

Programación dinámica

Brian Bokser

- Entender la codificación de programas (programas como números)
- Practicar conceptos de recursividad primitiva
- Dividir en subproblemas

- Los alumnos están familiarizados con el lenguaje S
- Los alumnos tuvieron la teórica de codificación de programas y diagonalización
- El ejercicio podría ser un ejercicio de parcial

Un programa P en el lenguaje S se dice optimista si $\forall i = 1, \dots, n$ si I_i es la instrucción IF $V \neq 0$ GOTO L entonces L no aparece como etiqueta de ninguna instrucción I_j con $j \leq i$

$$\text{Sea } r(x) = \begin{cases} 1 & \text{si el programa de numero } x \text{ es optimista} \\ 0 & \text{si no} \end{cases}$$

Demostrar que el predicado $r(x)$ es primitivo recursivo.

¡Idea Importante!

*Resolución **Top-Down**: Dividir el problema en subproblemas*

¡Idea Importante!

*Resolución **Top-Down**: Dividir el problema en **subproblemas***

Los subproblemas son definiciones del enunciado.

¡Idea Importante!

*Resolución **Top-Down**: Dividir el problema en subproblemas*

Los subproblemas son definiciones del enunciado.

Si el enunciado nos habla de instrucciones válidas, saber identificar una de estas puede ser un subproblema

¡Idea Importante!

*Resolución **Top-Down**: Dividir el problema en **subproblemas***

Los subproblemas son definiciones del enunciado.

Si el enunciado nos habla de instrucciones válidas, saber identificar una de estas puede ser un subproblema

Tratar de resolver cada subproblema “en un linea”

Primer problema: ¿Qué es r ?

Primer problema: ¿Qué es r ?

Es optimista \equiv No hay una instrucción que sea inválida

Primer problema: ¿Qué es r ?

Es optimista \equiv No hay una instrucción que sea inválida

$$r(x) \equiv \alpha(\exists_{i \leq |x|} (esInstrInvalida(i, x)))$$

Primer problema: ¿Qué es r ?

Es optimista \equiv No hay una instrucción que sea inválida

$$r(x) \equiv \alpha(\exists_{i \leq |x|} (esInstrInvalida(i, x)))$$

válida \equiv Si tengo un if, no salta a una etiqueta anterior.

Primer problema: ¿Qué es r ?

Es optimista \equiv No hay una instrucción que sea inválida

$$r(x) \equiv \alpha(\exists_{i \leq |x|} (esInstrInvalida(i, x)))$$

válida \equiv Si tengo un if, no salta a una etiqueta anterior.

$$esInstrInvalida(i, x) \equiv$$

$$esUnIf(i, x) \implies \exists_{j \leq i} (etiqueta(j, x) = etiquetaDelf(x[i]))$$

Es un if si $a = \#(L) + 2$ en $\langle a, \langle b, c \rangle \rangle$

Es un if si $a = \#(L) + 2$ en $\langle a, \langle b, c \rangle \rangle$

$\text{esUnIf}(i, x) \equiv l(r(x)) > 2$

Es un if si $a = \#(L) + 2$ en $\langle a, \langle b, c \rangle \rangle$

$$\text{esUnlf}(i, x) \equiv l(r(x)) > 2$$

La etiqueta es la primer parte de la tripla

Es un if si $a = \#(L) + 2$ en $\langle a, \langle b, c \rangle \rangle$

$$\text{esUnlf}(i, x) \equiv l(r(x)) > 2$$

La etiqueta es la primer parte de la tripla

$$\text{etiqueta}(j, x) \equiv l(x[j])$$

Es un if si $a = \#(L) + 2$ en $\langle a, \langle b, c \rangle \rangle$

$$\text{esUnIf}(i, x) \equiv I(r(x)) > 2$$

La etiqueta es la primer parte de la tripla

$$\text{etiqueta}(j, x) \equiv I(x[j])$$

Etiqueta de un if es la segunda parte menos dos

Es un if si $a = \#(L) + 2$ en $\langle a, \langle b, c \rangle \rangle$

$$\text{esUnIf}(i, x) \equiv I(r(x)) > 2$$

La etiqueta es la primer parte de la tripla

$$\text{etiqueta}(j, x) \equiv I(x[j])$$

Etiqueta de un if es la segunda parte menos dos

$$\text{etiquetaDelf}(x) \equiv I(r(x)) - 2$$

Conclusiones

$r(x)$ es primitivo recursivo pues es composición de p.r.

El existencial **acotado** es p.r.

Los observadores de lista y pares son p.r.

No olvidarse de mencionar esto en la justificación

¿Preguntas?

