# Algoritmos y Estructuras de Datos II

Trabajo Práctico 1

Departamento de Computación Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Universidad de Buenos Aires

# Pacalgo2

Los inertes

Integrante	LU	Correo electrónico
Bruno Robbio	480/09	brobbio@hotmail.com
Nicolas Andres Kinaschuk	248/15	${\tt nicolaskinaschuk@gmail.com}$
Pedro Joel Burgos	804/18	facultadburgospedrojoel@hotmail.com
Valentina Madelaine Saravia Ruiz	257/18	valentina.saraviaruiz@gmail.com

# Reservado para la cátedra

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

# 1. Introducción

#### 1.1. Consideraciones

- No se puede arrancar el mapa ganando o perdiendo
- El mapa puede no tener un camino ganador o perdedor
- El vértice del mapa es la esquina inferior izquierda

Tupla(int, int)

# 2. Desarrollo

#### 2.1. TP 1

```
TAD CASILLERO
```

extiende

```
usa
                 Int
géneros
                 casillero
exporta
                 casillero, +, -, aDistanciaMenosDeN
otras operaciones
  ullet + ullet : casillero 	imes casillero 	imes casillero
  \bullet - \bullet : casillero \times casillero \longrightarrow casillero
  aDistanciaMenosDeN : casillero \times nat \longrightarrow conj(casillero)
axiomas
  \pi_1(c1+c2)
                                         \equiv \pi_1(c_1) + \pi_1(c_2)
  \pi_2(c1 + c2)
                                         \equiv \pi_2(c_1) + \pi_2(c_2)
                                         \equiv \pi_1(c_1) - \pi_1(c_2)
  \pi_1(c1 - c2)
  \pi_2(c1 - c2)
                                         \equiv \pi_2(c_1) - \pi_2(c_2)
  a
Distancia<br/>Menos
DeN(c, n) \equiv  if n = 0? then
                                                 \{c\}
                                             else
                                                 (aDistanciaMenosDeN(c + \langle 1,0 \rangle, n-1) \cup
                                                 a
Distancia<br/>Menos
DeN(c - \langle 1,0 \rangle, n-1) \cup
                                                 a
Distancia
Menos
De<br/>N(c + \langle 0,1 \rangle, n-1) \cup
                                                 aDistancia
Menos<br/>DeN(c - \langle 0,1\rangle, n-1\rangle \cup
                                                 aDistanciaMenosDeN(c, n-1))
```

fi

#### TAD MAPA

usa Casillero, Conjunto, Bool

géneros mapa

exporta mapa, observadores, generadores, casillerosLibres

### igualdad observacional

$$(\forall m_1, m_2 : \text{mapa}) \begin{pmatrix} \text{conjFantasmas}(m_1) =_{\text{obs}} \text{conjFantasmas}(m_2) \land \\ \text{conjParedes}(m_1) =_{\text{obs}} \text{conjParedes}(m_2) \land \\ \text{conjChocolates}(m_1) =_{\text{obs}} \text{conjChocolates}(m_2) \land \\ \text{dimensiones}(m_1) =_{\text{obs}} \text{dimensiones}(m_2) \land \\ \text{casilleroInicial}(m_1) =_{\text{obs}} \text{casilleroInicial}(m_2) \land \\ \text{vértice}(m_1) =_{\text{obs}} \text{vértice}(m_2) \land \\ \text{casilleroDeLlegada}(m_1) =_{\text{obs}} \text{casilleroDeLlegada}(m_2) \end{pmatrix}$$

#### observadores básicos

```
conj<br/>Fantasmas : mapa \longrightarrow conj(casillero)<br/>conj<br/>Paredes : mapa \longrightarrow conj(casillero)<br/>conj<br/>Chocolates : mapa \longrightarrow conj(casillero)<br/>dimensiones : mapa \longrightarrow tupla(nat,nat)<br/>vértice : mapa \longrightarrow casillero<br/>casillero<br/>Inicial : mapa \longrightarrow casillero<br/>casillero<br/>DeLlegada : mapa \longrightarrow casillero
```

### generadores

nuevo Mapa : tupla(nat, nat) dimensión × casillero vértice × casillero inicio × casillero fin × conj(casillero) fantasmas × conj(casillero) paredes × conj(casillero) chocolates  $\longrightarrow$  mapa

```
\begin{cases} \emptyset?(fantasmas \cap paredes) \ \land \ \emptyset?(chocolates \cap paredes) \land \\ \emptyset?(fantasmas \cap chocolates) \ \land (inicio \neq fin) \ \land \\ dentroDeLasDimensiones(dimensión, vértice, inicio) \ \land \\ dentroDeLasDimensiones(dimensión, vértice, fin) \ \land \\ (\forall f \in fantasmas)(dentroDeLasDimensiones(dimensión, vértice, f) \ \land \\ (f \not\in aDistanciaMenosDeN(inicio, f, 3) \lor (inicio \in chocolates))) \ \land \\ (\forall c \in chocolates)(dentroDeLasDimensiones(dimensión, vértice, c)) \ \land \\ (\forall p \in paredes)(dentroDeLasDimensiones(dimensión, vértice, p)) \end{cases}
```

#### otras operaciones

```
\begin{array}{lll} {\rm casillerosLibres\,:\,mapa} &\longrightarrow {\rm conj(casillero)} \\ {\rm dentroDeLasDimensiones\,:\,tupla(int\,\times\,int)\,\times\,casillero\,\times\,casillero} &\longrightarrow {\rm bool} \\ {\rm casillerosADerecha\,:\,casillero\,}\,c\,\times\,{\rm mapa}\,\,m\, &\longrightarrow {\rm conj(casillero)} \\ {\rm dentroDeLasDimensiones(dimensión(m),\,vértice(m),\,c)} \\ {\rm casillerosIzquierda\,:\,casillero}\,\,c\,\times\,{\rm mapa}\,\,m\, &\longrightarrow {\rm conj(casillero)} \\ {\rm dentroDeLasDimensiones(dimensión(m),\,vértice(m),\,c)} \\ {\rm casillerosArriba\,:\,casillero}\,\,c\,\times\,{\rm mapa}\,\,m\, &\longrightarrow {\rm conj(casillero)} \\ {\rm dentroDeLasDimensiones(dimensión(m),\,vértice(m),\,c)} \\ {\rm casillerosArriba\,:\,casillero}\,\,c\,\times\,{\rm mapa}\,\,m\, &\longrightarrow {\rm conj(casillero)} \\ {\rm dentroDeLasDimensiones(dimensión(m),\,vértice(m),\,c)} \\ {\rm dentroDeLasDimensiones(dimensión(m),\,vértice(m),\,c)} \\ \end{array}
```

```
casilleros Abajo : casillero c \times \text{mapa } m \longrightarrow \text{conj}(\text{casillero})
                                                                \{dentroDeLasDimensiones(dimension(m), vértice(m), c)\}
  casilleros
Verticales : casillero c \times \text{mapa } m \longrightarrow \text{conj}(\text{casillero})
                                                                \{dentroDeLasDimensiones(dimensión(m), vértice(m), c)\}
  generar Casilleros Horizontales: mapa m \times \text{conj}(\text{casillero}) C \longrightarrow \text{conj}(\text{casillero})
                                                   \{(\forall c \in C)(\text{dentroDeLasDimensiones}(\text{dimension}(m), \text{vértice}(m), c))\}
axiomas
  conjFantasmas(nuevoMapa(dimensión, vértice, inicio, fin, fantasmas, paredes, chocolates)) = fantasmas
  conjParedes(nuevoMapa(dimensión, vértice, inicio, fin, fantasmas, paredes, chocolates)) \equiv paredes
  conjChocolates(nuevoMapa(dimensión, vértice, inicio, fin, fantasmas, paredes, chocolates)) \equiv chocolates
  dimensiones (nuevo Mapa (dimensión, vértice, inicio, fin, fantasmas, paredes, chocolates)) \equiv dimensión
  casilleroInicial(nuevoMapa(dimensión, vértice, inicio, fin, fantasmas, paredes, chocolates)) \equiv inicio
  casilleroDeLlegada(nuevoMapa(dimensión, vértice, inicio, fin, fantasmas, paredes, chocolates)) \equiv fin
  vértice(nuevoMapa(dimensión, vértice, inicio, fin, fantasmas, paredes, chocolates)) \equiv vértice
  dentroDeLasDimensiones(dimensión, vértice, casilla) \equiv (0 \leq \pi_1(casilla) - \pi_1(vértice) < \pi_1(dimensión)) \land
                                                                      (0 \le \pi_2(casilla) - \pi_2(v\acute{e}rtice) < \pi_2(dimensi\acute{o}n))
  casillerosLibres(m) \equiv generarCasillerosHorizontales(m,casillerosVerticales(vértice(m),m)) - (conjFantasmas(m))
                             \cup conjParedes(m))
  generarCasillerosHorizontales(m, casilleros) \equiv if casilleros = \emptyset then
                                                          else
                                                             casillerosHorizontales(dameUno(casilleros, m))\cup
                                                             generarCasillerosHorizontales(m, sinUno(casilleros))
  casillerosADerecha(c,m) \equiv casillerosADerecha(c,m) \cup casillerosAIzquierda(c,m)
  casilleros ADerecha(c,m) \equiv (if dentro De Las Dimensiones (dimensión (m), vértice (m), c + \langle 1, 0 \rangle) then
                                       casilleros ADerecha (c+\langle 1,0\rangle, m)
                                   else
                                       Ø
                                   \mathbf{fi}) \cup \{c\}
  casillerosAlzquierda(c,m) \equiv (if dentroDeLasDimensiones(dimensión(m), vértice(m), c - \langle 1, 0 \rangle) then
                                        casillerosAlzquierda(c-\langle 1,0\rangle, m)
                                     else
                                    \mathbf{fi}) \cup \{c\}
  casillerosVerticales(c,m) \equiv casillerosArriba(c,m) \cup casillerosAbajo(c,m)
  casillerosArriba(c,m) \equiv (if dentroDeLasDimensiones(dimensión(m), vértice(m), c + \langle 0, 1 \rangle) then
                                   casillerosArriba(c+\langle 0,1\rangle, m)
                               else
                               \mathbf{fi}) \cup \{c\}
  casillerosAbajo(c,m) \equiv (if dentroDeLasDimensiones(dimension(m), vértice(m), c - (0, 1)) then
                                   casillerosAbajo(c-\langle 0,1\rangle, m)
                               else
                               \mathbf{fi}) \cup \{c\}
```

#### TAD PACALGO2

usa Mapa

géneros pacalgo2

exporta pacalgo2, observadores, generadores

# igualdad observacional

$$(\forall p_1, p_2 : \text{pacalgo2}) \left( p_1 =_{\text{obs}} p_2 \iff \begin{pmatrix} \text{verMapa}(p_1) =_{\text{obs}} \text{verMapa}(p_2) \land \\ \text{posici\'onActual}(p_1) =_{\text{obs}} \text{posici\'onActual}(p_2) \land \\ \text{nivelDeChocolate}(p_1) =_{\text{obs}} \text{nivelDeChocolate}(p_2) \land \\ \text{chocolatesRestantes}(p_1) =_{\text{obs}} \text{chocolatesRestantes}(p_2) \land \\ \text{gan\'o?}(p_1) =_{\text{obs}} \text{gan\'o?}(p_2) \land \\ \text{(gan\'o?}(p_1) \Rightarrow_L \text{puntaje}(p_1) =_{\text{obs}} \text{puntaje}(p_2)) \end{pmatrix} \right)$$

#### observadores básicos

verMapa :  $pacalgo2 \longrightarrow mapa$ 

posición Actual : pacalgo<br/>2 $\,\,\longrightarrow\,\,$ casillero

puntaje : pacalgo<br/>2  $\longrightarrow$ nat  $\{ \operatorname{ganó}?(p) \}$ 

nivelDeChocolate : pacalgo2  $\longrightarrow$  nat

 $chocolatesRestantes : pacalgo2 \longrightarrow conj(casillero)$ 

#### generadores

inicializar Juego: mapa  $\longrightarrow$  pacalgo 2

arriba : pacalgo2  $p \longrightarrow \text{pacalgo2}$ 

 $\{(\text{posiciónActual}(p) + \langle 0, 1 \rangle) \in \text{direccionesPosibles}(p) \land \neg \text{gan\'o?}(p) \land \neg \text{perdi\'o?}(p)\}$ 

abajo : pacalgo2  $p \longrightarrow \text{pacalgo2}$ 

 $\{(\text{posiciónActual}(p) - \langle 0, 1 \rangle) \in \text{direccionesPosibles}(p) \land \neg \text{gan\'o?}(p) \land \neg \text{perdi\'o?}(p)\}$ 

derecha : pacalgo2  $p \longrightarrow$  pacalgo2

 $\{(\text{posiciónActual}(p) + \langle 1, 0 \rangle) \in \text{direccionesPosibles}(p) \land \neg \text{ganó}?(p) \land \neg \text{perdió}?(p)\}$ 

izquierda : pacalgo2  $p \longrightarrow$  pacalgo2

 $\{(\text{posiciónActual}(p) - \langle 1, 0 \rangle) \in \text{direccionesPosibles}(p) \land \neg \text{ganó}?(p) \land \neg \text{perdió}?(p)\}$ 

# otras operaciones

direcciones Posibles : pacalgo2  $\longrightarrow$  conj(casillero)

perdió? : pacalgo2  $\longrightarrow$  bool ganó? : pacalgo2  $\longrightarrow$  bool pasos : pacalgo2  $\longrightarrow$  nat

## axiomas

 $verMapa(inicializarJuego(m)) \equiv m$ 

 $\begin{aligned} \text{verMapa}(\text{arriba}(p)) & \equiv \text{verMapa}(p) \\ \text{verMapa}(\text{abajo}(p)) & \equiv \text{verMapa}(p) \\ \text{verMapa}(\text{izquierda}(p)) & \equiv \text{verMapa}(p) \\ \text{verMapa}(\text{derecha}(p)) & \equiv \text{verMapa}(p) \\ \text{verMapa}(\text{derecha}(p)) & \equiv \text{verMapa}(p) \\ \text{verMapa}(\text{derecha}(p)) & \equiv \text{verMapa}(p) \end{aligned}$ 

posición Actual<br/>(inicializar Juego $m) \qquad \quad \equiv \ \text{casilleroInicial}(m)$ 

posiciónActual(arriba(p))  $\equiv$  posición $Actual(p) + \langle 0, 1 \rangle$ posiciónActual(abajo(p))  $\equiv$  posición $Actual(p) - \langle 0, 1 \rangle$ 

```
\equiv \text{posiciónActual}(p) - \langle 1, 0 \rangle
posiciónActual(izquierda(p))
posiciónActual(derecha(p))
                                                    posiciónActual(p) + \langle 1, 0 \rangle
pasos(inicializar Juego m)
                                                 \equiv 0
pasos(arriba(p))
                                                 \equiv 1 + pasos(p)
pasos(abajo(p))
                                                 \equiv 1 + pasos(p)
pasos(izquierda(p))
                                                 \equiv 1 + pasos(p)
pasos(derecha(p))
                                                 \equiv 1 + pasos(p)
puntaje(p)
                                                 \equiv \operatorname{pasos}(p)
nivelDeChocolate(inicializarJuego(m))
                                                 \equiv if casilleroInicial(m) \in \text{conjChocolates}(m) then
                                                     else
                                                         0
                                                     fi
nivelDeChocolate(arriba(p))
                                                 \equiv if (posiciónActual(p) + \langle 0, 1 \rangle) \in chocolatesRestantes(p) then
                                                     else
                                                         if 0?(\text{nivelDeChocolate}(p)) then
                                                            nivelDeChocolate(p)
                                                         else
                                                            nivelDeChocolate(p) - 1
                                                         fi
                                                     fi
nivelDeChocolate(abajo(p))
                                                 \equiv if (posiciónActual(p) - \langle 0, 1 \rangle) \in chocolatesRestantes(p) then
                                                     else
                                                         if 0?(\text{nivelDeChocolate}(p)) then
                                                            nivelDeChocolate(p)
                                                         else
                                                            nivelDeChocolate(p) - 1
                                                     fi
nivelDeChocolate(izquierda(p))
                                                 \equiv if (posiciónActual(p) - \langle 1, 0 \rangle) \in chocolatesRestantes(p) then
                                                     else
                                                         if 0?(\text{nivelDeChocolate}(p)) then
                                                            nivelDeChocolate(p)
                                                         else
                                                            nivelDeChocolate(p) - 1
                                                     fi
nivelDeChocolate(derecha(p))
                                                 \equiv if (posiciónActual(p) + \langle 1, 0 \rangle) \in chocolatesRestantes(p) then
                                                         10
                                                     else
                                                         if 0?(\text{nivelDeChocolate}(p)) then
                                                            nivelDeChocolate(p)
                                                         else
                                                            nivelDeChocolate(p) - 1
                                                         fi
                                                     fi
chocolatesRestantes(inicializarJuego(m))
                                                 \equiv if casilleroInicial(m) \in \text{conjChocolates}(m) then
                                                         conjChocolates(m) - \{ casilleroInicial(m) \}
                                                     else
                                                         conjChocolates(m)
                                                     fi
```

```
chocolatesRestantes(arriba(p))
                                                \equiv if (posiciónActual(p) + \langle 0, 1 \rangle) \in chocolatesRestantes(p) then
                                                        chocolatesRestantes(p) - \{ (posiciónActual(p) + \langle 0, 1 \rangle) \}
                                                    else
                                                        chocolatesRestantes(p)
                                                    fi
chocolatesRestantes(abajo(p))
                                                \equiv if (posiciónActual(p) - \langle 0, 1 \rangle) \in chocolatesRestantes(p) then
                                                        chocolatesRestantes(p) - { (posiciónActual(p) - \langle 0, 1 \rangle) }
                                                    else
                                                        chocolatesRestantes(p)
                                                    fi
chocolatesRestantes(izquierda(p))
                                                \equiv if (posiciónActual(p) - \langle 1, 0 \rangle) \in chocolatesRestantes(p) then
                                                        chocolatesRestantes(p) - { (posiciónActual(p) - \langle 1, 0 \rangle) }
                                                    else
                                                        chocolatesRestantes(p)
                                                    fi
                                                \equiv if (posiciónActual(p) + \langle 1, 0 \rangle) \in chocolatesRestantes(p) then
chocolatesRestantes(derecha(p))
                                                        chocolatesRestantes(p) - { (posiciónActual(p) + \langle 1, 0 \rangle) }
                                                    else
                                                        chocolatesRestantes(p)
                                                    fi
                                                \equiv \neg \emptyset?(conjFantasmas(verMapa(p)) \cap
perdió?(p)
                                                    aDistanciaMenosDeN(posiciónActual(p),3))\land
                                                    0?(\text{nivelDeChocolate}(p))
ganó?(p)
                                                 \equiv posiciónActual(p)=casilleroDeLlegada(verMapa(p))
direccionesPosibles(p)
                                                 \equiv if 0?(nivelDeChocolate(p)) then
                                                        (aDistanciaMenosDeN(posiciónActual(p),1)-posiciónActual(p))
                                                       \cap
                                                        casillerosLibres(verMapa(p))
                                                    else
                                                        (aDistanciaMenosDeN(posiciónActual(p),1)-posiciónActual(p))
                                                        (casillerosLibres(verMapa(p)) \cup conjFantasmas(verMapa(p)))
                                                    fi
```

#### 2.2. TP 2

#### TAD RANKING

```
Int
usa
géneros
                ranking
exporta
                ranking, generadores, contrincante, superioresInmediatos
observadores básicos
  ver : ranking \longrightarrow dicc(string, nat)
generadores
  iniciar
                                                     \longrightarrow ranking
  cargarPuntaje : ranking \times string \times nat \longrightarrow ranking
otras operaciones
  contrincante
                                          : ranking r \times \text{string } j
                                                                                                    \rightarrow tupla(string, nat)
                                                                                                                 \{\operatorname{def}?(j,\operatorname{ver}(r))\}
  superioresInmediatos
                                          : ranking r \times \text{string } j
                                                                                                     → conj(string)
                                                                                                                 \{\operatorname{def}?(j,\operatorname{ver}(r))\}
  elMaximoEntreMenores
                                          : conj(nat) \ puntajes \times nat \ p
                                                                                                  \longrightarrow nat
  todosLosPuntajes
                                          : ranking r \times \text{conj(string)} claves
                                                                                                  \longrightarrow conj(nat)
                                                                                                      \{claves \subseteq claves(ver(r))\}
  jugadoresConPuntajeIgual
                                          : ranking r \times \text{conj(string)} claves \times nat
                                                                                                  \longrightarrow conj(string)
                                                                                                      \{claves \subseteq claves(ver(r))\}
  menoresQueP
                                          : conj(nat) \times nat
                                                                                                    \rightarrow conj(nat)
  maximoConj
                                          : conj(nat) C
                                                                                                                         \{\neg\emptyset?(C)\}
                                                                                                    \rightarrow nat
axiomas
  ver(iniciar())
                                                              ≡ vacío
  ver(cargarPuntaje(ranking, nombre, puntaje))
                                                              \equiv definir(ver(ranking), (nombre, puntaje))
  contrincante(r,j)
                                                              \equiv dameUno(superioresInmediatos(r,j))
  superioresInmediatos(r, j)
                                                              \equiv jugadoresConPuntajeIgual(r, \text{claves}(\text{ver}(r)),
                                                                  elMaximoEntreMenores(todosLosPuntajes(r),
                                                                  obtener(ver(r), j)))
  elMaximoEntreMenores(puntajes, p)
                                                              \equiv if \emptyset?(menoresQueP(puntajes, p)) then
                                                                  else
                                                                     maximoConj(menoresQueP(puntajes, p))
                                                              \equiv if \emptyset?(puntajes) then
  menoresQueP(puntajes, p)
                                                                     Ø
                                                                  else
                                                                     if dameUno(puntajes) < p then
                                                                         Ag(dameUno(puntajes),
                                                                         menoresQueP(sinUno(puntajes), p))
                                                                     else
                                                                         menoresQueP(sinUno(puntajes), p)
                                                                     fi
                                                                  fi
```

```
maximoConj(C)
                                                               \equiv if \emptyset?(sinUno(C)) then
                                                                       dameUno(C)
                                                                   else
                                                                       máx(dameUno(C), maximoConj(sinUno(C)))
       jugadoresConPuntajeIgual(r, claves, puntaje)
                                                               \equiv if \emptyset?(claves) \vee \emptyset?(claves(ver(r))) then
                                                                   else
                                                                       if obtener(ver(r), dameUno(claves)) = puntaje then
                                                                          Ag(dameUno(claves), jugadorConPuntajeIgual(r,
                                                                          \sin \text{Uno}(claves), puntaje)
                                                                          jugadorConPuntajeIgual(r,sinUno(claves),puntaje)
                                                                      fi
                                                                   fi
Fin TAD
TAD FICHÍN
                    Int, Ranking, Paclgo2
     usa
     géneros
                    fichin
                    observadores, generadores, otras operaciones
     exporta
     observadores básicos
       conocerRanking : Fichin \longrightarrow Ranking
       verJuegoActual : Fichin \longrightarrow paclgo2
       jugadorActual: Fichin \longrightarrow persona
     generadores
       nuevo
Fichin : \longrightarrow Fichin
       nueva
Partida : Fichin f \times \text{jugador } j \longrightarrow \text{Fichin}
                                                                                                                 \{\text{estáLibre}?(f)\}
       jugar : Fichin f \longrightarrow Fichin
                                                              \{\neg ganó?(verJuegoActual(f)) \land \neg perdió?(verJuegoActual(f))\}
     otras operaciones
       nuevo
Record : Fichin f \times \text{jugador } string \longrightarrow \text{Fichin}
                                                                                                   \{ganó?(verJuegoActual(f))\}
       ver
Contrincante : Fichin f \longrightarrow \text{jugador}
                                                                      \{\text{jugadorActual}(f) \in claves(ver(conocerRanking(f)))\}
       estáLibre? : Fichin \longrightarrow Bool
     axiomas
       nuevoRecord(fichin, pac, jugador) \equiv if def?(jugador, ver(conocerRanking(fichin))) then
                                                       if puntaje(pac) < obtener(ver(conocerRanking(fichin), jugador)
                                                           cargarPuntaje(conocerRanking(fichin), jugador, puntaje(pac))
                                                        else
                                                           ???
                                                       fi
                                                    else
                                                       cargarPuntaje(conocerRanking(fichin), jugador, puntaje(pac))
       estáLibre?(f) \equiv \text{ganó}?(\text{verJuegoActual}(f)) \lor \text{perdió}?(\text{verJuegoActual}(f))
```