Evaluación del Impacto del Sesgo de Ítems en la Comparabilidad de Grupos: Un Estudio de Simulación con Puntuaciones Promediadas, Factor Scores y Modelos MIMIC.

Brian Norman Peña-Calero 20 mayo, 2025

Tabla de contenidos

1	Introducción					
2	Objetivos 2.1 Objetivo General	2 2				
3	Diseño de Simulación					
4	Modelo poblacional y manipulación del sesgo 4					
5	Estadísticos de evaluación					
6	Simulación	5				
	6.1 Config					
	6.2 Helpers	9				
	6.3 Generator	11				
	6.4 Estimators					
	6.5 Sim One	18				
	6.6 Parallel	20				
7	Análisis	22				
	7.1 Bias	24				
	7.2 RMSE	26				

8 Conclusiones 28

1 Introducción

Este proyecto de simulación investigará cómo la presencia de sesgo en los interceptos de los ítems afecta la comparabilidad de las puntuaciones entre dos grupos. Se examinará el impacto de diferentes magnitudes de sesgo de ítem y diferentes magnitudes de diferencias verdaderas en las medias latentes sobre tres métodos comunes de comparación: puntuaciones promediadas, factor scores derivados de Análisis Factorial Confirmatorio (AFC), y estimaciones de medias latentes de modelos MIMIC (Multiple Indicators Multiple Causes). El estudio también considerará el efecto del tamaño muestral en la precisión de estas comparaciones.

2 Objetivos

2.1 Objetivo General

Evaluar cuantitativamente cómo diferentes magnitudes de sesgo en los interceptos de los ítems y diferentes niveles de diferencia verdadera en las medias latentes entre dos grupos afectan la comparabilidad de las puntuaciones estimadas mediante promedio, factor scores y modelos MIMIC, bajo distintas condiciones de tamaño muestral.

2.2 Objetivos Específicos

- a) Determinar el grado de sesgo (en términos de d de Cohen) introducido en la comparación de medias grupales por diferentes niveles de sesgo en los interceptos de los ítems cuando no existe una diferencia real en la media latente entre los grupos.
- b) Evaluar cómo el sesgo en los interceptos de los ítems distorsiona la estimación de diferencias de medias latentes verdaderas conocidas (pequeñas, medianas y grandes) entre los grupos.
- c) Comparar la robustez y precisión de las puntuaciones promediadas, los factor scores (obtenidos de lavaan asumiendo invarianza escalar) y las estimaciones de medias latentes de modelos MIMIC frente al sesgo de los ítems.
- d) Investigar la influencia del tamaño muestral (N=400 vs. N=800 total) en la magnitud del sesgo observado y la precisión de las estimaciones de las diferencias de medias.

3 Diseño de Simulación

- 1. Modelo de Generación de Datos Base:
- Estructura Factorial: 1 factor común.
- Número de Ítems: 10 ítems continuos con distribución normal.
- Cargas Factoriales (λ): Promedio de 0.7 +- 0.10.
- Varianza del Factor Latente (Ψ): Fijada a 1 en el grupo de referencia y para la generación de datos
- Interceptos de los Ítems (ν) Base: Fijados a 0 para todos los ítems en el grupo de referencia.
- Varianzas de Error de los Ítems (): Se simula en situación estandarizada por lo que $\theta_j=1-\lambda_j^2.$
- 2. Variables Independientes (Factores de la Simulación):

Factor	Niveles	Descripción del Nivel
1. Diferencia Real Medias Latentes $(\Delta \theta)$	4 niveles: 0, 0.2, 0.5, 0.8	Nula, Pequeña, Mediana, Grande (en unidades de d de Cohen)
2. Magnitud Sesgo Intercepto Ítem $(\Delta \nu)^*$	4 niveles: 0, +0.2, +0.5, +0.8	Nulo, Pequeño, Mediano, Grande (en unidades de DE del ítem)
3. Tamaño Muestral Total (N)	2 niveles: 400, 800	200 por grupo, 400 por grupo

- Nota sobre $\Delta \nu$: El sesgo en el intercepto se introducirá en el 30% de los ítems (es decir, 3 ítems). Estos 3 ítems serán siempre los mismos a lo largo de todas las condiciones. El valor de $\Delta \nu$ indica la magnitud de la diferencia en el intercepto de estos 3 ítems para el Grupo Focal en comparación con el Grupo de Referencia (favoreciendo al Grupo Focal, $\nu_{item,Focal} = \nu_{item,Ref} + \Delta \nu$.
- 3. Número Total de Condiciones de Simulación: $4(\Delta\theta) \times 4(\Delta\nu) \times 2(N) = 32$ condiciones.
- 4. Número de Replicaciones por Condición: 500
- 5. Análisis para evaluación:
 - Para Puntuaciones Sumadas (o Promedio): d de Cohen observada para la diferencia de medias entre el Grupo Focal y el Grupo de Referencia.
 - Para Factor Scores (de lavaan): d de Cohen observada para la diferencia de medias de los factor scores entre grupos (estimados de un AFC multigrupo que asume invarianza escalar).

- Para Modelos MIMIC: d de Cohen observada para la diferencia estimada en la media del factor latente entre grupos.
- Métrica de Sesgo Primaria: Para todas las d observadas: $Sesgo = d_{observada} d_{verdadera}$ (donde $d_{verdadera}$ es el $\Delta\theta$ de la condición).

4 Modelo poblacional y manipulación del sesgo

La variable observada del ítem j para la persona i se genera a partir de un modelo de medición unidimensional:

$$X_{ij} \; = \; \tau_j^{(g_i)} \; + \; \lambda_j \, \theta_i^{(g_i)} \; + \; \varepsilon_{ij}, \qquad j = 1, \ldots, 10, \; i = 1, \ldots, n,$$

donde

Símbolo	Significado	Manipulación en la simulación
$\overline{\theta_i^{(g)} \sim \mathcal{N}(\mu_\theta^{(g)}, 1)}$	puntuación latente del individuo i en el grupo q	la media se fija a $\mu_{\theta}^{(0)} = 0$ y se varía $\Delta \theta = \mu_{\theta}^{(1)} - \mu_{\theta}^{(0)} \in \{0, 0.2, 0.5, 0.8\}$
λ_j	carga factorial del ítem j	$\Delta \theta = \mu_{\theta} - \mu_{\theta} \in \{0, 0.2, 0.5, 0.8\}$ muestreadas una vez de $U(0.60, 0.80)$ y no se manipulan
$ au_j^{(g)}$	intercepto del ítem j en el grupo g	para los ítems 3,6,9 del grupo focal se añade
		$\Delta\nu \in \{0, 0.2, 0.5, 0.8\}$
$arepsilon_{ij}$	error residual, $\varepsilon_{ij} \sim \mathcal{N}(0, \ \sigma_{\varepsilon j}^2)$	$\begin{split} &\Rightarrow \tau_j^{(1)} = \tau_j^{(0)} + \Delta \nu \\ &\sigma_{\varepsilon j}^2 = 1 - \lambda_j^2 \text{ para que } \mathrm{Var}(X_{ij}) = 1 \end{split}$

La manipulación experimental se concentra, por tanto, exclusivamente en los interceptos de tres ítems — provocando Differential Intercept Functioning — y en la media latente $\Delta\theta$. Todos los demás parámetros permanecen invariantes entre los dos grupos.

5 Estadísticos de evaluación

Para cada réplica se calculan:

• Sesgo de d:

$$e_r = \hat{d}_r - d_{\rm true}$$

• Raíz del error cuadrático medio (RMSE):

$$RMSE = \sqrt{\frac{1}{R} \sum_{r=1}^{R} e_r^2}$$

y sus intervalos empíricos al 95 % se obtienen como los cuantiles 2.5 % y 97.5 % de la distribución de e_r (o $|e_r|$ para RMSE) a lo largo de las R = 500 réplicas por condición.

6 Simulación

La codificación de la simulación se organizó en **módulos** dentro de la carpeta 03_functions/. El árbol completo se muestra a continuación:

```
fs::dir_tree("03_functions/")

03_functions/
+-- 00_config.R
+-- 01_helpers.R
+-- 02_generator.R
+-- 03_estimators.R
+-- 04_sim_one.R
```

Además, todo ello se encuentra almacenado en el repositorio Github: https://github.com/brianmsm/sesgo-interceptos-comp-grupos.

6.1 Config

\-- 05_parallel.R

Define **todas** las condiciones de simulación (niveles de $\Delta\theta$ y $\Delta\nu$), tamaños muestrales y réplicas), crea la estructura de carpetas del proyecto y detecta los núcleos disponibles. Finalmente guarda el objeto **config_sim.rds**, que actúa como punto único de referencia en los demás scripts.

```
# número de ítems totales
   n_items
                  <- 10
   biased items
                  <-c(3, 6, 9)
                                                 # items con sesgo (30 %)
   # Escalas de magnitud (SD de la latente)
11
   Delta_theta_levels <- c(0, 0.2, 0.5, 0.8)
                                                 # diferencia de medias latentes
   Delta_nu_levels
                    \leftarrow c(0, 0.2, 0.5, 0.8)
                                                 # sesgo intercepto en 3 ítems
   n_{\text{total\_levels}} <- c(400, 800)
                                                 # muestra total (50 %/grupo)
15
16
   n_reps <- 500
                                                  # réplicas Monte-Carlo
17
18
19
   # === 2. GESTIÓN DE DIRECTORIOS =============================
20
   suppressPackageStartupMessages(library(here))
   base_dir <- here::here()</pre>
                                                  # directorio raíz del proyecto
24
   # Estructura definida por el usuario
25
                <- file.path(base_dir, "01_data", "raw")</pre>
   raw_dir
                <- file.path(base_dir, "01_data", "processed")
   proc_dir
27
                <- file.path(base_dir, "02_output", "plots")
   plots_dir
   tables_dir <- file.path(base_dir, "02_output", "tables")</pre>
   reports_dir <- file.path(base_dir, "02_output", "reports")</pre>
31
   # === 3. GRADE DESIGN GRID ==================================
32
33
   design_grid <- expand.grid(n_total</pre>
                                        = n_total_levels,
34
                              Delta_theta = Delta_theta_levels,
35
                              Delta_nu = Delta_nu_levels,
                              KEEP.OUT.ATTRS = FALSE)
38
39
   40
41
   n_cores <- max(1, parallel::detectCores())</pre>
43
44
   # === 5. OBJETO CONFIG UNIFICADO ============================
45
46
   config <- list(</pre>
47
     # dimensiones y diseño
48
```

```
= n_items,
     n_{items}
     biased_items = biased_items,
50
     Delta_theta_levels = Delta_theta_levels,
51
     Delta_nu_levels
                       = Delta_nu_levels,
52
     n_total_levels
                       = n_total_levels,
53
     n_reps
                  = n_reps,
54
     design_grid = design_grid,
     # paths
     dirs = list(raw = raw_dir,
57
                  processed = proc_dir,
58
                  plots = plots_dir,
59
                  tables = tables_dir,
60
                  reports = reports_dir),
61
     # recursos
     n_cores
                   = n_cores
63
64
65
   saveRDS(config, file = file.path(base_dir, "config_sim.rds"))
66
67
   rm(base_dir)
68
```

El archivo de configuración contiene:

config

```
$n_items
[1] 10

$biased_items
[1] 3 6 9

$Delta_theta_levels
[1] 0.0 0.2 0.5 0.8

$Delta_nu_levels
[1] 0.0 0.2 0.5 0.8

$n_total_levels
[1] 400 800

$n_reps
```

[1] 500

\$design_grid

	n_total	Delta_theta	Delta_nu
1	400	0.0	0.0
2	800	0.0	0.0
3	400	0.2	0.0
4	800	0.2	0.0
5	400	0.5	0.0
6	800	0.5	0.0
7	400	0.8	0.0
8	800	0.8	0.0
9	400	0.0	0.2
10	800	0.0	0.2
11	400	0.2	0.2
12	800	0.2	0.2
13	400	0.5	0.2
14	800	0.5	0.2
15	400	0.8	0.2
16	800	0.8	0.2
17	400	0.0	0.5
18	800	0.0	0.5
19	400	0.2	0.5
20	800	0.2	0.5
21	400	0.5	0.5
22	800	0.5	0.5
23	400	0.8	0.5
24	800	0.8	0.5
25	400	0.0	0.8
26	800	0.0	0.8
27	400	0.2	0.8
28	800	0.2	0.8
29	400	0.5	0.8
30	800	0.5	0.8
31	400	0.8	0.8
32	800	0.8	0.8

\$dirs

\$dirs\$raw

[1] "D:/Github/sesgo-interceptos-comp-grupos/01_data/raw"

\$dirs\$processed

[1] "D:/Github/sesgo-interceptos-comp-grupos/01_data/processed"

```
$dirs$plots
[1] "D:/Github/sesgo-interceptos-comp-grupos/02_output/plots"

$dirs$tables
[1] "D:/Github/sesgo-interceptos-comp-grupos/02_output/tables"

$dirs$reports
[1] "D:/Github/sesgo-interceptos-comp-grupos/02_output/reports"

$n_cores
[1] 12
```

6.2 Helpers

Funciones utilitarias comunes:

- make_lambda() genera las cargas $\lambda_i \sim U(0.60, 0.80)$.
- cohen_d() y z_score() estadísticas básicas.
- safe_cfa() / safe_sem() wrappers que silencian 'warnings' de lavaan.

```
# -----
  # 01_helpers.R • Funciones genéricas reutilizadas en la simulación
  # Ubicación: project/03_functions/01_helpers.R
  # --- 1. CARGAR CONFIGURACIÓN -----
  suppressPackageStartupMessages({
   library(tidyverse)
   library(lavaan)
10
  })
11
  config <- readRDS(here::here("config_sim.rds"))</pre>
13
14
  # Atajo para rutas (por legibilidad):
15
  DIRS <- config$dirs
16
17
  # --- 2. GENERADORES AUXILIARES -----
```

```
# 2.1 make_lambda(): vector de cargas ~ U(0.60, 0.80)
20
   make_lambda <- function(n = config$n_items,</pre>
                             min lambda = 0.60,
22
                             max lambda = 0.80) {
23
     runif(n, min_lambda, max_lambda)
24
25
   # 2.2 cohen d(): diferencia estandarizada entre dos grupos (0/1)
27
   cohen_d <- function(x, g) {</pre>
28
     if (!is.numeric(x)) x <- as.numeric(x)</pre>
29
     g <- as.integer(as.character(g))</pre>
30
     if (!all(sort(unique(g)) == c(0, 1)))
31
        stop("El vector de grupos debe contener exactamente 0 y 1")
32
     x1 < -x[g == 0]
     x2 <- x[g == 1]
34
     s_{pooled} \leftarrow sd(c(x1, x2))
35
      (mean(x2) - mean(x1)) / s_pooled
36
37
38
   # 2.3 z_score(): estandariza un vector (media 0, sd 1)
39
   z_score <- function(v) {</pre>
     (v - mean(v)) / sd(v)
41
43
   # ---- 3. WRAPPERS PARA AJUSTES LAVAAN -----
44
45
   # 3.1 safe_cfa(): CFA multigrupo con control de warnings/errores
46
   safe_cfa <- function(model, data, ...) {</pre>
47
     tryCatch(
        cfa(model, data = data, warn = FALSE, std.lv = TRUE, ...),
        error = function(e) NULL,
50
        warning = function(w) invokeRestart("muffleWarning")
51
52
   }
53
54
   # 3.2 safe_sem(): para MIMIC
   safe_sem <- function(model, data, ...) {</pre>
     tryCatch(
57
        sem(model, data = data, warn = FALSE, std.lv = TRUE, ...),
58
        error = function(e) NULL,
59
        warning = function(w) invokeRestart("muffleWarning")
60
```

```
61 )
62 }
63 
64 # ---- 4. LOGGING / MENSAJES ------
65 
66 log_info <- function(msg) {
67  cat(sprintf("[%s] %s\n", format(Sys.time(), "%H:%M:%S"), msg))
68 }
```

6.3 Generator

Implementa dos motores de simulación:

- 1. manual_generator() más rápido y transparente: añade el sesgo $(\Delta \nu)$ sólo a los ítems 3-6-9 del grupo focal.
- 2. lavaan_generator() usa simulateData() por si se quiere reproducir exactamente la matriz poblacional.

Función principal generate_data(), con argumento engine = "manual" | "lavaan".

```
# 02_generator.R • Creación de datos poblacionales y simulados
   # Ubicación: project/03_functions/02_generator.R
   # Este módulo provee una única función pública:
       generate_data()
   # que regresa un data.frame con las variables simuladas para una réplica.
   source(here::here("03_functions/01_helpers.R"))
10
11
   # --- 1. FUNCIÓN AUXILIAR: RESIDUAL VARIANCE -----
12
13
   compute_resid_var <- function(lambda_vec) {</pre>
14
     1 - lambda_vec^2
15
16
   # ---- 2. GENERADOR MANUAL (más rápido y flexible) ------
18
19
   manual_generator <- function(n_total, Delta_theta, Delta_nu, lambda_vec,</pre>
20
                                bias_idx) {
21
```

```
n_per_group <- n_total / 2</pre>
22
     stopifnot(n_per_group %% 1 == 0)
23
24
     # -- Paso 1: generar latentes
25
     theta <- c(rnorm(n per group, 0, 1),
                 rnorm(n_per_group, Delta_theta, 1))
            \leftarrow rep(c(0, 1), each = n_per_group)
28
29
     # -- Paso 2: interceptos
30
     tau_base <- numeric(config$n_items)</pre>
31
     tau_g1 <- tau_base
32
     tau_g1[bias_idx] <- tau_g1[bias_idx] + Delta_nu</pre>
33
     # -- Paso 3: varianza residual -----
     resid_var <- compute_resid_var(lambda_vec)</pre>
36
37
     # -- Paso 4: ensamblar matriz de ítems -----
38
     X <- matrix(NA_real_, n_total, config$n_items)</pre>
39
     for (j in seq_len(config$n_items)) {
40
        current_tau <- ifelse(grp == 1, tau_g1[j], tau_base[j])</pre>
41
       X[, j] <- current_tau + lambda_vec[j] * theta +</pre>
          rnorm(n_total, 0, sqrt(resid_var[j]))
43
44
     colnames(X) <- paste0("Item", seq_len(config$n_items))</pre>
45
46
     tibble::tibble(grp = factor(grp), theta_true = theta) |>
47
        dplyr::bind_cols(as.data.frame(X))
50
   # ---- 3. GENERADOR CON lavaan::simulateData -----
51
52
   lavaan_generator <- function(n_total, Delta_theta, Delta_nu, lambda_vec,</pre>
53
                                   bias idx) {
54
     n_per_group <- n_total / 2</pre>
55
     # *Modelo poblacional*
57
     model_lines <- c(</pre>
58
        paste0("F =~ ", paste(paste0(lambda_vec, "*Item", seq_len(config$n_items)), collapse = "
59
        # interceptos base = 0, luego añadimos sesgo a los 3 ítems
60
        paste0("Item", bias_idx, " ~ start(0) + ", Delta_nu, "*1"),
61
        paste0("Item", setdiff(seq_len(config$n_items), bias_idx), " ~ 0*1"),
62
        "F ~~ 1*F" # varianza latente = 1
```

```
64
      pop_model <- paste(model_lines, collapse = "\n")</pre>
65
66
      dat <- lavaan::simulateData(model = pop_model,</pre>
67
                                    model.type = "cfa",
                                    meanstructure = TRUE,
69
                                    group.label = c("0", "1"),
70
                                    sample.nobs = c(n_per_group, n_per_group),
71
                                    group.w.free = FALSE,
72
                                    std.lv = TRUE) |>
73
        as.data.frame()
74
75
      # simulateData no permite medias latentes diferentes fácilmente;
      # ajustamos manualmente para el grupo 1
      idx_g1 <- seq_len(n_per_group) + n_per_group</pre>
78
      dat$F[idx_g1] <- dat$F[idx_g1] + Delta_theta</pre>
79
80
      dat$grp <- factor(c(rep(0, n_per_group), rep(1, n_per_group)))</pre>
81
      dat$theta_true <- dat$F</pre>
82
      dat$F <- NULL
83
      dat[c("grp", paste0("Item", seq_len(config$n_items)), "theta_true")]
85
    }
86
87
   # ---- 4. Función generadora -
88
   #' generate_data
90
   # '
   #' @param n_total
                           Tamaño muestral total (parejo entre grupos)
   #' @param Delta theta Diferencia de medias latentes (SD units)
   #' @param Delta_nu
                           Sesgo de intercepto aplicado a los ítems sesgados
   #' @param lambda_vec Vector de cargas; se genera con make_lambda() si NULL
95
                           Índices de ítems sesgados (default config$biased_items)
   #' Oparam bias idx
                            "manual" (default) o "lavaan" para usar simulateData
   #' @param engine
97
   #' @return data.frame con: grp (factor 0/1), Item1:Item10, theta_true
   #' @export
100
    generate_data <- function(n_total, Delta_theta, Delta_nu,</pre>
101
                                lambda_vec = NULL,
102
                                bias_idx = config$biased_items,
103
                                           = c("manual", "lavaan")) {
                                engine
104
      engine <- match.arg(engine)</pre>
```

```
if (is.null(lambda_vec)) lambda_vec <- make_lambda()</pre>
106
107
      switch (engine,
108
              manual = manual_generator(n_total, Delta_theta,
109
                                          Delta nu, lambda vec, bias idx),
              lavaan = lavaan_generator(n_total, Delta_theta,
                                          Delta_nu, lambda_vec, bias_idx))
112
113
114
    # ---- 5. PRUEBA RÁPIDA -----
115
116
    if (interactive()) {
117
      log_info("Test rápido de generate_data...")
      test_df <- generate_data(400, 0.5, 0.2)
119
      print(head(test_df))
120
      log_info("OK!")
121
122
```

Ejemplo:

```
data_ejemplo <- generate_data(400, 0.5, 0.2)
data_ejemplo
```

```
# A tibble: 400 x 12
  grp
         theta_true Item1
                            Item2
                                     Item3
                                            Item4
                                                    Item5
                                                            Item6
                                                                   Item7
                                                                            Item8
   <fct>
              <dbl>
                    <dbl>
                                     <dbl>
                                            <dbl>
                                                    <dbl>
                                                            <dbl>
                                                                    <dbl>
                                                                            <dbl>
                            <dbl>
 1 0
             -1.02 \quad -1.48 \quad -0.246 \quad -0.869
                                          -0.719 - 0.492
                                                          -0.935 -0.240 -0.161
2 0
              0.147 - 1.11
                            0.582 - 0.556
                                         -0.572 -0.0956
                                                           1.38
                                                                    0.770
                                                                         0.548
3 0
              0.647 0.152 0.392 0.0604 0.549 0.876
                                                           1.43
                                                                   -1.10
                                                                         -0.958
4 0
             -1.13 -0.582 -0.811 -0.422
                                          -0.184 - 0.766
                                                           0.723
                                                                  -1.87 -0.418
5 0
             -1.28 -1.55 -1.41 -0.507
                                            0.163 - 1.08
                                                          -1.58
                                                                  -1.80 -1.92
6 0
             -0.568 -0.923 -0.109 0.312 -0.414 -0.267
                                                           0.210 -0.612 -0.199
7 0
             -0.462 -0.510 -0.249 -1.16
                                           -2.19 - 0.249
                                                          -0.800
                                                                    0.634 - 0.208
8 0
             -0.554 -1.37 -0.819 0.633
                                          0.227 - 1.23
                                                           0.0253 -0.826 -0.297
9 0
              0.985 -0.400 0.953
                                   1.43
                                           -0.641 0.177
                                                           0.543
                                                                    0.318 0.0748
             -0.109 -0.458 -0.797
                                           -1.76
10 0
                                   1.15
                                                   0.335
                                                          -0.619
                                                                    1.07
                                                                           0.763
# i 390 more rows
# i 2 more variables: Item9 <dbl>, Item10 <dbl>
```

6.4 Estimators

- Ajusta un CFA para recuperar la diferencia de medias latentes devuelta como d_fscore.
- Calcula d_mean (promedio de ítems estandarizado) y d_mimic (pendiente grupo → factor en modelo MIMIC).
- La función de alto nivel analyse_data() empaqueta todo en un list.

```
# Este módulo proporciona funciones para obtener:
       • Sum score estandarizado
       • Factor scores vía CFA multigrupo
       • Pendiente grupo→factor del modelo MIMIC
   # Y calcula los correspondientes Cohen d.
   # -----
   # 03_estimators.R • Ajustes de modelos y métricas derivadas
   # Ubicación: project/03_functions/03_estimators.R
   source(here::here("03_functions/01_helpers.R"))
   source(here::here("03_functions/02_generator.R"))
12
13
   # --- 1. MEAN SCORE -----
14
15
   mean_score <- function(items_mat) {</pre>
    rowMeans(items_mat)
   }
18
19
   # ---- 2. FACTOR SCORES (CFA) ------
20
21
   fit_cfa_simple <- function(data_df) {</pre>
22
     model <- paste0("F =~ ", paste(paste0("Item", 1:config$n_items),</pre>
23
                                  collapse = " + "))
24
     safe_cfa(model, data = data_df)
26
   }
27
28
   get_factor_scores <- function(fit, n_obs) {</pre>
29
     # Devuelve vector numérico con length == n_obs (orden original de casos)
30
     if (is.null(fit)) return(rep(NA_real_, n_obs))
31
32
```

```
fs <- lavPredict(fit, method = "Bartlett")</pre>
33
      # lavaan devuelve lista por grupo si group.arg=NULL y hay grupos
34
      if (is.list(fs)) {
35
        fs <- do.call(rbind, fs) # concatena
36
37
     if (is.matrix(fs)) fs <- fs[, 1]</pre>
     fs <- as.numeric(fs)</pre>
39
40
     # Chequeo defensivo
41
     if (length(fs) != n_obs) {
42
        warning("Factor scores length (", length(fs),
43
                 ") != n_obs (", n_obs, ") - se rellenará con NA")
44
        fs <- rep(NA_real_, n_obs)</pre>
     }
46
     fs
47
48
49
   # ---- 3. MODELO MIMIC -----
                                                                     ----- MODELO MIMIC -
50
51
   fit_mimic <- function(data_df) {</pre>
52
     model <- paste0("F =~ ", paste(paste0("Item", 1:config$n_items),</pre>
53
                                        collapse = " + "),
54
                       "\nF ~ grp")
55
     safe_sem(model, data = data_df)
56
   }
57
58
   get_mimic_d <- function(fit) {</pre>
      if (is.null(fit)) return(NA_real_)
     parameterEstimates(fit) %>%
61
        dplyr::filter(lhs == "F", op == "~", rhs == "grp") %>%
62
        dplyr::pull(est) %>%
63
        dplyr::first()
64
   }
65
66
   # ---- 4. MÉTRICAS DE COMPARABILIDAD ------
67
68
   compute_metrics <- function(data_df, f_scores, mimic_d) {</pre>
69
      items_mat <- as.matrix(data_df[ , grep("^Item", names(data_df))])</pre>
70
71
     d_mean <- cohen_d(z_score(mean_score(items_mat)), data_df$grp)</pre>
72
     d_fscore <- if (all(is.na(f_scores))) NA_real_ else cohen_d(f_scores,</pre>
73
                                                                        data_df$grp)
74
```

```
list(d_mean = d_mean,
76
77
            d_fscore = d_fscore,
            d_mimic = mimic_d)
78
79
80
    # ---- 5. FUNCIÓN DE ALTO NIVEL: analyse_data -----
81
    #' analyse_data
83
    # '
84
    #' @param data_df data.frame generado por generate_data()
85
86
    #' @return list con: d_true y los d estimados (mean, fscore, mimic)
87
    #' @export
    analyse_data <- function(data_df) {</pre>
      n_obs <- nrow(data_df)</pre>
90
91
      # d verdadero a partir de theta_true
92
      d_true <- cohen_d(data_df$theta_true, data_df$grp)</pre>
93
94
      # CFA & factor scores
95
      fit_cfa <- fit_cfa_simple(data_df)</pre>
      f_scores <- get_factor_scores(fit_cfa, n_obs)</pre>
98
      # MIMIC
99
      fit_mim <- fit_mimic(data_df)</pre>
100
      d_mimic <- get_mimic_d(fit_mim)</pre>
101
102
      # Métricas
103
      metrics <- compute_metrics(data_df, f_scores, d_mimic)</pre>
104
      c(list(d_true = d_true), metrics)
106
    }
107
108
    # ---- 6. TEST INTERACTIVO ------
109
110
    if (interactive()) {
111
      log_info("Test rápido de analyse_data() ...")
112
      tmp <- generate_data(500, 0.5, 0.2)</pre>
      print(analyse_data(tmp))
114
115
```

Ejemplo:

```
analisis_ejemplo <- analyse_data(data_ejemplo)
analisis_ejemplo
.
```

```
$d_true
[1] 0.600467

$d_mean
[1] 0.6772962

$d_fscore
[1] 0.6731206

$d_mimic
[1] 0.7503702
```

6.5 Sim One

Integra una réplica completa:

- 1. Fija semilla.
- 2. Llama a generate_data() y analyse_data().
- 3. Devuelve un tibble con d_true, d_mean, d_fscore, d_mimic.
- 4. (Opcional) guarda los datos crudos en 01_data/raw/.

```
#' sim_one
14
15
  #' Ejecuta una réplica de la simulación Monte-Carlo.
16
  # '
17
  #' @param seed
                         Entero semilla para reproducibilidad.
  #' @param n_total
                         Tamaño muestral total (parejo entre grupos).
  #' @param Delta theta Diferencia verdadera de medias latentes (SD).
  #' @param Delta_nu
                         Magnitud del sesgo de intercepto en los ítems sesgados.
  #' @param save_raw
                         Lógico. ; Guardar los datos simulados en 01_data/raw?
  #' Oparam engine
                          "manual" (predeterminado) o "lavaan" para generar datos.
23
  # '
24
  #' @return Un tibble con columnas de condiciones + métricas
25
  #' (d_true, d_mean, d_fscore, d_mimic).
26
   #' @export
   sim_one <- function(seed, n_total, Delta_theta, Delta_nu,</pre>
                       save_raw = FALSE,
29
                        engine = c("manual", "lavaan")) {
30
     engine <- match.arg(engine)</pre>
31
     set.seed(seed)
32
33
     # --- Generar datos -------
     data_df <- generate_data(n_total = n_total,</pre>
                              Delta_theta = Delta_theta,
36
                              Delta_nu = Delta_nu,
37
                               engine = engine)
38
39
     # --- Analizar datos -----
40
     metrics_list <- analyse_data(data_df)</pre>
41
42
     # --- Resultado -----
     res <- tibble::tibble(seed = seed,
44
                           n total = n total,
45
                            Delta_theta = Delta_theta,
46
                           Delta_nu = Delta_nu,
47
                            !!!metrics_list)
48
     # --- Guardado opcional -----
     if (isTRUE(save_raw)) {
51
       file_tag <- sprintf("n%d_dt%.2f_dn%.2f_seed%09d.rds",</pre>
52
                           n_total, Delta_theta, Delta_nu, seed)
53
       fpath <- file.path(DIRS$raw, file_tag)</pre>
54
```

```
saveRDS(list(data = data_df, metrics = res), fpath)
55
     }
56
57
     res
60
   # ---- 2. TEST RÁPIDO -----
61
62
   if (interactive()) {
63
     log_info("Test rápido de sim_one() ...")
64
     out <- sim_one(seed = 2025, n_total = 400, Delta_theta = 0.5, Delta_nu = 0.2)
65
     print(out)
   }
67
```

Ejemplo:

```
sim one(seed = 2025, n total = 400,
        Delta_theta = 0.5, Delta_nu = 0.2)
# A tibble: 1 x 8
   seed n_total Delta_theta Delta_nu d_true d_mean d_fscore d_mimic
                      <dbl>
                               <dbl> <dbl> <dbl>
                                                       <dbl>
  <dbl>
          <dbl>
                                                               <dbl>
                                 0.2 0.520 0.597
1 2025
            400
                        0.5
                                                       0.599
                                                               0.658
```

6.6 Parallel

Expande el grid (32 condiciones \times 500 réplicas), asigna una semilla única por fila y lanza el cálculo en paralelo con future + progressr:

• Guarda sim_results_raw.rds

```
library(progressr)
                               # barra de progreso compatible con future
     library(tidyverse)
12
   })
13
14
   # ---- 1. CONFIGURAR PLAN DE FUTURE -----
16
   plan(multisession, workers = config$n_cores)
   log_info(sprintf("Usando %d núcleos", config$n_cores))
18
19
   # ---- 2. EXPANDIR GRID × RÉPLICAS -----
20
21
   grid <- config$design_grid
^{22}
   big_grid <- purrr::map_dfr(seq_len(config$n_reps), ~ grid) %>%
     dplyr::mutate(rep = rep(seq_len(config$n_reps), each = nrow(grid)))
25
   # --- Semilla única por fila (estrategia B) ------
26
   set.seed(42) # reproducibilidad del vector de semillas
   big_grid$seed <- sample.int(.Machine$integer.max, nrow(big_grid))</pre>
28
29
   n_jobs <- nrow(big_grid)</pre>
   log_info(sprintf("Total de réplicas a ejecutar: %d", n_jobs))
32
   # --- 3. BARRA DE PROGRESO + EJECUCIÓN -----
33
34
   handlers("progress")
35
36
   results <- with_progress({</pre>
37
     p <- progressor(steps = n_jobs)</pre>
     future_lapply(seq_len(n_jobs),
39
                    future.seed=TRUE,
40
                    function(i) {
41
       row <- big_grid[i, ]</pre>
42
       res <- sim_one(seed = row$seed,
43
                       n_total = row$n_total,
44
                       Delta_theta = row$Delta_theta,
                       Delta_nu = row$Delta_nu)
       # Mensaje con la condición actual
47
       cond_msg <- sprintf("n=%d, \Delta =%.1f, \Delta =%.1f",
48
                            row$n_total, row$Delta_theta,
49
                            row$Delta nu)
50
       p(message = cond_msg)
51
       res
```

```
53  })
54  }) %>% dplyr::bind_rows()
55
56  # ---- 4. GUARDAR RESULTADOS CRUDOS ------
57
58  saveRDS(results, file = file.path(DIRS$processed, "sim_results_raw.rds"))
59
60  log_info("Simulación completada y guardada.")
```

Una vez cargado y configurado, se procedió a realizar la simulación:

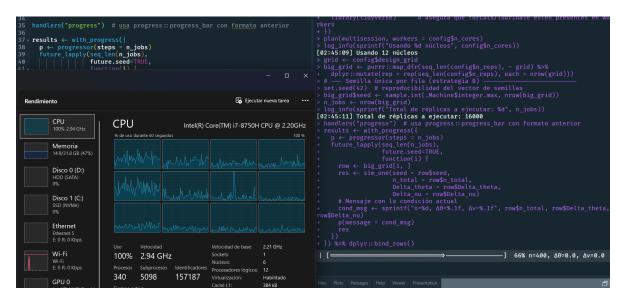


Figura 1: Simulación usando paralelización con todos los núcleos activos

i Nota

Con esta estructura modular resulta sencillo depurar o sustituir solo la parte interesada (p. ej., cambiar el generador o añadir un nuevo estimador) sin afectar al resto del flujo.

7 Análisis

Realizaremos primero un resumen de las simulaciones enfocados en bias y rmse.

```
config <- readRDS(here::here("config_sim.rds"))</pre>
         <- config$dirs
  DIRS
   raw_rds <- file.path(DIRS$processed, "sim_results_raw.rds")</pre>
   results <- readRDS(raw rds)
   # ---- RESUMEN -----
   bias_cols <- c("d_mean", "d_fscore", "d_mimic")</pre>
9
10
   summary_tbl <- results %>%
11
     group_by(n_total, Delta_theta, Delta_nu) %>%
12
     summarise(
13
       across(all_of(bias_cols),
14
               ## cada función devuelve un escalar
15
16
                 bias_mean = ~ mean(.x - d_true, na.rm = TRUE),
17
                 bias_low = ~ quantile(.x - d_true, .025, na.rm = TRUE),
18
                 bias_high = ~ quantile(.x - d_true, .975, na.rm = TRUE),
19
                 rmse_mean = ~ sqrt(mean((.x - d_true)^2, na.rm = TRUE)),
20
                 rmse_low = ~ quantile(abs(.x - d_true), .025, na.rm = TRUE),
                 rmse_high = ~ quantile(abs(.x - d_true), .975, na.rm = TRUE)
22
               ),
23
               .names = "{.col}_{.fn}")
24
     ) %>%
25
     ungroup()
26
```

`summarise()` has grouped output by 'n_total', 'Delta_theta'. You can override using the `.groups` argument.

summary_tbl

A tibble: 32 x 21

n_total Delta_theta Delta_nu d_mean_bias_mean d_mean_bias_low <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> 400 0 0 -0.000966 -0.06331 2 400 0 0.2 0.0821 0.0216 3 400 0 0.5 0.202 0.134 4 400 0 0.8 0.322 0.259 5 400 -0.00930 0.2 0 -0.06686 400 0.2 0.2 0.0729 0.0159

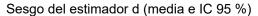
```
7
       400
                   0.2
                             0.5
                                         0.185
                                                           0.127
8
       400
                                         0.300
                                                           0.234
                   0.2
                             0.8
9
       400
                   0.5
                             0
                                        -0.0204
                                                          -0.0758
10
       400
                   0.5
                             0.2
                                         0.0538
                                                          -0.00407
# i 22 more rows
 i 16 more variables: d_mean_bias_high <dbl>, d_mean_rmse_mean <dbl>,
    d mean rmse low <dbl>, d mean rmse high <dbl>, d fscore bias mean <dbl>,
#
   d_fscore_bias_low <dbl>, d_fscore_bias_high <dbl>,
#
   d_fscore_rmse_mean <dbl>, d_fscore_rmse_low <dbl>,
#
   d_fscore_rmse_high <dbl>, d_mimic_bias_mean <dbl>, d_mimic_bias_low <dbl>,
#
    d_mimic_bias_high <dbl>, d_mimic_rmse_mean <dbl>, ...
```

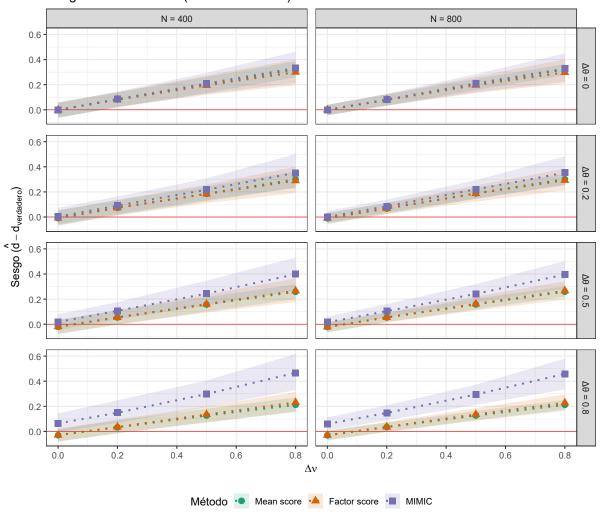
7.1 Bias

En el gráfico de sesgo observamos cuánto se desplaza, en promedio, la estimación de la diferencia de medias (\hat{d}) con respecto al valor poblacional verdadero. Cuando el sesgo de intercepto es nulo $(\Delta\nu=0)$ las tres curvas de los métodos se sitúan prácticamente sobre la línea roja de referencia, confirmando que el procedimiento es imparcial en ausencia de distorsión. Sin embargo, basta incrementar gradualmente $\Delta\nu$ para que todas las líneas asciendan con una pendiente casi perfecta: cuanto mayor es la distorsión en los interceptos, mayor la sobre-estimación de la diferencia entre grupos. El método basado en MIMIC es el que muestra más rápidamente esa desviación, seguido por el promedio de ítems y por los factor scores; este orden se mantiene en todos los tamaños muestrales y en los cuatro escenarios de diferencia latente (). Las bandas sombreadas, que representan el intervalo empírico del 95 %, se vuelven apenas más estrechas al pasar de N=400 a N=800N, lo que indica que aumentar la muestra reduce muy poco la incertidumbre cuando el sesgo sistemático domina el error.

```
bias_long <- summary_tbl %>%
1
    pivot_longer(cols = matches("_bias_(mean|low|high)$"),
2
                  names_to = c("method", "stat"),
3
                  names_pattern = (d_[^]+)_{bias_(.*)},
4
                  values_to = "value") %>%
    pivot wider(names from = stat, values from = value) %>%
6
    mutate(method = factor(method,
                            levels = c("d mean", "d fscore", "d mimic"),
                            labels = c("Mean score", "Factor score", "MIMIC")))
9
  ggplot(bias_long,
1
                    aes(x = Delta_nu, y = mean,
2
                        colour = method, fill = method,
3
                        shape = method, group = method)) +
    geom_hline(yintercept = 0, colour = "red", linewidth = .3) +
```

```
geom ribbon(aes(ymin = low, ymax = high), alpha = .15, colour = NA) +
     geom_line(linewidth = 1, linetype = "dotted") +
7
     geom_point(size = 3) +
8
     facet_grid(Delta_theta ~ n_total,
                labeller = labeller(
10
                  Delta_theta = \(x) sprintf("\Delta = %s", x),
                  n_{total} = (x) sprintf("N = %s", x))) +
     scale_colour_brewer(palette = "Dark2", name = "Método") +
13
     scale_fill_brewer(palette = "Dark2", name = "Método") +
14
     scale_shape_manual(values = c(16, 17, 15), name = "Método") +
15
     labs(title = "Sesgo del estimador d (media e IC 95 %)",
16
          x = expression(Delta*nu),
17
          y = expression("Sesgo ("*hat(d) - d[verdadero]*")")) +
     theme_bw(base_size = 12) +
     theme(legend.position = "bottom",
20
           panel.spacing.y = unit(.8, "lines"),
21
           panel.spacing.x = unit(.6, "lines"))
22
```





7.2 RMSE

El gráfico de RMSE confirma esa lectura. El RMSE combina varianza entre réplicas y sesgo al cuadrado; sin embargo, las curvas resultan casi superponibles a las del sesgo medio porque la variabilidad de las estimaciones es muy pequeña en comparación con la magnitud del sesgo introducido por $\Delta\nu$. En otras palabras, los estimadores son muy precisos pero potencialmente muy inexactos: convergen de forma consistent hacia un valor equivocado cuando los interceptos están contaminados. De nuevo, las diferencias entre métodos son claras: MIMIC acumula el mayor error total, mientras que el promedio y los factor scores muestran un crecimiento más moderado.

```
rmse_long <- summary_tbl %>%

pivot_longer(cols = matches("_rmse_(mean|low|high)$"),

names_to = c("method", "stat"),

names_pattern = "(d_[^]+)_rmse_(.*)",

values_to = "value") %>%

pivot_wider(names_from = stat, values_from = value) %>%

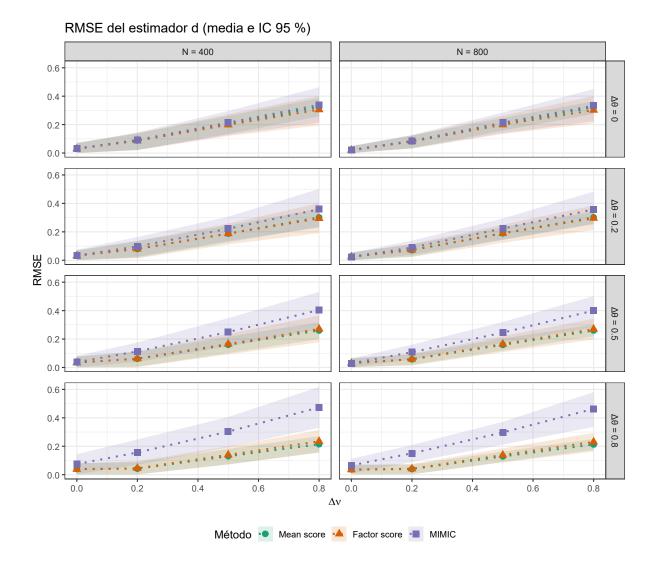
mutate(method = factor(method,

levels = c("d_mean", "d_fscore", "d_mimic"),

labels = c("Mean score", "Factor score", "MIMIC")))

ggplot(rmse_long,
```

```
aes(x = Delta_nu, y = mean,
2
                         colour = method, fill = method,
3
                         shape = method, group = method)) +
4
     geom_ribbon(aes(ymin = low, ymax = high), alpha = .15, colour = NA) +
5
     geom_line(linewidth = 1, linetype = "dotted") +
     geom point(size = 3) +
     facet_grid(Delta_theta ~ n_total,
                 labeller = labeller(
9
                   Delta_theta = \(x) sprintf(\(\Delta = \xspace s), x),
10
                   n total
                             = \(x) sprintf("N = %s", x))) +
11
     scale_colour_brewer(palette = "Dark2", name = "Método") +
12
     scale_fill_brewer(palette = "Dark2", name = "Método") +
13
     scale_shape_manual(values = c(16, 17, 15), name = "Método") +
14
     labs(title = "RMSE del estimador d (media e IC 95 %)",
15
          x = expression(Delta*nu), y = "RMSE") +
16
     theme_bw(base_size = 12) +
17
     theme(legend.position = "bottom",
18
           panel.spacing.y = unit(.8, "lines"),
19
           panel.spacing.x = unit(.6, "lines"))
```



8 Conclusiones

En conjunto, los análisis muestran que la fiabilidad de una prueba de diferencia de medias entre grupos depende mucho más de la presencia de sesgo en los ítems que del tamaño de la muestra manejado en este estudio. Aún duplicando el número de participantes, la sobre-estimación permanece prácticamente intacta si no se corrige el problema de los interceptos o al menos se diagnostica para controlarlo adecuadamente.

También es relevante el sesgo que se introduce con el modelo mimic que parte de evaluar las diferencias en un contexto de modelamiento de ecuaciones estructurales (SEM) cuando no se verifica apropiadamente un análisis de invarianza escalar (interceptos) o análisis DIF de

ítems. Emplear este método puede incrementar aún más el sesgo en las diferencias de grupos empleadas.

Por último, la pequeña diferencia entre el método Factor score y Mean score podría deberse a que en simulación únicamente se manipuló el parámetro de intercepto (ν) y no las cargas factoriales diferentes entre grupos (λ) .