Algoritmos y Estructuras de Datos II

Trabajo Práctico 1

Departamento de Computación Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Universidad de Buenos Aires

Pacalgo2

Los inertes

Integrante	LU	Correo electrónico
Bruno Robbio	480/09	brobbio@hotmail.com
Nicolas Andres Kinaschuk	248/15	nicolaskinaschuk@gmail.com
Pedro Joel Burgos	804/18	${\tt facultadburgospedrojoel@hotmail.com}$
Valentina Madelaine Saravia Ruiz	257/18	valentina.saraviaruiz@gmail.com

Reservado para la cátedra

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

1. Introducción

1.1. Consideraciones

- No se puede arrancar el mapa ganando o perdiendo
- El mapa puede no tener un camino ganador o perdedor
- El vértice del mapa es la esquina inferior izquierda

Tupla(int, int)

2. Desarrollo

2.1. TP 1

```
TAD CASILLERO
```

extiende

```
usa
                 Int
géneros
                 casillero
exporta
                 casillero, +, -, aDistanciaMenosDeN
otras operaciones
  ullet + ullet : casillero 	imes casillero 	imes casillero
  \bullet - \bullet : casillero \times casillero \longrightarrow casillero
  aDistanciaMenosDeN : casillero \times nat \longrightarrow conj(casillero)
axiomas
  \pi_1(c1+c2)
                                         \equiv \pi_1(c_1) + \pi_1(c_2)
  \pi_2(c1 + c2)
                                         \equiv \pi_2(c_1) + \pi_2(c_2)
                                         \equiv \pi_1(c_1) - \pi_1(c_2)
  \pi_1(c1 - c2)
  \pi_2(c1 - c2)
                                         \equiv \pi_2(c_1) - \pi_2(c_2)
  a
Distancia<br/>Menos
DeN(c, n) \equiv  if n{=}0? then
                                                 \{c\}
                                             else
                                                 (aDistanciaMenosDeN(c + \langle 1,0 \rangle, n-1) \cup
                                                 a
Distancia<br/>Menos
DeN(c - \langle 1,0 \rangle, n-1) \cup
                                                 a
Distancia
Menos
De<br/>N(c + \langle 0,1 \rangle, n-1) \cup
                                                 aDistancia
Menos<br/>DeN(c - \langle 0,1\rangle, n-1\rangle \cup
                                                 aDistanciaMenosDeN(c, n-1))
                                             fi
```

TAD MAPA

usa Casillero, Conjunto, Bool

géneros mapa

exporta mapa, observadores, generadores, casillerosLibres

igualdad observacional

$$(\forall m_1, m_2 : \text{mapa}) \begin{pmatrix} \text{conjFantasmas}(m_1) =_{\text{obs}} \text{conjFantasmas}(m_2) \land \\ \text{conjParedes}(m_1) =_{\text{obs}} \text{conjParedes}(m_2) \land \\ \text{conjChocolates}(m_1) =_{\text{obs}} \text{conjChocolates}(m_2) \land \\ \text{dimensiones}(m_1) =_{\text{obs}} \text{dimensiones}(m_2) \land \\ \text{casilleroInicial}(m_1) =_{\text{obs}} \text{casilleroInicial}(m_2) \land \\ \text{vértice}(m_1) =_{\text{obs}} \text{vértice}(m_2) \land \\ \text{casilleroDeLlegada}(m_1) =_{\text{obs}} \text{casilleroDeLlegada}(m_2) \end{pmatrix}$$

observadores básicos

```
conj<br/>Fantasmas : mapa \longrightarrow conj(casillero)<br/>
conj<br/>Paredes : mapa \longrightarrow conj(casillero)<br/>
conj<br/>Chocolates : mapa \longrightarrow conj(casillero)<br/>
dimensiones : mapa \longrightarrow tupla(nat,nat)<br/>
vértice : mapa \longrightarrow casillero<br/>
casillero<br/>Inicial : mapa \longrightarrow casillero<br/>
casillero<br/>DeLlegada : mapa \longrightarrow casillero
```

generadores

nuevo Mapa : tupla(nat, nat) dimensión × casillero vértice × casillero inicio × casillero fin × conj(casillero) fantasmas × conj(casillero) paredes × conj(casillero) chocolates \longrightarrow mapa

```
 \begin{cases} \emptyset?(fantasmas \cap paredes) \ \land \ \emptyset?(chocolates \cap paredes) \land \\ \emptyset?(fantasmas \cap chocolates) \ \land (inicio \neq fin) \ \land \\ dentroDeLasDimensiones(dimensión, vértice, inicio) \ \land \\ dentroDeLasDimensiones(dimensión, vértice, fin) \ \land \\ (\forall f \in fantasmas)(dentroDeLasDimensiones(dimensión, vértice, f) \ \land \\ (f \not\in aDistanciaMenosDeN(inicio, f, 3) \lor (inicio \in chocolates))) \ \land \\ (\forall c \in chocolates)(dentroDeLasDimensiones(dimensión, vértice, c)) \ \land \\ (\forall p \in paredes)(dentroDeLasDimensiones(dimensión, vértice, p)) \end{cases}
```

otras operaciones

```
casilleros Abajo : casillero c \times \text{mapa } m \longrightarrow \text{conj}(\text{casillero})
                                                                \{dentroDeLasDimensiones(dimension(m), vértice(m), c)\}
  casilleros
Verticales : casillero c \times \text{mapa } m \longrightarrow \text{conj}(\text{casillero})
                                                                \{dentroDeLasDimensiones(dimension(m), vértice(m), c)\}
  generar Casilleros Horizontales: mapa m \times \text{conj}(\text{casillero}) C \longrightarrow \text{conj}(\text{casillero})
                                                   \{(\forall c \in C)(\text{dentroDeLasDimensiones}(\text{dimension}(m), \text{vértice}(m), c))\}
axiomas
  conjFantasmas(nuevoMapa(dimensión, vértice, inicio, fin, fantasmas, paredes, chocolates)) = fantasmas
  conjParedes(nuevoMapa(dimensión, vértice, inicio, fin, fantasmas, paredes, chocolates)) \equiv paredes
  conjChocolates(nuevoMapa(dimensión, vértice, inicio, fin, fantasmas, paredes, chocolates)) \equiv chocolates
  dimensiones (nuevo Mapa (dimensión, vértice, inicio, fin, fantasmas, paredes, chocolates)) \equiv dimensión
  casilleroInicial(nuevoMapa(dimensión, vértice, inicio, fin, fantasmas, paredes, chocolates)) \equiv inicio
  casilleroDeLlegada(nuevoMapa(dimensión, vértice, inicio, fin, fantasmas, paredes, chocolates)) \equiv fin
  vértice(nuevoMapa(dimensión, vértice, inicio, fin, fantasmas, paredes, chocolates)) \equiv vértice
  dentroDeLasDimensiones(dimensión, vértice, casilla) \equiv (0 \leq \pi_1(casilla) - \pi_1(vértice) < \pi_1(dimensión)) \land
                                                                      (0 \le \pi_2(casilla) - \pi_2(v\acute{e}rtice) < \pi_2(dimensi\acute{o}n))
  casillerosLibres(m) \equiv generarCasillerosHorizontales(m,casillerosVerticales(vértice(m),m)) - (conjFantasmas(m))
                             \cup conjParedes(m))
  generarCasillerosHorizontales(m, casilleros) \equiv if casilleros = \emptyset then
                                                          else
                                                             casillerosHorizontales(dameUno(casilleros, m))\cup
                                                             generarCasillerosHorizontales(m, sinUno(casilleros))
  casillerosADerecha(c,m) \equiv casillerosADerecha(c,m) \cup casillerosAIzquierda(c,m)
  casilleros ADerecha(c,m) \equiv (if dentro De Las Dimensiones (dimensión (m), vértice (m), c + \langle 1, 0 \rangle) then
                                       casilleros ADerecha (c+\langle 1,0\rangle, m)
                                   else
                                       Ø
                                   \mathbf{fi}) \cup \{c\}
  casillerosAlzquierda(c,m) \equiv (if dentroDeLasDimensiones(dimensión(m), vértice(m), c - \langle 1, 0 \rangle) then
                                        casillerosAlzquierda(c-\langle 1,0\rangle, m)
                                     else
                                    \mathbf{fi}) \cup \{c\}
  casillerosVerticales(c,m) \equiv casillerosArriba(c,m) \cup casillerosAbajo(c,m)
  casillerosArriba(c,m) \equiv (if dentroDeLasDimensiones(dimensión(m), vértice(m), c + \langle 0, 1 \rangle) then
                                   casillerosArriba(c+\langle 0,1\rangle, m)
                               else
                               \mathbf{fi}) \cup \{c\}
  casillerosAbajo(c,m) \equiv (if dentroDeLasDimensiones(dimension(m), vértice(m), c - (0, 1)) then
                                   casillerosAbajo(c-\langle 0,1\rangle, m)
                               else
                               \mathbf{fi}) \cup \{c\}
```

TAD PACALGO2

usa Mapa

géneros pacalgo2

exporta pacalgo2, observadores, generadores

igualdad observacional

$$(\forall p_1, p_2 : \text{pacalgo2}) \left(p_1 =_{\text{obs}} p_2 \iff \begin{pmatrix} \text{verMapa}(p_1) =_{\text{obs}} \text{verMapa}(p_2) \land \\ \text{posici\'onActual}(p_1) =_{\text{obs}} \text{posici\'onActual}(p_2) \land \\ \text{nivelDeChocolate}(p_1) =_{\text{obs}} \text{nivelDeChocolate}(p_2) \land \\ \text{chocolatesRestantes}(p_1) =_{\text{obs}} \text{chocolatesRestantes}(p_2) \land \\ \text{gan\'o?}(p_1) =_{\text{obs}} \text{gan\'o?}(p_2) \land \\ \text{(gan\'o?}(p_1) \Rightarrow_L \text{puntaje}(p_1) =_{\text{obs}} \text{puntaje}(p_2)) \end{pmatrix} \right)$$

observadores básicos

verMapa : $pacalgo2 \longrightarrow mapa$

posición Actual : pacalgo
2 $\,\,\longrightarrow\,\,$ casillero

puntaje : pacalgo
2 \longrightarrow nat $\{ \operatorname{ganó}?(p) \}$

 $nivel De Chocolate \qquad : \ pacalgo 2 \ \longrightarrow \ nat$

 $chocolatesRestantes : pacalgo2 \longrightarrow conj(casillero)$

generadores

inicializar Juego : mapa \longrightarrow pacalgo2

arriba : pacalgo2 $p \longrightarrow \text{pacalgo2}$

 $\{(\text{posiciónActual}(p) + \langle 0, 1 \rangle) \in \text{direccionesPosibles}(p) \land \neg \text{gan\'o?}(p) \land \neg \text{perdi\'o?}(p)\}$

abajo : pacalgo2 $p \longrightarrow \text{pacalgo2}$

 $\{(\operatorname{posiciónActual}(p) - \langle 0, 1 \rangle) \in \operatorname{direccionesPosibles}(p) \land \neg \operatorname{gan\'o?}(p) \land \neg \operatorname{perdi\'o?}(p)\}$

derecha : pacalgo
2 $p{\longrightarrow}$ pacalgo 2

 $\{(\text{posiciónActual}(p) + \langle 1, 0 \rangle) \in \text{direccionesPosibles}(p) \land \neg \text{ganó}?(p) \land \neg \text{perdió}?(p)\}$

izquierda : pacalgo2 $p \longrightarrow$ pacalgo2

 $\{(\text{posiciónActual}(p) - \langle 1, 0 \rangle) \in \text{direccionesPosibles}(p) \land \neg \text{ganó}?(p) \land \neg \text{perdió}?(p)\}$

otras operaciones

direcciones Posibles : pacalgo2 \longrightarrow conj(casillero)

perdió? : pacalgo2 \longrightarrow bool ganó? : pacalgo2 \longrightarrow bool pasos : pacalgo2 \longrightarrow nat

axiomas

 $verMapa(inicializarJuego(m)) \equiv m$

 $\begin{array}{lll} \operatorname{verMapa}(\operatorname{arriba}(p)) & \equiv \operatorname{verMapa}(p) \\ \operatorname{verMapa}(\operatorname{abajo}(p)) & \equiv \operatorname{verMapa}(p) \\ \operatorname{verMapa}(\operatorname{izquierda}(p)) & \equiv \operatorname{verMapa}(p) \\ \operatorname{verMapa}(\operatorname{derecha}(p)) & \equiv \operatorname{verMapa}(p) \\ \operatorname{posiciónActual}(\operatorname{inicializarJuego} m) & \equiv \operatorname{casilleroInicial}(m) \\ \end{array}$

posiciónActual(arriba(p)) \equiv posición $Actual(p) + \langle 0, 1 \rangle$

posiciónActual(abajo(p)) = posición $Actual(p) - \langle 0, 1 \rangle$ posiciónActual(abajo(p)) = posición $Actual(p) - \langle 0, 1 \rangle$

```
\equiv \text{posiciónActual}(p) - \langle 1, 0 \rangle
posiciónActual(izquierda(p))
posiciónActual(derecha(p))
                                                    posiciónActual(p) + \langle 1, 0 \rangle
pasos(inicializar Juego m)
                                                 \equiv 0
pasos(arriba(p))
                                                 \equiv 1 + pasos(p)
pasos(abajo(p))
                                                 \equiv 1 + pasos(p)
pasos(izquierda(p))
                                                 \equiv 1 + pasos(p)
pasos(derecha(p))
                                                 \equiv 1 + pasos(p)
puntaje(p)
                                                 \equiv \operatorname{pasos}(p)
nivelDeChocolate(inicializarJuego(m))
                                                 \equiv if casilleroInicial(m) \in \text{conjChocolates}(m) then
                                                     else
                                                         0
                                                     fi
nivelDeChocolate(arriba(p))
                                                 \equiv if (posiciónActual(p) + \langle 0, 1 \rangle) \in chocolatesRestantes(p) then
                                                     else
                                                         if 0?(\text{nivelDeChocolate}(p)) then
                                                            nivelDeChocolate(p)
                                                         else
                                                            nivelDeChocolate(p) - 1
                                                         fi
                                                     fi
nivelDeChocolate(abajo(p))
                                                 \equiv if (posiciónActual(p) - \langle 0, 1 \rangle) \in chocolatesRestantes(p) then
                                                     else
                                                         if 0?(\text{nivelDeChocolate}(p)) then
                                                            nivelDeChocolate(p)
                                                         else
                                                            nivelDeChocolate(p) - 1
                                                     fi
nivelDeChocolate(izquierda(p))
                                                 \equiv if (posiciónActual(p) - \langle 1, 0 \rangle) \in chocolatesRestantes(p) then
                                                     else
                                                         if 0?(\text{nivelDeChocolate}(p)) then
                                                            nivelDeChocolate(p)
                                                         else
                                                            nivelDeChocolate(p) - 1
                                                     fi
nivelDeChocolate(derecha(p))
                                                 \equiv if (posiciónActual(p) + \langle 1, 0 \rangle) \in chocolatesRestantes(p) then
                                                         10
                                                     else
                                                         if 0?(\text{nivelDeChocolate}(p)) then
                                                            nivelDeChocolate(p)
                                                         else
                                                            nivelDeChocolate(p) - 1
                                                         fi
                                                     fi
chocolatesRestantes(inicializarJuego(m))
                                                 \equiv if casilleroInicial(m) \in \text{conjChocolates}(m) then
                                                         conjChocolates(m) - \{ casilleroInicial(m) \}
                                                     else
                                                         conjChocolates(m)
                                                     fi
```

```
chocolatesRestantes(arriba(p))
                                                \equiv if (posiciónActual(p) + \langle 0, 1 \rangle) \in chocolatesRestantes(p) then
                                                        chocolatesRestantes(p) - \{ (posiciónActual(p) + \langle 0, 1 \rangle) \}
                                                    else
                                                        chocolatesRestantes(p)
                                                    fi
chocolatesRestantes(abajo(p))
                                                \equiv if (posiciónActual(p) - \langle 0, 1 \rangle) \in chocolatesRestantes(p) then
                                                        chocolatesRestantes(p) - { (posiciónActual(p) - \langle 0, 1 \rangle) }
                                                    else
                                                        chocolatesRestantes(p)
                                                    fi
chocolatesRestantes(izquierda(p))
                                                \equiv if (posiciónActual(p) - \langle 1, 0 \rangle) \in chocolatesRestantes(p) then
                                                        chocolatesRestantes(p) - \{ (posiciónActual(p) - \langle 1, 0 \rangle) \}
                                                    else
                                                        chocolatesRestantes(p)
                                                    fi
                                                \equiv if (posiciónActual(p) + \langle 1, 0 \rangle) \in chocolatesRestantes(p) then
chocolatesRestantes(derecha(p))
                                                        chocolatesRestantes(p) - { (posiciónActual(p) + \langle 1, 0 \rangle) }
                                                    else
                                                        chocolatesRestantes(p)
                                                    fi
                                                \equiv \neg \emptyset?(conjFantasmas(verMapa(p)) \cap
perdió?(p)
                                                    aDistanciaMenosDeN(posiciónActual(p),3))\land
                                                    0?(\text{nivelDeChocolate}(p))
ganó?(p)
                                                 \equiv posiciónActual(p)=casilleroDeLlegada(verMapa(p))
direccionesPosibles(p)
                                                 \equiv if 0?(nivelDeChocolate(p)) then
                                                        (aDistanciaMenosDeN(posiciónActual(p),1)-posiciónActual(p))
                                                        \cap
                                                        casillerosLibres(verMapa(p))
                                                    else
                                                        (aDistanciaMenosDeN(posiciónActual(p),1)-posiciónActual(p))
                                                        (casillerosLibres(verMapa(p)) \cup conjFantasmas(verMapa(p)))
                                                    fi
```

2.2. TP 2

TAD persona es String

```
TAD RANKING
```

```
usa
               Int
géneros
               ranking
exporta
               ranking, generadores, contrincante, superioresInmediatos
observadores básicos
  ver : ranking \longrightarrow dicc(persona, nat)
generadores
  iniciar
                                                        \rightarrow ranking
  cargar
Puntaje : ranking \times persona \times nat \longrightarrow ranking
otras operaciones
  contrincante
                                         : ranking r \times persona j
                                                                                                       \longrightarrow tupla(persona, nat)
                                                                                                              \{\operatorname{def}?(j,\operatorname{ver}(r))\}
  superioresInmediatos
                                                                                                       \longrightarrow conj(persona)
                                         : ranking r \times persona j
                                                                                                              \{\operatorname{def}?(j,\operatorname{ver}(r))\}
  elMaximoEntreMenores
                                         : conj(nat) puntajes \times nat p
                                                                                                        \rightarrow nat
  to dos Los Puntajes \\
                                         : ranking r \times \text{conj(persona)} nombres
                                                                                                      \longrightarrow conj(nat)
                                                                                                  \{nombres \subseteq claves(ver(r))\}\
  jugadoresConPuntajeIgual
                                         : ranking r \times \text{conj(persona)} nombres \times nat
                                                                                                       \longrightarrow conj(persona)
                                                                                                  \{nombres \subseteq claves(ver(r))\}\
  menoresQueP
                                         : conj(nat) \times nat
                                                                                                       \longrightarrow conj(nat)
  maximoConj
                                         : conj(nat) C
                                                                                                        \rightarrow nat
                                                                                                                      \{\neg\emptyset?(C)\}
axiomas
  ver(iniciar())

≡ vacío

  ver(cargarPuntaje(ranking, nombre, puntaje))
                                                             \equiv if def?(nombre, ver(ranking)) then
                                                                    if puntaje < obtener(ver(r), nombre) then
                                                                        definir(ver(ranking), (nombre, puntaje))
                                                                    else
                                                                        ver(ranking)
                                                                 else
                                                                    definir(ver(ranking), (nombre, puntaje))
  contrincante(r,j)
                                                             \equiv (dameUno(superioresInmediatos(r,j)),
                                                                 elMaximoEntreMenores(todosLosPuntajes(r),
                                                                 obtener(ver(r,j)))
  superioresInmediatos(r, j)
                                                             \equiv jugadoresConPuntajeIgual(r, claves(ver(r)), 
                                                                 elMaximoEntreMenores(todosLosPuntajes(r),
                                                                 obtener(ver(r), j)))
  elMaximoEntreMenores(puntajes, p)
                                                             \equiv if \emptyset?(menoresQueP(puntajes, p)) then
                                                                    p
                                                                 else
                                                                    maximoConj(menoresQueP(puntajes, p))
                                                                 fi
```

```
menoresQueP(puntajes, p)
                                                           \equiv if \emptyset?(puntajes) then
                                                                  Ø
                                                              else
                                                                  if dameUno(puntajes) < p then
                                                                     Ag(dameUno(puntajes),
                                                                     menoresQueP(sinUno(puntajes), p))
                                                                     menoresQueP(\sin Uno(puntajes), p)
                                                              fi
       \operatorname{maximoConj}(C)
                                                           \equiv if \emptyset?(sinUno(C)) then
                                                                  dameUno(C)
                                                              else
                                                                  máx(dameUno(C), maximoConj(sinUno(C)))
                                                           \equiv if \emptyset?(ver(r)) then
       todosLosPuntajes(r)
                                                                  Ø
                                                              else
                                                                                             dameUno(claves(ver(r)))),
                                                                  Ag(obtener(ver(r),
                                                                  todosLosPuntajes(r))
       jugadoresConPuntajeIgual(r, nombres, puntaje)
                                                           \equiv if \emptyset?(nombres) \lor \emptyset?(claves(ver(r))) then
                                                              else
                                                                  if obtener(ver(r), dameUno(nombres)) = puntaje
                                                                  then
                                                                     Ag(dameUno(nombres),
                                                                     jugadorConPuntajeIgual(r,
                                                                                                     \sin \text{Uno}(nombres),
                                                                     puntaje))
                                                                     jugadorConPuntajeIgual(r,sinUno(nombres),puntaje)
                                                              fi
Fin TAD
                  Int, Ranking, Paclgo2
    usa
                  fichin
                  observadores, generadores, otras operaciones
```

TAD FICHÍN

```
géneros
exporta
observadores básicos
   conocerRanking : fichin → ranking
                                                                                                                                                \{\neg \text{estáLibre}?(f)\}
   ver
Juego<br/>Actual : fichin f \longrightarrow \text{paclgo}2
                                                                                                                                                \{\neg \text{estáLibre}?(f)\}
   jugadorActual : fichin f \longrightarrow persona
generadores
   nuevo
Fichin : \longrightarrow fichin
   nueva
Partida : fichin f \times \text{pacalgo2} \ p \times \text{persona} \ j \longrightarrow \text{fichin}
                                                                                                                                                   \{\text{estáLibre}?(f)\}
   palanca
Arriba : fichin f \longrightarrow fichin
                              \int (\operatorname{posici\'onActual}(\operatorname{verJuegoActual}(f)) + \langle 0, 1 \rangle) \in \operatorname{direccionesPosibles}(\operatorname{verJuegoActual}(f)) \wedge 
                              \neg \text{estáLibre}?(f)
   palanca
Abajo : fichin f \longrightarrow fichin
                           \int (\operatorname{posici\'onActual}(\operatorname{verJuegoActual}(f)) + \langle 0, -1 \rangle) \in \operatorname{direccionesPosibles}(\operatorname{verJuegoActual}(f)) \wedge )
```

```
palanca
Derecha : fichin f \longrightarrow fichin
                                                                                            \int (\operatorname{posici\'onActual}(\operatorname{verJuegoActual}(f)) + \langle 1, 0 \rangle) \in \operatorname{direccionesPosibles}(\operatorname{verJuegoActual}(f)) \wedge (\operatorname{posici\'onActual}(f)) + \langle 1, 0 \rangle) \in \operatorname{direccionesPosibles}(\operatorname{verJuegoActual}(f)) \wedge (\operatorname{posici\'onActual}(f)) + \langle 1, 0 \rangle) = \operatorname{direccionesPosibles}(\operatorname{verJuegoActual}(f)) \wedge (\operatorname{posici\'onActual}(f)) + \langle 1, 0 \rangle) = \operatorname{direccionesPosibles}(\operatorname{verJuegoActual}(f)) + \langle 1, 0 \rangle = \operatorname{direccionesPosibles}(\operatorname{verJuegoActual}(f)) + \langle 1, 0 \rangle = \operatorname{direccionesPosibles}(\operatorname{verJuegoActual}(f)) + \langle 1, 0 \rangle = \operatorname{direccionesPosibles}(
                                                                                             \neg \text{estáLibre}?(f)
          palanca
Izquierda : fichin f \longrightarrow fichin
                                                                                    \int (\text{posici\'onActual}(\text{verJuegoActual}(f)) \, + \, \langle -1, 0 \rangle) \in \text{direccionesPosibles}(\text{verJuegoActual}(f)) \, \wedge \, \langle -1, 0 \rangle) = \text{direccionesPosibles}(\text{verJuegoActual}(f)) \, \wedge \, \langle -1, 0 \rangle) = \text{direccionesPosibles}(\text{verJuegoActual}(f)) \, \wedge \, \langle -1, 0 \rangle) = \text{direccionesPosibles}(\text{verJuegoActual}(f)) \, \wedge \, \langle -1, 0 \rangle) = \text{direccionesPosibles}(\text{verJuegoActual}(f)) \, \wedge \, \langle -1, 0 \rangle) = \text{direccionesPosibles}(\text{verJuegoActual}(f)) \, \wedge \, \langle -1, 0 \rangle) = \text{direccionesPosibles}(\text{verJuegoActual}(f)) \, \wedge \, \langle -1, 0 \rangle) = \text{direccionesPosibles}(\text{verJuegoActual}(f)) \, \wedge \, \langle -1, 0 \rangle) = \text{direccionesPosibles}(\text{verJuegoActual}(f)) \, \wedge \, \langle -1, 0 \rangle) = \text{direccionesPosibles}(\text{verJuegoActual}(f)) \, \wedge \, \langle -1, 0 \rangle) = \text{direccionesPosibles}(\text{verJuegoActual}(f)) \, \wedge \, \langle -1, 0 \rangle = \text{direccionesPosibles}(\text{verJuegoActual}(f)) \, \rangle = \text{direccionesPosibles}(\text{verJuegoActual}(f)) \, \wedge \, \langle -1, 0 \rangle = \text{direccionesPosibles}(\text{verJuegoActual}(f)) \, \rangle = \text{direccionesPosibles}(\text{verJuegoActual}(f)) \, \wedge \, \langle -1, 0 \rangle = \text{direccionesPosibles}(\text{verJuegoActual}(f)) \, \rangle = \text{direccionesPosibles}(\text{verJu
                                                                                    \neg \text{estáLibre}?(f)
otras operaciones
          puntajeDeJugadorActual : fichin f
                                                                                                                                                                                                     \{\neg \text{estálibre}?(f) \land_L \text{jugadorActual}(f) \in \text{claves}(\text{ver}(\text{conocerRanking}(f)))\}
          verContrincante : fichin f \longrightarrow persona
                                                                                                                                                                                                    \{\neg \text{estáLibre}?(f) \land_L \text{jugadorActual}(f) \in \text{claves}(\text{ver}(\text{conocerRanking}(f)))\}
          estáLibre? : fichin \longrightarrow Bool
axiomas
          estáLibre?(nuevoFichin())
                                                                                                                                                                                                  ≡ True
          estáLibre?(nuevaPartida(f,p,j))
                                                                                                                                                                                                  \equiv False
          estáLibre?(palancaArriba(f))
                                                                                                                                                                                                  \equiv if ganó?(arriba(verJuegoActual(f)))\perdió?(arriba(verJuegoActual(f)))
                                                                                                                                                                                                                 then
                                                                                                                                                                                                                                True
                                                                                                                                                                                                                 else
                                                                                                                                                                                                                                False
                                                                                                                                                                                                                 fi
          estáLibre?(palancaAbajo(f))
                                                                                                                                                                                                  \equiv if ganó?(abajo(verJuegoActual(f)))\perdió?(abajo(verJuegoActual(f)))
                                                                                                                                                                                                                then
                                                                                                                                                                                                                                True
                                                                                                                                                                                                                 else
                                                                                                                                                                                                                                False
          estáLibre?(palancaDerecha(f))
                                                                                                                                                                                                  \equiv if ganó?(derecha(verJuegoActual(f)))\perdió?(derecha(verJuegoActual(f)))
                                                                                                                                                                                                                 then
                                                                                                                                                                                                                                True
                                                                                                                                                                                                                 else
                                                                                                                                                                                                                                False
          estáLibre?(palancaIzquierda(f))
                                                                                                                                                                                                  \equiv if ganó?(izquierda(verJuegoActual(f)))\perdió?(izquierda(verJuegoActual(f)))
                                                                                                                                                                                                                 then
                                                                                                                                                                                                                                True
                                                                                                                                                                                                                 else
                                                                                                                                                                                                                                False
                                                                                                                                                                                                                 fi
          conocerRanking(nuevoFichin())
                                                                                                                                                                                                  \equiv iniciar()
          conocerRanking(nuevaPartida(f,p,j))
                                                                                                                                                                                                 \equiv conocerRanking(f)
          conocerRanking(palancaArriba(f))
                                                                                                                                                                                                  \equiv if ganó?(arriba(verJuegoActual(f))) then
                                                                                                                                                                                                                                cargarPuntaje(conocerRanking(f),
                                                                                                                                                                                                                                puntaje(verJuegoActual(palancaArriba(f))))
                                                                                                                                                                                                                 else
                                                                                                                                                                                                                                conocerRanking(f)
                                                                                                                                                                                                                 fi
          conocerRanking(palancaAbajo(f))
                                                                                                                                                                                                  \equiv if ganó?(abajo(verJuegoActual(f))) then
                                                                                                                                                                                                                                cargarPuntaje(conocerRanking(f),
                                                                                                                                                                                                                               puntaje(verJuegoActual(palancaAbajo(f))))
                                                                                                                                                                                                                 else
                                                                                                                                                                                                                                \operatorname{conocerRanking}(f)
                                                                                                                                                                                                                 fi
```

```
conocerRanking(palancaDerecha(f))
                                          \equiv if ganó?(derecha(verJuegoActual(f))) then
                                                 cargarPuntaje(conocerRanking(f),
                                                puntaje(verJuegoActual(palancaDerecha(f))))
                                             else
                                                 conocerRanking(f)
                                             fi
conocerRanking(palancaIzquierda(f))
                                         \equiv if ganó?(izquierda(verJuegoActual(f))) then
                                                 cargarPuntaje(conocerRanking(f),
                                                puntaje(verJuegoActual(palancaIzquierda(f))))
                                             else
                                                 conocerRanking(f)
                                             fi
verJuegoActual(nuevaPartida(f, p, j))
                                         \equiv p
verJuegoActual(palancaArriba(f))
                                          \equiv \operatorname{arriba}(\operatorname{verJuegoActual}(f))
verJuegoActual(palancaAbajo(f))
                                          \equiv abajo(verJuegoActual(f))
verJuegoActual(palancaDerecha(f))
                                          \equiv derecha(verJuegoActual(f))
verJuegoActual(palancaIzquierda(f))
                                          \equiv izquierda(verJuegoActual(f))
verContrincante(f)
                                             contrincante(conocerRanking(f), jugadorActual(f))
                                          \equiv \ \mathrm{obtener}(\mathrm{ver}(\mathrm{conocerRanking}(f)), \mathrm{jugadorActual}(f))
puntajeDeJugadorActual(f)
```