

## Глава 1.Тонкая куча(thin heap)

Тонкая куча – это структура данных похожая на фибоначчиеву кучу, и имеющая такие же асимптотические оценки. Время работы операций create, insert, find-min, merge, decreaseKey –  $O(1)$ , а операций delete, delete-min –  $O(\log n)$ . Тонкая куча, при одинаковых асимптотических оценках, имеет меньшее кол-во констант по сравнению с фибоначчиевой кучей, что на практике должно ускорить работу и уменьшить объем затраченной памяти.

Тонкое дерево – это биномиальное дерево, каждый узел которого мог потерять левого ребенка(или поддереву узлом которого являлся левый ребенок).

Более формально тонкое дерево – это упорядоченное дерево, каждый узел которого имеет положительный или равный 0 ранг, и удовлетворяет следующим свойствам:

1. узел с рангом  $r$ , либо имеет  $r$  детей с рангами  $r - 1, r - 2, \dots, 0$  (такой узел называют толстым), либо имеет  $r - 1$  детей с рангами  $r - 2, r - 3, \dots, 0$  (такой узел называют тонким);
2. корень является толстым узлом.

Заметим, что если соединить два тонких дерева, корни которых имеют одинаковый ранг  $r$ , сделав один из корней левым ребенком другого, то получится тонкое дерево с корнем ранга  $r + 1$ .

Тонкая куча – это набор кучеобразных(т.е. удовлетворяющих условиям кучи) тонких деревьев

Структура узла и кучи:

```
template <class T>
class Node
{
    T key; //ключ
    int rank; //ранг
    Node* child; //указатель на самого левого ребенка
    Node* right; //указатель на правого брата, либо на следующий корень, если
текущий узел является корнем
    Node* left; // указатель на левого брата , либо на родителя, если текущий узел
самый левый, либо null, если текущий узел корень
};

template <class T>
class thinheap
{
    Node* first; //указатель на корень с минимальным ключем
    Node* last; //указатель на последний корень
};
```