

Nome:

Matheus Einloft

Nota:

5,0

DURAÇÃO DA PROVA: 09:00:00H–10:40H — INDIVIDUAL —

1. (2.0 pt) Assinale a afirmativa INCORRETA.

- (a) O cálculo- $\lambda$  tem o mesmo poder de expressão que a máquina de Turing.
- (b) Os modelos teóricos de computação, como a máquina de Turing e o cálculo- $\lambda$ , identificam formalmente a noção de procedimento computável.
- (c) No cálculo- $\lambda$ , as funções  $\lambda x.xy$  e  $\lambda z.zy$  são equivalentes.
- (d) No cálculo- $\lambda$ , a expressão  $(\lambda x.xx)(\lambda y.yx)z$  reduz em  $n$  passos de beta-redução para  $xxz$ , considerando a estratégia de avaliação *full beta reduction* e as convenções vistas em aula.
- (e) No cálculo- $\lambda$ , a expressão  $(\lambda x.(\lambda y.(xy))y)z$  reduz em  $n$  passos de beta-redução para  $yz$ , considerando a estratégia de avaliação *full beta reduction*.

2. (2.0 pt) Analise as seguintes afirmativas

- F • I - No cálculo- $\lambda$ , podemos codificar *booleanos* e *números naturais*, mas não conseguimos codificar *listas*, por exemplo.
- ✓ • II - No cálculo- $\lambda$  é natural a definição de funções de alta ordem.
- F • III - No cálculo- $\lambda$  as funções são anônimas limitando o poder de expressão do mesmo.

A análise permite concluir que estão CORRETAS

- (a) apenas as afirmativas I e II.
- (b) apenas a afirmativa II.
- (c) apenas as afirmativas II e III.
- (d) apenas a afirmativa III.
- (e) todas as afirmativas.

3. (1.5 pt) Explique as possíveis estratégias de avaliação que podemos utilizar no cálculo- $\lambda$ . Mostre exemplos na sua resposta. Discuta a importância das estratégias de avaliação nas Linguagens de Programação de propósito geral, como *Java*, *C*, *Scheme*, *Haskell*, etc.

4. (2.0 pt) Dadas as regras para avaliação *chamada por valor* (*call-by-value*) vistas em aula. Apresente as modificações necessárias para que a avaliação seja *chamada por nome* (*call-by-name*).

5. (2.5 pt) Considerando a seguinte especificação da sintaxe do cálculo- $\lambda$ :

$$\begin{aligned} \langle \text{LambdaExp} \rangle &::= \langle \text{Identifier} \rangle \\ &\quad | \text{lambda}(\langle \text{Identifier} \rangle) \langle \text{LambdaExp} \rangle \\ &\quad | \langle \text{LambdaExp} \rangle \langle \text{LambdaExp} \rangle \end{aligned}$$

Escolha alguma linguagem de programação e defina uma função ou procedimento (*contains-beta-redex?*  $e$ ), o qual retorna *true* se a expressão do cálculo- $\lambda$ ,  $e$ , contém um beta-redex. Caso contrário, o procedimento retorna *false*. Um beta-redex é uma aplicação ( $e_1 \ e_2$ ), tal que  $e_1$  é uma abstração, i.e., tem a forma  $(\text{lambda } (x) \ e_1)$ . Note que um beta-redex pode ocorrer dentro de uma abstração *lambda*, i.e., a subexpressão  $e_1$  pode conter um beta-redex.

6. Explique as classes de problemas P e NP mostrando exemplos de problemas em cada classe.

## Matthews Emlöft

③ Chamada por valor: É uma das mais utilizadas, sendo utilizada em linguagens como C. Ela consiste em, ao se chamar uma função, passar como argumento o valor das variáveis em si, ou seja, uma cópia delas (e não o endereço delas, como na chamada por referência). Isso faz com que o valor das variáveis originais não sejam alterados, somente as cópias delas.

Chamada por referência: Utilizada na linguagem Haskell, ela consiste em, ao se chamar uma função, passar como argumento o endereço da variável. Isso faz com que não seja necessário fazer uma cópia da variável em outro local de memória.

Avaliação por ordem normal: reduz-se primeiro a redex mais à esquerda da expressão.

Full beta reduction: não há preferência para reduzir um redex de uma expressão, ou seja, pode-se escolher qual reduzir por primeiro.

⑤ #TRUE =  $\lambda x. \lambda y. x$

#FALSE =  $\lambda x. \lambda y. y$

expressão =

def contains-beta-redex(expressão)

if (e1 == constante) # mais à esquerda precisa ser uma função lambda.

return false

else if

exemplo. 2 ( $\lambda x. x$ )

↳ assim não há como reduzir, ao contrário de:

$\lambda x. x' (2)$

2

④ Chamada por valor em C por exemplo, não utiliza ponteiros na função, pois é passado o valor da variável e não seu endereço. Para modificar para uma chamada por nome, é necessário utilizar ponteiros para alterar os valores das variáveis "originais".



