

Algoritmos

Algoritmos de Fichin

iNuevoFichin(in $m : \text{mapa}$) $\rightarrow res : \text{fichin}$

1: $res \leftarrow \langle m, False, NULL, NULL, vacío \rangle$

$\triangleright \Theta(1)$

Complejidad: $\Theta(1)$

iNuevaPartida(in/out $f : \text{fichin}$, in $a : \text{jugador}$) $\rightarrow res : \text{bool}$

$res \leftarrow False$

if $\neg f.alguienJugando$ **then**

$f.jugadorActual \leftarrow jugador$

$\triangleright \Theta(1)$

$f.alguienJugando \leftarrow True$

$\triangleright \Theta(1)$

$f.partidaActual \leftarrow partida.iNuevaPartida(f.mapa)$

$\triangleright \mathcal{O}(c)$

$res \leftarrow True$

end if

Complejidad: $\mathcal{O}(c)$

Justificación: La complejidad de este algoritmo es igual a la complejidad de *iNuevaPartida*, que es $\mathcal{O}(c)$, con $c = \#chocolates$.

iMover(in/out $f : \text{fichin}$, in $d : \text{direccion}$) $\rightarrow res : \text{bool}$

1: **if** $f.alguienJugando$ **then**

2: $partida.iMover(f.partidaActual, d)$

$\triangleright \Theta(1)$

3: $res \leftarrow True$

4: **if** $partida.iGanó?(f.partidaActual)$ **then**

$\triangleright \mathcal{O}(1)$

5: **if** $def?(f.jugadorActual, f.ranking)$ **then**

$\triangleright \mathcal{O}(|J|)$

6: **if** $obtener(f.jugadorActual, f.ranking) > partida.iCantMov(f.partidaActual)$ **then**

$\triangleright \mathcal{O}(|J|)$

7: $definir(f.jugadorActual, partida.iCantMov(f.partidaActual), f.ranking)$

$\triangleright \mathcal{O}(|J|)$

8: **end if**

9: **else** $definir(f.jugadorActual, partida.iCantMov(f.partidaActual), f.ranking)$

$\triangleright \mathcal{O}(|J|)$

10: **end if**

11: **end if**

12: **else**

13: $res \leftarrow False$

$\triangleright \Theta(1)$

14: **end if**

Complejidad: $\mathcal{O}(|J|)$ si se realiza un movimiento que finaliza la partida

Justificación: El diccionario se implementa con un trie, que tiene $\mathcal{O}(|J|)$ como complejidad de *def?*, acceder a significado y definir.

iVerRanking(in $f : \text{fichin}$) $\rightarrow res : \text{dicc}$

1: $res \leftarrow f.ranking$

$\triangleright \Theta(1)$

Complejidad: $\Theta(1)$

iObjetivo($\text{in } f : \text{fichin}, \text{in } j : \text{jugador} \rightarrow \text{res} : \langle \text{jugador}, \text{nat} \rangle$)

```

1:  $i \leftarrow 0$   $\triangleright \Theta(1)$ 
2:  $C \leftarrow \text{obtenerClavesTrie}(f.\text{ranking})$   $\triangleright \Theta(J)$ 
3:  $S \leftarrow \emptyset$   $\triangleright \Theta(1)$ 
4: while  $i < \text{long}(C) - 1$  do
5:   if  $\text{obtener}(C[i], f.\text{ranking}) < \text{obtener}(\text{jugador}, f.\text{ranking})$  then  $\triangleright \mathcal{O}(|J|)$ 
6:      $\text{Ag}(C[i], S)$   $\triangleright \Theta(1)$ 
7:   end if
8:    $i \leftarrow i + 1$   $\triangleright \Theta(1)$ 
9: end while
10: if  $\emptyset?(S)$  then
11:    $\text{res} \leftarrow \langle \text{jugador}, \text{obtener}(f.\text{ranking}, \text{jugador}) \rangle$   $\triangleright \Theta(1)$ 
12: else
13:    $\text{max} \leftarrow \text{obtener}(f.\text{ranking}, S[0])$   $\triangleright \mathcal{O}(|J|)$ 
14:    $\text{maxJugador} \leftarrow S[0]$   $\triangleright \Theta(1)$ 
15:    $j \leftarrow 0$ 
16:   while  $j < \text{long}(S)$  do
17:     if  $\text{obtener}(f.\text{ranking}, S[j]) \geq \text{max}$  then  $\triangleright \Theta(|J|)$ 
18:        $\text{max} \leftarrow \text{obtener}(f.\text{ranking}, S[j])$   $\triangleright \Theta(|J|)$ 
19:        $\text{maxJugador} \leftarrow S[j]$   $\triangleright \Theta(1)$ 
20:     end if
21:      $j \leftarrow j + 1$ 
22:   end while
23:    $\text{res} \leftarrow \langle \text{maxJugador}, \text{max} \rangle$ 
24: end if

```

Complejidad: $\sum_{k \in J} \mathcal{O}(|J|) + \mathcal{O}(|J|) + \sum_{k \in S} \mathcal{O}(|J|) = \mathcal{O}(|J| * J)$

Justificación: Los conjuntos C, S son implementados con una lista enlazada para que insertar elementos sea $\mathcal{O}(1)$.

Módulo Diccionario Trie(κ, σ)

El módulo Diccionario Trie provee un diccionario básico en el que se puede definir, borrar, y testear si una clave está definida en tiempo $\mathcal{O}(|J|)$, donde J es la cantidad de elementos del diccionario y $|J| = \max_{n \in J} |n|$.

Para describir la complejidad de las operaciones, vamos a llamar $\text{copy}(k)$ al costo de copiar el elemento $k \in \kappa \cup \sigma$ y $\text{equal}(k_1, k_2)$ al costo de evaluar si dos elementos $k_1, k_2 \in \kappa$ son iguales (i.e., copy y equal son funciones de $\kappa \cup \sigma$ y $\kappa \times \kappa$ en \mathbb{N} , respectivamente).¹

Interfaz

parámetros formales

géneros κ, σ

función $\bullet = \bullet(\text{in } k_1 : \kappa, \text{in } k_2 : \kappa) \rightarrow \text{res} : \text{bool}$
Pre $\equiv \{\text{true}\}$
Post $\equiv \{\text{res} =_{\text{obs}} (k_1 = k_2)\}$
Complejidad: $\Theta(\text{equal}(k_1, k_2))$
Descripción: función de igualdad de κ 's

función $\text{COPIAR}(\text{in } k : \kappa) \rightarrow \text{res} : \kappa$
Pre $\equiv \{\text{true}\}$
Post $\equiv \{\text{res} =_{\text{obs}} k\}$
Complejidad: $\Theta(\text{copy}(k))$
Descripción: función de copia de κ 's

función $\text{COPIAR}(\text{in } s : \sigma) \rightarrow \text{res} : \sigma$
Pre $\equiv \{\text{true}\}$
Post $\equiv \{\text{res} =_{\text{obs}} s\}$
Complejidad: $\Theta(\text{copy}(s))$
Descripción: función de copia de σ 's

se explica con: $\text{DICCIONARIO}(\kappa, \sigma), \text{ITERADOR BIDIRECCIONAL}(\text{TUPLA}(\kappa, \sigma))$.

géneros: $\text{dicc}(\kappa, \sigma), \text{itDicc}(\kappa, \sigma)$.

Operaciones básicas de diccionario

¹Nótese que este es un abuso de notación, ya que no estamos describiendo copy y equal en función del tamaño de k . A la hora de usarlo, habrá que realizar la traducción.

VACÍO() $\rightarrow res : \text{dicc}(\kappa, \sigma)$

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{vacío}\}$

Complejidad: $\Theta(1)$

Descripción: genera un diccionario vacío.

DEFINIR(**in/out** $d : \text{dicc}(\kappa, \sigma)$, **in** $k : \kappa$, **in** $s : \sigma$)

Pre $\equiv \{d =_{\text{obs}} d_0\}$

Post $\equiv \{d =_{\text{obs}} \text{definir}(d, k, s)\}$

Complejidad: $\mathcal{O}(|J|)$, donde $|J|$ es el nombre más largo entre los jugadores

Descripción: define la clave k con el significado s en el diccionario.

DEFINIDO?(**in** $d : \text{dicc}(\kappa, \sigma)$, **in** $k : \kappa$) $\rightarrow res : \text{bool}$

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{def?}(d, k)\}$

Complejidad: $\mathcal{O}(|J|)$, donde $|J|$ es el nombre más largo entre los jugadores

Descripción: devuelve **true** si y sólo k está definido en el diccionario.

SIGNIFICADO(**in** $d : \text{dicc}(\kappa, \sigma)$, **in** $k : \kappa$) $\rightarrow res : \sigma$

Pre $\equiv \{\text{def?}(d, k)\}$

Post $\equiv \{\text{alias}(res =_{\text{obs}} \text{Significado}(d, k))\}$

Complejidad: $\mathcal{O}(|J|)$, donde $|J|$ es el nombre más largo entre los jugadores

Descripción: devuelve el significado de una clave en el diccionario.

BORRAR(**in/out** $d : \text{dicc}(\kappa, \sigma)$, **in** $k : \kappa$)

Pre $\equiv \{d = d_0 \wedge \text{def?}(d, k)\}$

Post $\equiv \{d =_{\text{obs}} \text{borrar}(d_0, k)\}$

Complejidad: $\mathcal{O}(|J|)$, donde $|J|$ es el nombre más largo entre los jugadores

Descripción: elimina la clave k y su significado de d .

OBTENERCLAVESDELTRIE(**in** $d : \text{dicc}(\kappa, \sigma)$) $\rightarrow res : \text{conj}(\kappa)$

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{claves}(d)\}$

Complejidad: $\Theta(J)$

Descripción: devuelve el conjunto de claves del diccionario.

#CLAVES(**in** $d : \text{dicc}(\kappa, \sigma)$) $\rightarrow res : \text{nat}$

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \# \text{claves}(d)\}$

Complejidad: $\Theta(1)$

Descripción: devuelve la cantidad de claves del diccionario.

COPIAR(**in** $d : \text{dicc}(\kappa, \sigma)$) $\rightarrow res : \text{dicc}(\kappa, \sigma)$

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} d\}$

Complejidad: $\Theta \left(\sum_{k \in K} (\text{copy}(k) + \text{copy}(\text{significado}(k, d))) \right)$, donde $K = \text{claves}(d)$

Descripción: genera una copia nueva del diccionario.

• = •(**in** $d_1 : \text{dicc}(\kappa, \sigma)$, **in** $d_2 : \text{dicc}(\kappa, \sigma)$) $\rightarrow res : \text{bool}$

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} c_1 = c_2\}$

Complejidad: $\mathcal{O} \left(\sum_{\substack{k_1 \in K_1 \\ k_2 \in K_2}} \text{equal}(\langle k_1, s_1 \rangle, \langle k_2, s_2 \rangle) \right)$, donde $K_i = \text{claves}(d_i)$ y $s_i = \text{significado}(d_i, k_i)$, $i \in \{1, 2\}$.

Descripción: compara d_1 y d_2 por igualdad, cuando σ posee operación de igualdad.

Requiere: $\bullet = \bullet(\text{in } s_1 : \sigma, \text{in } s_2 : \sigma) \rightarrow res : \text{bool}$
Pre $\equiv \{\text{true}\}$
Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} (s_1 = s_2)\}$
Complejidad: $\Theta(\text{equal}(s_1, s_2))$
Descripción: función de igualdad de σ 's