

## 6ª LISTA DE EXERCÍCIOS – MTM 1020–

1. Determine os valores máximos e mínimos locais e pontos de sela da função.

a)  $f(x, y) = 9 - 2x + 4y - x^2 - 4y^2$                       b)  $f(x, y) = x^2 = y^2 + x^2y + 4$

c)  $f(x, y) = e^x \cos y$                       d)  $f(x, y) = (x^2 + y^2)e^{y^2 - x^2}$ .

2. Determine os valores máximos e mínimos absolutos de  $f$  no conjunto  $D$ .

a)  $f(x, y) = 1 + 4x - 5y$ ,  $D$  é a região triangular fechada com vértices  $(0, 0), (2, 0), (0, 3)$ .

b)  $f(x, y) = x^2 + y^2 + x^2y + 4$ ,  $D = \{(x, y) : |x| \leq 1, |y| \leq 1\}$ .

c)  $f(x, y) = x^4 + y^4 - 4xy + 2$ ,  $D = \{(x, y) : 0 \leq x \leq 3, 0 \leq y \leq 2\}$ .

d)  $f(x, y) = 2x^3 + y^4$ ,  $D = \{(x, y) : x^2 + y^2 \leq 1\}$ .

3. Utilize os multiplicadores de Lagrange para determinar os valores máximo e mínimo da função sujeita à restrição dada:

a)  $f(x, y) = x^2 + y^2$ ,  $xy = 1$ .

b)  $f(x, y, z) = 2x + 6y + 10z$ ,  $x^2 + y^2 + z^2 = 35$ .

c)  $f(x, y, z) = xyz$ ,  $x^2 + 2y^2 + 3z^2 = 6$ .

d)  $f(x, y, z) = x^2 + y^2 + z^2$ ,  $x^4 + y^4 + z^4 = 1$ .

4. Determine os valores extremos de  $f(x, y) = e^{-xy}$  na região descrita pela desigualdade  $x^2 + 4y^2 \leq 1$ .

5. Determine a menor distância entre o ponto  $(2, 1, -1)$  e o plano  $x + y - z = 1$

6. Determine os pontos do cone  $z^2 = x^2 + y^2$  que estão mais próximos do ponto  $(4, 2, 0)$

7. Encontre o volume máximo de uma caixa retangular que está inscrito em uma esfera de raio  $r$ .

8. Uma caixa de papelão sem tampa deve ter um volume de  $32000\text{cm}^3$ . Determine as dimensões que minimizem a quantidade de papelão utilizado.
9. Utilize os multiplicadores de Lagrange para demonstrar que o retângulo com área máxima e que tem perímetro constante  $p$  é um quadrado.

## GABARITO DA SEXTA LISTA

- 1.a) Máximo  $f(-1, \frac{1}{2}) = 11$
- b) Mínimo  $f(0, 0) = 4$  e ponto de sela em  $(\pm\sqrt{2}, -1)$
- c) Nenhum
- d) Mínimo  $f(0, 0) = 0$  e ponto de sela em  $(\pm 1, 0)$ .
- 2.a) Máximo  $f(2, 0) = 9$ , mínimo  $f(0, 3) = -14$ .
- b) Máximo  $f(\pm 1, 1) = 7$ , mínimo  $f(0, 0) = 4$ .
- c) Máximo  $f(3, 0) = 83$ , mínimo  $f(1, 1) = 0$ .
- d) Máximo  $f(1, 0) = 2$ , mínimo  $f(-1, 0) = -2$ .
- 3.a) Nenhum máximo, mínimos  $f(1, 1) = f(-1, -1) = 2$ .
- b) Máximo  $f(1, 3, 5) = 70$ , mínimo  $f(-1, -3, -5) = -70$ .
- c) Máximo  $\frac{2}{\sqrt{3}}$ , mínimo  $-\frac{2}{\sqrt{3}}$ .
- d) Máximo  $\sqrt{3}$ , mínimo 1.
4. Máximos  $f(\pm \frac{1}{\sqrt{2}}, \mp \frac{1}{2\sqrt{2}}) = e^{\frac{1}{4}}$ , mínimo  $f(\pm \frac{1}{\sqrt{2}}, \mp \frac{1}{2\sqrt{2}}) = e^{\frac{1}{4}}$ .
5.  $\sqrt{3}$ .      6.  $(2, 1, \sqrt{5}), (2, 1, -\sqrt{5})$ .      7.  $\frac{8r^3}{3\sqrt{3}}$ .
8. Base quadrada de lado  $40\text{cm}$ , altura  $20\text{cm}$ .