

6,5

Prova 2 de Linguagens Formais A

Nome: *Maxiano Dornelles de Freitas*

Data: *03/07/18*

1. (3,0 pontos) Gere uma gramática correspondente a linguagem descrita abaixo:

2,7

- Baseada em estruturas da linguagem C onde não se possui definição de bibliotecas, pode ter quantas funções sem parâmetros forem desejadas, desde que obrigatoriamente a função `main()` esteja declarada entre elas; ✓
- Somente declaram-se variáveis do tipo `int` e todas as possíveis variáveis declaradas possuem nomes compostos pelo alfabeto $\{a,b\}^+$. ✓
- Existem apenas comandos `if`, `for` e atribuições, envolvendo operações aritméticas (com soma, subtração, multiplicação e divisão, além de parênteses balanceados), podendo haver comandos aninhados; ✓
- A lógica booleana só permite comparações de maior e menor, sempre entre parênteses; ✓
- Comandos `printf` e `scanf` tem um único parâmetro: uma variável; ✓
- Todo comando `if` ou `for` tem pelo menos um comando em seu escopo; ✓
- As atribuições tem uma variável, seguida por um símbolo de igual e posteriormente qualquer expressão matemática envolvendo números inteiros, `+`, `-`, `*`, `/` e parênteses balanceados; ✓
- O `for` obrigatoriamente tem 3 parâmetros, separados por ponto e vírgula: inicialização da variável contadora (uma atribuição), uma condição de parada (comparação booleana) e um contador (uma expressão aritmética, sem considerar expressões do tipo `x++` ou `--x`); ✓
- Blocos com mais de um comando são sempre definidos por chaves. ✓

Ex:

```
main( ) {  
    dobro( ) {  
        int a, b;  
        scanf ( a );  
        b = a + a ;  
        printf (b);  
    }  
    int a, b, abb;  
    dobro ( ) ;  
    if ( b > 5 ) {  
        for (a = 1; a > 5; a + 1)  
            { a = abb + ( 3 - b ); }  
        printf(a);  
    }  
}
```

2. (2,0 pontos) Crie um autômato que reconheça palavras da linguagem composta pelo alfabeto $\{x, +, -, (,)\}$ que contém expressões matemáticas de soma e subtração entre operandos "x" com parênteses balanceados. $L = \{x+x, x-x, (x)+x, x+x-x, (x-x), (x)-(x+x), ((x+x)-x)-x, \dots\}$

1,8

3. (1,0 ponto) Abaixo são apresentadas duas linguagens formais sobre o alfabeto $\{a,b,c\}$:

$$L1 = \{ a^n b^n \mid n > 1 \}$$

$$L2 = \{ b^n a^p c^q \mid n \geq 0, p \geq 0, q \geq 0 \}$$

Considere as seguintes afirmações:

I) $L1$ é uma linguagem regular. \times

II) $L2$ é uma linguagem regular.

III) $L2$ é uma linguagem livre de contexto. \times

Quais estão corretas?

A. Apenas I.

~~B. Apenas II.~~

C. Apenas I e III.

☒ D. Apenas II e III.

E. I, II e III.

4. (1,0 ponto) Considere a gramática G descrita a seguir: conjunto de terminais $\{a,c\}$, conjunto de não terminais $\{S,A\}$, símbolo inicial S e contendo as produções abaixo:

$$S \rightarrow AcS$$

$$S \rightarrow A$$

$$A \rightarrow aAa$$

$$A \rightarrow a$$

Considere também o autômato finito A sobre o alfabeto $\{a,c\}$, com conjunto de estados $\{q_0, q_1, q_2\}$ — dos quais q_0 é inicial e q_1 é final — e com função de transição de estados determinada pelo seguinte grafo:



Seja $L(G)$ a linguagem gerada pela gramática G e $L(A)$ a linguagem reconhecida pelo autômato A , assinale a alternativa correta.

A. $L(G)$ é regular e $L(A)$ é subconjunto próprio de $L(G)$. \times

B. $L(G)$ não é regular e $L(A)$ é subconjunto próprio de $L(G)$.

☒ C. $L(A) = L(G)$.

~~D. $L(G)$ é regular e $L(G)$ é subconjunto próprio de $L(A)$.~~

E. $L(G)$ não é regular e $L(G)$ é subconjunto próprio de $L(A)$.

5. (1,0 ponto) Baseado na gramática sensível ao contexto a seguir, mostre todos os passos da sequência de reconhecimento da palavra "ababaababa".

$$G = (\{S, A, B, T\}, \{a, b\}, P, S)$$

$$1. S \rightarrow aAS | bBS | T$$

$$2. Aa \rightarrow aA$$

$$3. Ba \rightarrow aB$$

$$4. Ab \rightarrow bA$$

$$5. Bb \rightarrow bB$$

$$6. BT \rightarrow Tb$$

$$7. AT \rightarrow Ta$$

$$8. T \rightarrow \epsilon$$

Mariano Dorneles de Freitas

5- $S \rightarrow aAS$ 1

$aAS \rightarrow aAbBS$ 1

$aAbBS \rightarrow aAbABS$ 4

$aAbABS \rightarrow aAbABaAS$ 1

$aAbABaAS \rightarrow aAbAaBAS$ 3

$aAbAaBAS \rightarrow aAbAABAS$ 2

$aAbAABAS \rightarrow aAbAABAbBS$ 1

$aAbAABAbBS \rightarrow aAbAABlABS$ 4

$aAbAABlABS \rightarrow aAbAABABBS$ 5

$aAbAABABBS \rightarrow aAbAABABBS$ 4

$aAbAABABBS \rightarrow aAbAABABaAS$ 1

$aAbAABABaAS \rightarrow aAbAABABaBAS$ 3

$aAbAABABaBAS \rightarrow aAbAABaABAS$ 2

$aAbAABaABAS \rightarrow aAbAABaABABAS$ 3

$aAbAABaABABAS \rightarrow aAbAABaABA BAS$ 2

$aAbAABaABA BAS \rightarrow aAbAABaABABAT$ 1

$aAbAABaABABAT \rightarrow aAbAABaABABTa$ 7

$aAbAABaABABTa \rightarrow aAbAABaABATba$ 6

$aAbAABaABATba \rightarrow aAbAABaABTaba$ 7

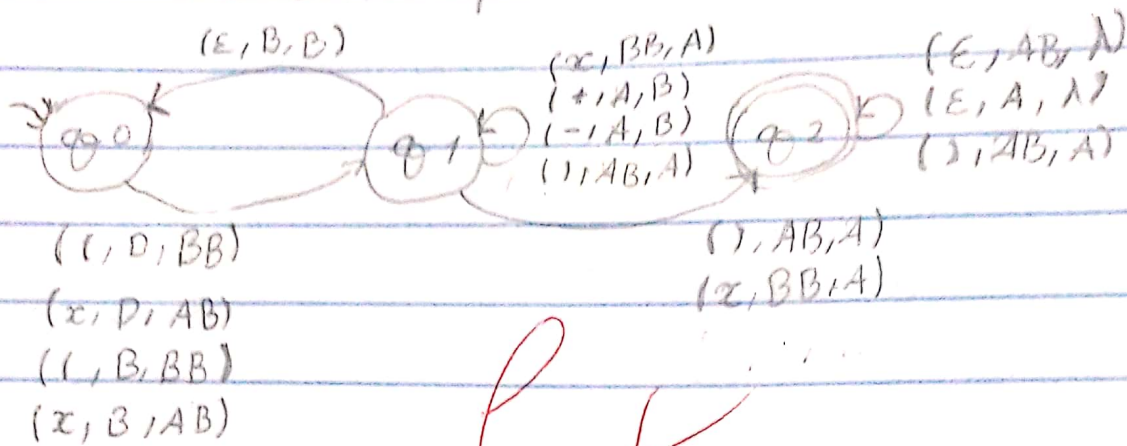
$aAbAABaABTaba \rightarrow aAbAABaATbaba$ 6

$aAbAABaATbaba \rightarrow aAbAABaATababa$ 7

$aAbAABaATababa \rightarrow aAbAABaEababa$ 8

$aAbAABaEababa$

2 - Estado inicial da pilha em D



μT	T_{max}
1	1

$$B \rightarrow [0 \dots z]^+ () \{A\} B \mid \epsilon$$

```
A → int C | if (M) { A } | printf(N); | scanf(N); | A[A][a...z](); | for(R, M, ...)
```

$P \rightarrow, \in I;$

$$Q \rightarrow \langle I \rangle$$

4

$$① \rightarrow +1 - 1 \div 1 \times$$
$$\mathbb{Z} \rightarrow \mathbb{N} \subset \mathbb{K} \dots$$
$$L \rightarrow [1..9]^* \mid \epsilon \mid L$$

→ EAZIR