

## TD3

### Exercice 1 : Suite de Fibonacci

**Soit une suite de Fibonacci.**

$$\text{Fib}(0) = 0$$

$$\text{Fib}(1) = 1$$

$$\text{Fib}(n) = \text{Fib}(n-1) + \text{Fib}(n-2)$$

**1°) Calculer Fib(5) :**

$$\text{Fib}(2) = 1$$

$$\text{Fib}(3) = 2$$

$$\text{Fib}(4) = 3$$

$$\text{Fib}(5) = \text{Fib}(4) + \text{Fib}(3)$$

$$\text{Fib}(4) = \text{Fib}(3) + \text{Fib}(2)$$

$$\text{Fib}(3) = \text{Fib}(2) + \text{Fib}(1)$$

$$\text{Fib}(2) = \text{Fib}(1) + \text{Fib}(0)$$

$$\text{Fib}(1) = 1$$

$$\text{Fib}(0) = 0$$

$$\text{Fib}(0) = 0$$

$$\text{Fib}(1) = 1$$

$$\text{Fib}(2) = 1 + 0 = 1$$

$$\text{Fib}(3) = 1 + 1 = 2$$

$$\text{Fib}(4) = 2 + 1 = 3$$

$$\text{Fib}(5) = 3 + 2 = 5$$

**2°) Ecrire une fonction sans appel récursif en utilisant un vecteur F[0...n] pour stocker les éléments de calculs au fur et à mesure. Imprimer F**

#### Algorithme de Fibonacci

Entier : n, i, F[100] ;

Début :

Afficher (« Entrez la taille du tableau : ») ;

Lire(n) ;

F[0] <= 0 ;

Afficher(F[0]);

F[1] <= 1 ;

Afficher(F[1]);

Pour i allant de 2 à n Faire :

F[i] <= F[i-1] + F[i-2] ;

Afficher(F[i]);

Fin Pour

Fin

**3°) Calculer la complexité de cet algorithme portant sur les opérations : addition et l'affectation.**

Complexité sur l'affectation :

$$- \quad 2 + (n-1) = n+1$$

Complexité sur l'addition :

$$- \quad n-1$$

4°) Ecrire une deuxième fonction pour le calcul de la suite en utilisant 3 variables, et imprimer la suite.

#### **Algorithme de Fibonacci**

Entier : n, nb1, nb2, nb3, i ;

##### Début :

n <= 0 ;  
Afficher (« Entrez une valeur : ») ;  
Lire(n) ;

nb1 <= 0 ;  
Afficher (nb1) ;  
nb2 <= 1 ;  
Afficher (nb2) ;

##### Pour i allant de 2 à n Faire:

nb3 <= nb1 + nb2 ;  
nb1 <= nb2 ;  
nb2 <= nb3 ;  
Afficher (nb3) ;

##### Fin Pour

##### Fin

Complexité sur l'affectation :

-  **$3*(n-1) + 2 = 3n+1$**

Complexité sur l'addition :

-  **$n-1$**

Complexité sur l'écriture :

-  **$(n-1) + 2 = n+1$**

Cet algorithme est en taux de 1.

#### **Exercice 2 : Suite de Fibonacci**

Après avoir calculer le temps de calcul de Fib(5), généraliser le calcul de la complexité pour Fib(n).

**Sachant  $T(\text{Fib}(0)) = T(\text{Fib}(1)) = 0$**

$T(\text{Fib}(5)) = T(\text{Fib}(4)) + T(\text{Fib}(3)) + 1$

$T(\text{Fib}(4)) = T(\text{Fib}(3)) + T(\text{Fib}(2)) + 1$

$T(\text{Fib}(3)) = T(\text{Fib}(2)) + T(\text{Fib}(1)) + 1$

$T(\text{Fib}(2)) = T(\text{Fib}(1)) + T(\text{Fib}(0)) + 1$

$T(\text{Fib}(1)) = 0$

$T(\text{Fib}(0)) = 0$

$T(\text{Fib}(2)) = 0 + 0 + 1 = 1$

$T(\text{Fib}(3)) = 1 + 0 + 1 = 2$

$T(\text{Fib}(4)) = 2 + 1 + 1 = 4$

$T(\text{Fib}(5)) = 4 + 2 + 1 = 7$

Trouver un encadrement qui déterminera les bornes inférieures et supérieures de la fonction temps de calcul.

### **Exercice 3 : Fusion de tableaux d'entiers**

Soient T1, et T2 deux tableaux déjà triés, trier ces 2 tableaux dans un ordre croissant et stocker ces valeurs dans T3.

#### **Algorithme trie et fusion:**

##### Variables :

Définir : MAX = 10

Entier : tab[MAX], tab2[MAX], tabFinal[MAX], i, j, tmp, sizeTab1, sizeTab2, sizeTab3

##### Début :

Tant que sizeTab1 < 0 ou sizeTab 1 > MAX Faire :

Afficher("Taille du second tableau %d" MAX:);

Lire("%d" &sizeTab1);

Fin Tant que

Tant que sizeTab2 < 0 ou sizeTab 2 > MAX Faire :

Afficher("Taille du second tableau %d" MAX:);

Lire("%d" &sizeTab2);

Fin Tant que

Afficher("Saisie du premier tableau : ");

Pour i allant de 0 à sizeTab1 Faire :

Afficher("tab[%d", i);

Lire("%d", &tab[i]);

Fin Pour

Afficher("Saisie du second tableau : ");

Pour i allant de 0 à sizeTab2 Faire :

Afficher("tab2[%d", i);

Lire("%d", &tab[2i]);

Fin Pour

Pour i allant de 0 à sizeTab1 Faire :

tabFinal[i] ← tab[i];

Fin Pour

sizeTab3 ← sizeTab1 + sizeTab2;

Pour j allant de sizeTab1 à sizeTab3 && i allant de 0 à sizeTab2 Faire :

tabFinal[j] ← tab2[i]

Fin Pour

Pour j allant de 1 à sizeTab3 Faire :

Pour i allant de 0 à sizeTab3 Faire :

Si tabFinal[i] > tabFinal[i+1] Alors :

tmp ← tabFinal[i];

tabFinal[i] = tabFinal[i+1];

```

        tabFinal[i+1]=tmp ;
    Fin Si
Fin Pour
Fin Pour

Afficher("Tableau trié et fusionné : ") ;
Pour i allant de 0 à siezTab3 Faire ;
    Afficher("[%d]", tabFinal[i]) ;
Fin Pour
Fin

```

#### **Exercice 4 : Recherche d'une majorité dans un tableau trié et non trié.**

1	2	2	2	5	5	5	5	5	6	6	6	10
5	10	6	2	5	6	5	10	5	2	6	6	10

Construire un algorithme qui permet de trouver l'élément le plus présent dans ce tableau, et dire s'il constitue la majorité.

#### **Algorithme majorité :**

Variables :

Définir : MAX = 10

Entier : i, j, nb, max = 0, pos = -1, size, tab[MAX];

Début :

```

    Tant que size < 0 OU size > MAX Faire :
        Afficher("Entrez une taille <%d>", MAX) ;
        Lire(" %d", &size) ;
    Fin tant que

```

```

    Pour j allant de 0 à size Faire :
        Afficher(" tab[j] : ", j) ;
        Lire(" %d", &tab[j]) ;
    Fin pour

```

```

    Pour j allant de 0 à size Faire :
        nb <= 0;
        Pour j allant de 0 à size Faire :
            Si tab[i] = tab[j] Alors :
                nb <= nb + 1 ;
            Fin si
        Fin pour

```

```

        Si nb > max Alors :
            max <= nb ;
            pos <= i ;
        Fin si
    Fin pour

```

```

    Si pos = -1 Alors :
        Afficher(" Pas de majorité ") ;
    Fin

```

Sinon :

Afficher(« Majorité : %d », tab[pos]) ;

Fin si

Fin