### 9.1

### Caractérisation des fonctions affines

SECONDE 7 - JB DUTHOIT

#### 9.1.1 Définitions et propriétés

#### Définition 9.43

Une fonction f définie sur  $\mathbb{R}$  est dite **fonction affine** s'il existe deux réels m et p tels que, pour tout  $x \in \mathbb{R}$ , f(x) = mx + p.

m est appelé coefficient directeur de f et p est appelé ordonnée à l'origine.

#### Définition 9.44

- Si m = 0, alors la fonction f est une **fonction constante**.
- Si p = 0, alors la fonction f est une **fonction linéaire**.

#### Exemple

- f(x) = 2x + 3
- f(x) = -4x + 5
- f(x) = 2x

#### Propriété 9. 41

Soit f une fonction définie sur  $\mathbb{R}$ .

f est une fonction affine si, et seulement si, pour tous réels distincts a et b, le rapport  $\frac{f(b) - f(a)}{b - a}$  est constant.

### Remarque

Soient f une fonction affine définie sur  $\mathbb{R}$  par f(x) = mx + p et a et b deux réels distincts. Alors,  $m = \frac{f(b) - f(a)}{b - a}$ .

# Savoir-Faire 9.28

SAVOIR RETROUVER LA FONCTION AFFINE CONNAISSANT DEUX IMAGES. Soit f une fonction affine. Déterminer f sachant que f(7) = 26 et f(2) = 11.

## Substitution Substitution

Déterminer la fonction affine f dans chaque cas :

- f(0) = 1 et f(3) = 22. Réponse : f(x) = 7x + 1• f(-1) = -2 et f(1) = 6. Réponse : f(x) = 4x + 2
- f(5) = 1 et f(3) = 1. Réponse : f(x) = 1

- f(-5) = 6 et f(4) = -3. Réponse : f(x) = -x + 1
- f(5) = 10 et f(-3) = -6. Réponse : f(x) = 2x

### 9.1.2 Représentation graphique

### Propriété 9. 42

Dans un repère orthonormé  $(O; \vec{i}, \vec{j})$ , la courbe représentative d'une fonction affine f est une droite sécante avec l'axe des ordonnées.

### Remarque

Soit f une fonction affine définie pour tout  $x \in \mathbb{R}$  par f(x) = mx + p. Pour représenter f, il suffit de placer deux points distincts et de tracer la droite passant par ces deux points.

### Savoir-Faire 9.29

SAVOIR TRACER LA COURBE REPRÉSENTATIVE D'UNE FONCTION AFFINE.

Exemple: Tracer la courbe représentative de la fonction f définie sur  $\mathbb{R}$  par f(x) = 2x + 3.

### Savoir-Faire 9.30

Savoir tracer la courbe représentative d'une fonction affine f en utilisant la signification graphique de m et p.

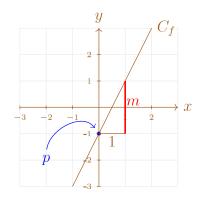
Exemple : On considère la fonction affine définie par f(x) = 2x - 1, et on souhaite tracer la courbe représentative de f en utilisant son coefficient directeur et son ordonnée à l'origine.

### Propriété 9. 43

La courbe représentative d'une fonction affine est la droite passant par le point A(0; p) et de coefficient directeur m.

Il est possible de tracer la fonction affine en utilisant simplement l'ordonnée à l'origine p et le coefficient directeur m: p est l'ordonnée du point de la courbe d'abscisse 0.

Pour trouver m, il suffit de se placer sur un point de la droite, d'avancer d'une unité vers la droite. Le coefficient directeur m est le nombre qui permet de "revenir" sur la droite en suivant l'axe des ordonnées.



### Substitution Selection Selectio

Pour vous entraı̂ner, choisissez une fonction affine (f(x) = 3x + 4 par exemple), et tracez sa courbe représentative en utilisant la méthode ci-dessus. Vérifier ensuite le tracé de la courbe en calculant l'image de deux ou trois réels. (par exemple f(2) et f(5).

# Savoir-Faire 9.31

SAVOIR RETROUVER LA FONCTION AFFINE REPRÉSENTÉE PAR UNE DROITE. On considère les droites suivantes. Déterminer la fonction affine qui les représente.

