

# PROCESAMIENTO DIGITAL DE SEÑALES (IEE352)

## PRIMER LABORATORIO SEMESTRE ACADÉMICO 2024-1

Horario: 0791 Duración: 120 minutos

Calificación: 12 puntos

#### **Indicaciones Generales**

- Se debe llegar puntualmente a la sesión de laboratorio. Pasada media hora del inicio del laboratorio, no se permitirá el ingreso.
- Está terminantemente prohibido el plagio como dictamina el reglamento disciplinario. Cualquier indicio de plagio será calificado con CERO y reportado a las autoridades correspondientes.
- O No está permitido el uso de herramientas de inteligencia artificial.
- o Los códigos deben ser adecuadamente comentados.
- o Tener en cuenta que lo que se revisará será el informe por lo que debe contener todo lo que crean necesario para poder ser calificados correctamente.
- O Si se registra inasistencia, no se corregirá la parte práctica ni la teórica.
- O Subir un comprimido con dos archivos: el código (.ipynb) y el informe (.pdf)

### Pregunta 1: Muestreo y Aliasing (3 puntos)

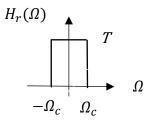
- a) Construya y grafique una señal continua  $x(t) = \cos(\Omega_o t) + \cos(2 \Omega_o t)$ ,  $\Omega_o = 50 \pi \frac{rad}{s}$ ,  $t \in [0,1] s$ . (1 punto)
- b) Muestrear la señal con  $f_{s1} = 120 \, Hz$  y con  $T_{s2} = 0016 \, s$ . Graficar en el tiempo y escribir observaciones. ¿Es posible reconstruir la señal original inequívocamente? (1 punto)
- c) Aplicar la Transformada de Fourier utilizando la FFT, hallar y graficar:  $X_1(\omega), X_2(\omega)$ . Etiquetar correctamente los ejes en frecuencia normalizada en  $\frac{rad}{s}$  y de frecuencia en Hz. (1 punto)

### **Pregunta 2: Reconstrucción de la señal (4 puntos)**

El proceso de reconstrucción de una señal comprende el uso de un filtro pasa bajos ideal  $H_r(\Omega)$ . La señal reconstruida se puede expresar como:

$$x_r(t) = x_S(t) * h_r(t) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} x[n] h_r(t - nT)$$

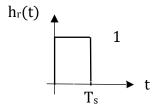
Donde, idealemente:



Considere la frecuencia de corte como la mitad de la frecuencia de muestreo. Para la siguiente señal muestreada:

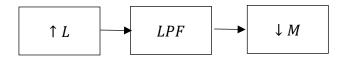
$$n, x = np.linspace(0, 20, 21), (1/(4 * np.sqrt(2 * np.pi))) * np.exp(-0.5 * ((np.linspace(0, 20, 21) - 12)/4) ** 2)$$

- a) Reconstruir y graficar la señal con un filtro pasa bajos ideal con  $T_s = 0.1 s$  en  $t \in [0,2] s$  (2 puntos)
- b) Reconstruir y graficar la señal con el mismo periodo de muestreo  $t \in [0,2] s$ , pero considere un filtro cuya gráfica en el tiempo es la de la figura de abajo. ¿Qué nombre recibe este tipo de reconstrucción? (2 puntos)



#### **Pregunta 3:** Interpolación y decimación (5 puntos)

- a) Cargar la señal **alegria.wav** en una variable **y\_t** e identificar frecuencia a la que se muestreó. Graficar en el dominio temporal las primeras 20 muestras (0.5 puntos)
- b) Se desea que la señal sea muestrada a 700 y a 1000 Hz. Explique cómo realizar esto: guiándose de la siguiente figura. Indicar los valores de L, M, la amplitud y frecuencia de corte del filtro en ambos casos (1.5 puntos)



c) Aplicar un interpolador y un decimador a la señal original (ambos casos). Graficar en frecuencia la señal original y las señales resampleadas. ¿Se puede recuperar la señal original? Escucha las señales resampleadas vs la original y comente (3 puntos)

San Miguel, 8 de abril de 2024