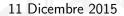
Analisi di algoritmi per il Motif Finding

Tommaso Papini Gabriele Bani tommaso.papini1@stud.unifi.it gabriele.bani@stud.unifi.it







Un po' di background

DNA:

- √ sequenza di nucleotidi
- √ 4 tipi di nucleotide: A, T, C, G
- √ I-mer: sottosequenza di DNA di lunghezza I

Motifs

In biologia può essere necessario ricavare certe sequenze di DNA "nascoste"

- ✓ pattern di nucleotidi ripetuti (I-mer)
- ✓ utili a capire determinati comportamenti biologici
 - sequenze di attivazione di geni specifici

Il problema del Motif Finding

Il problema del Motif Finding consiste nel ricavare un set di t l-mer da un insieme di t sequenze di DNA.

Input

- \checkmark DNA: matrice di nucleotidi $t \times n$
 - t sequenze di DNA
 - ognuna di lunghezza n
- √ I: lunghezza del motif cercato

Output

 \checkmark $s=(s_1,s_2,\ldots,s_t)$: lista di t posizioni iniziali di l-mer il più simili tra loro

Un primo esempio

CGGGGCTATGCAACTGGGTCGTCACATTCCCCTTTCGATA
TTTGAGGGTGCCCAATAAATGCAACTCCAAAGCGGACAAA
GGATGCAACTGATGCCGTTTGACGACCTAAATCAACGGCC
AAGGATGCAACTCCAGGAGCGCCTTTGCTGGTTCTACCTG
AATTTTCTAAAAAAGATTATAATGTCGGTCCATGCAACTTC
CTGCTGTACAACTGAGATCATGCTGCATGCAACTTTCAAC
TACATGATCTTTTGATGCAACTTGGATGAGGGAATGATGC

Un primo esempio

CGGGGCTATGCAACTGGGTCGTCACATTCCCCTTTCGATA
TTTGAGGGTGCCCAATAAATGCAACTCCAAAGCGGACAAA
GGATGCAACTGATGCCGTTTGACGACCTAAATCAACGGCC
AAGGATGCAACTCCAGGAGCGCCTTTGCTGGTTCTACCTG
AATTTTCTAAAAAAGATTATAATGTCGGTCCATGCAACTTC
CTGCTGTACAACTGAGATCATGCTGCATGCAACTTTCAAC
TACATGATCTTTTGATGCAACTTGGATGAGGGAATGATGC

Mutazioni random

CGGGGCTATcCAgCTGGGTCGTCACATTCCCCTTTCGATA
TTTGAGGGTGCCCAATAAggGCAACTCCAAAGCGGACAAA
GGATGgAtCTGATGCCGTTTGACGACCTAAATCAACGGCC
AAGGAaGCAACcCCAGGAGCGCCTTTGCTGGTTCTACCTG
AATTTTCTAAAAAGATTATAATGTCGGTCCtTGgAACTTC
CTGCTGTACAACTGAGATCATGCTGCATGCCAtTTTCAAC
TACATGATCTTTTGATGgcACTTGGATGAGGGAATGATGC

Come trovare l'I-mer più simile tra tutti?

Allineamento

CGGGGCT ATcCAgCT GGGTCGTCACATTCCCCTTTCGATA TTTGAGGGTGCCCAATAAggGCAACT CCAAAGCGGACAAA GGATGgAtCT GATGCCGTTTGACGACCTAAATCAACGGCC

AAGG<mark>AaGCAACc</mark>CCAGGAGCGCCTTTGCTGGTTCTACCTG

AATTTTCTAAAAAGATTATAATGTCGGTCC<mark>tTGgAACT</mark>TC CTGCTGTACAACTGAGATCATGCTGC<mark>ATGCcAtT</mark>TTCAAC

TACATGATCTTTTGATGgcACTTGGATGAGGGAATGATGC

Profilo e Consenso

		Α	Т	C	C	Α	G	C	Т
Allineamento		G	G	G	C	Α	Α	C	T
		Α	T	G	G	Α	T	C	/ T
		Α	Α	G	C	Α	Α	C	C
		T	Τ	G	G	Α	Α	C	T
		Α	T	G	C	C	Α	T	Т
		Α	T	G	G	C	Α	C	T
Profilo	Α	5	1	0	0	5	5	0	0
	T	1	5	0	0	0	1	1	6
	G	1	1	6	3	0	1	0	0
	C	0	0	1	4	2	0	6	1
Consenso		Α	T	G	C	Α	Α	C	T

Score

Come definire la "bontà" di un set di l-mer?

Funzione score

Si definisce una funzione score sul vettore $s = (s_1, s_2, \dots, s_t)$ di posizioni iniziali:

$$Score(s, DNA) = \sum_{j=1}^{I} M_{P(s)}(j)$$

dove

 \checkmark P(s): matrice profile su s

 \checkmark $M_{P(s)}(j)$: elemento massimo nella colonna j-esima di P(s)

Si cerca il set di posizioni iniziali s che massimizzi Score(s, DNA)!

Score: l'esempio di prima

		Α	Τ	C	C	Α	G	C	Т
		G	G	G	C	Α	Α	C	T
Allineamento		Α	T	G	G	Α	T	C	T
		Α	Α	G	C	Α	Α	C	C
		T	T	G	G	Α	Α	C	Т
		Α	T	G	C	C	Α	T	Τ
		Α	T	G	G	C	Α	C	T
Profilo	Α	5	1	0	0	5	5	0	0
	Т	1	5	0	0	0	1	1	6
	G	1	1	6	3	0	1	0	0
	C	0	0	1	4	2	0	6	1
Consenso		Α	T	G	С	Α	Α	С	T

$$Score(s, DNA) = 5 + 5 + 6 + 4 + 5 + 5 + 6 + 6 = 42$$

Score

Quanto può valere lo score?

$$Score(s, DNA) = \begin{cases} I \cdot t, & \text{nel caso migliore} \\ \frac{I \cdot t}{4}, & \text{nel caso peggiore} \end{cases}$$

- ✓ It corrisponde al caso in cui tutti gli l-mer sono identici
- $\sqrt{\frac{lt}{4}}$ corrisponde al caso in cui gli l-mer siano diversi in tutte le posizioni

Algoritmi brute force

Forza bruta

In informatica il metodo "forza bruta" (o ricerca esaustiva della soluzione) è un algoritmo di risoluzione di un problema dato che consiste nel verificare tutte le soluzioni teoricamente possibili fino a che si trova quella effettivamente corretta.

Simple motif search

L'idea

Esamina tutte le possibili combinazioni delle posizioni di partenza s e prendi quella con maggior *Score*.

- ✓ Posizioni iniziali: s = (1, ..., 1)
- ✓ Posizioni finali: s = ((n-l+1), ..., (n-l+1))

Si utilizza il metodo *NextElement* per passare da un elemento al successivo in ordine alfabetico.

Simple motif search

Pseudocodice

```
1: procedure SimpleMotifSearch(DNA, t, n, l)
        s \leftarrow (1, 1, \dots, 1)
2:
        bestScore \leftarrow Score(s, DNA)
3:
        while true do
4:
5:
            s \leftarrow NextElement(s, t, n - l + 1)
            if Score(s, DNA) > bestScore then
6:
                bestScore \leftarrow Score(s, DNA)
7:
                bestMotif \leftarrow s
8:
            end if
9:
            if s = (1, 1, ..., 1) then
10:
                return bestMotif
11:
            end if
12:
        end while
13:
14: end procedure
```

Simple motif search

Complessità

Quante iterazioni fa l'algoritmo?

- ✓ vengono esaminate tutte le possibili combinazioni
 - (n-l+1) possibili scelte per ogni posizione iniziale
 - t posizioni iniziali (una per ogni sequenza)
- $\checkmark (n-l+1)^t$ possibili combinazioni di posizioni iniziali

Quanti passi per calcolare Score?

- √ tl per calcolare la matrice Profilo
- √ 4/ per calcolare Score

Costo

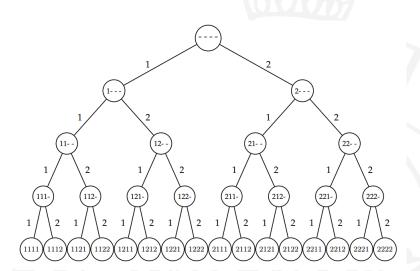
 $\mathcal{O}(tln^t)$

L'idea

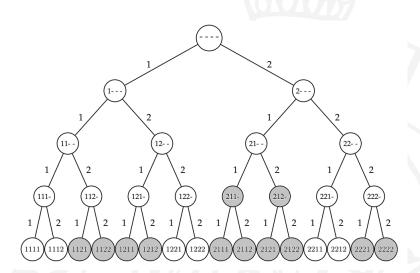
Ottimizza Simple Motif Search evitando di analizzare sequenze non ottimali

- ✓ enumerazione delle sequenze tramite alberi
- √ funzione di Score ottimistico
 - Score parziale su un nodo interno
 - Score ideale per le restanti posizioni

Un esempio



Un esempio



Si esegue una visita in profondità dell'albero

- √ calcola lo Score ottimistico per ogni nodo
- ✓ scarta i sottoalberi con *Score ottimistico* sub-ottimo

Score ottimistico

Score ottimistico =
$$Score(s, i, DNA) + (t - i) \cdot I$$

- \checkmark Score(s, i, DNA): Score parziale relativo alle prime i sequenze di DNA
- \checkmark $(t-i) \cdot I$: Score parziale delle restanti posizioni (supponendole identiche)
- √ NextVertex per passare al prossimo vertice (DFS)
- ✓ Skip per passare al prossimo vertice saltando il sottoalbero attuale

Pseudocodice

```
1: procedure BranchAndBoundMotifSearch(DNA, t, n, l)
        s \leftarrow (1, 1, \ldots, 1)
3:
        bestScore \leftarrow 0
4:
        i \leftarrow 1
5:
        while i > 0 do
6:
            if i < t then
7:
                optimisticScore \leftarrow Score(s, i, DNA) + (t - i)I
8:
                if optimisticScore < bestScore then
9:
                     (s,i) \leftarrow Skip(s,i,(n-l+1))
10:
                 else
                     (s, i) \leftarrow NextVertex(s, i, t, (n - l + 1))
11:
12:
                 end if
13:
             else
14:
                 if Score(s, DNA) > bestScore then
15:
                     bestScore \leftarrow Score(s, DNA)
16:
                     bestMotif \leftarrow s
17:
                 end if
18:
                 (s, i) \leftarrow NextVertex(s, i, t, (n - l + 1))
19:
             end if
20:
         end while
21:
         return bestMotif
22: end procedure
```

Complessità

Quante iterazioni?

- √ una per ogni nodo interno/foglia (caso pessimo)
 - $N = \frac{(n-l+1)^t-1}{(n-l+1)-1}$ nodi interni

-
$$L = (n - l + 1)^t$$
 foglie

✓ N + L passi totali

Quanto passi per calcolare Score?

√ come prima!

Costo

$\mathcal{O}(t l n^t)$

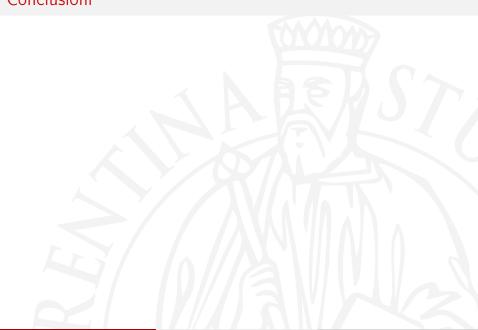
Come prima!

- √ più costoso nel caso pessimo
- √ conveniente se esegue tanti Skip

Algoritmi greedy

Algoritmi randomizzati

Conclusioni





Domande? Grazie!



Domande? Granie!



Domande? Grazie!