Hexi — Waves Exam 3

April 29, 2025

This exam tests your fluency with the core of the Wolfram Language, as it was presented in *An Elementary Introduction to the Wolfram Language, 3rd Edition (EIWL3)*, Sections 25-34 and 38-41. There is one problem with two or three parts corresponding to each section. *Tip: all of them are meant to be quick. If you get bogged down, move on.*

Directions:

After downloading this notebook, rename it with your first name in the filename. E.g., Eli-Exam3.nb, Harper-Exam3.nb, Hexi-Exam3.nb, Jeremy-Exam3.nb, Rania-Exam3.nb, Tahm-Exam3.nb, or Walker-Exam3.nb.

Then disconnect from the wifi and work the exam. Save your notebook early and often so that you don't lose work in progress.

Your answers always go into the Wolfram Language Input cells that begin with a comment, e.g.,

```
(* 1a *) foobar /@ Plus[Array]
```

All your answers should execute and re-execute without warnings or error messages.

You may refer to your downloaded copies of EIWL3, and anything else we developed in the course (like your cheat sheets!), but not to any web resources.

When you are done, save your notebook one last time, re-join the wifi, and then email it to me.

This exam was designed to require about 45 minutes, but if you need a full hour, that is ok. Everyone will stop at the one-hour mark.

1. Applying Functions (*EIWL3* Section 25)

(a)

Use Map with a *level-spec* to put a frame around each individual number in the array Array [Plus, {10,10}] (we don't want frames around already-framed things — just one level of frames around the individual numbers).

Map[Framed, Array[Plus, {10, 10}], 1]

Out[162]=

$$\left\{ \begin{array}{l} \{2,3,4,5,6,7,8,9,10,11\} \\ \\ \{4,5,6,7,8,9,10,11,12,13\} \\ \\ \\ \{6,7,8,9,10,11,12,13,14,15\} \\ \\ \\ \{7,8,9,10,11,12,13,14,15,16,17\} \\ \\ \\ \{9,10,11,12,13,14,15,16,17,18\} \\ \\ \\ \{10,11,12,13,14,15,16,17,18,19\} \\ \\ \\ \\ \{11,12,13,14,15,16,17,18,19,20\} \\ \end{array} \right\}$$

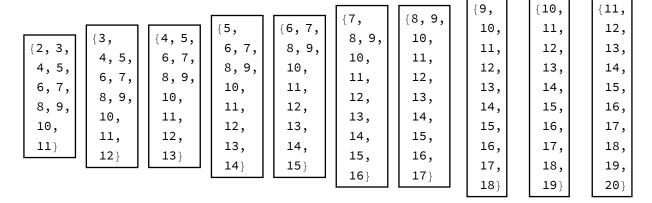
(b)

Copy what you did in (a), but for this part, also turn the result into a grid using **Grid** and the "as an afterthought" syntax:

In[163]:=

{Map[Framed, Array[Plus, {10, 10}], 1]} // Grid

Out[163]=



2. Pure Anonymous Functions (*EIWL3* Section 26)

(a)

Use the # and & notation to create an anonymous function that cubes whatever is given it, and then use /@ to apply it to every member of the list $\{1,2,3,4,5\}$.

In[164]:=
#^3 & /@ {1, 2, 3, 4, 5}
Out[164]=
{1, 8, 27, 64, 125}

(b)

Use the #1, #2, and & notation to create an anonymous function that divides its first argument by its

second argument. Combine this with Apply and a levelspec to apply the function to $\{\{1,2\},\{2,3\},\{3,4\},\{4,5\}\}$. Once you have this right, you will get $\{\frac{1}{2},\frac{2}{3},\frac{3}{4},\frac{4}{5}\}$.

In[165]:=

Apply $[#1/#2 \&, \{\{1,2\},\{2,3\},\{3,4\},\{4,5\}\}, 1]$

Out[165]=

$$\left\{\frac{1}{2}, \frac{2}{3}, \frac{3}{4}, \frac{4}{5}\right\}$$

3. Applying Functions Repeatedly (EIWL3 Section 27)

(a)

Use **Nest** to apply **Factorial** twice to {1,2,3,4}. If you have this right, 620,448,401,733,239,439,360,000 will be one of the elements of your answer.

In[166]:=

Nest[Factorial, {1,2,3,4}, 2]

Out[166]=

{1, 2, 720, 620 448 401 733 239 439 360 000}

(b)

Use **NestList** to apply **Factorial** three times to {1,2,3}, as well as showing the results of doing it 0, 1, and 2 times. If you have this right, you will have an insanely large result at the third step. Do not go any higher, or I do not know what will happen to your computer.

In[167]:=

NestList[Factorial, {1,2,3}, 32]

Out[167]=

```
\{\{1, 2, 3\}, \{1, 2, 6\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2, 720\}, \{1, 2,
         2\,601\,218\,943\,565\,795\,100\,204\,903\,227\,081\,043\,611\,191\,521\,875\,016\,945\,785\,727\,541\,837\,850\,835\,\%
              631\ 156\ 947\ 382\ 240\ 678\ 577\ 958\ 130\ 457\ 082\ 619\ 920\ 575\ 892\ 247\ 259\ 536\ 641\ 565\ 162\ 052\ 015
              873 791 984 587 740 832 529 105 244 690 388 811 884 123 764 341 191 951 045 505 346 658 616
              783 758 997 420 676 784 016 967 207 846 280 629 229 032 107 161 669 867 260 548 988 445 514
              257 193 985 499 448 939 594 496 064 045 132 362 140 265 986 193 073 249 369 770 477 606 067
              680 670 176 491 669 403 034 819 961 881 455 625 195 592 566 918 830 825 514 942 947 596 537
              274\,845\,624\,628\,824\,234\,526\,597\,789\,737\,740\,896\,466\,553\,992\,435\,928\,786\,212\,515\,967\,483\,220\,\%
              976\,029\,505\,696\,699\,927\,284\,670\,563\,747\,137\,533\,019\,248\,313\,587\,076\,125\,412\,683\,415\,860\,129\,
              447\,566\,011\,455\,420\,749\,589\,952\,563\,543\,068\,288\,634\,631\,084\,965\,650\,682\,771\,552\,996\,256\,790\,
              845\ 235\ 702\ 552\ 186\ 222\ 358\ 130\ 016\ 700\ 834\ 523\ 443\ 236\ 821\ 935\ 793\ 184\ 701\ 956\ 510\ 729\ 781\ \times 100
              804\,354\,173\,890\,560\,727\,428\,048\,583\,995\,919\,729\,021\,726\,612\,291\,298\,420\,516\,067\,579\,036\,232\,\%
              337 699 453 964 191 475 175 567 557 695 392 233 803 056 825 308 599 977 441 675 784 352 815
              913\,461\,340\,394\,604\,901\,269\,542\,028\,838\,347\,101\,363\,733\,824\,484\,506\,660\,093\,348\,484\,440\,711\,\times 10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1}\,10^{-1
              931 292 537 694 657 354 337 375 724 772 230 181 534 032 647 177 531 984 537 341 478 674 327
              048\,457\,983\,786\,618\,703\,257\,405\,938\,924\,215\,709\,695\,994\,630\,557\,521\,063\,203\,263\,493\,209\,220\,
```

738 320 923 356 309 923 267 504 401 701 760 572 026 010 829 288 042 335 606 643 089 888 710 297 380 797 578 013 056 049 576 342 838 683 057 190 662 205 291 174 822 510 536 697 756 603 029 574 043 387 983 471 518 552 602 805 333 866 357 139 101 046 336 419 769 097 397 432 285 994 219 837 046 979 109 956 303 389 604 675 889 865 795 711 176 566 670 039 156 748 153 115 943 980 043 625 399 399 731 203 066 490 601 325 311 304 719 028 898 491 856 203 766 669 164 $000\,000\,000\,000\,000\,000\,000$, {1, 2,

2 601 218 943 565 795 100 204 903 227 081 043 611 191 521 875 016 945 785 727 541 837 850 835 % $631\,156\,947\,382\,240\,678\,577\,958\,130\,457\,082\,619\,920\,575\,892\,247\,259\,536\,641\,565\,162\,052\,015\,\times 10^{-6}$ $873\,791\,984\,587\,740\,832\,529\,105\,244\,690\,388\,811\,884\,123\,764\,341\,191\,951\,045\,505\,346\,658\,616$ 783 758 997 420 676 784 016 967 207 846 280 629 229 032 107 161 669 867 260 548 988 445 514 257 193 985 499 448 939 594 496 064 045 132 362 140 265 986 193 073 249 369 770 477 606 067 $680\,670\,176\,491\,669\,403\,034\,819\,961\,881\,455\,625\,195\,592\,566\,918\,830\,825\,514\,942\,947\,596\,537\,\%$ $274\,845\,624\,628\,824\,234\,526\,597\,789\,737\,740\,896\,466\,553\,992\,435\,928\,786\,212\,515\,967\,483\,220\,$ 976 029 505 696 699 927 284 670 563 747 137 533 019 248 313 587 076 125 412 683 415 860 129 447 566 011 455 420 749 589 952 563 543 068 288 634 631 084 965 650 682 771 552 996 256 790 $845\ 235\ 702\ 552\ 186\ 222\ 358\ 130\ 016\ 700\ 834\ 523\ 443\ 236\ 821\ 935\ 793\ 184\ 701\ 956\ 510\ 729\ 781\ \times 1000\ 1$ $804\,354\,173\,890\,560\,727\,428\,048\,583\,995\,919\,729\,021\,726\,612\,291\,298\,420\,516\,067\,579\,036\,232\,$ 337 699 453 964 191 475 175 567 557 695 392 233 803 056 825 308 599 977 441 675 784 352 815 913 461 340 394 604 901 269 542 028 838 347 101 363 733 824 484 506 660 093 348 484 440 711 931 292 537 694 657 354 337 375 724 772 230 181 534 032 647 177 531 984 537 341 478 674 327 $048\,457\,983\,786\,618\,703\,257\,405\,938\,924\,215\,709\,695\,994\,630\,557\,521\,063\,203\,263\,493\,209\,220\,$ $738\,320\,923\,356\,309\,923\,267\,504\,401\,701\,760\,572\,026\,010\,829\,288\,042\,335\,606\,643\,089\,888\,710\,\times 10^{-6}\,10^{-6$ 297 380 797 578 013 056 049 576 342 838 683 057 190 662 205 291 174 822 510 536 697 756 603 994 219 837 046 979 109 956 303 389 604 675 889 865 795 711 176 566 670 039 156 748 153 115 % $468\,791\,125\,249\,193\,754\,425\,845\,895\,000\,311\,561\,682\,974\,304\,641\,142\,538\,074\,897\,281\,723\,375\,$ $955\,380\,661\,719\,801\,404\,677\,935\,614\,793\,635\,266\,265\,683\,339\,509\,760\,000\,000\,000\,000\,000\,000\,000\,000$

 $(2\,601\,218\,943\,565\,795\,100\,204\,903\,227\,081\,043\,611\,191\,521\,875\,016\,945\,785\,727\,541\,837\,850\,835\,\%$ 631 156 947 382 240 678 577 958 130 457 082 619 920 575 892 247 259 536 641 565 162 052 015 873 791 984 587 740 832 529 105 244 690 388 811 884 123 764 341 191 951 045 505 346 658 616 % 783 758 997 420 676 784 016 967 207 846 280 629 229 032 107 161 669 867 260 548 988 445 514 % 257 193 985 499 448 939 594 496 064 045 132 362 140 265 986 193 073 249 369 770 477 606 067 680 670 176 491 669 403 034 819 961 881 455 625 195 592 566 918 830 825 514 942 947 596 537 $274\,845\,624\,628\,824\,234\,526\,597\,789\,737\,740\,896\,466\,553\,992\,435\,928\,786\,212\,515\,967\,483\,220\,\%$

976 029 505 696 699 927 284 670 563 747 137 533 019 248 313 587 076 125 412 683 415 860 129 $447\,566\,011\,455\,420\,749\,589\,952\,563\,543\,068\,288\,634\,631\,084\,965\,650\,682\,771\,552\,996\,256\,790\,\times 10^{-2}$ $804\,354\,173\,890\,560\,727\,428\,048\,583\,995\,919\,729\,021\,726\,612\,291\,298\,420\,516\,067\,579\,036\,232\,$ 337 699 453 964 191 475 175 567 557 695 392 233 803 056 825 308 599 977 441 675 784 352 815 913 461 340 394 604 901 269 542 028 838 347 101 363 733 824 484 506 660 093 348 484 440 711 \, $931\ 292\ 537\ 694\ 657\ 354\ 337\ 375\ 724\ 772\ 230\ 181\ 534\ 032\ 647\ 177\ 531\ 984\ 537\ 341\ 478\ 674\ 327\ 531$ $048\,457\,983\,786\,618\,703\,257\,405\,938\,924\,215\,709\,695\,994\,630\,557\,521\,063\,203\,263\,493\,209\,220\,$ 297 380 797 578 013 056 049 576 342 838 683 057 190 662 205 291 174 822 510 536 697 756 603 $994\,219\,837\,046\,979\,109\,956\,303\,389\,604\,675\,889\,865\,795\,711\,176\,566\,670\,039\,156\,748\,153\,115\,\times 10^{-2}$ 943 980 043 625 399 399 731 203 066 490 601 325 311 304 719 028 898 491 856 203 766 669 164 % $468\,791\,125\,249\,193\,754\,425\,845\,895\,000\,311\,561\,682\,974\,304\,641\,142\,538\,074\,897\,281\,723\,375\,\times 10^{-2}$ $955\,380\,661\,719\,801\,404\,677\,935\,614\,793\,635\,266\,265\,683\,339\,509\,760\,000\,000\,000\,000\,000\,000\,000$ 00000000000000000000000!)!, {1, 2,

((2 601 218 943 565 795 100 204 903 227 081 043 611 191 521 875 016 945 785 727 541 837 850 835 \times $631\,156\,947\,382\,240\,678\,577\,958\,130\,457\,082\,619\,920\,575\,892\,247\,259\,536\,641\,565\,162\,052\,\%$ 015 873 791 984 587 740 832 529 105 244 690 388 811 884 123 764 341 191 951 045 505 346 \times $658\,616\,243\,271\,940\,197\,113\,909\,845\,536\,727\,278\,537\,099\,345\,629\,855\,586\,719\,369\,774\,070\,$ 003 700 430 783 758 997 420 676 784 016 967 207 846 280 629 229 032 107 161 669 867 260 548 988 445 514 257 193 985 499 448 939 594 496 064 045 132 362 140 265 986 193 073 249 369 770 477 606 067 680 670 176 491 669 403 034 819 961 881 455 625 195 592 566 918 830 825 514 942 947 596 537 274 845 624 628 824 234 526 597 789 737 740 896 466 553 992 435 $928\,786\,212\,515\,967\,483\,220\,976\,029\,505\,696\,699\,927\,284\,670\,563\,747\,137\,533\,019\,248\,313\,\times 10^{-2}\,10$ $587\,076\,125\,412\,683\,415\,860\,129\,447\,566\,011\,455\,420\,749\,589\,952\,563\,543\,068\,288\,634\,631\,\odot$ $084\,965\,650\,682\,771\,552\,996\,256\,790\,845\,235\,702\,552\,186\,222\,358\,130\,016\,700\,834\,523\,443\,$ $236\,821\,935\,793\,184\,701\,956\,510\,729\,781\,804\,354\,173\,890\,560\,727\,428\,048\,583\,995\,919\,729\,\%$ 021 726 612 291 298 420 516 067 579 036 232 337 699 453 964 191 475 175 567 557 695 392 233 803 056 825 308 599 977 441 675 784 352 815 913 461 340 394 604 901 269 542 028 838 347 101 363 733 824 484 506 660 093 348 484 440 711 931 292 537 694 657 354 337 375 724 772 230 181 534 032 647 177 531 984 537 341 478 674 327 048 457 983 786 618 703 257 405 % 938 924 215 709 695 994 630 557 521 063 203 263 493 209 220 738 320 923 356 309 923 267 % 504 401 701 760 572 026 010 829 288 042 335 606 643 089 888 710 297 380 797 578 013 056 $049\,576\,342\,838\,683\,057\,190\,662\,205\,291\,174\,822\,510\,536\,697\,756\,603\,029\,574\,043\,387\,983$ 471 518 552 602 805 333 866 357 139 101 046 336 419 769 097 397 432 285 994 219 837 046 979 109 956 303 389 604 675 889 865 795 711 176 566 670 039 156 748 153 115 943 980 043 125 249 193 754 425 845 895 000 311 561 682 974 304 641 142 538 074 897 281 723 375 955

```
( ( ( 2 601 218 943 565 795 100 204 903 227 081 043 611 191 521 875 016 945 785 727 541 837 850 \times
               835 631 156 947 382 240 678 577 958 130 457 082 619 920 575 892 247 259 536 641 565
               162 052 015 873 791 984 587 740 832 529 105 244 690 388 811 884 123 764 341 191 951
               045\,505\,346\,658\,616\,243\,271\,940\,197\,113\,909\,845\,536\,727\,278\,537\,099\,345\,629\,855\,586
               719\,369\,774\,070\,003\,700\,430\,783\,758\,997\,420\,676\,784\,016\,967\,207\,846\,280\,629\,229\,032\,
               140\ 265\ 986\ 193\ 073\ 249\ 369\ 770\ 477\ 606\ 067\ 680\ 670\ 176\ 491\ 669\ 403\ 034\ 819\ 961\ 881\ \times 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\ 1000\
               455\,625\,195\,592\,566\,918\,830\,825\,514\,942\,947\,596\,537\,274\,845\,624\,628\,824\,234\,526\,597\,\times 10^{-2}
               789 737 740 896 466 553 992 435 928 786 212 515 967 483 220 976 029 505 696 699 927
               284 670 563 747 137 533 019 248 313 587 076 125 412 683 415 860 129 447 566 011 455
               420\,749\,589\,952\,563\,543\,068\,288\,634\,631\,084\,965\,650\,682\,771\,552\,996\,256\,790\,845\,235\,\%
               702\,552\,186\,222\,358\,130\,016\,700\,834\,523\,443\,236\,821\,935\,793\,184\,701\,956\,510\,729\,781\,\%
               804\,354\,173\,890\,560\,727\,428\,048\,583\,995\,919\,729\,021\,726\,612\,291\,298\,420\,516\,067\,579
               036 232 337 699 453 964 191 475 175 567 557 695 392 233 803 056 825 308 599 977 441 \( \)
               675\,784\,352\,815\,913\,461\,340\,394\,604\,901\,269\,542\,028\,838\,347\,101\,363\,733\,824\,484\,506\,
               660\,093\,348\,484\,440\,711\,931\,292\,537\,694\,657\,354\,337\,375\,724\,772\,230\,181\,534\,032\,647 \times
               177531984537341478674327048457983786618703257405938924215709695
               994 630 557 521 063 203 263 493 209 220 738 320 923 356 309 923 267 504 401 701 760
               572 026 010 829 288 042 335 606 643 089 888 710 297 380 797 578 013 056 049 576 342
               838\,683\,057\,190\,662\,205\,291\,174\,822\,510\,536\,697\,756\,603\,029\,574\,043\,387\,983\,471\,518\,\%
               552 602 805 333 866 357 139 101 046 336 419 769 097 397 432 285 994 219 837 046 979
               109 956 303 389 604 675 889 865 795 711 176 566 670 039 156 748 153 115 943 980 043
               625 399 399 731 203 066 490 601 325 311 304 719 028 898 491 856 203 766 669 164 468
               791 125 249 193 754 425 845 895 000 311 561 682 974 304 641 142 538 074 897 281 723 \
               375 955 380 661 719 801 404 677 935 614 793 635 266 265 683 339 509 760 000 000 000 0
               000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 !)!)!)!}, {1, 2,
((((2601218943565795100204903227081043611191521875016945785727541837850)
                   835 631 156 947 382 240 678 577 958 130 457 082 619 920 575 892 247 259 536 641 565
                   162 052 015 873 791 984 587 740 832 529 105 244 690 388 811 884 123 764 341 191 951 \
                   045 505 346 658 616 243 271 940 197 113 909 845 536 727 278 537 099 345 629 855 586
                   719 369 774 070 003 700 430 783 758 997 420 676 784 016 967 207 846 280 629 229 032 %
                   107 161 669 867 260 548 988 445 514 257 193 985 499 448 939 594 496 064 045 132 362
                   140 265 986 193 073 249 369 770 477 606 067 680 670 176 491 669 403 034 819 961 881
                   455\,625\,195\,592\,566\,918\,830\,825\,514\,942\,947\,596\,537\,274\,845\,624\,628\,824\,234\,526\,597\,\times 10^{-2}
                   789 737 740 896 466 553 992 435 928 786 212 515 967 483 220 976 029 505 696 699 927
                   284\,670\,563\,747\,137\,533\,019\,248\,313\,587\,076\,125\,412\,683\,415\,860\,129\,447\,566\,011\,455\, .
                   420\,749\,589\,952\,563\,543\,068\,288\,634\,631\,084\,965\,650\,682\,771\,552\,996\,256\,790\,845\,235\,\%
                   702 552 186 222 358 130 016 700 834 523 443 236 821 935 793 184 701 956 510 729 781
                   804\,354\,173\,890\,560\,727\,428\,048\,583\,995\,919\,729\,021\,726\,612\,291\,298\,420\,516\,067\,579 \times
                   036 232 337 699 453 964 191 475 175 567 557 695 392 233 803 056 825 308 599 977 441
```

675 784 352 815 913 461 340 394 604 901 269 542 028 838 347 101 363 733 824 484 506 %

660 093 348 484 440 711 931 292 537 694 657 354 337 375 724 772 230 181 534 032 647 177531984537341478674327048457983786618703257405938924215709695994 630 557 521 063 203 263 493 209 220 738 320 923 356 309 923 267 504 401 701 760 572 026 010 829 288 042 335 606 643 089 888 710 297 380 797 578 013 056 049 576 342 838 683 057 190 662 205 291 174 822 510 536 697 756 603 029 574 043 387 983 471 518 552 602 805 333 866 357 139 101 046 336 419 769 097 397 432 285 994 219 837 046 979 109 956 303 389 604 675 889 865 795 711 176 566 670 039 156 748 153 115 943 980 043 % 625 399 399 731 203 066 490 601 325 311 304 719 028 898 491 856 203 766 669 164 468 791 125 249 193 754 425 845 895 000 311 561 682 974 304 641 142 538 074 897 281 723 % 375 955 380 661 719 801 404 677 935 614 793 635 266 265 683 339 509 760 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 () () () () () ()

{1, 2,

> (((((2601218943565795100204903227081043611191521875016945785727541837850): $835\,631\,156\,947\,382\,240\,678\,577\,958\,130\,457\,082\,619\,920\,575\,892\,247\,259\,536\,641\,$ 565 162 052 015 873 791 984 587 740 832 529 105 244 690 388 811 884 123 764 341 $629\,855\,586\,719\,369\,774\,070\,003\,700\,430\,783\,758\,997\,420\,676\,784\,016\,967\,207\,846\,$ $280\,629\,229\,032\,107\,161\,669\,867\,260\,548\,988\,445\,514\,257\,193\,985\,499\,448\,939\,594$ 496 064 045 132 362 140 265 986 193 073 249 369 770 477 606 067 680 670 176 491 $669\,403\,034\,819\,961\,881\,455\,625\,195\,592\,566\,918\,830\,825\,514\,942\,947\,596\,537\,274\,\%$ 845 624 628 824 234 526 597 789 737 740 896 466 553 992 435 928 786 212 515 967 483 220 976 029 505 696 699 927 284 670 563 747 137 533 019 248 313 587 076 125 $412\,683\,415\,860\,129\,447\,566\,011\,455\,420\,749\,589\,952\,563\,543\,068\,288\,634\,631\,084$ 995 919 729 021 726 612 291 298 420 516 067 579 036 232 337 699 453 964 191 475 $175\,567\,557\,695\,392\,233\,803\,056\,825\,308\,599\,977\,441\,675\,784\,352\,815\,913\,461\,340\,\%$ 394 604 901 269 542 028 838 347 101 363 733 824 484 506 660 093 348 484 440 711 931 292 537 694 657 354 337 375 724 772 230 181 534 032 647 177 531 984 537 341 \(\) 478 674 327 048 457 983 786 618 703 257 405 938 924 215 709 695 994 630 557 521 $063\,203\,263\,493\,209\,220\,738\,320\,923\,356\,309\,923\,267\,504\,401\,701\,760\,572\,026\,010$ 829 288 042 335 606 643 089 888 710 297 380 797 578 013 056 049 576 342 838 683 3 $057\,190\,662\,205\,291\,174\,822\,510\,536\,697\,756\,603\,029\,574\,043\,387\,983\,471\,518\,552\,\%$ $602\,805\,333\,866\,357\,139\,101\,046\,336\,419\,769\,097\,397\,432\,285\,994\,219\,837\,046\,979$ 109 956 303 389 604 675 889 865 795 711 176 566 670 039 156 748 153 115 943 980 $043\,625\,399\,399\,731\,203\,066\,490\,601\,325\,311\,304\,719\,028\,898\,491\,856\,203\,766\,669\,\%$ $897\,281\,723\,375\,955\,380\,661\,719\,801\,404\,677\,935\,614\,793\,635\,266\,265\,683\,339\,509$

```
)!)!)!)!), {1, 2,
  (\ (\ (\ (\ (\ (\ 2\ 601\ 218\ 943\ 565\ 795\ 100\ 204\ 903\ 227\ 081\ 043\ 611\ 191\ 521\ 875\ 016\ 945\ 785\ 727\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837\ 541\ 837
                                          850 835 631 156 947 382 240 678 577 958 130 457 082 619 920 575 892 247 259
                                          536 641 565 162 052 015 873 791 984 587 740 832 529 105 244 690 388 811 884 3
                                          123 764 341 191 951 045 505 346 658 616 243 271 940 197 113 909 845 536 727
                                          278 537 099 345 629 855 586 719 369 774 070 003 700 430 783 758 997 420 676
                                          784 016 967 207 846 280 629 229 032 107 161 669 867 260 548 988 445 514 257
                                          193 985 499 448 939 594 496 064 045 132 362 140 265 986 193 073 249 369 770
                                          477 606 067 680 670 176 491 669 403 034 819 961 881 455 625 195 592 566 918
                                          830 825 514 942 947 596 537 274 845 624 628 824 234 526 597 789 737 740 896
                                          466\,553\,992\,435\,928\,786\,212\,515\,967\,483\,220\,976\,029\,505\,696\,699\,927\,284\,670\,
                                          563\,747\,137\,533\,019\,248\,313\,587\,076\,125\,412\,683\,415\,860\,129\,447\,566\,011\,455\,
                                          420 749 589 952 563 543 068 288 634 631 084 965 650 682 771 552 996 256 790
                                          845\ 235\ 702\ 552\ 186\ 222\ 358\ 130\ 016\ 700\ 834\ 523\ 443\ 236\ 821\ 935\ 793\ 184\ 701\ \times 100\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 184\ 700\ 18
                                          956 510 729 781 804 354 173 890 560 727 428 048 583 995 919 729 021 726 612
                                          291 298 420 516 067 579 036 232 337 699 453 964 191 475 175 567 557 695 392
                                          233\,803\,056\,825\,308\,599\,977\,441\,675\,784\,352\,815\,913\,461\,340\,394\,604\,901\,269 .
                                          542 028 838 347 101 363 733 824 484 506 660 093 348 484 440 711 931 292 537
                                          694\,657\,354\,337\,375\,724\,772\,230\,181\,534\,032\,647\,177\,531\,984\,537\,341\,478\,674
                                          327 048 457 983 786 618 703 257 405 938 924 215 709 695 994 630 557 521 063 %
                                          829 288 042 335 606 643 089 888 710 297 380 797 578 013 056 049 576 342 838
                                          683\,057\,190\,662\,205\,291\,174\,822\,510\,536\,697\,756\,603\,029\,574\,043\,387\,983\,471\,\%
                                          518 552 602 805 333 866 357 139 101 046 336 419 769 097 397 432 285 994 219
                                          837 046 979 109 956 303 389 604 675 889 865 795 711 176 566 670 039 156 748
                                          153 115 943 980 043 625 399 399 731 203 066 490 601 325 311 304 719 028 898
                                          491 856 203 766 669 164 468 791 125 249 193 754 425 845 895 000 311 561 682 %
                                          974 304 641 142 538 074 897 281 723 375 955 380 661 719 801 404 677 935 614
                                          000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 !) !) !) !) !) !) !) !) ,
{1, 2,
  850 835 631 156 947 382 240 678 577 958 130 457 082 619 920 575 892 247 259
                                                536 641 565 162 052 015 873 791 984 587 740 832 529 105 244 690 388 811 884 %
                                                123 764 341 191 951 045 505 346 658 616 243 271 940 197 113 909 845 536 727
                                                278 537 099 345 629 855 586 719 369 774 070 003 700 430 783 758 997 420 676
                                                784 016 967 207 846 280 629 229 032 107 161 669 867 260 548 988 445 514 257
                                                193 985 499 448 939 594 496 064 045 132 362 140 265 986 193 073 249 369 770 %
                                                477 606 067 680 670 176 491 669 403 034 819 961 881 455 625 195 592 566 918
```

 $830\,825\,514\,942\,947\,596\,537\,274\,845\,624\,628\,824\,234\,526\,597\,789\,737\,740\,896$ 466 553 992 435 928 786 212 515 967 483 220 976 029 505 696 699 927 284 670 563 747 137 533 019 248 313 587 076 125 412 683 415 860 129 447 566 011 455 %

420 749 589 952 563 543 068 288 634 631 084 965 650 682 771 552 996 256 790 956 510 729 781 804 354 173 890 560 727 428 048 583 995 919 729 021 726 612 291 298 420 516 067 579 036 232 337 699 453 964 191 475 175 567 557 695 392 233 803 056 825 308 599 977 441 675 784 352 815 913 461 340 394 604 901 269 542 028 838 347 101 363 733 824 484 506 660 093 348 484 440 711 931 292 537 $694\,657\,354\,337\,375\,724\,772\,230\,181\,534\,032\,647\,177\,531\,984\,537\,341\,478\,674$: 327 048 457 983 786 618 703 257 405 938 924 215 709 695 994 630 557 521 063 % $203\,263\,493\,209\,220\,738\,320\,923\,356\,309\,923\,267\,504\,401\,701\,760\,572\,026\,010\,\%$ 829 288 042 335 606 643 089 888 710 297 380 797 578 013 056 049 576 342 838 $518\,552\,602\,805\,333\,866\,357\,139\,101\,046\,336\,419\,769\,097\,397\,432\,285\,994\,219$ imes837 046 979 109 956 303 389 604 675 889 865 795 711 176 566 670 039 156 748 153 115 943 980 043 625 399 399 731 203 066 490 601 325 311 304 719 028 898 491 856 203 766 669 164 468 791 125 249 193 754 425 845 895 000 311 561 682 974 304 641 142 538 074 897 281 723 375 955 380 661 719 801 404 677 935 614 % 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 !) !) !) !) !) !) !) !) .

{1, 2,

 $850\,835\,631\,156\,947\,382\,240\,678\,577\,958\,130\,457\,082\,619\,920\,575\,892\,247$ 259 536 641 565 162 052 015 873 791 984 587 740 832 529 105 244 690 388 3 811 884 123 764 341 191 951 045 505 346 658 616 243 271 940 197 113 909 $845\,536\,727\,278\,537\,099\,345\,629\,855\,586\,719\,369\,774\,070\,003\,700\,430\,783\,\%$ 758 997 420 676 784 016 967 207 846 280 629 229 032 107 161 669 867 260 548 988 445 514 257 193 985 499 448 939 594 496 064 045 132 362 140 265 986 193 073 249 369 770 477 606 067 680 670 176 491 669 403 034 819 961 \(\) 881 455 625 195 592 566 918 830 825 514 942 947 596 537 274 845 624 628 824 234 526 597 789 737 740 896 466 553 992 435 928 786 212 515 967 483 220 976 029 505 696 699 927 284 670 563 747 137 533 019 248 313 587 076 125 412 683 415 860 129 447 566 011 455 420 749 589 952 563 543 068 288 634 631 084 965 650 682 771 552 996 256 790 845 235 702 552 186 222 358 $130\,016\,700\,834\,523\,443\,236\,821\,935\,793\,184\,701\,956\,510\,729\,781\,804\,354$ $173\,890\,560\,727\,428\,048\,583\,995\,919\,729\,021\,726\,612\,291\,298\,420\,516\,067$ 579 036 232 337 699 453 964 191 475 175 567 557 695 392 233 803 056 825 308 599 977 441 675 784 352 815 913 461 340 394 604 901 269 542 028 838 % $347\,101\,363\,733\,824\,484\,506\,660\,093\,348\,484\,440\,711\,931\,292\,537\,694\,657\,\%$ 354 337 375 724 772 230 181 534 032 647 177 531 984 537 341 478 674 327 $048\,457\,983\,786\,618\,703\,257\,405\,938\,924\,215\,709\,695\,994\,630\,557\,521\,063$ 203 263 493 209 220 738 320 923 356 309 923 267 504 401 701 760 572 026 010 829 288 042 335 606 643 089 888 710 297 380 797 578 013 056 049 576

342 838 683 057 190 662 205 291 174 822 510 536 697 756 603 029 574 043 387 983 471 518 552 602 805 333 866 357 139 101 046 336 419 769 097 397 $432\,285\,994\,219\,837\,046\,979\,109\,956\,303\,389\,604\,675\,889\,865\,795\,711\,176\,$ 566 670 039 156 748 153 115 943 980 043 625 399 399 731 203 066 490 601 325 311 304 719 028 898 491 856 203 766 669 164 468 791 125 249 193 754 $425\,845\,895\,000\,311\,561\,682\,974\,304\,641\,142\,538\,074\,897\,281\,723\,375\,955$ 380 661 719 801 404 677 935 614 793 635 266 265 683 339 509 760 000 000 % 00000000!)!)!)!)!)!)!)!), {1, 2, $837\,850\,835\,631\,156\,947\,382\,240\,678\,577\,958\,130\,457\,082\,619\,920\,575$ 892 247 259 536 641 565 162 052 015 873 791 984 587 740 832 529 105 % 244 690 388 811 884 123 764 341 191 951 045 505 346 658 616 243 271 940 197 113 909 845 536 727 278 537 099 345 629 855 586 719 369 774 070 003 700 430 783 758 997 420 676 784 016 967 207 846 280 629 229

```
000!)!)!)!)!)!)!)!)!)!);
837 850 835 631 156 947 382 240 678 577 958 130 457 082 619 920 575
                        892 247 259 536 641 565 162 052 015 873 791 984 587 740 832 529 105
                        244 690 388 811 884 123 764 341 191 951 045 505 346 658 616 243 271
                       940 197 113 909 845 536 727 278 537 099 345 629 855 586 719 369 774
                       070 003 700 430 783 758 997 420 676 784 016 967 207 846 280 629 229
                       032 107 161 669 867 260 548 988 445 514 257 193 985 499 448 939 594
                        496 064 045 132 362 140 265 986 193 073 249 369 770 477 606 067 680
                        670 176 491 669 403 034 819 961 881 455 625 195 592 566 918 830 825
                       514 942 947 596 537 274 845 624 628 824 234 526 597 789 737 740 896
                        466 553 992 435 928 786 212 515 967 483 220 976 029 505 696 699 927
                        284 670 563 747 137 533 019 248 313 587 076 125 412 683 415 860 129
                        447 566 011 455 420 749 589 952 563 543 068 288 634 631 084 965 650
                        682\,771\,552\,996\,256\,790\,845\,235\,702\,552\,186\,222\,358\,130\,016\,700\,834\,\%
                       523 443 236 821 935 793 184 701 956 510 729 781 804 354 173 890 560 %
                       727 428 048 583 995 919 729 021 726 612 291 298 420 516 067 579 036
                       232 337 699 453 964 191 475 175 567 557 695 392 233 803 056 825 308
                        599 977 441 675 784 352 815 913 461 340 394 604 901 269 542 028 838
                       347 101 363 733 824 484 506 660 093 348 484 440 711 931 292 537 694
                       657 354 337 375 724 772 230 181 534 032 647 177 531 984 537 341 478
                        674 327 048 457 983 786 618 703 257 405 938 924 215 709 695 994 630
                        557 521 063 203 263 493 209 220 738 320 923 356 309 923 267 504 401 3
                        701 760 572 026 010 829 288 042 335 606 643 089 888 710 297 380 797
                        578 013 056 049 576 342 838 683 057 190 662 205 291 174 822 510 536
                       697 756 603 029 574 043 387 983 471 518 552 602 805 333 866 357 139 %
                        101 046 336 419 769 097 397 432 285 994 219 837 046 979 109 956 303
                        389 604 675 889 865 795 711 176 566 670 039 156 748 153 115 943 980
                       043 625 399 399 731 203 066 490 601 325 311 304 719 028 898 491 856
                        203 766 669 164 468 791 125 249 193 754 425 845 895 000 311 561 682
                       974 304 641 142 538 074 897 281 723 375 955 380 661 719 801 404 677
                       935 614 793 635 266 265 683 339 509 760 000 000 000 000 000 000 000 0
                        000!)!)!)!)!)!)!)!)!)!)!);, {1, 2,
837 850 835 631 156 947 382 240 678 577 958 130 457 082 619 920 %
                          575 892 247 259 536 641 565 162 052 015 873 791 984 587 740 832
                          529 105 244 690 388 811 884 123 764 341 191 951 045 505 346 658
                          616 243 271 940 197 113 909 845 536 727 278 537 099 345 629 855
                          586 719 369 774 070 003 700 430 783 758 997 420 676 784 016 967
                          207 846 280 629 229 032 107 161 669 867 260 548 988 445 514 257 🦠
```

{1, 2,

```
193 985 499 448 939 594 496 064 045 132 362 140 265 986 193 073
                                            249 369 770 477 606 067 680 670 176 491 669 403 034 819 961 881 %
                                           455 625 195 592 566 918 830 825 514 942 947 596 537 274 845 624
                                            628 824 234 526 597 789 737 740 896 466 553 992 435 928 786 212 %
                                            515 967 483 220 976 029 505 696 699 927 284 670 563 747 137 533
                                            019 248 313 587 076 125 412 683 415 860 129 447 566 011 455 420
                                           749 589 952 563 543 068 288 634 631 084 965 650 682 771 552 996 %
                                            256 790 845 235 702 552 186 222 358 130 016 700 834 523 443 236
                                           821 935 793 184 701 956 510 729 781 804 354 173 890 560 727 428 %
                                            048 583 995 919 729 021 726 612 291 298 420 516 067 579 036 232
                                            337 699 453 964 191 475 175 567 557 695 392 233 803 056 825 308
                                           599 977 441 675 784 352 815 913 461 340 394 604 901 269 542 028
                                            838 347 101 363 733 824 484 506 660 093 348 484 440 711 931 292
                                           537 694 657 354 337 375 724 772 230 181 534 032 647 177 531 984 %
                                            537 341 478 674 327 048 457 983 786 618 703 257 405 938 924 215
                                            709 695 994 630 557 521 063 203 263 493 209 220 738 320 923 356 %
                                           309 923 267 504 401 701 760 572 026 010 829 288 042 335 606 643 %
                                            089\,888\,710\,297\,380\,797\,578\,013\,056\,049\,576\,342\,838\,683\,057\,190
                                            662 205 291 174 822 510 536 697 756 603 029 574 043 387 983 471
                                            518 552 602 805 333 866 357 139 101 046 336 419 769 097 397 432 %
                                            285 994 219 837 046 979 109 956 303 389 604 675 889 865 795 711 %
                                            176 566 670 039 156 748 153 115 943 980 043 625 399 399 731 203
                                            066 490 601 325 311 304 719 028 898 491 856 203 766 669 164 468
                                           791 125 249 193 754 425 845 895 000 311 561 682 974 304 641 142
                                            538 074 897 281 723 375 955 380 661 719 801 404 677 935 614 793
                                            000000!; (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1); (1)
837 850 835 631 156 947 382 240 678 577 958 130 457 082 619
                                               920 575 892 247 259 536 641 565 162 052 015 873 791 984 587 %
                                               740 832 529 105 244 690 388 811 884 123 764 341 191 951 045
                                               505 346 658 616 243 271 940 197 113 909 845 536 727 278 537
                                               099 345 629 855 586 719 369 774 070 003 700 430 783 758 997
                                               420 676 784 016 967 207 846 280 629 229 032 107 161 669 867
                                               260 548 988 445 514 257 193 985 499 448 939 594 496 064 045
                                               132 362 140 265 986 193 073 249 369 770 477 606 067 680 670
                                               176 491 669 403 034 819 961 881 455 625 195 592 566 918 830
                                               825 514 942 947 596 537 274 845 624 628 824 234 526 597 789
```

737 740 896 466 553 992 435 928 786 212 515 967 483 220 976

```
029 505 696 699 927 284 670 563 747 137 533 019 248 313 587
076 125 412 683 415 860 129 447 566 011 455 420 749 589 952
563 543 068 288 634 631 084 965 650 682 771 552 996 256 790
845 235 702 552 186 222 358 130 016 700 834 523 443 236 821
935 793 184 701 956 510 729 781 804 354 173 890 560 727 428
048 583 995 919 729 021 726 612 291 298 420 516 067 579 036 %
232 337 699 453 964 191 475 175 567 557 695 392 233 803 056
825 308 599 977 441 675 784 352 815 913 461 340 394 604 901
269 542 028 838 347 101 363 733 824 484 506 660 093 348 484 %
440 711 931 292 537 694 657 354 337 375 724 772 230 181 534
032 647 177 531 984 537 341 478 674 327 048 457 983 786 618
703 257 405 938 924 215 709 695 994 630 557 521 063 203 263
493 209 220 738 320 923 356 309 923 267 504 401 701 760 572
026 010 829 288 042 335 606 643 089 888 710 297 380 797 578
013 056 049 576 342 838 683 057 190 662 205 291 174 822 510
536 697 756 603 029 574 043 387 983 471 518 552 602 805 333 %
866 357 139 101 046 336 419 769 097 397 432 285 994 219 837
046 979 109 956 303 389 604 675 889 865 795 711 176 566 670
039 156 748 153 115 943 980 043 625 399 399 731 203 066 490
601 325 311 304 719 028 898 491 856 203 766 669 164 468 791
125 249 193 754 425 845 895 000 311 561 682 974 304 641 142
538 074 897 281 723 375 955 380 661 719 801 404 677 935 614
793 635 266 265 683 339 509 760 000 000 000 000 000 000 000 0
```

{1, 2,

> 541 837 850 835 631 156 947 382 240 678 577 958 130 457 082 619 920 575 892 247 259 536 641 565 162 052 015 873 791 984 587 740 832 529 105 244 690 388 811 884 123 764 341 191 951 045 505 346 658 616 243 271 940 197 113 909 845 536 727 278 537 099 345 629 855 586 719 369 774 070 003 700 430 783 758 997 420 676 784 016 967 207 846 280 629 229 032 107 161 669 867 260 548 988 445 514 257 193 985 499 448 939 594 496 064 045 132 362 140 265 986 193 073 249 369 770 477 606 067 680 670 176 491 669 403 034 819 961 881 455 625 195 592 566 918 830 825 514 942 947 596 537 274 845 624 628 824 234 526 597 789 737 740 896 466 553 992 435 928 786 212 515 967 483 220 976 029 505 696 699 927 284 670 563 747 137 533 019 248 313 587 076 125 412 683 415 860 129 447 566 011 455 420 749 589 952 563 543 068 288 634 631 084 965 650 682 771 552 996 256 %

)!)!}**,**

{1, 2,

```
821 935 793 184 701 956 510 729 781 804 354 173 890 560 727
                               428 048 583 995 919 729 021 726 612 291 298 420 516 067 579
                               036 232 337 699 453 964 191 475 175 567 557 695 392 233 803
                               056 825 308 599 977 441 675 784 352 815 913 461 340 394 604
                               901 269 542 028 838 347 101 363 733 824 484 506 660 093 348 %
                               484 440 711 931 292 537 694 657 354 337 375 724 772 230 181
                               534 032 647 177 531 984 537 341 478 674 327 048 457 983 786
                               618 703 257 405 938 924 215 709 695 994 630 557 521 063 203 %
                               263 493 209 220 738 320 923 356 309 923 267 504 401 701 760
                               572 026 010 829 288 042 335 606 643 089 888 710 297 380 797
                               578 013 056 049 576 342 838 683 057 190 662 205 291 174 822
                               510 536 697 756 603 029 574 043 387 983 471 518 552 602 805
                               333 866 357 139 101 046 336 419 769 097 397 432 285 994 219
                               837 046 979 109 956 303 389 604 675 889 865 795 711 176 566
                               670 039 156 748 153 115 943 980 043 625 399 399 731 203 066
                               490 601 325 311 304 719 028 898 491 856 203 766 669 164 468
                               791 125 249 193 754 425 845 895 000 311 561 682 974 304 641
                               142 538 074 897 281 723 375 955 380 661 719 801 404 677 935
                               614 793 635 266 265 683 339 509 760 000 000 000 000 000 000 %
                               000 000 000 000 000 000 000 000 !) !) !) !) !) !) !) !) !) !) !) !)
541 837 850 835 631 156 947 382 240 678 577 958 130 457
                                  082 619 920 575 892 247 259 536 641 565 162 052 015 873
                                  791 984 587 740 832 529 105 244 690 388 811 884 123 764
                                  341 191 951 045 505 346 658 616 243 271 940 197 113 909
                                  845 536 727 278 537 099 345 629 855 586 719 369 774 070
                                  003 700 430 783 758 997 420 676 784 016 967 207 846 280
                                  629 229 032 107 161 669 867 260 548 988 445 514 257 193
                                  985 499 448 939 594 496 064 045 132 362 140 265 986 193
                                  073 249 369 770 477 606 067 680 670 176 491 669 403 034 %
                                  819 961 881 455 625 195 592 566 918 830 825 514 942 947
                                  596 537 274 845 624 628 824 234 526 597 789 737 740 896
                                  466 553 992 435 928 786 212 515 967 483 220 976 029 505
                                  696 699 927 284 670 563 747 137 533 019 248 313 587 076
                                  125 412 683 415 860 129 447 566 011 455 420 749 589 952
```

563 543 068 288 634 631 084 965 650 682 771 552 996 256 790 845 235 702 552 186 222 358 130 016 700 834 523 443

790 845 235 702 552 186 222 358 130 016 700 834 523 443 236

236 821 935 793 184 701 956 510 729 781 804 354 173 890

```
560 727 428 048 583 995 919 729 021 726 612 291 298 420 %
                                  516 067 579 036 232 337 699 453 964 191 475 175 567 557
                                  695 392 233 803 056 825 308 599 977 441 675 784 352 815
                                  913 461 340 394 604 901 269 542 028 838 347 101 363 733 %
                                  824 484 506 660 093 348 484 440 711 931 292 537 694 657
                                  354 337 375 724 772 230 181 534 032 647 177 531 984 537
                                  341 478 674 327 048 457 983 786 618 703 257 405 938 924
                                  215 709 695 994 630 557 521 063 203 263 493 209 220 738 %
                                  320 923 356 309 923 267 504 401 701 760 572 026 010 829
                                  288 042 335 606 643 089 888 710 297 380 797 578 013 056 %
                                  049 576 342 838 683 057 190 662 205 291 174 822 510 536 %
                                  697 756 603 029 574 043 387 983 471 518 552 602 805 333
                                  866 357 139 101 046 336 419 769 097 397 432 285 994 219
                                  837 046 979 109 956 303 389 604 675 889 865 795 711 176
                                  566 670 039 156 748 153 115 943 980 043 625 399 399 731
                                  203 066 490 601 325 311 304 719 028 898 491 856 203 766 %
                                  669 164 468 791 125 249 193 754 425 845 895 000 311 561
                                  682 974 304 641 142 538 074 897 281 723 375 955 380 661
                                  719 801 404 677 935 614 793 635 266 265 683 339 509 760 %
                                  000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000
                                  {1,
2,
 541 837 850 835 631 156 947 382 240 678 577 958 130
                                    457 082 619 920 575 892 247 259 536 641 565 162 052
                                    015 873 791 984 587 740 832 529 105 244 690 388 811
                                    884 123 764 341 191 951 045 505 346 658 616 243 271
                                    940 197 113 909 845 536 727 278 537 099 345 629 855
                                    586 719 369 774 070 003 700 430 783 758 997 420 676
                                    784 016 967 207 846 280 629 229 032 107 161 669 867
                                    260 548 988 445 514 257 193 985 499 448 939 594 496
                                    064 045 132 362 140 265 986 193 073 249 369 770 477
                                    606 067 680 670 176 491 669 403 034 819 961 881 455
                                    625 195 592 566 918 830 825 514 942 947 596 537 274 %
                                    845 624 628 824 234 526 597 789 737 740 896 466 553
                                    992 435 928 786 212 515 967 483 220 976 029 505 696
                                    699 927 284 670 563 747 137 533 019 248 313 587 076 %
                                    125 412 683 415 860 129 447 566 011 455 420 749 589
                                    952 563 543 068 288 634 631 084 965 650 682 771 552
```

}, **{1,** 2,

```
996 256 790 845 235 702 552 186 222 358 130 016 700
                               834 523 443 236 821 935 793 184 701 956 510 729 781
                               804 354 173 890 560 727 428 048 583 995 919 729 021
                               726 612 291 298 420 516 067 579 036 232 337 699 453
                               964 191 475 175 567 557 695 392 233 803 056 825 308
                               599 977 441 675 784 352 815 913 461 340 394 604 901
                               269 542 028 838 347 101 363 733 824 484 506 660 093
                               348 484 440 711 931 292 537 694 657 354 337 375 724
                               772 230 181 534 032 647 177 531 984 537 341 478 674 %
                               327 048 457 983 786 618 703 257 405 938 924 215 709
                               695 994 630 557 521 063 203 263 493 209 220 738 320 %
                               923 356 309 923 267 504 401 701 760 572 026 010 829 %
                               288 042 335 606 643 089 888 710 297 380 797 578 013
                               056 049 576 342 838 683 057 190 662 205 291 174 822 %
                               510 536 697 756 603 029 574 043 387 983 471 518 552
                               602 805 333 866 357 139 101 046 336 419 769 097 397
                               432 285 994 219 837 046 979 109 956 303 389 604 675
                               889 865 795 711 176 566 670 039 156 748 153 115 943
                               980 043 625 399 399 731 203 066 490 601 325 311 304
                               719 028 898 491 856 203 766 669 164 468 791 125 249
                               193 754 425 845 895 000 311 561 682 974 304 641 142
                               538 074 897 281 723 375 955 380 661 719 801 404 677
                               935 614 793 635 266 265 683 339 509 760 000 000 000 %
```

727 541 837 850 835 631 156 947 382 240 678 577 958 130 457 082 619 920 575 892 247 259 536 641 565 162 052 015 873 791 984 587 740 832 529 105 244 690 388 % 811 884 123 764 341 191 951 045 505 346 658 616 243 271 940 197 113 909 845 536 727 278 537 099 345 629 855 586 719 369 774 070 003 700 430 783 758 997 420 676 784 016 967 207 846 280 629 229 032 107 161 669 867 260 548 988 445 514 257 193 985 499 448 939 594 % 496 064 045 132 362 140 265 986 193 073 249 369 770 477 606 067 680 670 176 491 669 403 034 819 961 881 455 625 195 592 566 918 830 825 514 942 947 596 537 274 845 624 628 824 234 526 597 789 737 740 896 466

```
553 992 435 928 786 212 515 967 483 220 976 029 505
                                     696 699 927 284 670 563 747 137 533 019 248 313 587
                                     076 125 412 683 415 860 129 447 566 011 455 420 749
                                     589 952 563 543 068 288 634 631 084 965 650 682 771
                                     552 996 256 790 845 235 702 552 186 222 358 130 016
                                     700 834 523 443 236 821 935 793 184 701 956 510 729
                                     781 804 354 173 890 560 727 428 048 583 995 919 729
                                     021 726 612 291 298 420 516 067 579 036 232 337 699
                                     453 964 191 475 175 567 557 695 392 233 803 056 825
                                     308 599 977 441 675 784 352 815 913 461 340 394 604
                                     901 269 542 028 838 347 101 363 733 824 484 506 660
                                     093 348 484 440 711 931 292 537 694 657 354 337 375
                                     724 772 230 181 534 032 647 177 531 984 537 341 478
                                     674 327 048 457 983 786 618 703 257 405 938 924 215
                                     709 695 994 630 557 521 063 203 263 493 209 220 738
                                     320 923 356 309 923 267 504 401 701 760 572 026 010
                                     829 288 042 335 606 643 089 888 710 297 380 797 578
                                     013 056 049 576 342 838 683 057 190 662 205 291 174
                                     822 510 536 697 756 603 029 574 043 387 983 471 518
                                     552 602 805 333 866 357 139 101 046 336 419 769 097
                                     397 432 285 994 219 837 046 979 109 956 303 389 604 %
                                     675 889 865 795 711 176 566 670 039 156 748 153 115
                                     943 980 043 625 399 399 731 203 066 490 601 325 311
                                     304 719 028 898 491 856 203 766 669 164 468 791 125
                                     249 193 754 425 845 895 000 311 561 682 974 304 641
                                     142 538 074 897 281 723 375 955 380 661 719 801 404
                                     677 935 614 793 635 266 265 683 339 509 760 000 000 %
                                     000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000
                                     727 541 837 850 835 631 156 947 382 240 678 577
                                       958 130 457 082 619 920 575 892 247 259 536 641
                                       565 162 052 015 873 791 984 587 740 832 529 105
                                       244 690 388 811 884 123 764 341 191 951 045 505
                                       346 658 616 243 271 940 197 113 909 845 536 727
                                       278 537 099 345 629 855 586 719 369 774 070 003 %
                                       700 430 783 758 997 420 676 784 016 967 207 846
```

280 629 229 032 107 161 669 867 260 548 988 445

!)!)!)!},

{1,

```
514 257 193 985 499 448 939 594 496 064 045 132
                                         362 140 265 986 193 073 249 369 770 477 606 067
                                         680 670 176 491 669 403 034 819 961 881 455 625
                                         195 592 566 918 830 825 514 942 947 596 537 274
                                         845 624 628 824 234 526 597 789 737 740 896 466 %
                                         553 992 435 928 786 212 515 967 483 220 976 029
                                         505 696 699 927 284 670 563 747 137 533 019 248
                                         313 587 076 125 412 683 415 860 129 447 566 011
                                         455 420 749 589 952 563 543 068 288 634 631 084 %
                                         965 650 682 771 552 996 256 790 845 235 702 552
                                         186 222 358 130 016 700 834 523 443 236 821 935
                                         793 184 701 956 510 729 781 804 354 173 890 560
                                         727 428 048 583 995 919 729 021 726 612 291 298
                                         420 516 067 579 036 232 337 699 453 964 191 475
                                         175 567 557 695 392 233 803 056 825 308 599 977
                                         441 675 784 352 815 913 461 340 394 604 901 269
                                         542 028 838 347 101 363 733 824 484 506 660 093 %
                                         348 484 440 711 931 292 537 694 657 354 337 375
                                         724 772 230 181 534 032 647 177 531 984 537 341
                                         478 674 327 048 457 983 786 618 703 257 405 938 %
                                         924 215 709 695 994 630 557 521 063 203 263 493 %
                                         209 220 738 320 923 356 309 923 267 504 401 701
                                         760 572 026 010 829 288 042 335 606 643 089 888 %
                                         710 297 380 797 578 013 056 049 576 342 838 683
                                         057 190 662 205 291 174 822 510 536 697 756 603
                                         029 574 043 387 983 471 518 552 602 805 333 866 %
                                         357 139 101 046 336 419 769 097 397 432 285 994
                                         219 837 046 979 109 956 303 389 604 675 889 865
                                         795 711 176 566 670 039 156 748 153 115 943 980
                                         043 625 399 399 731 203 066 490 601 325 311 304 %
                                         719 028 898 491 856 203 766 669 164 468 791 125
                                         249 193 754 425 845 895 000 311 561 682 974 304
                                         641 142 538 074 897 281 723 375 955 380 661 719
                                         801 404 677 935 614 793 635 266 265 683 339 509
                                         000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000
                                         000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 !)
                                     {1, 2,
 727 541 837 850 835 631 156 947 382 240 678 577
                                         958 130 457 082 619 920 575 892 247 259 536 641
```

```
000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 1
                                           , {1, 2,
785 727 541 837 850 835 631 156 947 382 240 678 %
                                           577 958 130 457 082 619 920 575 892 247 259 536 %
                                           641 565 162 052 015 873 791 984 587 740 832 529
                                           105 244 690 388 811 884 123 764 341 191 951 045
                                           505 346 658 616 243 271 940 197 113 909 845 536
                                           727 278 537 099 345 629 855 586 719 369 774 070
                                           003 700 430 783 758 997 420 676 784 016 967 207
                                           846 280 629 229 032 107 161 669 867 260 548 988
                                           445 514 257 193 985 499 448 939 594 496 064 045
                                           132 362 140 265 986 193 073 249 369 770 477 606 %
                                           067 680 670 176 491 669 403 034 819 961 881 455
                                           625 195 592 566 918 830 825 514 942 947 596 537
                                           274 845 624 628 824 234 526 597 789 737 740 896
                                           466 553 992 435 928 786 212 515 967 483 220 976
                                           029 505 696 699 927 284 670 563 747 137 533 019
                                           248 313 587 076 125 412 683 415 860 129 447 566
                                           011 455 420 749 589 952 563 543 068 288 634 631 %
                                           084 965 650 682 771 552 996 256 790 845 235 702
                                           552 186 222 358 130 016 700 834 523 443 236 821 %
                                           935 793 184 701 956 510 729 781 804 354 173 890
                                           560 727 428 048 583 995 919 729 021 726 612 291
                                           298 420 516 067 579 036 232 337 699 453 964 191 %
                                           475 175 567 557 695 392 233 803 056 825 308 599 %
                                           977 441 675 784 352 815 913 461 340 394 604 901
                                           269 542 028 838 347 101 363 733 824 484 506 660
                                           093 348 484 440 711 931 292 537 694 657 354 337
                                           375 724 772 230 181 534 032 647 177 531 984 537
                                           341 478 674 327 048 457 983 786 618 703 257 405
                                           938 924 215 709 695 994 630 557 521 063 203 263
                                           493 209 220 738 320 923 356 309 923 267 504 401 %
                                           701 760 572 026 010 829 288 042 335 606 643 089
                                           888 710 297 380 797 578 013 056 049 576 342 838 %
                                           683 057 190 662 205 291 174 822 510 536 697 756
                                           603 029 574 043 387 983 471 518 552 602 805 333
                                           866 357 139 101 046 336 419 769 097 397 432 285
                                           994 219 837 046 979 109 956 303 389 604 675 889
                                           865 795 711 176 566 670 039 156 748 153 115 943
                                           980 043 625 399 399 731 203 066 490 601 325 311
                                           304 719 028 898 491 856 203 766 669 164 468 791
                                           125 249 193 754 425 845 895 000 311 561 682 974
```

```
304 641 142 538 074 897 281 723 375 955 380 661
                                        719 801 404 677 935 614 793 635 266 265 683 339 %
                                        000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000
                                        000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000
                                        !)!)!}, {1, 2,
785 727 541 837 850 835 631 156 947 382 240 678
                                        577 958 130 457 082 619 920 575 892 247 259 536
                                        641 565 162 052 015 873 791 984 587 740 832 529
                                        105 244 690 388 811 884 123 764 341 191 951 045
                                        505 346 658 616 243 271 940 197 113 909 845 536
                                        727 278 537 099 345 629 855 586 719 369 774 070
                                        003 700 430 783 758 997 420 676 784 016 967 207
                                        846 280 629 229 032 107 161 669 867 260 548 988
                                        445 514 257 193 985 499 448 939 594 496 064 045
                                        132 362 140 265 986 193 073 249 369 770 477 606 %
                                        067 680 670 176 491 669 403 034 819 961 881 455
                                        625 195 592 566 918 830 825 514 942 947 596 537
                                        274 845 624 628 824 234 526 597 789 737 740 896
                                        466 553 992 435 928 786 212 515 967 483 220 976
                                        029 505 696 699 927 284 670 563 747 137 533 019
                                        248 313 587 076 125 412 683 415 860 129 447 566
                                        011 455 420 749 589 952 563 543 068 288 634 631 %
                                        084 965 650 682 771 552 996 256 790 845 235 702
                                        552 186 222 358 130 016 700 834 523 443 236 821 %
                                        935 793 184 701 956 510 729 781 804 354 173 890
                                        560 727 428 048 583 995 919 729 021 726 612 291
                                        298 420 516 067 579 036 232 337 699 453 964 191
                                        475 175 567 557 695 392 233 803 056 825 308 599 %
                                        977 441 675 784 352 815 913 461 340 394 604 901
                                        269 542 028 838 347 101 363 733 824 484 506 660
                                        093 348 484 440 711 931 292 537 694 657 354 337
                                        375 724 772 230 181 534 032 647 177 531 984 537
                                        341 478 674 327 048 457 983 786 618 703 257 405
                                        938 924 215 709 695 994 630 557 521 063 203 263
                                        493 209 220 738 320 923 356 309 923 267 504 401
                                        701 760 572 026 010 829 288 042 335 606 643 089
                                        888 710 297 380 797 578 013 056 049 576 342 838
                                        683 057 190 662 205 291 174 822 510 536 697 756
                                        603 029 574 043 387 983 471 518 552 602 805 333 %
```

```
994 219 837 046 979 109 956 303 389 604 675 889
                                       865 795 711 176 566 670 039 156 748 153 115 943
                                       980 043 625 399 399 731 203 066 490 601 325 311
                                       304 719 028 898 491 856 203 766 669 164 468 791
                                       125 249 193 754 425 845 895 000 311 561 682 974
                                       304 641 142 538 074 897 281 723 375 955 380 661
                                       719 801 404 677 935 614 793 635 266 265 683 339 %
                                       000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000
                                       000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000
                                       !)!)!)!}, {1, 2,
785 727 541 837 850 835 631 156 947 382 240 678
                                       577 958 130 457 082 619 920 575 892 247 259 536
                                       641 565 162 052 015 873 791 984 587 740 832 529
                                       105 244 690 388 811 884 123 764 341 191 951 045
                                       505 346 658 616 243 271 940 197 113 909 845 536
                                       727 278 537 099 345 629 855 586 719 369 774 070
                                       003 700 430 783 758 997 420 676 784 016 967 207
                                       846 280 629 229 032 107 161 669 867 260 548 988
                                       445 514 257 193 985 499 448 939 594 496 064 045
                                       132 362 140 265 986 193 073 249 369 770 477 606
                                       067 680 670 176 491 669 403 034 819 961 881 455
                                       625 195 592 566 918 830 825 514 942 947 596 537
                                       274 845 624 628 824 234 526 597 789 737 740 896
                                       466 553 992 435 928 786 212 515 967 483 220 976 %
                                       029 505 696 699 927 284 670 563 747 137 533 019
                                       248 313 587 076 125 412 683 415 860 129 447 566
                                       011 455 420 749 589 952 563 543 068 288 634 631 %
                                       084 965 650 682 771 552 996 256 790 845 235 702
                                       552 186 222 358 130 016 700 834 523 443 236 821
                                       935 793 184 701 956 510 729 781 804 354 173 890
                                       560 727 428 048 583 995 919 729 021 726 612 291 %
                                       298 420 516 067 579 036 232 337 699 453 964 191
                                       475 175 567 557 695 392 233 803 056 825 308 599
                                       977 441 675 784 352 815 913 461 340 394 604 901
                                       269 542 028 838 347 101 363 733 824 484 506 660
                                       093 348 484 440 711 931 292 537 694 657 354 337
                                       375 724 772 230 181 534 032 647 177 531 984 537
                                       341 478 674 327 048 457 983 786 618 703 257 405
```

866 357 139 101 046 336 419 769 097 397 432 285

```
938 924 215 709 695 994 630 557 521 063 203 263
                                       493 209 220 738 320 923 356 309 923 267 504 401 %
                                       701 760 572 026 010 829 288 042 335 606 643 089 %
                                       888 710 297 380 797 578 013 056 049 576 342 838
                                       683 057 190 662 205 291 174 822 510 536 697 756
                                       603 029 574 043 387 983 471 518 552 602 805 333 %
                                       866 357 139 101 046 336 419 769 097 397 432 285
                                       994 219 837 046 979 109 956 303 389 604 675 889
                                       865 795 711 176 566 670 039 156 748 153 115 943
                                       980 043 625 399 399 731 203 066 490 601 325 311
                                       304 719 028 898 491 856 203 766 669 164 468 791
                                       125 249 193 754 425 845 895 000 311 561 682 974
                                       304 641 142 538 074 897 281 723 375 955 380 661
                                       719 801 404 677 935 614 793 635 266 265 683 339 %
                                       000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000
                                       !)!)!)!)!), {1, 2,
785 727 541 837 850 835 631 156 947 382 240 678
                                       577 958 130 457 082 619 920 575 892 247 259 536
                                       641 565 162 052 015 873 791 984 587 740 832 529
                                       105 244 690 388 811 884 123 764 341 191 951 045
                                       505 346 658 616 243 271 940 197 113 909 845 536
                                       727 278 537 099 345 629 855 586 719 369 774 070
                                       003 700 430 783 758 997 420 676 784 016 967 207
                                       846 280 629 229 032 107 161 669 867 260 548 988 %
                                       445 514 257 193 985 499 448 939 594 496 064 045
                                       132 362 140 265 986 193 073 249 369 770 477 606
                                       067 680 670 176 491 669 403 034 819 961 881 455
                                       625 195 592 566 918 830 825 514 942 947 596 537
                                       274 845 624 628 824 234 526 597 789 737 740 896
                                       466 553 992 435 928 786 212 515 967 483 220 976
                                       029 505 696 699 927 284 670 563 747 137 533 019
                                       248 313 587 076 125 412 683 415 860 129 447 566
                                       011 455 420 749 589 952 563 543 068 288 634 631 %
                                       084 965 650 682 771 552 996 256 790 845 235 702
                                       552 186 222 358 130 016 700 834 523 443 236 821 %
                                       935 793 184 701 956 510 729 781 804 354 173 890
                                       560 727 428 048 583 995 919 729 021 726 612 291
                                       298 420 516 067 579 036 232 337 699 453 964 191
```

```
977 441 675 784 352 815 913 461 340 394 604 901 %
                                      269 542 028 838 347 101 363 733 824 484 506 660 %
                                      093 348 484 440 711 931 292 537 694 657 354 337
                                      375 724 772 230 181 534 032 647 177 531 984 537
                                       341 478 674 327 048 457 983 786 618 703 257 405
                                      938 924 215 709 695 994 630 557 521 063 203 263 %
                                      493 209 220 738 320 923 356 309 923 267 504 401 %
                                      701 760 572 026 010 829 288 042 335 606 643 089 %
                                       888 710 297 380 797 578 013 056 049 576 342 838
                                       683 057 190 662 205 291 174 822 510 536 697 756
                                      603 029 574 043 387 983 471 518 552 602 805 333
                                      866 357 139 101 046 336 419 769 097 397 432 285
                                      994 219 837 046 979 109 956 303 389 604 675 889
                                      865 795 711 176 566 670 039 156 748 153 115 943
                                      980 043 625 399 399 731 203 066 490 601 325 311
                                      304 719 028 898 491 856 203 766 669 164 468 791
                                       125 249 193 754 425 845 895 000 311 561 682 974
                                      304 641 142 538 074 897 281 723 375 955 380 661
                                       719 801 404 677 935 614 793 635 266 265 683 339 %
                                       000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000
                                       !)!)!)!)!);, {1, 2,
945 785 727 541 837 850 835 631 156 947 382 240
                                       678 577 958 130 457 082 619 920 575 892 247 259
                                       536 641 565 162 052 015 873 791 984 587 740 832
                                      529 105 244 690 388 811 884 123 764 341 191 951
                                      045 505 346 658 616 243 271 940 197 113 909 845
                                       536 727 278 537 099 345 629 855 586 719 369 774
                                      070 003 700 430 783 758 997 420 676 784 016 967
                                       207 846 280 629 229 032 107 161 669 867 260 548
                                      988 445 514 257 193 985 499 448 939 594 496 064
                                      045 132 362 140 265 986 193 073 249 369 770 477
                                       606 067 680 670 176 491 669 403 034 819 961 881 %
                                      455 625 195 592 566 918 830 825 514 942 947 596
                                       537 274 845 624 628 824 234 526 597 789 737 740
                                      896 466 553 992 435 928 786 212 515 967 483 220 %
                                      976 029 505 696 699 927 284 670 563 747 137 533
                                       019 248 313 587 076 125 412 683 415 860 129 447
```

475 175 567 557 695 392 233 803 056 825 308 599

```
566 011 455 420 749 589 952 563 543 068 288 634
                                     631 084 965 650 682 771 552 996 256 790 845 235
                                     702 552 186 222 358 130 016 700 834 523 443 236
                                     821 935 793 184 701 956 510 729 781 804 354 173
                                     890 560 727 428 048 583 995 919 729 021 726 612
                                     291 298 420 516 067 579 036 232 337 699 453 964
                                     191 475 175 567 557 695 392 233 803 056 825 308 %
                                     599 977 441 675 784 352 815 913 461 340 394 604
                                     901 269 542 028 838 347 101 363 733 824 484 506 %
                                     660 093 348 484 440 711 931 292 537 694 657 354
                                     337 375 724 772 230 181 534 032 647 177 531 984 %
                                     537 341 478 674 327 048 457 983 786 618 703 257
                                     405 938 924 215 709 695 994 630 557 521 063 203
                                     263 493 209 220 738 320 923 356 309 923 267 504 %
                                     401 701 760 572 026 010 829 288 042 335 606 643
                                     089 888 710 297 380 797 578 013 056 049 576 342
                                     838 683 057 190 662 205 291 174 822 510 536 697
                                     756 603 029 574 043 387 983 471 518 552 602 805
                                     333 866 357 139 101 046 336 419 769 097 397 432
                                     285 994 219 837 046 979 109 956 303 389 604 675
                                     889 865 795 711 176 566 670 039 156 748 153 115
                                     943 980 043 625 399 399 731 203 066 490 601 325
                                     311 304 719 028 898 491 856 203 766 669 164 468
                                     791 125 249 193 754 425 845 895 000 311 561 682
                                     974 304 641 142 538 074 897 281 723 375 955 380
                                     661 719 801 404 677 935 614 793 635 266 265 683 %
                                     )!)!)!)!)!)!)!);, {1, 2,
945 785 727 541 837 850 835 631 156 947 382 240
                                     678 577 958 130 457 082 619 920 575 892 247 259
                                     536 641 565 162 052 015 873 791 984 587 740 832 %
                                     529 105 244 690 388 811 884 123 764 341 191 951
                                     045 505 346 658 616 243 271 940 197 113 909 845
                                     536 727 278 537 099 345 629 855 586 719 369 774
                                     070 003 700 430 783 758 997 420 676 784 016 967
                                     207 846 280 629 229 032 107 161 669 867 260 548
                                     988 445 514 257 193 985 499 448 939 594 496 064
                                     045 132 362 140 265 986 193 073 249 369 770 477
```

```
606 067 680 670 176 491 669 403 034 819 961 881
                                      455 625 195 592 566 918 830 825 514 942 947 596 %
                                       537 274 845 624 628 824 234 526 597 789 737 740
                                      896 466 553 992 435 928 786 212 515 967 483 220
                                      976 029 505 696 699 927 284 670 563 747 137 533 %
                                      019 248 313 587 076 125 412 683 415 860 129 447
                                      566 011 455 420 749 589 952 563 543 068 288 634
                                       631 084 965 650 682 771 552 996 256 790 845 235
                                      702 552 186 222 358 130 016 700 834 523 443 236 %
                                      821 935 793 184 701 956 510 729 781 804 354 173
                                      890 560 727 428 048 583 995 919 729 021 726 612
                                      291 298 420 516 067 579 036 232 337 699 453 964
                                       191 475 175 567 557 695 392 233 803 056 825 308
                                      599 977 441 675 784 352 815 913 461 340 394 604 %
                                      901 269 542 028 838 347 101 363 733 824 484 506
                                       660 093 348 484 440 711 931 292 537 694 657 354
                                      337 375 724 772 230 181 534 032 647 177 531 984 %
                                       537 341 478 674 327 048 457 983 786 618 703 257
                                      405 938 924 215 709 695 994 630 557 521 063 203
                                       263 493 209 220 738 320 923 356 309 923 267 504
                                      401 701 760 572 026 010 829 288 042 335 606 643 %
                                      089 888 710 297 380 797 578 013 056 049 576 342
                                      838 683 057 190 662 205 291 174 822 510 536 697
                                      756 603 029 574 043 387 983 471 518 552 602 805
                                      333 866 357 139 101 046 336 419 769 097 397 432
                                      285 994 219 837 046 979 109 956 303 389 604 675
                                      889 865 795 711 176 566 670 039 156 748 153 115
                                      943 980 043 625 399 399 731 203 066 490 601 325
                                       311 304 719 028 898 491 856 203 766 669 164 468
                                      791 125 249 193 754 425 845 895 000 311 561 682 %
                                      974 304 641 142 538 074 897 281 723 375 955 380
                                      661 719 801 404 677 935 614 793 635 266 265 683
                                       000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000
                                       )!)!)!)!)!)!)!)!)!), {1, 2,
945 785 727 541 837 850 835 631 156 947 382 240
                                      678 577 958 130 457 082 619 920 575 892 247 259
                                       536 641 565 162 052 015 873 791 984 587 740 832
                                       529 105 244 690 388 811 884 123 764 341 191 951
```

```
045 505 346 658 616 243 271 940 197 113 909 845
536 727 278 537 099 345 629 855 586 719 369 774 %
070 003 700 430 783 758 997 420 676 784 016 967
207 846 280 629 229 032 107 161 669 867 260 548
988 445 514 257 193 985 499 448 939 594 496 064
045 132 362 140 265 986 193 073 249 369 770 477
606 067 680 670 176 491 669 403 034 819 961 881 %
455 625 195 592 566 918 830 825 514 942 947 596
537 274 845 624 628 824 234 526 597 789 737 740 %
896 466 553 992 435 928 786 212 515 967 483 220
976 029 505 696 699 927 284 670 563 747 137 533
019 248 313 587 076 125 412 683 415 860 129 447
566 011 455 420 749 589 952 563 543 068 288 634
631 084 965 650 682 771 552 996 256 790 845 235
702 552 186 222 358 130 016 700 834 523 443 236
821 935 793 184 701 956 510 729 781 804 354 173
890 560 727 428 048 583 995 919 729 021 726 612 %
291 298 420 516 067 579 036 232 337 699 453 964
191 475 175 567 557 695 392 233 803 056 825 308
599 977 441 675 784 352 815 913 461 340 394 604
901 269 542 028 838 347 101 363 733 824 484 506 %
660 093 348 484 440 711 931 292 537 694 657 354
337 375 724 772 230 181 534 032 647 177 531 984
537 341 478 674 327 048 457 983 786 618 703 257
405 938 924 215 709 695 994 630 557 521 063 203
263 493 209 220 738 320 923 356 309 923 267 504 %
401 701 760 572 026 010 829 288 042 335 606 643 %
089 888 710 297 380 797 578 013 056 049 576 342
838 683 057 190 662 205 291 174 822 510 536 697
756 603 029 574 043 387 983 471 518 552 602 805 %
333 866 357 139 101 046 336 419 769 097 397 432
285 994 219 837 046 979 109 956 303 389 604 675
889 865 795 711 176 566 670 039 156 748 153 115
943 980 043 625 399 399 731 203 066 490 601 325
311 304 719 028 898 491 856 203 766 669 164 468
791 125 249 193 754 425 845 895 000 311 561 682
974 304 641 142 538 074 897 281 723 375 955 380 %
661 719 801 404 677 935 614 793 635 266 265 683
000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000
000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000
000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000
```

```
)!)!)!)!)!)!)!)!)!)!), {1, 2,
016 945 785 727 541 837 850 835 631 156 947 382
                                           240 678 577 958 130 457 082 619 920 575 892 247
                                           259 536 641 565 162 052 015 873 791 984 587 740 %
                                           832 529 105 244 690 388 811 884 123 764 341 191 %
                                           951 045 505 346 658 616 243 271 940 197 113 909
                                           845 536 727 278 537 099 345 629 855 586 719 369 %
                                           774 070 003 700 430 783 758 997 420 676 784 016 %
                                           967 207 846 280 629 229 032 107 161 669 867 260
                                           548 988 445 514 257 193 985 499 448 939 594 496
                                           064 045 132 362 140 265 986 193 073 249 369 770
                                           477 606 067 680 670 176 491 669 403 034 819 961
                                           881 455 625 195 592 566 918 830 825 514 942 947
                                           596 537 274 845 624 628 824 234 526 597 789 737
                                           740 896 466 553 992 435 928 786 212 515 967 483
                                           220 976 029 505 696 699 927 284 670 563 747 137
                                           533 019 248 313 587 076 125 412 683 415 860 129
                                           447 566 011 455 420 749 589 952 563 543 068 288
                                           634 631 084 965 650 682 771 552 996 256 790 845
                                           235 702 552 186 222 358 130 016 700 834 523 443 %
                                           236 821 935 793 184 701 956 510 729 781 804 354
                                           173 890 560 727 428 048 583 995 919 729 021 726
                                           612 291 298 420 516 067 579 036 232 337 699 453
                                           964 191 475 175 567 557 695 392 233 803 056 825
                                           308 599 977 441 675 784 352 815 913 461 340 394
                                           604 901 269 542 028 838 347 101 363 733 824 484 %
                                           506 660 093 348 484 440 711 931 292 537 694 657
                                           354 337 375 724 772 230 181 534 032 647 177 531 %
                                           984 537 341 478 674 327 048 457 983 786 618 703 %
                                           257 405 938 924 215 709 695 994 630 557 521 063
                                           203 263 493 209 220 738 320 923 356 309 923 267
                                           504 401 701 760 572 026 010 829 288 042 335 606
                                           643 089 888 710 297 380 797 578 013 056 049 576
                                           342 838 683 057 190 662 205 291 174 822 510 536
                                           697 756 603 029 574 043 387 983 471 518 552 602 %
                                           805 333 866 357 139 101 046 336 419 769 097 397
```

432 285 994 219 837 046 979 109 956 303 389 604 675 889 865 795 711 176 566 670 039 156 748 153 115 943 980 043 625 399 399 731 203 066 490 601 325 311 304 719 028 898 491 856 203 766 669 164 468 791 125 249 193 754 425 845 895 000 311 561 682 974 304 641 142 538 074 897 281 723 375 955 380 661 719 801 404 677 935 614 793 635 266 265

```
683 339 509 760 000 000 000 000 000 000 000 000 0
                                         000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000
                                         000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000
                                         {1, 2,
 016 945 785 727 541 837 850 835 631 156 947 382
                                         240 678 577 958 130 457 082 619 920 575 892 247
                                         259 536 641 565 162 052 015 873 791 984 587 740
                                         832 529 105 244 690 388 811 884 123 764 341 191 %
                                         951 045 505 346 658 616 243 271 940 197 113 909
                                         845 536 727 278 537 099 345 629 855 586 719 369
                                         774 070 003 700 430 783 758 997 420 676 784 016
                                         967 207 846 280 629 229 032 107 161 669 867 260
                                         548 988 445 514 257 193 985 499 448 939 594 496
                                         064 045 132 362 140 265 986 193 073 249 369 770
                                         477 606 067 680 670 176 491 669 403 034 819 961 %
                                         881 455 625 195 592 566 918 830 825 514 942 947
                                         596 537 274 845 624 628 824 234 526 597 789 737
                                         740 896 466 553 992 435 928 786 212 515 967 483
                                         220 976 029 505 696 699 927 284 670 563 747 137
                                         533 019 248 313 587 076 125 412 683 415 860 129
                                         447 566 011 455 420 749 589 952 563 543 068 288 %
                                         634 631 084 965 650 682 771 552 996 256 790 845
                                         235 702 552 186 222 358 130 016 700 834 523 443
                                         236 821 935 793 184 701 956 510 729 781 804 354
                                         173 890 560 727 428 048 583 995 919 729 021 726 %
                                         612 291 298 420 516 067 579 036 232 337 699 453
                                         964 191 475 175 567 557 695 392 233 803 056 825
                                         308 599 977 441 675 784 352 815 913 461 340 394
                                         604 901 269 542 028 838 347 101 363 733 824 484
                                         506 660 093 348 484 440 711 931 292 537 694 657
                                         354 337 375 724 772 230 181 534 032 647 177 531 %
                                         984 537 341 478 674 327 048 457 983 786 618 703 %
                                         257 405 938 924 215 709 695 994 630 557 521 063
                                         203 263 493 209 220 738 320 923 356 309 923 267 %
                                         504 401 701 760 572 026 010 829 288 042 335 606
                                         643 089 888 710 297 380 797 578 013 056 049 576
                                         342 838 683 057 190 662 205 291 174 822 510 536 %
                                         697 756 603 029 574 043 387 983 471 518 552 602
                                         805 333 866 357 139 101 046 336 419 769 097 397
```

```
432 285 994 219 837 046 979 109 956 303 389 604
                                          675 889 865 795 711 176 566 670 039 156 748 153
                                          115 943 980 043 625 399 399 731 203 066 490 601
                                          325 311 304 719 028 898 491 856 203 766 669 164
                                          468 791 125 249 193 754 425 845 895 000 311 561 %
                                          682 974 304 641 142 538 074 897 281 723 375 955
                                          380 661 719 801 404 677 935 614 793 635 266 265
                                          683 339 509 760 000 000 000 000 000 000 000 000 0
                                          000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000
                                          000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000
                                          !)!)!)!)!)!)!)!)!)!)!)!)!)!)!)!
{1, 2,
 016 945 785 727 541 837 850 835 631 156 947 382
                                          240 678 577 958 130 457 082 619 920 575 892 247
                                          259 536 641 565 162 052 015 873 791 984 587 740
                                          832 529 105 244 690 388 811 884 123 764 341 191 %
                                          951 045 505 346 658 616 243 271 940 197 113 909
                                          845 536 727 278 537 099 345 629 855 586 719 369
                                          774 070 003 700 430 783 758 997 420 676 784 016
                                          967 207 846 280 629 229 032 107 161 669 867 260
                                          548 988 445 514 257 193 985 499 448 939 594 496
                                          064 045 132 362 140 265 986 193 073 249 369 770
                                          477 606 067 680 670 176 491 669 403 034 819 961 %
                                          881 455 625 195 592 566 918 830 825 514 942 947
                                          596 537 274 845 624 628 824 234 526 597 789 737
                                          740 896 466 553 992 435 928 786 212 515 967 483 %
                                          220 976 029 505 696 699 927 284 670 563 747 137
                                          533 019 248 313 587 076 125 412 683 415 860 129
                                          447 566 011 455 420 749 589 952 563 543 068 288 %
                                          634 631 084 965 650 682 771 552 996 256 790 845
                                          235 702 552 186 222 358 130 016 700 834 523 443
                                          236 821 935 793 184 701 956 510 729 781 804 354
                                          173 890 560 727 428 048 583 995 919 729 021 726
                                          612 291 298 420 516 067 579 036 232 337 699 453
                                          964 191 475 175 567 557 695 392 233 803 056 825
                                          308 599 977 441 675 784 352 815 913 461 340 394
                                          604 901 269 542 028 838 347 101 363 733 824 484
                                          506 660 093 348 484 440 711 931 292 537 694 657
                                          354 337 375 724 772 230 181 534 032 647 177 531
                                          984 537 341 478 674 327 048 457 983 786 618 703
```

```
257 405 938 924 215 709 695 994 630 557 521 063
     203 263 493 209 220 738 320 923 356 309 923 267 %
     504 401 701 760 572 026 010 829 288 042 335 606 %
     643 089 888 710 297 380 797 578 013 056 049 576
     342 838 683 057 190 662 205 291 174 822 510 536 %
     697 756 603 029 574 043 387 983 471 518 552 602 %
     805 333 866 357 139 101 046 336 419 769 097 397
     432 285 994 219 837 046 979 109 956 303 389 604 %
     675 889 865 795 711 176 566 670 039 156 748 153
     115 943 980 043 625 399 399 731 203 066 490 601
     325 311 304 719 028 898 491 856 203 766 669 164 %
     468 791 125 249 193 754 425 845 895 000 311 561 %
     682 974 304 641 142 538 074 897 281 723 375 955
     380 661 719 801 404 677 935 614 793 635 266 265 %
     683 339 509 760 000 000 000 000 000 000 000 000 0
     000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000 000
```

4. Tests and Conditionals (EIWL3 Section 28)

(a)

Use PrimeQ and /@ to generate a True or False list that is twenty elements long expressing which numbers in Range [20] are prime.

```
In[168]:=
      PrimeQ /@ Range[20]
Out[168]=
      {False, True, True, False, True, False, True, False, False,
       True, False, True, False, False, True, False, True, False)
      (b)
```

Combine PrimeQ with Select to only list the numbers in Range [20] that are prime.

```
In[169]:=
       Select[Range[20], PrimeQ]
Out[169]=
       {2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19}
```

5. More About Pure Functions (*EIWL3* Section 29)

(a)

Accomplish exactly the same thing as **Table** $[n*(n-1)/2, \{n,6\}]$ using **Array** and a pure function.

```
In[170]:=
       Array[\#*(\#-1)/2 &, 6]
Out[170]=
        \{0, 1, 3, 6, 10, 15\}
```

(b)

Make some modifications to FoldList[Plus, {1,2,3,4,5}] so that it produces a list of the first 10 factorials. Instead of hand-coding the list up to 10, begin by first changing {1,2,3,4,5} to Range [10].

```
In[171]:=
       FoldList[Times, Range[10]]
Out[171]=
       {1, 2, 6, 24, 120, 720, 5040, 40320, 362880, 3628800}
```

6. Rearranging Lists (EIWL3 Section 30)

(a)

```
Use Transpose and one of the levelspec options to turn
       {{{1,uno},{2,dos},{3,tres}},{{4,cuatro},{5,cinco},{6,seis}}} into
       {{{1,2,3},{uno,dos,tres}},{{4,5,6},{cuatro,cinco,seis}}}
In[172]:=
      Transpose [\{\{1,uno\},\{2,dos\},\{3,tres\}\},\{\{4,cuatro\},\{5,cinco\},\{6,seis\}\}\},2\leftrightarrow 3]
Out[172]=
       \{\{\{1, 2, 3\}, \{uno, dos, tres\}\}, \{\{4, 5, 6\}, \{cuatro, cinco, seis\}\}\}
      (b)
      Use Flatten and a levelspec option to turn
       {{{1,uno},{2,dos},{3,tres}},{{4,cuatro},{5,cinco},{6,seis}}} into
       {{1,uno},{2,dos},{3,tres},{4,cuatro},{5,cinco},{6,seis}}
In[173]:=
      Flatten[
        Transpose[\{\{1,uno\},\{2,dos\},\{3,tres\}\},\{\{4,cuatro\},\{5,cinco\},\{6,seis\}\}\},2\leftrightarrow3],1]
Out[173]=
       {{1, 2, 3}, {uno, dos, tres}, {4, 5, 6}, {cuatro, cinco, seis}}
```

7. Parts of Lists (EIWL3 Section 31)

(a)

```
Use the magical All position (you will need to use All more than once) to turn
      {{{Eli, Lerner},{Harper,Yonago},{Hexi,Jin}},{{Jeremy,Choy},{Rania,Zaki}
      ,{Tahm,Loyd},{Walker,Harris}}} into
      {{Eli, Harper, Hexi}, {Jeremy, Rania, Tahm, Walker}}
In[174]:=
      list1=Take[#,All,1]&/@{{{Eli, Lerner},{Harper,Yonago},{Hexi,Jin}},
           {{Jeremy,Choy},{Rania,Zaki},{Tahm,Loyd},{Walker,Harris}}};
      list2=Flatten[#]&/@ list1;
      list2
Out[176]=
      {{Eli, Harper, Hexi}, {Jeremy, Rania, Tahm, Walker}}
      (b)
      Use a magical negative positional argument to extract { Jeremy, Rania, Tahm, Walker} from
      {{Eli, Harper, Hexi}, {Jeremy, Rania, Tahm, Walker}} and combine that with Take with a
      different magical negative argument to extract {Tahm, Walker}.
In[177]:=
      Take[list2[2], -2]
Out[177]=
      {Tahm, Walker}
```

8. Patterns (EIWL3 Section 32)

(a)

Use Cases to choose the lists that begin and end with the same letter in this list of lists (but look ahead to part (b) before you solve part (a)):

```
{
{"a", "l", "u", "l", "a"},
{"a", "l", "o", "h", "a"},
{"a", "r", "a", "r", "a"},
{"b", "o", "n", "u", "s"},
{"c", "i", "v", "i", "c"},
{"d", "e", "b", "e", "d"},
{"e", "l", "b", "o", "w"},
{"z", "a"},
```

```
{"z", "z"}
In[178]:=
      Cases[{
        {"a", "l", "u", "l", "a"},
        {"a", "l", "o", "h", "a"},
        {"a", "r", "a", "r", "a"},
        {"b", "o", "n", "u", "s"},
        {"c", "i", "v", "i", "c"},
        {"d", "e", "b", "e", "d"},
        {"e", "l", "b", "o", "w"},
        {"z", "a"},
        {"z", "z"}
       }, {x_, __, x_}]
Out[178]=
       \{\{a, l, u, l, a\}, \{a, l, o, h, a\}, \{a, r, a, r, a\}, \{c, i, v, i, c\}, \{d, e, b, e, d\}\}
```

(b)

The pattern **BlankNullSequence** has the shorthand ___. Use ___ to improve the pattern you used in Part (a) so that the two-letter list {z,z} is also included in your result.

```
In[179]:=
      Cases[{
        {"a", "l", "u", "l", "a"},
        {"a", "l", "o", "h", "a"},
        {"a", "r", "a", "r", "a"},
        {"b", "o", "n", "u", "s"},
        {"c", "i", "v", "i", "c"},
        {"d", "e", "b", "e", "d"},
        {"e", "l", "b", "o", "w"},
        {"z", "a"},
        {"z", "z"}
      }, {x_, ___, x_}]
Out[179]=
       \{\{a, l, u, l, a\}, \{a, l, o, h, a\}, \{a, r, a, r, a\}, \{c, i, v, i, c\}, \{d, e, b, e, d\}, \{z, z\}\}
```

9. Assigning Names to Things (EIWL3 Section 38)

(a)

Use Module to compute x=Factorial[10], and then produce $\{x,x^2,x^3\}$.

In[180]:= Module[{x = Factorial[10]}, {x, x^2, x^3}] Out[180]= {3628800, 13168189440000, 47784725839872000000}

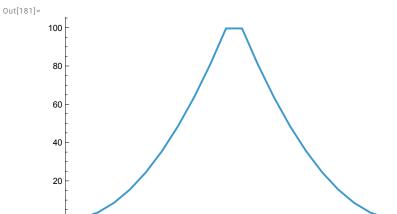
(b)

Inside Module, let rangeSquared=Range [10] ^2, and then produce a list line plot of rangeSquared joined with Reverse [rangeSquared].

15

In[181]:=

Module[{rangeSquared=Range[10]^2}, ListLinePlot[Join[rangeSquared, Reverse[rangeSquared]]]]



10. Immediate and Delayed Values (EIWL3 Section 39)

10

(a)

Make a one-character change to this expression,

 $\textbf{Module} \left[\; \{ \textbf{x:=RandomInteger} \; [\textbf{10}] \; \} \; , \left\{ \textbf{x} \; , \textbf{x}^2 \; , \textbf{x}^3 \; , \textbf{x}^4 \right\} \; \right] \text{, so that it produces four different powers}$ of the same random number instead of four different powers of different random numbers.

In[182]:= Module $[x=RandomInteger[10]], \{x, x^2, x^3, x^4\}]$ Out[182]= {1, 1, 1, 1}

(b)

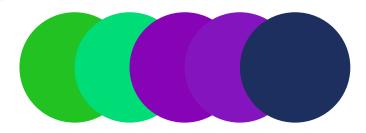
Make a one-character change to this expression,

Module[{color=RandomColor[]},Graphics[Table[Style[Disk[{i,0}],color],{i ,5}]]], so that it produces five different-color disks.

In[183]:=

Module[{color:=RandomColor[]},Graphics[Table[Style[Disk[{i,0}],color],{i,5}]]]

Out[183]=



11. Defining Your Own Functions (EIWL3 Section 40)

(a)

Define a function f that takes a list of three elements and out of them makes a list of lists that contains all six possible orderings. Using **Permutations** will make this easy.

```
Include a test of your function as f[1,2,3] and make sure it gets
\{\{1,2,3\},\{1,3,2\},\{2,1,3\},\{2,3,1\},\{3,1,2\},\{3,2,1\}\}.
```

 $f[{x_, y_, z_}] := Permutations[{x, y, z}]$ f[1, 2, 3] Out[185]=

 $\{\{1, 2, 3\}, \{1, 3, 2\}, \{2, 1, 3\}, \{2, 3, 1\}, \{3, 1, 2\}, \{3, 2, 1\}\}$

(b)

In[184]:=

Define a function g that gives 1 for g[0], and gives n * g[n-1] for any integer n greater than 0, but don't use an If statement! Include a test of your function as g[6] and make sure it gets 720.

```
In[186]:=
         g[n_{-}] := n * g[n - 1] /; (n > 0, n = 0 \rightarrow 1);
         g[10]
```

12. More About Patterns (EIWL3 Section 41)

(a)

Use the replacement rule notation — e.g., $/ \cdot$ and -> — to exchange the first and last element in any list containing two or more elements and test your replacement using the list

{alpha, beta, gamma, delta, epsilon}.

In[186]:= (* 12a *) (b)

Out[190]=

```
Starting with Characters/@RomanNumeral [Range [100], select all the sequences correspond-
ing to the Roman numerals that have XXX in them.
```

```
In[187]:=
       Select[Characters/@RomanNumeral[Range[100]],MatchQ[#,{___,X,X,X,___}]&]
Out[187]=
       {}
In[188]:=
       Select[\{\{a,\,a\},\,\{b,\,a\},\,\{a,\,b,\,c\},\,\{b,\,b\},\,\{c,\,a\},\,\{b,\,b,\,b\}\},\,MatchQ[\sharp,\,\{b,\,\_\}]\,\&]
Out[188]=
       {{b, a}, {b, b}}
In[189]:=
       Characters /@ RomanNumeral [Range [100] ]
Out[189]=
       {{I}, {I, I}, {I, I, I}, {I, V}, {V}, {V, I}, {V, I, I}, {V, I, I, I}, {I, X}, {X}, {X}, {X}, I},
        {X, I, I}, {X, I, I, I}, {X, I, V}, {X, V}, {X, V, I}, {X, V, I, I}, {X, V, I, I, I},
        \{X, I, X\}, \{X, X\}, \{X, X, I\}, \{X, X, I, I\}, \{X, X, I, I, I\}, \{X, X, I, V\}, \{X, X, V\},
        \{X, X, V, I\}, \{X, X, V, I, I\}, \{X, X, V, I, I, I\}, \{X, X, I, X\}, \{X, X, X\},
        {X, X, X, I}, {X, X, X, I, I}, {X, X, X, I, I, I}, {X, X, X, I, V}, {X, X, X, V},
        \{X, X, X, V, I\}, \{X, X, X, V, I, I\}, \{X, X, X, V, I, I, I\}, \{X, X, X, I, X\}, \{X, L\},
        {X, L, I}, {X, L, I, I}, {X, L, I, I, I}, {X, L, I, V}, {X, L, V}, {X, L, V, I},
        {X, L, V, I, I}, {X, L, V, I, I, I}, {X, L, I, X}, {L}, {L, I}, {L, I, I}, {L, I, I, I},
        {L, I, V}, {L, V}, {L, V, I}, {L, V, I, I}, {L, V, I, I, I}, {L, I, X}, {L, X},
        {L, X, I}, {L, X, I, I}, {L, X, I, I, I}, {L, X, I, V}, {L, X, V}, {L, X, V, I},
        {L, X, V, I, I}, {L, X, V, I, I, I}, {L, X, I, X}, {L, X, X}, {L, X, X, I},
        {L, X, X, I, I}, {L, X, X, I, I, I}, {L, X, X, I, V}, {L, X, X, V}, {L, X, X, V, I},
        {L, X, X, V, I, I}, {L, X, X, V, I, I, I}, {L, X, X, I, X}, {L, X, X, X},
        {L, X, X, X, I}, {L, X, X, X, I, I}, {L, X, X, X, I, I, I}, {L, X, X, X, I, V},
        {L, X, X, X, V}, {L, X, X, X, V, I}, {L, X, X, X, V, I, I}, {L, X, X, X, V, I, I}, I},
        {L, X, X, X, I, X}, {X, C}, {X, C, I}, {X, C, I, I}, {X, C, I, I, I}, {X, C, I, V},
        {X, C, V}, {X, C, V, I}, {X, C, V, I, I}, {X, C, V, I, I, I}, {X, C, I, X}, {C}}
       (c)
      Use StringJoin to turn what you got in 12(b) into
```

In[190]:= StringJoin[Select[Characters/@RomanNumeral[Range[100]],MatchQ[#,{__,X,X,X,__}]&]]

,LXXXII,LXXXIII,LXXXIV,LXXXV,LXXXVI,LXXXVII,LXXXVIII,LXXXIX}.