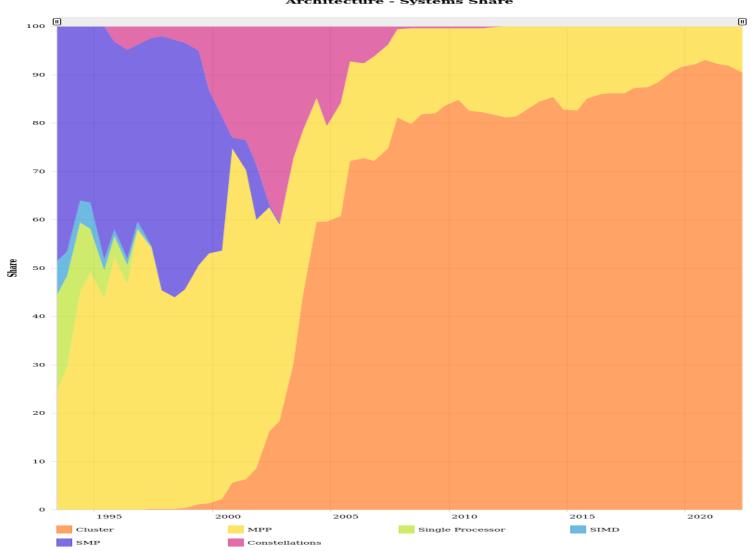
- Os laços de computação mais intensiva são transferidos e executados no aceleradores.
- Existem memórias separadas para o hospedeiro e o acelerador.
- A sincronização é feita com rotinas especiais dependentes da biblioteca utilizada.
- As bibliotecas mais comuns são OpenACC, OpenMP, CUDA e OpenCL.
- A programação com CUDA pode ser bem difícil.
- Exemplo de acelerador: https://www.amd.com/en/graphics/instinct-serveraccelerators

Aceleradores

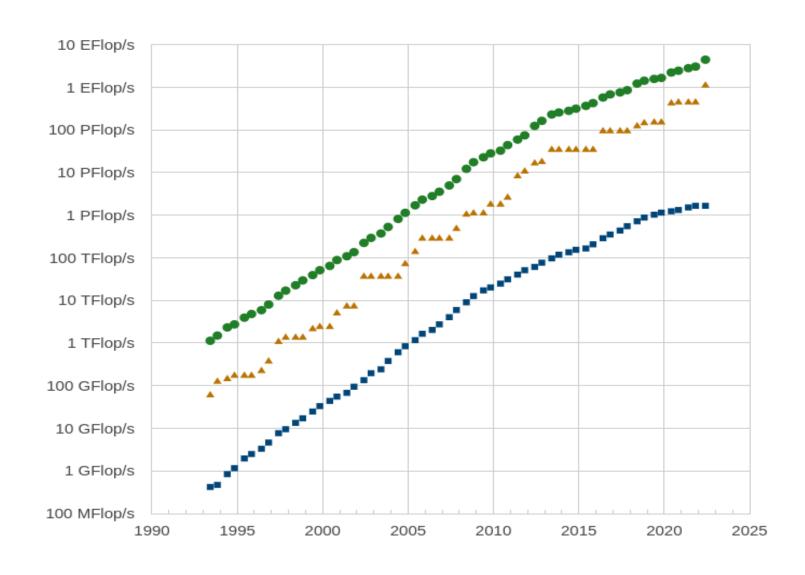


http://www.top500.org





http://www.top500.org



Método de Barnes-Hut

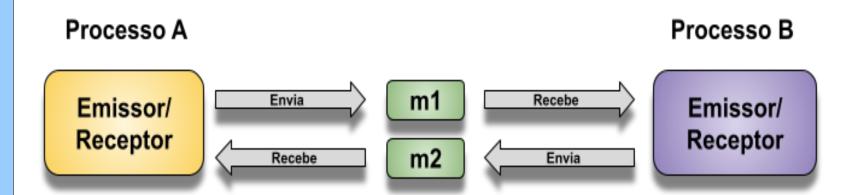
https://www.youtube.com/watch?v=D-0GaBQ494E

Conceitos Básicos

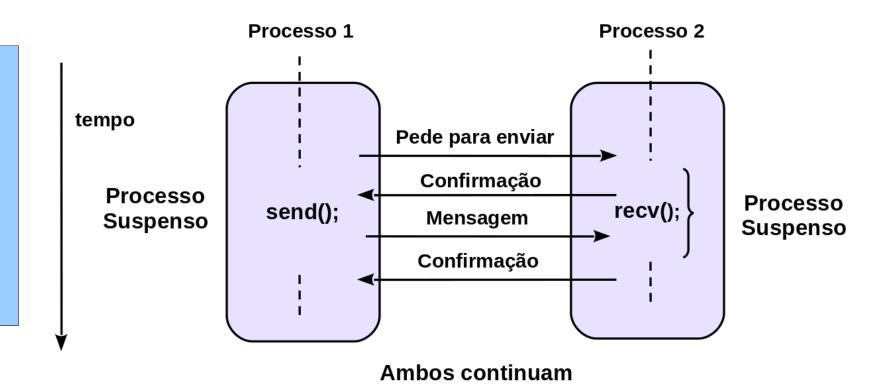
Troca de Mensagens

- As tarefas são mapeadas em processos, cada um com sua memória privada, que podem ser criados de forma estática ou dinâmica.
- Os processos são mapeados para processadores interligados por uma rede de comunicação, como Ethernet ou Infiniband.
- A comunicação entre os processos é feita através do envio explícito de mensagens, com os dados e informações necessárias para as tarefas sejam executadas por cada processo.
- A sincronização entre as tarefas pode ser feita de forma implícita pela troca de mensagens ou por operações coletivas de sincronização, tais como as barreiras.

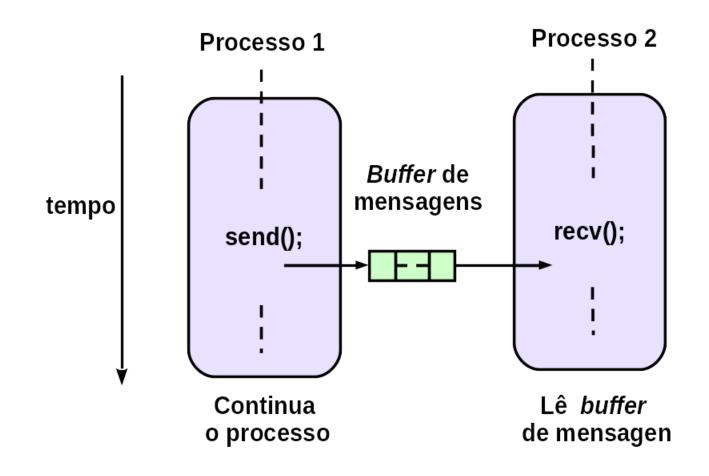
Troca de Mensagens



Comunicação Síncrona



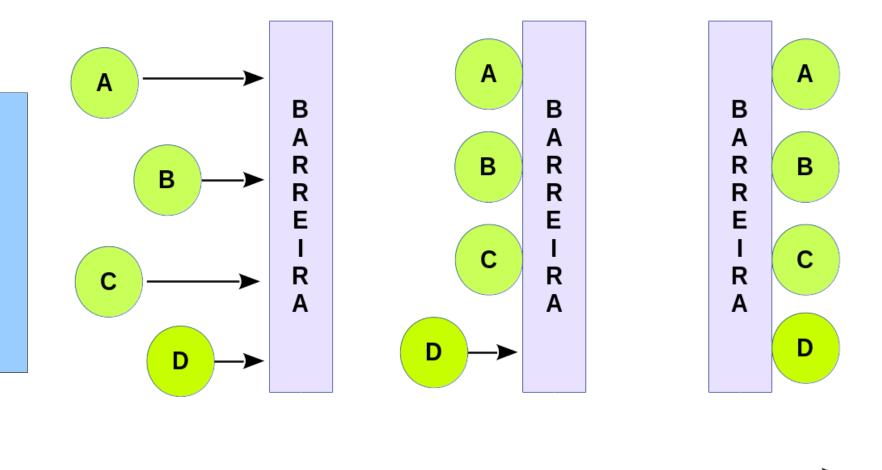
Comunicação Assíncrona



Síncrona vs. Assíncrona

- O modo de comunicação síncrono é simples e seguro, permite a sincronização entre processos, contudo elimina a possibilidade de haver superposição entre o processamento da aplicação e a transmissão das mensagens, diminuindo as possibilidades de exploração de paralelismo.
- O modo de comunicação assíncrono é o que permite maior superposição no tempo entre o processamento da aplicação e a transmissão das mensagens, permitindo maior paralelismo, mas elimina a possibilidade de sincronização entre processos com uso das rotinas de comunicação ponto-a-ponto.

Barreira



Medidas de Desempenho

• Speed-up (Aceleração):

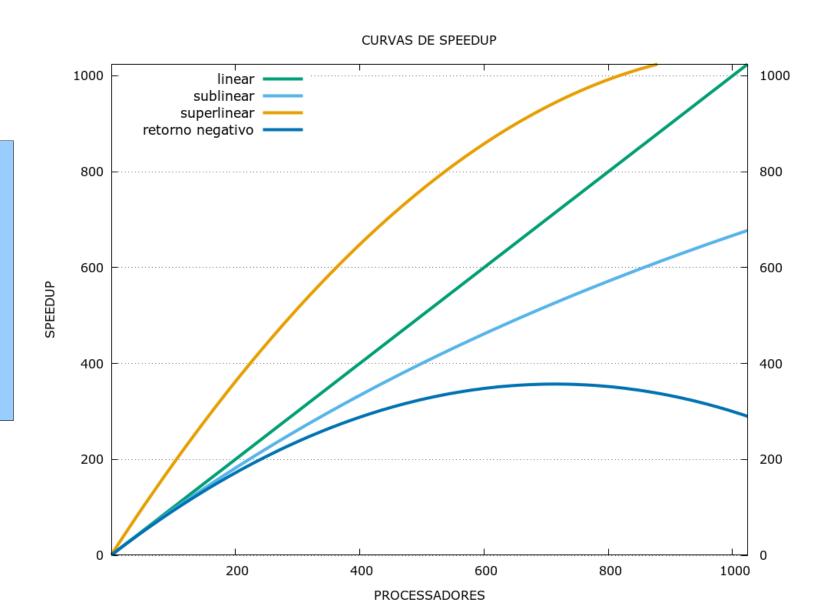
Mede a razão entre o tempo gasto para execução de um algoritmo ou aplicação em um único processador e o tempo gasto na execução com *n* processadores:

$$S(n) = T(1)/T(n)$$

• Eficiência:

$$E(n) = S(n)/n$$

Curvas de Speed-up



Criação de um Programa Paralelo

- A criação de um programa paralelo pode ser feita de diversas maneiras, não há uma receita única para essa criação.
- A divisão do problema vai ser feita em processos ou threads que irão trabalhar de forma cooperativa para a resolução do problema.
- O particionamento das tarefas depende do modelo de programação adotado (troca de mensagens ou memória compartilhada) e da eficiência com que as primitivas de comunicação e sincronização desse modelo são suportadas pelo sistema onde o programa será executado.

Criação de um Programa Paralelo

- As tarefas de comunicação e sincronização não podem ser mais complexas que as tarefas de computação. Se isto ocorrer, a execução em paralelo certamente será mais ineficiente do que a seqüencial.
- Uma vez determinada a forma de particionamento das tarefas, os processos e *threads* devem ser mapeados para os processadores reais que existam no sistema.
- Para que isto seja feito de uma maneira eficiente, devese explorar a localidade da rede de interconexão, mantendo os processos relacionados alocados ao mesmo processador ou em processadores "próximos" entre si.

Dicas de Programação Paralela

- O particionamento das tarefas deve ter como objetivo a redução da serialização no acesso aos recursos compartilhados, e aumentar a sobreposição do processamento com a comunicação, para maximizar o desempenho dos programas paralelos.
- Deve-se evitar ao máximo que os dados sejam movidos de um lado para outro, seja na memória do mesmo computador ou entre computadores diferentes,e criar formas inteligentes para acesso aos dados compartilhados.
- Se em algum momento na execução do seu programa paralelo houver uma parcela muito grande de processadores ociosos, então certamente você não fez uma boa distribuição dessas tarefas.

MPI

Características do MPI

- É um padrão de troca de mensagens portátil que facilita o desenvolvimento de aplicações paralelas.
- Usa o paradigma de programação paralela por troca de mensagens e pode ser usado tanto em clusters como em sistemas de memória compartilhada.
- É uma biblioteca de funções utilizável com programas escritos em C, C++ ou Fortran.
- O MPI foi fortemente influenciado pelo trabalho no IBM T. J. Watson Research Center, Intel's NX/2, Express, nCUBE's Vertex e PARMACS. Outras contribuições importantes vieram do Zipcode, Chimp, PVM, Chameleon e PICL.

Características do MPI

- Suporte para comunicação entre processos ponto a ponto ou coletiva.
- Suporte para vários modelos de comunicação, incluindo comunicação síncrona e assíncrona.
- Suporte para vários tipos de topologias de rede virtuais, incluindo anel, árvore e malha.
- Suporte para tipos de dados básicos e estruturados.
- Suporte para operações de comunicação coletiva como difusão, redução e dispersão.
- Portabilidade entre diferentes arquiteturas de computação paralela e sistemas operacionais.

Características do MPI

- O MPI pode ser combinado com outros modelos de programação.
- Assim, podemos combinar MPI com OpenMP, que apresenta vantagens em alguns casos, como por exemplo:
 - Códigos com escalabilidade MPI limitada, quer seja pelo algoritmo ou pelas rotinas de comunicação coletiva utilizadas.
 - Códigos limitado pelo tamanho de memória, tendo muitos dados replicados em cada processo MPI.
 - Códigos com problemas de desempenho pela ineficiência da implementação da comunicação intra-nó em MPI.
- O MPI também pode ser combinado com OpenACC ou CUDA para uso de aceleradores.

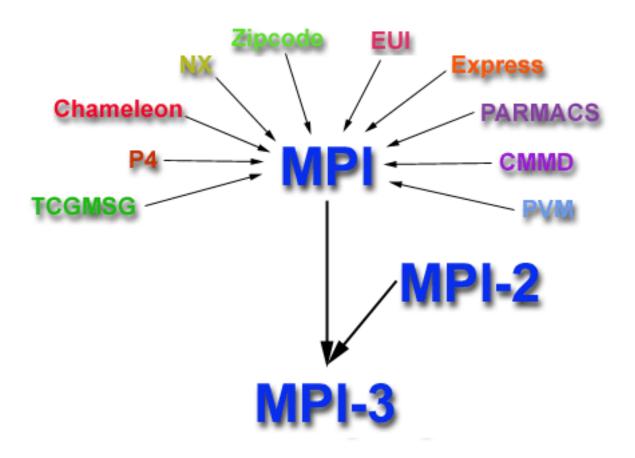
Linguagens Suportadas

- C, C++ e Fortran: O MPI foi originalmente desenvolvido para ser usado com o C, C++ e Fortran.
- Python: Existem várias bibliotecas MPI para Python, como mpi4py e pyMPI, que permitem que os programas Python se comuniquem usando MPI.
- Java: Existe uma biblioteca MPI para Java chamada MPJ Express, que permite que os programas Java se comuniquem usando MPI.
- Outras linguagens: Além das linguagens mencionadas acima, também existem bibliotecas MPI para outras linguagens como Perl, Ruby, Lua, entre outras.

Histórico de Versões do MPI

- MPI-1.1: primeira versão funcional lançada em 1998.
- MP1-1.3: documento final que consolida a versão 1.0 do MPI, lançada apenas em 2008.
- MPI-2.1: lançada oficialmente em 2008 como um livro com diversos exemplos e orientações para os usuários.
- MPI-2.2: lançada em 2009. A última versão desta série.
- MPI-3.1: a versão final do padrão 3.0, foi lançada em 2015.
- MPI 4.0: a versão mais recente do padrão foi lançada em 2021.
- Todas as versões estão disponíveis em https://www.mpi-forum.org/docs/

Histórico



https://www.mpi-forum.org/docs/mpi-4.0/mpi40-report.pdf

Objetivos

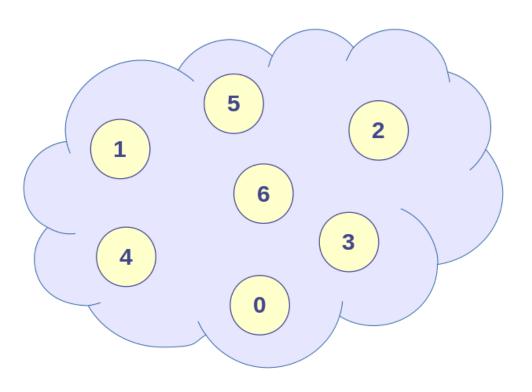
- Um dos objetivos do MPI é oferecer possibilidade de uma implementação eficiente da comunicação:
 - Evitando cópias de memória para memória.
 - Permitindo superposição de comunicação e computação.
- Permitir implementações em ambientes heterogêneos.
- Supõe-se que a interface de comunicação é confiável:
 - Falhas de comunicação devem ser tratadas pelo subsistema de comunicação da plataforma.

Comunicadores

- A biblioteca MPI trabalha com o conceito de comunicadores para definir o universo de processos envolvidos em uma operação de comunicação, através dos atributos de grupo e contexto:
 - Dois processos que pertencem a um mesmo grupo e usando um mesmo contexto podem se comunicar diretamente.
 - O comunicador padrão recebe o nome de MPI_COMM_WORLD e contém todos os processos que iniciados na execução de um programa.
 - Cada processo possui um identificador único chamado de ranque, que vai de 0 até P-1, onde P é o número de processos em um comunicador.

Comunicadores

Comunicador



Iniciando o MPI

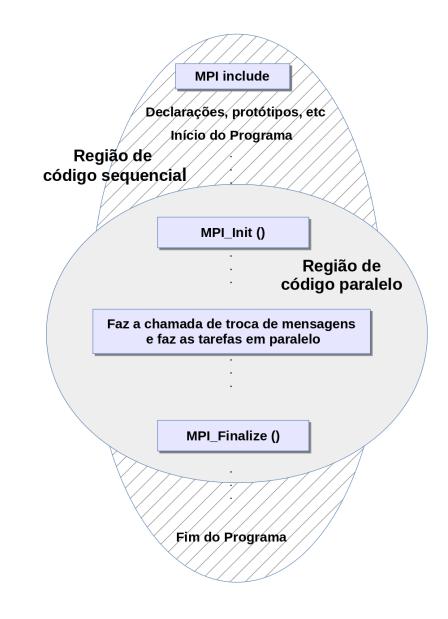
 Todo programa em MPI deve conter a seguinte diretiva para o pré-processador:

#include "mpi.h"

- Este arquivo, mpi.h, contém as definições, macros e funções de protótipos de funções necessários para a compilação de um programa MPI.
- Antes de qualquer outra função MPI ser chamada, a função MPI_Init deve ser chamada pelo menos uma vez.
- Seus argumentos são os ponteiros para os parâmetros do programa principal, argc e argv.

Iniciando o MPI

- Esta função permite que o sistema realize as operações de preparação necessárias para que a biblioteca MPI seja utilizada.
- Ao término do programa a função MPI_Finalize deve ser chamada.
- Esta função limpa qualquer pendência deixada pelo MPI, p. ex, recepções pendentes que nunca foram completadas.
- Tipicamente, um programa em MPI deve ter o seguinte leiaute:



Iniciando o MPI

```
#include "mpi.h"
main(int argc, char** argv) {
/* Nenhuma função MPI pode ser chamada antes deste ponto */
MPI_Init(&argc, &argv);
MPI_Finalize();
/* Nenhuma função MPI pode ser chamada depois deste ponto*/
/* main */
```

Funções Básicas

- Em algumas situações pode ser necessário verificar se as funções MPI_Init e MPI_ Finalize já foram chamadas.
- A rotina MPI_Initialized indica se a função MPI_Init foi chamada, retornando um valor lógico verdadeiro (1) ou falso (0).
- A rotina MPI_Finalized indica se a função MPI_Finalize foi chamada.

```
int MPI_Initialized (int *flag)
```

int MPI_Finalized (int *flag)

Funções Básicas

```
#include "mpi.h"
int main(int argc, char *argv[]) {
int iniciado, finalizado;
MPI_Initialized(&iniciado);
if (!iniciado)
  MPI Init(&argc, &argv);
/* Realiza o trabalho em paralelo */
/* Quando o programa está para terminar */
MPI Finalized(&finalizado);
if (!finalizado)
  MPI_Finalize();
return(0); }
```

Quem sou eu?

- O MPI tem a função MPI_Comm_Rank que retorna o ranque de um processo no seu segundo argumento.
- Sua sintaxe é:

```
int MPI_Comm_Rank(MPI_Comm com, int *ranque)
```

- O primeiro argumento é um comunicador. Essencialmente um comunicador é uma coleção de processos que podem enviar mensagens entre si.
- Para os programas básicos, o único comunicador necessário é MPI_COMM_WORLD, que é pré-definido no MPI e consiste de todos os processos executando quando a execução do programa começa.

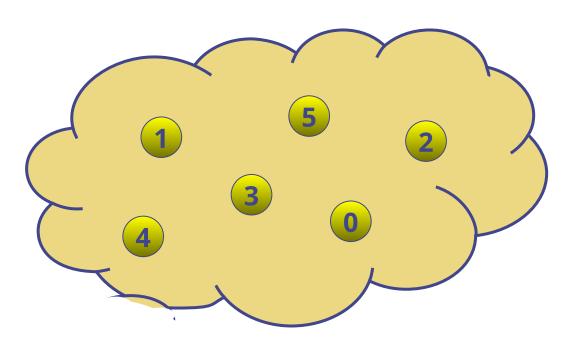
Quantos processos existem?

- Muitas construções em nossos programas também dependem do número de processos executando o programa.
- O MPI oferece a função MPI_Comm_size para determinar este valor.
- Essa função retorna o número de processos em um comunicador no seu segundo argumento.
- Sua sintaxe é:

int MPI_Comm_size(MPI_Comm com, int *num_procs)

Ranque de um Processo

MPI_COMM_WORLD



Funções Básicas

Abortando um programa:

```
int MPI_Abort(MPI_Comm com, int erro)
```

Identificando a versão do MPI:

```
int MPI_Get_version(int *versao, int *subversao)
```

Recuperando o nome do computador:

```
int MPI_Get_processor_name (char *nome, int
*comprimento)
```

Medindo o tempo de execução

- A função MPI_Wtime retorna (em precisão dupla) o tempo total em segundos decorrido desde um instante determinado no passado.
- Esse instante é dependente de implementação, mas deve sempre o mesmo para uma dada implementação.
- A função MPI_Wtick retorna (em precisão dupla) a resolução em segundos da função MPI_Wtime.
- Um exemplo de uso dessas funções pode ser visto a seguir.

Funções Básicas

```
#include "mpi.h"
#include <stdio.h>
int main(int argc, char *argv[ ]) {    /* mpi_wtime.c */
double tempo_inicial, tempo_final, a;
tempo_inicial = MPI_Wtime();
/* Realiza o trabalho em paralelo */
    for (long int i = 0; i < 100000000000; i++) {
    a = (double) i;
tempo_final = MPI_Wtime();
printf("Foram gastos %3.6f segundos para calcular a =
  %3.0f com precisão de %3.3e segundos\n", tempo_final-
  tempo_inicial, a, MPI_Wtick ());
return(0);
}
```

Exemplo do Uso de Funções

```
#include <stdio.h>
#include "mpi.h"
int main(int argc, char *argv[]) {     /* mpi_funcoes.c */
int meu_ranque, num_procs;
int versao, subversao, aux, ret;
char maquina[MPI_MAX_PROCESSOR_NAME];
    /* Inicia o MPI. Em caso de erro aborta o programa */
    ret = MPI_Init(&argc, &argv);
    if (ret != MPI_SUCCESS) {
        printf("Erro ao iniciar o programa MPI. Abortando.\
  n");
        MPI_Abort(MPI_COMM_WORLD, ret);
```

Exemplo do Uso de Funções

```
/* Imprime a versão e subversão da biblioteca MPI */
 MPI_Get_version(&versao, &subversao);
 printf("Versão do MPI = %d Subversão = %d \n", versao,
subversao);
 /* Obtém o ranque e número de processos em execução */
 MPI_Comm_size(MPI_COMM_WORLD, &num_procs);
 MPI_Comm_rank(MPI_COMM_WORLD, &meu_ranque);
 /* Define o nome do computador onde o processo está
executando */
 MPI_Get_processor_name(maquina, &aux);
 printf("Número de tarefas = %d Meu ranque = %d
Executando em %s\n", num_procs, meu_ranque, maquina);
 /* Finaliza o MPI */
 MPI_Finalize();
 return(0);
```

Exemplo do Uso de Funções

https://github.com/gpsilva2003/MPI/mpi_funcoes.c

Mensagem MPI

- Mensagem = Dados + Envelope
- Para que a mensagem seja comunicada com sucesso, o sistema deve anexar alguma informação aos dados que o programa de aplicação deseja transmitir.
- Essa informação adicional forma o envelope da mensagem, que no MPI contém a seguinte informação:
 - O ranque do processo origem.
 - O ranque do processo destino.
 - Uma etiqueta especificando o tipo da mensagem.
 - Um comunicador definindo o domínio de comunicação.

Preservação da Ordem das Mensagens

Comunicador 5 2 4 B B

- As mensagens n\u00e3o ultrapassam umas \u00e0s outras.
- Por exemplo, se o processo com ranque 0 enviar duas mensagens sucessivas A e B, e o processo com ranque 2 chamar duas rotinas de recepção que combinam com qualquer uma das mensagens, a ordem das mensagens é preservada, sendo que A será sempre recebida antes de B.

- Quando dois processos estão se comunicando utilizando MPI_Send e MPI_Recv, a importância do uso do comunicador aumenta quando módulos de um programa foram escritos independentemente um do outro.
- Por exemplo, se você quiser utilizar uma biblioteca para resolver um sistema de equações lineares, você pode criar um comunicador para ser utilizado exclusivamente pelo solucionador linear e evitar que suas mensagens seja confundidas com outro programa que utilize as mesmas etiquetas.

- Vamos utilizar por enquanto o comunicador pré-definido MPI_COMM_WORLD.
- Ele é composto por todos os processos ativos desde que a execução do programa iniciou.
- O mecanismo real de troca de mensagens em nossos programas é executado no MPI pelas funções MPI Send e MPI Recv.
- A primeira envia a mensagem para um determinado processo e a segunda recebe a mensagem de um processo.
- Ambas são bloqueantes. O envio bloqueante espera até que todos os dados tenham sido copiados dos buffers de envio. A recepção bloqueante espera até que o buffer de recepção contenha a mensagem.

Correspondência entre os tipos MPI e C:

MPI datatype

MPI CHAR

MPI_SHORT

MPI_INT

MPI LONG

MPI UNSIGNED CHAR

MPI UNSIGNED SHORT

MPI_UNSIGNED

MPI UNSIGNED LONG

MPI FLOAT

MPI DOUBLE

MPI_LONG DOUBLE

MPI BYTE

MPI PACKED

C datatype

signed char

signed short int

signed int

signed long int

unsigned char

unsigned short int

unsigned int

unsigned long int

float

double

long double

- Os dois últimos tipos, MPI_BYTE e MPI_PACKED não correspondem ao tipos padrão em C.
- O tipo MPI_BYTE pode ser usado se você desejar não realizar nenhuma conversão entre tipos de dados diferentes.
- O tipo MPI_PACKED será discutido posteriormente.
- Note que a quantidade de espaço alocado pelo buffer de recepção não precisa ser igual a quantidade de espaço na mensagem recebida.
- O MPI permite que uma mensagem seja recebida enquanto houver espaço suficiente alocado.

MPI_Send

int MPI_Send(void* mensagem, int cont, MPI_Datatype tipo_mpi, int destino, int etiq, MPI_Comm com)

- *mensagem*: endereço inicial do dado a ser enviado.
- cont: número de dados.
- tipo_mpi: MPI_CHAR, MPI_INT, MPI_FLOAT, MPI_BYTE, MPI_LONG, MPI_UNSIGNED_CHAR, etc.
- destino: ranque do processo destino.
- *etiq*: etiqueta da mensagem.
- com: comunicador que especifica o contexto da comunicação e os processos participantes do grupo. O comunicador padrão é MPI_COMM_WORLD.

- A maioria das funções MPI retorna um código de erro inteiro.
- Contudo, como a maioria dos programadores em C, nós vamos ignorar este código a maior parte das vezes.
- O conteúdo das mensagens são armazenados em um bloco de memória referenciado pelo argumento messagem.
- Os próximos dois argumentos, *cont* e *tipo_mpi* permitem ao sistema identificar o final da mensagem: eles contêm uma sequência de valores de contagem, cada um contendo um tipo de dados MPI.

MPI_Recv

int MPI_Recv(void* mensagem, int cont, MPI_Datatype tipo_mpi, int origem, int etiq, MPI_Comm com, MPI_Status* estado)

- mensagem: Endereço inicial do buffer de recepção
- cont: Número máximo de dados a serem recebidos
- *tipo_mpi*: MPI_CHAR, MPI_INT, MPI_FLOAT, MPI_BYTE, MPI_LONG, MPI_UNSIGNED_CHAR, etc.
- origem: ranque do processo origem (* = MPI_ANY_SOURCE)
- etiq: etiqueta da mensagem (* = MPI_ANY_TAG)
- *com*: comunicador
- estado: Estrutura com três campos: MPI_SOURCE, MPI_TAG, MPI_ERROR.

Programa Simples em MPI

https://github.com/gpsilva2003/MPI/mpi_simples.c

Programa Simples em MPI

```
#include <stdio.h>
#include <string.h>
#include "mpi.h"
main(int argc, char** argv) {
  int
       meu ranque, num procs, origem, destino, etiq=0;
  char mensagem[100];
  MPI Status estado;
  MPI Init(&argc, &argv);
  MPI Comm rank(MPI COMM WORLD, &meu rangue);
  MPI_Comm_size(MPI_COMM_WORLD,&num_procs);
```

Programa Simples em MPI

```
if (meu_ranque != 0) {
  sprintf(msg, "Processo %d está vivo!", meu ranque);
  destino = 0;
  MPI_Send(mensagem, strlen(mensagem)+1, MPI_CHAR, destino, etiq,
  MPI COMM WORLD);
else {
  for (origem=1; origem < num_procs; origem++) {
    MPI Recv(mensagem, 100, MPI_CHAR, origem, etiq,
  MPI COMM WORLD, &estado);
    printf("%s\n", mensagem);
MPI Finalize(); }
```

- Os argumentos destino e origem são, respectivamente, o ranque dos processos de recepção e de envio.
- O MPI permite que *origem* seja um coringa (*), neste caso usamos MPI_ANY_SOURCE neste parâmetro.
- Não há coringa para o destino.
- O etiq é um inteiro e, por enquanto,
 MPI_COMM_WORLD é nosso único comunicador.
- Existe um coringa, MPI_ANY_TAG, que MPI_Recv pode usar como etiqueta.
- Não existe coringa para o comunicador.

- Esses itens podem ser usados pelo receptor para distinguir entre as mensagens entrantes.
- O argumento *origem* pode ser usado para distinguir mensagens recebidas de diferentes processos.
- O *etiq* é especificado pelo usuário para distinguir mensagens de um único processo.
- O MPI garante que inteiros entre 0 e 32767 possam ser usados como *etiquetas*. Muitas implementações permitem valores maiores.
- Um comunicador é basicamente uma coleção de processos que podem enviar mensagens uns para os outros.

- Em outras palavras, para que o processo A possa enviar uma mensagem para o processo B; os argumentos que A usa em MPI_Send devem ser idênticos ao que B usa em MPI_Recv.
- O último argumento de MPI_Recv, estado, retorna a informação sobre os dados realmente recebidos.
- Este argumento referencia um registro com dois campos: um para *origem* e outro para *etiq*.
- Então, por exemplo, se a origem da recepção era MPI_ANY_SOURCE, então o estado irá conter o ranque do processo que enviou a mensagem.

Utilizando o "Handle Status"

 Informação sobre a recepção com o uso de coringa é retornada pela função MPI_Recv no "handle status".

Informação	C
remetente	status.MPI_SOURCE
etiqueta	status.MPI_TAG
erro	status.MPI_ERROR

 Para saber o total de elementos recebidos utilize a rotina:

int MPI_Get_count(MPI_Status *status,
MPI_Datatype datatype, int *count)

Exemplo de Uso do Status

https://github.com/gpsilva2003/MPI/mpi_status.c

Verificando as mensagens recebidas

- Agora que já vimos como o objeto MPI_Status funciona, podemos utilizá-lo junto com a rotina MPI_Probe para determinar o tamanho de uma mensagem antes de efetivamente recebê-la.
- Isso nos permite dimensionar a variável de recepção adequadamente, ao invés de reservar um espaço exageradamente grande, para todos os possíveis tamanhos de mensagem.
- A função MPI_Probe tem grande utilidade em aplicações do tipo mestre/trabalhador onde há grande troca de mensagens de tamanho variável.

MPI_Probe

int MPI_Probe(int origem, int etiq, MPI_Comm com, MPI_Status* estado)

- A função MPI_Probe é muito parecida com a função MPI_Recv.
- Em realidade, a primeira realiza as mesmas funções que a segunda, menos receber a mensagem.
- A função MPI_Probe irá bloquear esperando por uma mensagem com a origem e etiqueta correspondentes.
 Quando a mensagem estiver disponível, ela irá preencher a estrutura estado com a informação apropriada.
- O usuário pode então utilizar a função MPI_Recv para receber a mensagem verdadeira.

Exemplo do Uso MPI_Probe

https://github.com/gpsilva2003/MPI/mpi_probe.c

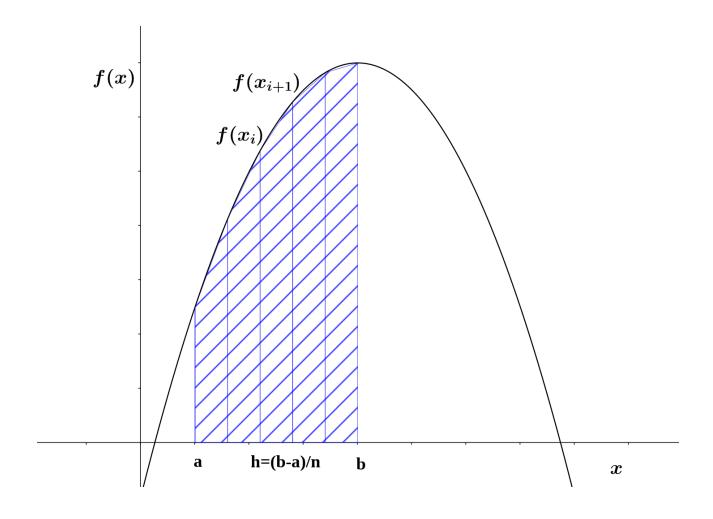
Estudo de Caso – Integral definida método trapézio

 Vamos lembrar que o método do trapézio estima o valor de f(x) dividindo o intervalo [a; b] em n segmentos iguais e calculando a seguinte soma:

$$h * \left[\frac{f(x_o)}{2} + \frac{f(x_n)}{2} + \sum_{i=1}^{n-1} f(x_i)\right]$$
 (3.1)

$$h = \frac{(b-a)}{n} \mathbf{e} \ x_i = a + i * h, i = 1, ..., (n-1)$$

• Colocando f(x) em uma rotina, podemos escrever um programa para calcular uma integral utilizando o método do trapézio.



```
/* A função f(x) é pré-definida.
* Entrada: a, b, n.
* Saída: estimativa da integral de a até b de f(x).
*/
#include <stdio.h>
float f(float x) {
float return val;
/* Calcula f(x). Armazena resultado em return val. */
return return val;
} /* f */
main() {
float integral; /* Armazena resultado em integral */
float a, b; /* Limite esquerdo e direito */
int n; /* Número de Trapezóides */
float h; /* Largura da base do Trapezóide */
```

```
float x;
int i;
   printf("Entre a, b, e n n');
  scanf("%f %f %d", &a, &b, &n);
  h = (b-a)/n;
  integral = (f(a) + f(b))/2.0;
  x = a;
  for (i = 1; i != n-1; i++)
    x += h;
    integral += f(x);
  integral *= h;
   printf("Com n = %d trapezóides, a estimativa n", n);
   printf("da integral de %f até %f = %f \n", a, b, integral);
} /* main */
```

- Uma forma de paralelizar este programa é simplesmente dividir o intervalo [a;b] entre os processos e cada processo pode fazer a estimativa do valor da integral de f(x) em seu subintervalo.
- Para calcular o valor total da integral, os valores calculados localmente são adicionados.
- Suponha que há "p" processos e "n" trapézios e, de modo a simplificar a discussão, também supomos que "n" é divisível por "p".
- Então é natural que o primeiro processo calcule a área dos primeiros "n/p" trapézios, o segundo processo calcule a área dos próximos "n/p" e assim por diante.

Então, o processo q irá estimar a integral sobre o intervalo:

$$[a+q\frac{nh}{p},a+(q+1)\frac{nh}{p}]$$

- Logo cada processo precisa da seguinte informação:
 - O número de processos, p.
 - Seu ranque.
 - O intervalo inteiro de integração, [a; b].
 - O número de subintervalos, n.

• Lembre-se que os dois primeiros itens podem ser encontrados chamando as funções MPI:

```
MPI_Comm_size MPI Comm rank
```

- Os dois últimos itens podem ser fornecidos pelo usuário.
- Para a nossa primeira tentativa de paralelização, vamos dar valores fixos atribuídos no programa.
- Uma maneira direta de calcular a soma de todos os valores locais é fazer cada processo enviar o seu resultado para o processo 0 e este processo fazer a soma final.

Exemplo do método trapézio

https://github.com/gpsilva2003/MPI/mpi_trapezio.c

Medidas de Desempenho

• Speed-up (Aceleração):

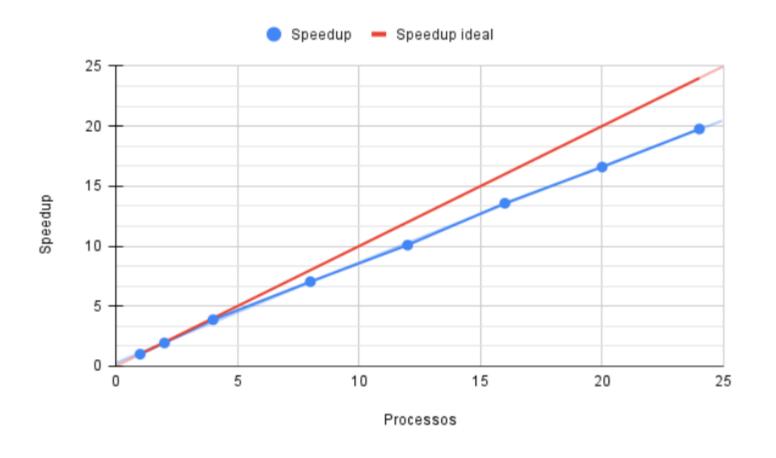
Mede a razão entre o tempo gasto para execução de um algoritmo ou aplicação em um único processador e o tempo gasto na execução com *n* processadores:

$$S(n) = T(1)/T(n)$$

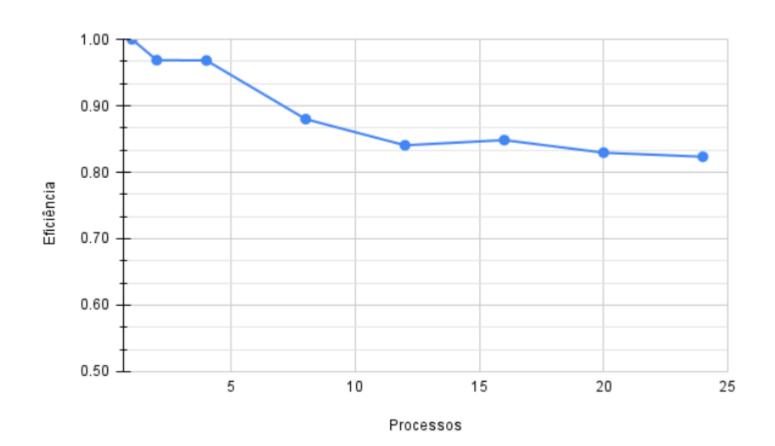
• Eficiência:

$$E(n) = S(n)/n$$

Método do Trapézio - Speedup



Método do Trapézio - Eficiência



- As operações de comunicação coletiva são mais restritivas que as comunicações ponto a ponto:
 - A quantidade de dados enviados deve casar exatamente com a quantidade de dados especificada pelo receptor.
 - Apenas a versão bloqueante das funções está disponível.
 - O argumento tag não existe.
 - As funções estão disponíveis apenas no modo padrão*.
- Todos os processos participantes da comunicação coletiva chamam a mesma função com argumentos compatíveis.

^{*} Nas últimas versões do padrão já existem versões não bloqueantes das rotinas de comunicação coletiva.

- Quando uma operação coletiva possui um único processo de origem ou um único processo de destino, este processo é chamado de raiz.
- Barreira

Bloqueia todos os processos até que todos processos do grupo chamem a função.

Difusão (broadcast)

Envia a mesma mensagem para todos os processos.

• Coleta (gather)

Os dados são recolhidos de todos os processos em um único processo.

Dispersão (scatter)

Os dados são distribuídos de um processo para os demais.

Coleta com difusão (Allgather)

Um *Gather* seguido de uma difusão.

Redução (reduce)

Realiza as operações coletivas de soma, máximo, mínimo, etc.

Redução com difusão (Allreduce)

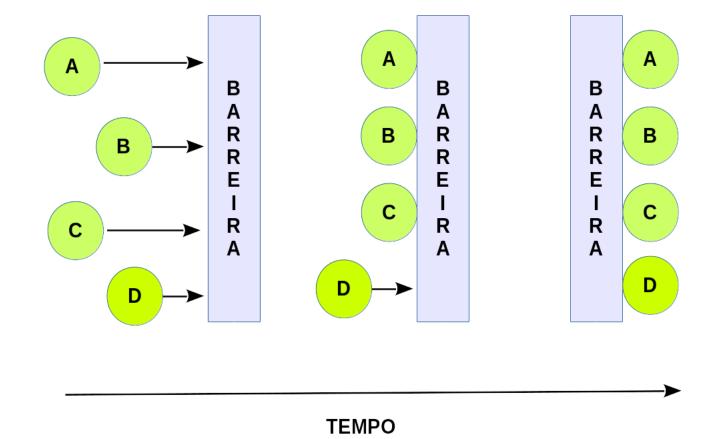
Uma redução seguida de uma difusão.

Alltoall

Conjunto de *gathers* onde cada processo recebe dados diferentes.*

* Não vamos abordar neste nosso estudo

Barreira



MPI_Barrier

int MPI_Barrier(MPI_Comm com)

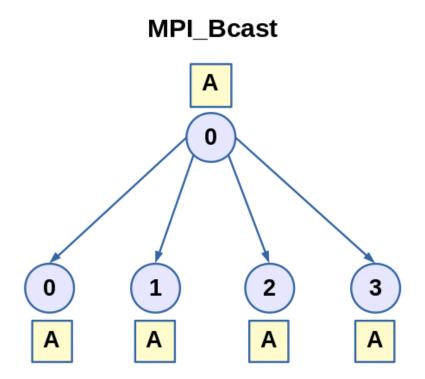
- A função MPI_Barrier fornece um mecanismo para sincronizar todos os processos no comunicador com.
- Cada processo bloqueia (i.e., pára) até todos os processos em com tenham chamado MPI_Barrier.

MPI_Bcast

- Um padrão de comunicação que envolva todos os processos em um comunicador é chamada de comunicação coletiva.
- Uma difusão (broadcast) é uma comunicação coletiva na qual um único processo envia os mesmos dados para cada processo.
- A função MPI para difusão é:

 int MDI Parat (void* management integrals)
 - int MPI_Bcast (void* mensagem, int cont, MPI_Datatype tipo_mpi, int raiz, MPI_Comm com)

Difusão



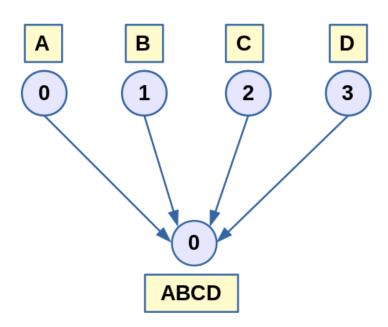
MPI_Bcast

- Ela simplesmente envia uma cópia dos dados de mensagem no processo raiz para cada processo no comunicador com.
- Deve ser chamado por todos os processos no comunicador com os mesmos argumentos para raiz e com.
- Uma mensagem de broadcast n\u00e3o pode ser recebida com MPI_Recv.
- Os parâmetros *cont* e *tipo_mpi* têm a mesma função que nas funções MPI_Send e MPI_Recv: especificam o tamanho da mensagem.

- Contudo, ao contrário das funções ponto-a-ponto, o padrão MPI exige que cont e tipo_mpi sejam os mesmos para todos os processos no mesmo comunicador para uma comunicação coletiva.
- A razão para isto é que um único processo pode receber dados de muitos outros processos, e para poder determinar o total de dados recebidos, seria necessário um vetor inteiro de status de retorno.

Coleta

MPI_Gather



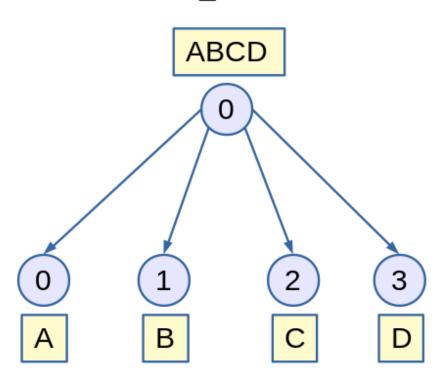
MPI_Gather

int MPI_Gather(void* vet_envia, int cont_envia, MPI_Datatype tipo_envia, void* vet_recebe, int cont_recebe, MPI_Datatype tipo_recebe, int raiz, MPI_comm com)

- Cada processo em com envia o conteúdo de vet_envia para o processo com ranque igual a raiz.
- O processo raiz concatena os dados que são recebidos em vet_recebe em uma ordem que é definida pelo ranque de cada processo.
- Os argumentos recebe são significativos apenas no processo com ranque igual a raiz.
- O argumento cont_recebe indica o número de itens enviados por cada processo, não número total de itens recebidos pelo processo raiz e, normalmente, é igual a cont_envia.

Dispersão

MPI_Scatter

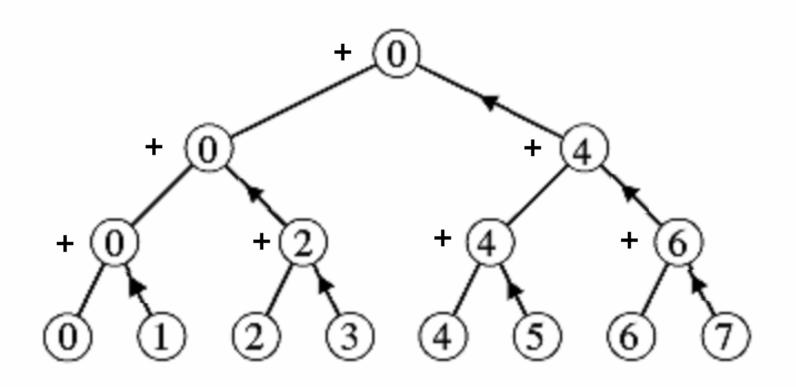


MPI_Scatter

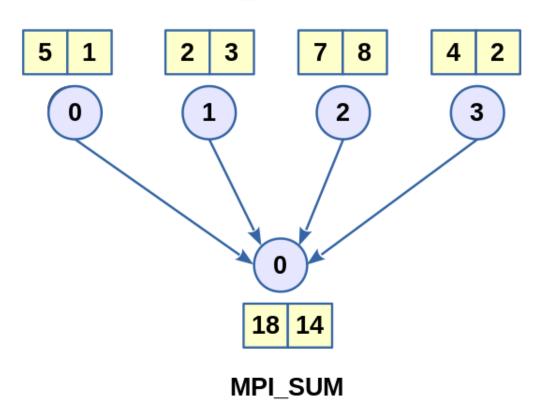
int MPI_Scatter(void* vet_envia, int cont_envia, MPI_Datatype tipo_envia, void* vet_recebe, int cont_recebe, MPI_Datatype tipo_recebe, int raiz, MPI_Comm com)

- O processo com o ranque igual a raiz distribui o conteúdo de vet_envia entre os processos.
- O conteúdo de vet_envia é dividido em p segmentos, cada um deles consistindo de cont_envia itens.
- O primeiro segmento vai para o processo com ranque 0, o segundo para o processo com ranque 1, etc.
- O argumento vet_envia é significativo apenas no processo raiz.

- No programa do método do trapézio, depois da fase de entrada, cada processador executa os mesmos comandos até o final da fase de soma.
- Contudo, este não é caso depois da final da fase de soma, onde as tarefas não são bem balanceadas.
- Podemos utilizar o seguinte procedimento:
 - a) 1 envia resultado para 0, 3 para 2, 5 para 4, 7 para 6.
 - b) 0 soma sua integral com a de 1, 2 soma com a de 3, etc.
 - c) 2 envia para 0, 6 envia para 4.
 - d) 0 soma, 4 soma.
 - e) 4 envia para 0.
 - f) 0 soma.



MPI_Reduce



- A soma global que estamos tentando calcular é um exemplo de uma classe geral de operações de comunicação coletivas chamada operações de redução.
- Em uma operação global de redução, todos os processos em um comunicador contribuem com dados que são combinados em operações binárias.
- Operações binárias típicas são a adição, máximo, mínimo, e lógico, etc.
- É possível definir operações adicionais além das mostradas para a função MPI_Reduce.

MPI_Reduce

int MPI_Reduce(void* operando, void* resultado, int cont, MPI_Datatype tipo_mpi, MPI_Op oper, int raiz, MPI_Comm com)

- A operação MPI_Reduce combina os operandos armazenados em *operando usando a operação oper e armazena o resultado em *resultado no processo raiz.
- Tanto operando como resultado referem-se a cont posições de memória com o tipo tipo_mpi.
- MPI_Reduce deve ser chamada por todos os processos no comunicador com e os valores de cont, tipo_mpi e oper devem ser os mesmos em cada processo.

MPI_Reduce

 O argumento oper pode ter um dos seguintes valores prédefinidos:

Nome da Operação Significado

MPI MAX Máximo

MPI MIN Mínimo

MPI_SUM Soma

MPI PROD Produto

MPI_LAND "E" lógico

MPI_BAND "E" bit a bit

MPI_LOR "Ou" lógico

MPI BOR "Ou" bit a bit

MPI_LXOR "Ou Exclusivo" lógico

MPI_BXOR "Ou Exclusivo" bit a bit

MPI_MAXLOC Máximo e Posição do Máximo

MPI_MINLOC Mínimo e Posição do Mínimo

MPI_Reduce

• Com um exemplo, vamos reescrever as últimas linhas do programa do método do trapézio:

```
/* Adiciona as integrais calculadas por cada processo */
MPI_Reduce(&integral, &total, 1, MPI_FLOAT,
MPI_SUM, 0, MPI_COMM_WORLD);
/* Imprime o resultado */
....
```

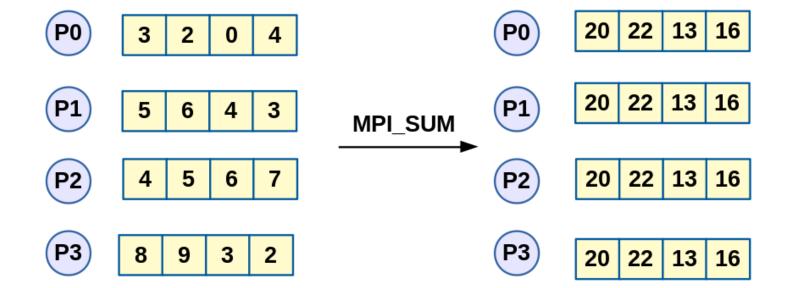
- Note que cada processo chama a rotina MPI_REDUCE com os mesmos argumentos.
- Em particular, embora *total* tenha apenas significado no processo 0, cada processo deve fornecê-lo como argumento.

Exemplo Redução

https://github.com/gpsilva2003/MPI/mpi_reduce.c

Redução com Difusão

MPI_Allreduce



MPI_Allreduce

int MPI_Allreduce (void* vet_envia, void* vet_recebe, int cont, MPI_Datatype tipo_mpi, MPI_Op oper, MPI_Comm com)

 MPI_Allreduce armazena o resultado da operação de redução oper no buffer vet_recebe de cada processo.

Estudo de caso – Multiplicação Matriz - Vetor

$$A_{m,n} = \begin{bmatrix} a_{0,0} & a_{0,1} & \cdots & a_{0,n-1} \\ a_{1,0} & a_{1,1} & \cdots & a_{1,n-1} \\ a_{2,0} & a_{2,1} & \cdots & a_{2,n-1} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{m-1,0} & a_{m-1,1} & \cdots & a_{m-1,n-1} \end{bmatrix} b_n = \begin{bmatrix} b_0 \\ b_1 \\ b_2 \\ \vdots \\ b_{n-1} \end{bmatrix}$$

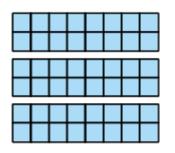
$$c_m = \mathsf{Ab} = \begin{bmatrix} c_0 \\ c_1 \\ c_2 \\ \vdots \\ c_{m-1} \end{bmatrix}$$

$$c_i = a_{i,0}.b_0 + a_{i,1}.b_1 + a_{i,2}.b_2 + \dots + a_{i,n-1}.b_{n-1}$$

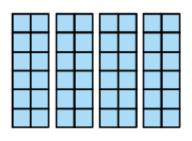
Estudo de caso – Multiplicação Matriz - Vetor

$$\begin{bmatrix} 2 & 1 & 3 & 4 & 0 \\ 5 & -1 & 2 & -2 & 4 \\ 0 & 3 & 4 & 1 & 2 \\ 2 & 3 & 1 & -3 & 0 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 3 \\ 1 \\ 4 \\ 0 \\ 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 19 \\ 34 \\ 25 \\ 13 \end{bmatrix}$$

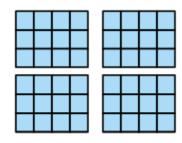
Estudo de caso – Multiplicação Matriz - Vetor



Decomposição em blocos no sentido das linhas



Decomposição em blocos no sentido das colunas



Decomposição em blocos j x k

Estudo de caso – Multiplicação Matriz - Vetor

- Cada uma dessas formas de decomposição tem as suas vantagens e desvantagens, além de complexidades distintas.
- Por simplicidade, vamos assumir que utilizaremos a primeira alternativa de distribuição de dados, com cada processo possuindo um bloco de linhas da matriz A e os vetores b e c replicados em cada processo.
- Uma análise simples de complexidade, supondo-se m = n, indica uma complexidade computacional sequencial de O(n²). Quando p processos são utilizados, a complexidade computacional por processo, sem custos de comunicação, igual a O(n²/p).

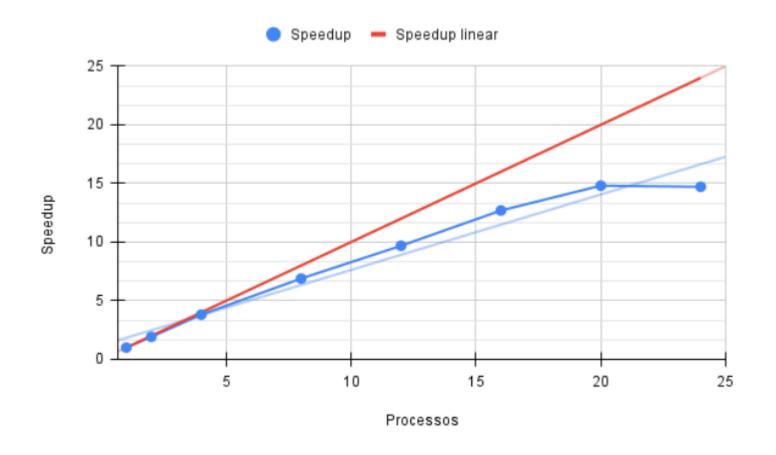
Estudo de caso – Multiplicação Matriz - Vetor

- Para os custos de comunicação, não incluindo o custo do envio da linha i e do vetor b, e apenas a coleta e difusão do vetor de resultado c para todos os processos, temos a seguinte situação.
- Um algoritmo eficiente para a função MPI_Allgather requer que cada processo envie [log2] mensagens, com o número total de elementos enviados por processo igual a n(p - 1)/p.
- Então a complexidade de comunicação é igual a O(n + log₂ p), e a complexidade total desse algoritmo igual a O(n² /p + n + log₂ p) (J et al., 2007).

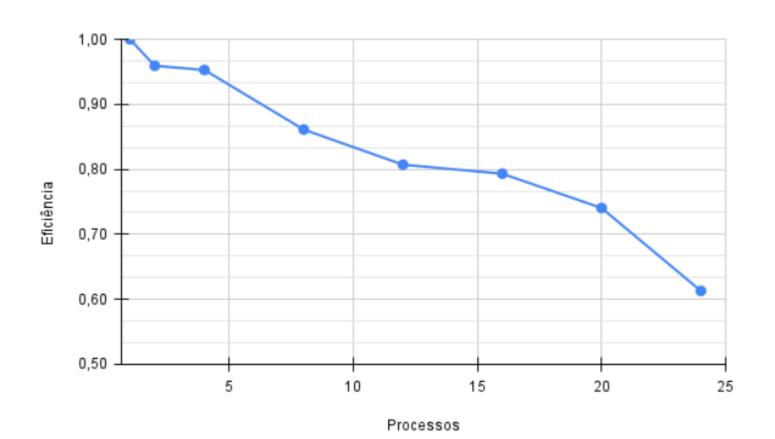
Exemplo Multiplicação Matriz – Vetor

https://github.com/gpsilva2003/MPI/mpi_mxv.c

Multiplicação Matriz – Vetor Speedup



Multiplicação Matriz – Vetor Eficiência



Comunicação Coletiva - Aplicação

• O valor de π pode ser obtido pela integração numérica :

$$\int_{0}^{1} \frac{4}{1+x^{2}}$$

 Calculada em paralelo, dividindo-se o intervalo de integração entre os processos.

Cálculo de Pi

```
#include "mpi.h"
#include <math.h>
int main (argc, argv)
int argc;
char argv[];
  int n, meu rangue, num procs, i, rc;
   double mypi, pi, h, x, sum = 0.0;
   MPI Init(&argc, &argv);
   MPI_Comm_size(MPI_COMM_WORLD, &num_procs);
   MPI_COMM_rank(MPI_COMM_WORLD, &meu_ranque);
   if (meu ranque == 0)
   { printf ("Entre com o número de intervalos: ');
    scanf("%d", &n);
```

Cálculo de Pi

```
MPI Bcast(&n, 1, MPI_INT, 0, MPI_COMM_WORLD);
if (n != 0)
   h=1.0/(double) n;
   for (i=meu_ranque +1; i <= n; i+=num_procs)
     x = h * ((double) i - 0.5);
       sum += (4.0/(1.0 + x*x));
   mypi = h* sum;
   MPI Reduce(&mypi, &pi, 1, MPI DOUBLE, MPI SUM, 0,
  MPI WORLD COMM);
   if (meu_ranque == 0) printf ("valor aproximado de pi: %.16f \n",
  pi);
  MPI_Finalize();
```

Rotinas Boqueantes e Não-Bloqueantes

- Cada rotina de envio/recepção de mensagens do MPI possui sempre duas versões, uma bloqueante e outra nãobloqueante.
- Nas versões bloqueantes as rotinas de envio/recepção não retornam até que os dados tenham sido totalmente copiados do espaço do usuário para uma área do sistema (no caso do envio) ou estejam completamente disponíveis para uso no espaço do usuário (no caso da recepção).
- Ou seja, do ponto de vista do programador, ao retorna da rotina, a operação desejada foi realizada completamente e as variáveis utilizadas para o envio podem ser reutilizadas para o envio de uma nova mensagem ou os dados recebidos já podem ser utilizados na computação.

Rotinas Bloqueantes e Não-Bloqueantes

- Nas versões não-bloqueantes, contudo, a computação prossegue de imediato após a chamada das rotinas, sendo necessário, posteriormente, verificar se a operação realmente já terminou ou não, para que as variáveis possam ser utilizadas para o envio de uma nova mensagem, ou os dados recebidos utilizados na computação.
- Podemos dizer, de certa maneira, que as versões nãobloqueantes indicam apenas a intenção de realizar a operação de envio ou recepção da mensagem, sendo necessário verificar posteriormente, se as operações desejadas já foram efetivamente realizadas.
- As rotinas de comunicação não-bloqueantes permitem sobreposição da computação com a comunicação.

Comunicação Bloqueante

- Na comunicação bloqueante:
 - A rotina de recepção não completa até que o *buffer* de recepção no espaço de usuário esteja cheio (mensagem disponível para uso).
 - A rotina de envio n\u00e3o completa at\u00e9 que o buffer de envio no espa\u00e7o
 de usu\u00e1rio esteja vazio (buffer dispon\u00edvel para reuso).
- Uma rotina de envio bloqueante só vai retornar depois que houver garantia que os dados da aplicação (os seus dados de envio) possam ser reutilizados.
- Por garantia, entenda-se que modificações posteriores não afetarão os dados que estão sendo enviados. Essa garantia não implica que os dados foram efetivamente recebidos por outro processo - podem muito bem estar situados em um buffer de sistema.

Comunicação Bloqueante

- Um envio bloqueante pode ser síncrono, obrigando a realização de um protocolo de confirmação com a rotina de recepção, para assegurar o envio completo da mensagem.
- Um envio bloqueante também pode ser assíncrono, desde que um buffer de sistema seja utilizado para armazenar os dados antes de sua distribuição para a respectiva rotina de recepção.
- O sucesso da operação de comunicação depende do tamanho da mensagem e do tamanho do buffer do sistema, sendo que as mensagens maiores que o espaço disponível no buffer do sistema serão enviadas no modo síncrono.
- Um programa correto em MPI não pode depender do uso de um buffer de sistema. Programas assim são chamados inseguros, embora possam executar e produzir resultados corretos na maior parte das vezes.

Comunicação Não-Bloqueante

- No envio não-bloqueante a computação prossegue e, quando for necessário, verificamos se a operação já terminou ou não.
- As rotinas de comunicação não-bloqueantes retornam (imediatamente) um "handle request".
- Este *handle* deve ser utilizado para verificar a chegada/envio da mensagem, podendo ser testado um única vez ou usado para ficar-se em espera ocupada.
- Sendo assim, se a programação for feita de maneira adequada, podemos realizar computação e comunicação em paralelo, melhorando o desempenho final do programa.
- Caso não estejamos utilizando buffers, devemos utilizar as rotinas de envio/recepção não-bloqueantes, para garantir que não haverá "deadlock".

Operações Não_Bloqueantes

int MPI_Isend(void* mensagem, int cont, MPI_Datatype tipo_mpi, int destino, int etiq, MPI_Comm com, MPI_Request *pedido)

int MPI_Irecv(void* mensagem, int cont, MPI_Datatype tipo_mpi, int origem, int etiq, MPI_Comm com, MPI_Request *pedido)

Esperando a Mensagem

Esperando a mensagem chegar:

```
int MPI_Wait(MPI_Request *pedido, MPI_Status
*estado)
```

Você também pode testar sem esperar:

```
int MPI_Test(MPI_Request *pedido, int *flag,
MPI_Status *estado)
```

Múltipla Espera

 Algumas vezes é desejável esperar por múltiplos "pedidos":

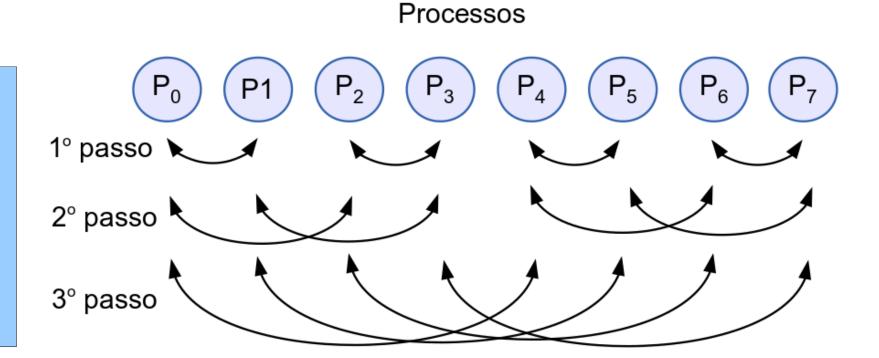
```
int MPI_Waitall(int cont, MPI_Request
vetor_de_pedidos[], MPI_Status vetor_de_estados[])
int MPI_Waitany(int cont, MPI_Request
vetor_de_pedidos[], int *indice, MPI_Status *estado)
int MPI_Waitsome(int cont_entra, MPI_Request
vetor_de_pedidos[], int *cont_saida, int
vetor_de_indices[], MPI_Status vetor_de_estados[])
```

 Existem versões correspondentes de test para cada uma das funções acima.

Exemplo Redução com Difusão

- Os exemplos a seguir apresentam uma implementação da operação de redução com difusão (allreduce) utilizando os diversos modos de comunicação do MPI e as rotinas de envio e recepção não bloqueantes.
- O algoritmo da implementação MPICH do MPI, que utiliza uma técnica de recursive doubling, foi utilizado como base para esses exemplos.
- Por simplificação, vamos assumir que P, o número de processos, é uma potência de 2 e implementar apenas a operação de redução MPI_MAX (obter o máximo entre todos os valores).
- O algoritmo requer apenas log_2 P passos para a realização do algoritmo de redução e a difusão do resultado para todos os nós,

Exemplo Redução com Difusão



Exemplo Comunicação Não Bloqueante

https://github.com/gpsilva2003/MPI/mpi_isend.c

- O MPI possui quatro modos de comunicação: padrão, bufferizado, pronto e síncrono.
- O modo de comunicação utilizado é determinado pelas rotinas de envio utilizadas, e podem ser utilizadas quaisquer uma das duas rotinas para a recepção: MPI_Recv ou MPI_Irecv.
- Estes modos existem para assegurar o controle do programador sobre o comportamento do programa, de modo que a evitar a ocorrência de "dealocks" entre os processos participantes da computação, melhorar o desempenho do envio e recepção das mensagens e garantir a sincronização entre os diversos processos.
- O modo de comunicação que utilizamos até agora é o modo padrão, que é bastante prático, mas apresenta alguns inconvenientes, como iremos procurar esclarecer a seguir.

Padrão (standard)

• O sistema decide se o envio da mensagem vai ser "bufferizada" ou não. Ou seja, a comunicação pode mudar de assíncrona para síncrona, dependendo do tamanho da mensagem, sem que nenhuma notificação seja dada pelo programa. Assim, o seu programa pode ter um comportamento errático, dependo inclusive do sistema onde for executado.

Bufferizado (buffered)

 Neste modo de comunicação, o programador deve fornecer explicitamente um "buffer" para que a mensagem enviada seja armazenada. Este modo garante sempre uma comunicação assíncrona, mas oferece como desvantagem um baixo desempenho no envio das mensagens pelo elevado número de cópias realizadas.

• Pronto (ready)

 A operação de envio só pode ser iniciada após uma operação de recepção correspondente já ter sido iniciada. Ou seja, é necessário o uso de operações de barreira para garantir a ordenação das operações de envio e recepção. Este modo, teoricamente, é o que garante melhor desempenho para o envio e recepção das mensagens.

Síncrono (synchronous)

 A operação de envio não se completa até que a operação de recepção correspondente tenha se iniciado. É o modo mais seguro de programação, ou seja, se o seu programa funcionar neste modo irá funcionar no modo padrão sempre. Tem como desvantagem não permitir a sobreposição de computação e comunicação.

Rotinas de Comunicação Ponto-a-Ponto

Modo	Rotinas	Rotinas
Comunicação	Bloqueantes	Não-Bloqueantes
Síncrono	MPI_Ssend	MPI_ISsend
Pronto	MPI_Rsend	MPI_IRsend
Bufferizado	MPI_Bsend	MPI_IBsend
Padrão	MPI_Send	MPI_Isend
	MPI_Recv	MPI_Irecv

int MPI_Bsend(void* mensagem, int cont, MPI_Datatype tipo_mpi, int dest, int etiq, MPI_Comm com)

int MPI_Ssend(void* mesagem, int cont, MPI_Datatype tipo_mpi, int dest, int etiq, MPI_Comm com)

int MPI_Rsend(void* mensagem, int cont, MPI_Datatype tipo_mpi, int dest, int etiq, MPI_Comm com)

- Para uma dada rotina de envio de mensagem, diz-se que foi postada uma operação de recepção correspondente, quando um processo qualquer iniciar uma rotina de recepção com comunicador e etiqueta ("tag") que satisfaçam ao comunicador e etiqueta utilizados pela rotina de envio.
- Note que é permitido o uso de coringas nas operações de recepção tanto para o remetente (MPI_ANY_SOURCE) quanto para a etiqueta (MPI_ANY_TAG), que devem ser considerados nesse caso.
- O MPI_Recv e MPI_Irecv podem receber mensagens enviadas em qualquer modo.

Modo Bufferizado

- A operação de envio pode ser iniciada havendo ou não uma operação de recepção correspondente iniciada. A operação de envio poderá completar antes de uma recepção correspondente ter sido postada.
- Existe a necessidade do uso de funções adicionais para alocação e liberação do espaço para armazenamento das mensagens.
- É função do usuário, e não do sistema, gerenciar a alocação dos *buffers*.
- É garantido que as operações de envio e recepção não são sincronizadas.

Modo Bufferizado

int MPI_Buffer_attach (void *buffer, int tam_buffer);

- Só pode haver um buffer ativo por vez.
- O total de espaço alocado deve ser suficiente para garantir o funcionamento correto do programa.

```
int MPI_Buffer_detach(void *endereco_buffer,
int * tam_ptr);
```

- Esta rotina retorna um ponteiro para o buffer que está sendo desativado e um ponteiro para o seu tamanho.
- Isso é feito para permitir que uma biblioteca possa substituir e restaurar o buffer.
- O espaço alocado não é liberado.

MPI_Pack_Size

int MPI_Pack_size(int cont, MPI_Datatype datatype, MPI_Comm com, int *tam)

```
MPI_Pack_size(20, MPI_INT, com, &tam1);
MPI_Pack_size(40, MPI_FLOAT, com, &tam2);
tam_buffer = tam1 + tam2 + 2 * MPI_BSEND_OVERHEAD;
```

- Para efeito de cálculo do espaço necessário para cada envio, a rotina MPI_Pack_size deve ser usada.
- A constante MPI_BSEND_OVERHEAD especifica o máximo de espaço adicional possível de ser utilizado pela rotina MPI_Bsend para enviar cada mensagem.
- Essa constante tem um valor específico para cada implementação de MPI.

Exemplo Comunicação Modo Bufferizado

https://github.com/gpsilva2003/MPI/mpi_bsend.c

Modo Bufferizado

```
char
        buffer[MAX BUF];
       buffer size = MAX BUF;
int
MPI_Buffer_attach(buffer, buffer_size);
for (i = 0; i 
    send offset = ((meu rangue - i + p) % p) * blocksize;
    recv offset = ((meu ranque - i - 1 + p) % p) * blocksize;
    MPI Bsend(y + send offset, blocksize, MPI FLOAT, sucessor, 0,
   com);
    MPI_Recv(y + recv_offset, blocksize, MPI_FLOAT, predecessor, 0,
   com, &status);
  MPI_Buffer_detach(&buffer, &buffer_size);
```

Modo Síncrono

- A rotina de envio pode ser iniciada havendo ou não uma rotina de recepção correspondente postada.
- Contudo, o envio irá completar com sucesso apenas quando uma recepção correspondente tiver sido postada e a recepção da mensagem enviada pela rotina de envio síncrona for iniciada pela operação de recepção.
- Este modo n\u00e3o requer o uso de bufferiza\u00e7\u00e3o do sistema.
- Pode-se assegurar que o nosso programa está seguro se executar corretamente utilizando apenas rotinas de envio no modo síncrono.

Exemplo Comunicação Modo Síncrono

https://github.com/gpsilva2003/MPI/mpi_ssend.c

Modo Síncrono

```
for (i = 0; i  {
   if ((meu_ranque % 2) == 0){ /* Ranque ímpar envia primeiro */
      MPI_Ssend(y + send_offset, blocksize, MPI_FLOAT, sucessor, 0,
   com);
      MPI_Recv(y + recv_offset, blocksize, MPI_FLOAT,
      predecessor, 0, com, &status);
   } else { /* Ranque par recebe primeiro */
      MPI_Recv(y + recv_offset, blocksize, MPI_FLOAT, predecessor, 0,
   com, &status);
      MPI_Ssend(y + send_offset, blocksize, MPI_FLOAT, sucessor, 0,
   com);
```

Modo Pronto

- O envio pode ser iniciado apenas se houver uma rotina de recepção correspondente já iniciada. Caso isto não ocorra, o programa terminará com erro.
- Embora seja esperado, não é garantido que a implementação das rotinas em modo pronto seja mais eficiente que a de modo padrão.
- É necessário o uso de funções de sincronização (p.ex. barreiras) para garantir que a recepção em um processo é postada antes do envio pelo outro.
- Este é o modo mais difícil de programar e só deve ser usado quando o desempenho for importante.

Exemplo Comunicação Modo Pronto

https://github.com/gpsilva2003/MPI/mpi_rsend.c

Modo Pronto

```
MPI Request request [p-1];
for (i = 0; i  {
   recv_offset = ((meu_ranque - i - 1 + p) % p)*blocksize;
   MPI Irecv(y + recv offset, blocksize, MPI_FLOAT, predecessor, i, com,
   &(request[i]));
MPI_Barrier(com);
for (i = 0; i  {
   send_offset = ((meu_ranque - i + p) % p)*blocksize;
   MPI_Rsend(y + send_offset, blocksize, MPI_FLOAT, sucessor, i, com);
   MPI Wait(&(request[i]), &status);
```

Modo Padrão

- Neste modo o MPI decide se as mensagens enviadas serão bufferizadas ou enviadas em modo síncrono.
- Uma rotina de envio no modo padrão pode ser iniciada havendo ou não uma rotina de recepção correspondente postada.
- Não se pode assumir que a operação de envio irá terminar antes ou depois da recepção correspondente ser iniciada.
- Como consequência, pode ser que se programa funcione bem em um sistema e em outro não, caso o programa esteja programado de modo não-seguro.

Exemplo Comunicação Modo Padrão

https://github.com/gpsilva2003/MPI/mpi padrao.c

Modo Padrão

```
sucessor = (meu_ranque + 1) % p;
predecessor = (meu_ranque - 1 + p) % p;

for (i = 0; i
```

Fontes de Deadlock

Envie uma mensagem grande do processo 0 para o processo 1

Se o espaço de armazenamento no destino for insuficiente, a rotina de envio deve esperar até que o usuário providencie espaço de memória suficiente (através da chamada de uma rotina de recepção).

O que acontece com este código?

Processo 0	Processo 1
MPI_Send(1)	MPI_Send(0)
MPI_Recv(1)	MPI_Recv(0)

 Isto é chamado de "não-seguro" porque depende da disponibilidade dos buffers de sistema.

Algumas soluções

 Ordenar as operações de envio e recepção adequadamente:

Processo 0	Processo 1
MPI_Send(1)	MPI_Recv(0)
MPI_Recv(1)	MPI_Send(0)

• Fornecer um buffer de recepção ao mesmo tempo que envia a mensagem:

Mais Soluções

• O usuário fornece explicitamente um *buffer* para envio:

Processo 0	Processo 1
MPI_BSend(1) MPI_Recv(1)	MPI_BSend(0) MPI_Recv(0)

Uso de operações não-bloqueantes:

Processo 0	Processo 1
MPI_Isend(1) MPI_Irecv(1) MPI_Waitall	MPI_ISend(0) MPI_IRecv(0) MPI_Waitall

MPI_Sendrecv

- Permite envio e recepção simultâneos.
- Fornece um buffer de recepção ao mesmo tempo que envia a mensagem.
- Os tipos de dados de envio e recepção podem ser diferentes.
- Pode-se usar MPI_Sendrecv com um MPI_Recv ou MPI_Send comuns (ou MPI_Irecv, MPI_Ssend, etc.)

Processo 0

Processo 1

MPI_Sendrecv(1)

MPI_Sendrecv(0)

MPI_Sendrecv

int MPI_Sendrecv (const void *vet_envia, int cont_envia, MPI_Datatype tipo_envia, int dest, int etiq_envia, void *vet_recebe, int cont_recebe, MPI_Datatype tipo_recebe, int origem, int etiq_recebe, MPI_Comm com, MPI_Status *estado)

Exemplo MPI_Sendrecv

https://github.com/gpsilva2003/MPI/mpi_sendrecv.c

Estudo de Caso - Primos

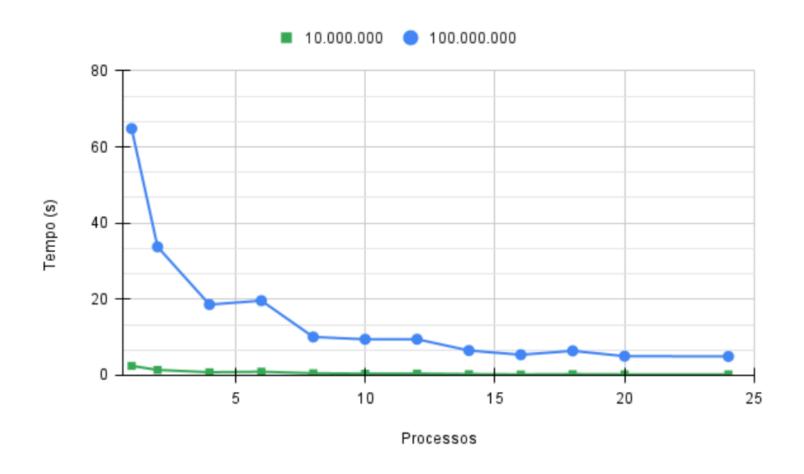
- Nesta seção, nosso estudo de caso será um programa para calcular a quantidade de números primos entre 0 e um determinado valor inteiro N.
- Ele basicamente verifica se N é divisível por algum número ímpar entre 0 e a raiz quadrada de N, sendo que os números pares são descartados de imediato.

```
$ mpicc -03 -o mpi_primos mpi_primos.c -lm
$ mpirun -np 4 ./mpi_primos 10000000
```

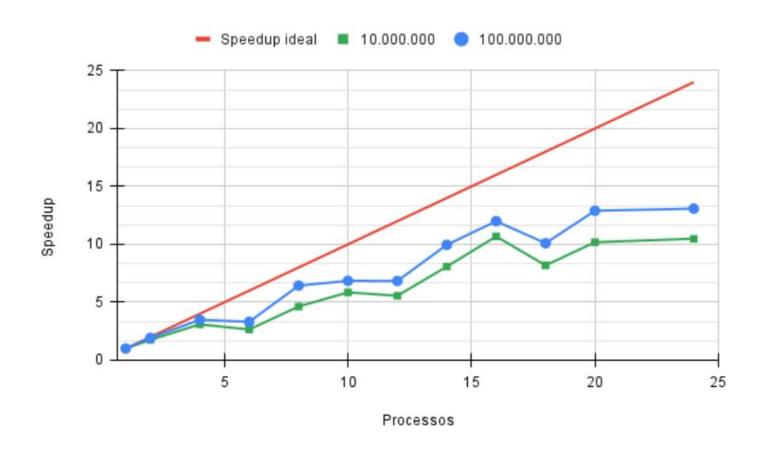
Exemplo Primos – Naive

https://github.com/gpsilva2003/MPI/mpi_primos.c

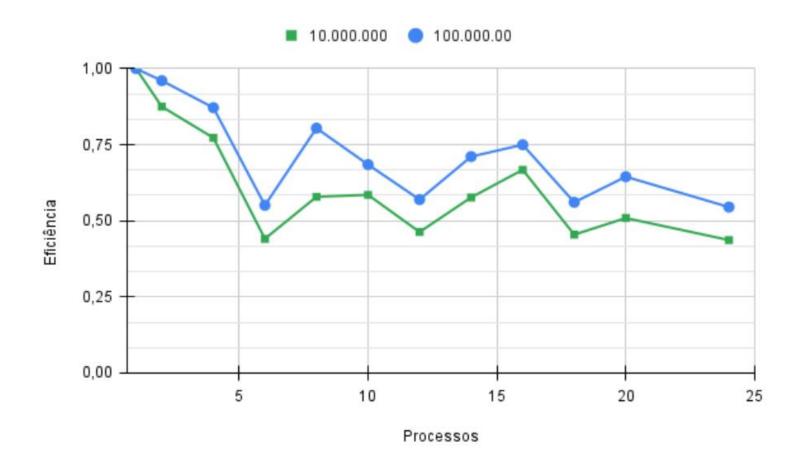
Primos – Naive – Tempo de Execução



Primos – Naive - Speedup



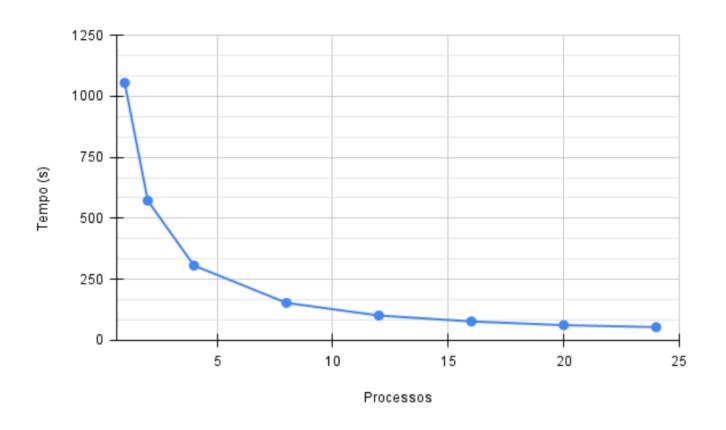
Primos – Naive – Eficiência



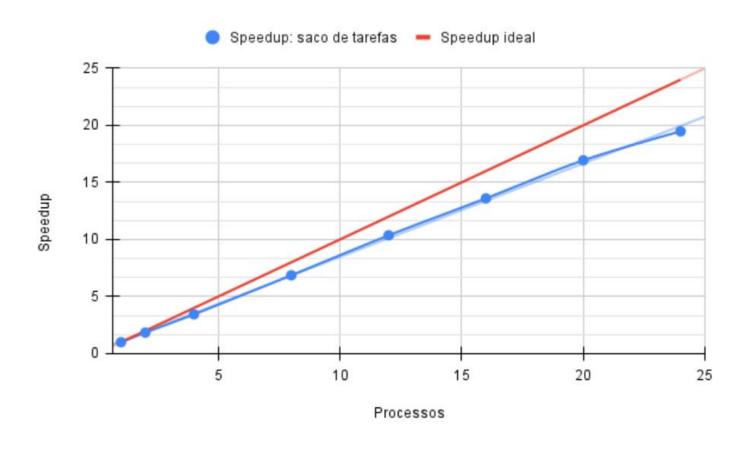
Exemplo Primos – Saco de Tarefas

https://github.com/gpsilva2003/MPI/mpi_primosbag.c

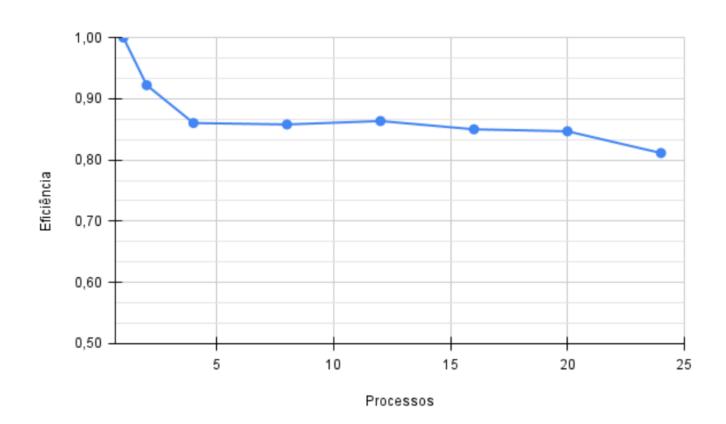
Primos - Saco de Tarefas Tempo de Execução



Primos - Saco de Tarefas Speedup



Primos - Saco de Tarefas Eficiência



OpenMPI

Instalando o OpenMPI

Basicamente:

Instalar o OpenMPI do repositório:

% sudo apt-get install openmpi-bin

% sudo apt-get install openmpi-doc

Ou

% sudo yum install openmpi

- Assumimos que o programa será executado em uma rede heterogênea de computadores com UNIX.
- Os programas executáveis, bibliotecas e arquivos de cabeçalho supõem-se que estejam instalados em um diretório público nas máquinas em que você está executando e compilando o seu programa.
- Nos exemplos a seguir assumimos que os arquivos do OpenMPI são armazenados nos seguintes diretórios:

Executáveis: /usr/bin

Bibliotecas: /usr/lib

Arquivos de Cabeçalho: /usr/include

 As seguintes variáveis de ambiente devem estar configuradas:

PATH: /usr/openmpi/bin

LD_LIBRARY_PATH: /usr/openmpi/lib

- Para compilar um arquivo fonte prog.c, digite:
 % mpicc o prog prog.c
- Para executar o programa com, digamos, 4
 processos, você deve copiar o executável para o seu
 diretório \$HOME em cada máquina e digitar:
 - % mpirun -n 4 prog
- A cópia é desnecessária se o diretório estiver montado remotamente (NFS).

 O comando mpiexec permite opções mais elaboradas:

% mpiexec –n 1 –host paraty : -n 19 slave

 Dispara o processo com ranque 0 na máquina paraty e outros 19 divididos entre as demais máquinas.

Para executar através de múltiplas máquinas:

\$ mpirun --hostfile my_hostfile -np 4 my_parallel_application

Onde my_hostfile é um arquivo contendo o nome ou IP das máquinas onde deseja executar a aplicação

Para saber mais opções digite:

% mpiexec –help

Referências

- 1) Gabriel P. Silva, Calebe Bianchini e Evaldo B. Costa "Programação Paralela – Um Curso Introdutório" Editora Casa do Código, 2022
- 2) Neil MacDonald et alii, Writing Message Passing Programs with MPI, Edinburgh Parallel Computer Centre
- 3) Brian W. Kernighan and Dennis M. Ritchie, The C Programming Language, 2nd ed., Englewood Cliffs, NJ, Prentice--Hall, 1988.
- 4) Peter S. Pacheco, Parallel Programming with MPI, Morgan Kaufman Pub, 1997.
- 5) Message Passing Interface Forum, MPI: A Message-Passing Interface Standard, Version 3.1, 2015 Acesso em https://www.mpi-forum.org/docs/mpi-3.1/mpi31-report.pdf

Obrigado!

Gabriel P. Silva

gabriel@ic.ufrj.br

http://github.com/gpsilva2003