

DEPARTAMENTO DE ESTATÍSTICA
2ª Avaliação de Estatística - Valor: 9,0 pontos

Discente: Diana Vargas Teixeira
Prof.: Vanessa Peres

Data: 15/05/2018

1) Numa caixa há 10 peças boas e 2 defeituosas. Ao retirarmos duas peças aleatoriamente, qual a probabilidade: (1,0 ponto)

- a) de ocorrerem 2 defeituosas?
- b) se a primeira for defeituosa, da segunda ser boa?

2) São dadas três caixas, como segue:

A caixa I tem 10 lâmpadas das quais 6 são boas;

A caixa II tem 6 lâmpadas das quais 5 são boas;

A caixa III tem 8 lâmpadas das quais 5 são boas.

Selecionamos uma caixa aleatoriamente e então retiramos uma lâmpada, também aleatoriamente. Qual a probabilidade dela ser defeituosa? (1,0 ponto)

3) Um fabricante de produtos farmacêuticos deseja testar a eficácia de uma nova vacina contra determinada doença. Estima-se que 40% dos expostos à doença a contrairão, em circunstâncias normais. São vacinadas 12 pessoas que se apresentaram como voluntárias. Qual a probabilidade de 3 ou mais pessoas contraírem a doença? (1,0 ponto)

4) Um especialista em peixes tropicais deseja saber quanto tempo um certo tipo de peixe tropical pode sobreviver em uma dada condição tóxica da água. Após uma longa série de experiências, o especialista está em condições de afirmar que a vida média desse tipo de peixe é de 90 dias, após ter sido colocado na água tóxica. O desvio padrão é estimado em 20 dias. A distribuição dos "dias sobrevividos" afigura-se aproximadamente normal. Qual a probabilidade de este peixe viver mais de 120 dias? (1,0 ponto)

5) Suponha que determinado medicamento, usado para diagnóstico precoce da gravidez é capaz de confirmar casos positivos em 90% de mulheres muito jovens. Nestas condições, qual a probabilidade de duas de três gestantes que fizeram uso deste medicamento não terem confirmado precocemente a gravidez? (1,0 ponto)

6) Em um depósito chegam em média 2,8 caminhões/hora. Determine a probabilidade de chegarem 3 ou mais caminhões: (1,0 ponto)

- a) num período de 30 minutos;
- b) num período de 150 minutos.

7) Uma moeda perfeita é lançada três vezes. Seja Y o número de caras obtidas. Calcule: (1,5 ponto)

- a) a distribuição;
- b) a média e a variância da v.a. Y ;
- c) faça o gráfico da função de distribuição acumulada.

8) Se as alturas de 300 estudantes são normalmente distribuídas, com média 172,72 cm e variância 58,06 cm², quantos estudantes têm alturas: (1,5 ponto)

- a) iguais a 162,56 ou menores;
- b) entre 165,10 cm e 180,34 cm inclusive;
- c) iguais a 172,72 cm.

FORMULÁRIO:

1) Distribuição de Poisson: Fórmula: $P(X = x) = \frac{e^{-\lambda} \cdot \lambda^x}{x!}$, sendo $e \cong 2,71828$.

$E(X) = Var(X) = \lambda$, em que: $\lambda = n \cdot p$ (número esperado ou n° médio de sucessos).

2) Distribuição Binomial: Fórmula: $P(X = x) = C_x^n \cdot p^x \cdot q^{(n-x)} = \frac{n!}{x!(n-x)!} \cdot p^x \cdot q^{(n-x)}$.

$E(X) = n \cdot p$ e $Var(X) = n \cdot p \cdot q$, em que: $q = 1 - p$.

3) Distribuição Normal: $X \sim N(\mu, \sigma^2)$, em que:

μ é a média da população e σ^2 é a variância da população.

Variável normal padronizada (Z): $Z = \frac{X - \mu}{\sigma} \sim N(0, 1)$.

4) Esperança matemática de uma variável aleatória discreta X : $E(X) = \sum_{i=1}^n x_i \cdot p_i$.

5) Variância de uma variável aleatória discreta X :

$Var(X) = E(X^2) - [E(X)]^2$, em que: $E(X^2) = \sum_{i=1}^n x_i^2 \cdot p_i$.

6) Eventos A e B independentes: $P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B)$.

7) União de dois eventos A e B: $P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$.

8) Probabilidade Condicional: $P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}$.

Boa prova!