# Versuch 4: Pohlsches Rad

## Jascha Fricker, Benedict Brouwer

## 14. April 2022

## Einleitung

In diesen Versuch wird die Viskosität von verschiedenen Fluiden untersucht. Mit der Viskosität und der Reynoldzahl kann ausgerechnet werden, ob eine Strömung turbulent oder laminar ist. Dies ist in vielen Bereichen wichtig, da so z. B. ermittelt werden kann, ob ein Flugzeug fliegt oder aus dem Himmel fällt.

## Inhaltsverzeichnis

L	Kug	gelfallviskosimeter
	1.1	Theorie
	1.2	Experimenteller Aufbau
	1.3	Ergebnisse
	1.4	Diskussion
4		n <b>ang</b> Kugelfallviskosimeter
•	2.1	
		2.1.1 Berechnung der dynamischen Viskosität mit Fehler
		2.1.2 Berechnung der Reynoldszahl mit Fehler
	2.2	Frage
		2.2.1 Fallschirmspringer
		2.2.2 Atming

## 1 Kugelfallviskosimeter

#### 1.1 Theorie

Bei einem Kugelfallviskosimeter wird die dynamische Viskosität  $\eta$  des Fluides mit der Fallgeschwindigkeit v einer Kugel mit gegebenem Radius r und Masse m bestimmt. Bei annahme eines unendlich ausgedehnten Mediums, gilt

$$\eta = \frac{2r^2g}{9v}(\rho_K - \rho_F) \tag{1}$$

mit Dichte der Kugel  $rho_K$  und Dichte der Flüssigkeit  $rho_F$ . Wird hingegen ein unendlich langer Zylinder mit Radius R betrachtet, gilt

$$\eta = \frac{2R^2g}{9v(1+2,4\frac{r}{R})}(\rho_K - \rho_F)$$
 (2)

Um daraus die Reynoldszahl zu berechnen, gilt

$$\Re = \frac{2r\rho_F v}{\eta} \tag{3}$$

## 1.2 Experimenteller Aufbau

In diesem Experiment wurde 17 mal die Kugel durch die Flüssigkeit fallen gelassen und jedes mal wurde über einen bestimmten Abstand s die Fallzeit t gemessen. Anschließend wurde noch die Dichte der Flüssigkeit  $\rho_F$  mit einem Aerometer gemessen.

### 1.3 Ergebnisse

Die Messwerte und Fehler, die betrachtet wurden, sind in der Tabelle 2.1.1 aufgeführt. Die Berechnung der dynamischen Viskosität 2.1.1 und Reynoldszahl 2.1.2 wurde im Anhang beschrieben. In der Tabelle 1 werden die berechneten Ergebnisse zusammengefasst.

```
dynamische Viskosität nach [3, (11)] 0, 1244(51)Pas dynamische Viskosität nach [3, (12)] 0, 1054(44)Pas Reynoldszahl 2, 11(17)
```

Tabelle 1: Ergebnisse Kugelfallviskosimeter

#### 1.4 Diskussion

Wie zu erwarten wird die Viskosität bei der genaueren Berechnung kleiner, da der Nenner der Formel größer wird. Der Unterschied der Werte ist mit ca. 20% jedoch sehr groß, so liegen die Werte weit außerhalb des jeweils anderen Unsicherheitsintervalls.

Aus der errechneten dynamischen Viskosität kann anhand der Theorie [3, Abbildung 8] und einer Raumtemperatur von etwa 20°C eine Glycerinkonzentration von ca. 87% bestimmt werden. Aus anderen Literaturwerten [1] kann anhand der Dichte von  $1222 {\rm kg \, m^{-3}}$  eine Glycerinkonzentration von ca. 85% bestimmt werden. Diese sind so nah bei einander, das von einer sinnvollen Messung und Berechnung ausgegangen werden kann. Da die Reynoldszahl größer als 1 ist, war die Strömung um die Kugel turbulent.

## 2 Anhang

## 2.1 Kugelfallviskosimeter

### 2.1.1 Berechnung der dynamischen Viskosität mit Fehler

Als erstes wurde der Mittelwert der Fallzeiten berechnet.

$$\bar{t} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} t_i = 3,94(15)$$
s (4)

Der Fehler der Fallzeiten wurde mithilfe der Student-t-Verteilung (n=10) berechnet.

$$u_{\bar{t}} = \frac{t}{\sqrt{n}} u_{t_i} = 0,144s$$
 (5)

Auch vom Kugeldurchmesser kann erstmal der Mittelwert

$$\bar{d} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} d_i = 3,998(17) \text{mm}$$
 (6)

und dann der Fehler mit Student-t (n=10)

$$u_{\bar{d}} = \frac{t}{\sqrt{n}} u_{d_i} = 0.017 \text{mm} \tag{7}$$

berechnet werden

Messgröße	Messwert mit Fehler	Begründung
Gewicht m	g = 0,8445(5)g	Skalierung
Durchmesser Kugel $d$	d = 3,998(17) mm	Student-t
Durchmesser Zylinder $D$	$D=5,33(6)\mathrm{mm}$	ABW Skript [2, Tabelle 6]
Zeit $t$	t = 3,85(15)s	Reaktionszeit x2
Strecke $s$	s = 35,00(21) mm	Schrittweite 1mm
Dichte Flüssigkeit $\rho_F$	$\rho_F = 1,2220(21) \mathrm{g}  \mathrm{ml}^{-1}$	Schrittweite $0,01 \text{kg m}^{-3}$

Tabelle 2: Fehler der Messgrößen

Jetzt kann  $\eta$  mit Formel [3, (11)]

$$\eta = \frac{2r^2g}{9v}(\rho_K - \rho_F) 
= \frac{2\frac{d^2}{2}g}{9\frac{s}{t}}(\frac{m}{\frac{4}{3}\pi\frac{d^3}{2}} - \rho_F) 
= 0,1244(51) \text{Pa s}$$
(8)

und der Fehler mit der Gausschen Fehlerfortpflanzung [2]

$$u_{\eta} = \sqrt{\sum_{i=1}^{5} \left(\frac{\partial \eta}{\partial x_{i}}\right)^{2} u_{i}^{2}}$$

$$= \frac{\sqrt{\frac{g^{2} \cdot \left(16\pi^{2} r^{8} s^{2} t^{2} u_{\rho}^{2} + r^{2} s^{2} \cdot \left(9t^{2} u_{m}^{2} + u_{t}^{2} \left(3m - 4\pi r^{3} \rho_{f}\right)^{2}\right) + r^{2} t^{2} u_{s}^{2} \left(3m - 4\pi r^{3} \rho_{f}\right)^{2} + s^{2} t^{2} u_{r}^{2} \left(3m + 8\pi r^{3} \rho_{f}\right)^{2}\right)}{18\pi}}{18\pi}$$

$$= 0,0051 \text{Pa s}$$

$$(10)$$

ausgerechnet werden. Mit der Formel [3, (12)] kann

$$\eta = 0,1054(44) \text{Pas} \tag{12}$$

sogar noch genauer ausgerechnet werden.

## 2.1.2 Berechnung der Reynoldszahl mit Fehler

Mit der dynamischen Viskosität  $\eta$  kann die Reynoldszahl Re berechnet werden.

$$Re = \frac{\frac{d}{2}\rho_F v}{\eta}$$

$$= 2,11(17) \tag{13}$$

Als charakteristische Länge wurde der Radius r der Kugel benutzt, aber auch mit Durchmesser wäre die Reynoldszahl größer als 1.

#### 2.2 Frage

## 2.2.1 Fallschirmspringer

Annahmen: Fallschirmspringer ist eine Kugel mit Radius  $r=0,4-0,8\mathrm{m}$  und Masse  $m=80\mathrm{kg}$ , Luftdichte bei ca. 2000m  $rho_F=1\mathrm{kg}\,\mathrm{m}^{-3}$ . Damit kann die Viskosität der Luft

$$\eta = \frac{2r^2g}{9v} \left( \frac{3m}{4\pi r^3} - \rho_F \right) 
= 0, 9 - 1, 9 \text{Pa s}$$
(14)

und die Reynoldszahl

$$Re = 11 - 50$$
 (15)

berechnet werden. Es treten in jedem Fall turbulente Strömungen auf. Die Annahmen sind überhaupt nicht gut, da ein Fallschirmspringer je nach Körperhaltung (Ausgestreckt oder als Kugel) sehr unterschiedliche Reibung hat und damit unterschiedliche Geschwindigkeiten erreichen kann. Es wurde aber nicht angegeben, mit welcher Körperhaltung er 200km h<sup>-1</sup> schnell fällt, so können je nach Annahme verschiedene Viskositäten berechnet werden. Außerdem sind diese Werte verglichen mit Literaturwerten (18μPa s)komplett falsch, da wahrscheinlich die Reibung der Luft mit turbulenten Strömungen nicht mit der verwendeten Stokesschen Formel [3, (9)] berechnet werden kann.

## 2.2.2 Atmung

Annahmen: Radius Nasenloch r=3mm, Viskosität der Luft  $\eta=18$ µPa s, Volumen verstärkter Atmung V=1l=0,001m³ Atemfrequenz f=0,5Hz. Daraus folgt, dass ein Einatmen genau eine Sekunde dauert.

$$v = \frac{V}{\pi r^2 \cdot t}$$
$$= 35 \text{m s}^{-1} \tag{16}$$

Mit der Geschwindigkeit kann man die Reynoldszahl

$$Re = \frac{2r\rho_F v}{\eta}$$

$$= 15000 \tag{17}$$

berechnen. Da diese viel größer als 2300 ist, entstehen Verwirbelungen.

## Literatur

- [1] Internetchemie. Glycerol. https://www.internetchemie.info/chemie-lexikon/stoffe/g/glycerol.php.
- [2] Technische Universität München. Hinweise zur Beurteilung von Messungen, Messergebnissen und Messunsicherheiten (ABW). https://www.ph.tum.de/academics/org/labs/ap/org/ABW.pdf, März 2021.
- [3] Technische Universität München. Aufgabenstellung Viskosität (VIS). https://www.ph.tum.de/academics/org/labs/ap/ap1/VIS.pdf, August 2021.