# Versuch 4: Pohlsches Rad

## Jascha Fricker, Benedict Brouwer

### 7. April 2022

#### **Einleitung**

In diesen Versuch wird ein gedämpfter harmonischer Oszillator untersucht. Harmonische Oszillatoren sind ein wichtiges Modell in der Physik, da sie sehr viele systeme in der realen Welt beschreiben können. Ein berühmtes Thema sind z. B. Resonanzkatastrophen, bei dehnen große Bauwerke in iherer Eingenschwingung angeregt werden. Genau solche Schwingungen eines getriebenen Harmonischen Oszillators werden auch in diesem Versuch untersucht.

# Inhaltsverzeichnis

1	$\mathbf{Str}$	omabhängigkeit der Dämpfungskonstanten
	1.1	Theorie
	1.2	Experimenteller Aufbau
	1.3	Auswertung
2	Sch	wingungsverhalten bei gegebener Dämpfung
	2.1	Theorie
	2.2	Experimenteller Aufbau
	2 3	
	$\angle .5$	Auswertung
		Auswertung

### 1 Stromabhängigkeit der Dämpfungskonstanten

#### 1.1 Theorie

Je nachdem wie stark ein harmonischer Oszillator gedämpft wird, ändert sich seine Schwingfrequenz. Ein gedämpfter harmonischer Oszillator hat die Bewegungsgleichung

$$\varphi(t) = \varphi_0 \cdot exp(-\lambda t) \cdot cos(\omega_d - \beta), \tag{1}$$

mit Kreisfrequenz  $\omega_d = \sqrt{\frac{k}{\Theta} - \lambda^2}$  (Drehmoment  $\Theta$  und Federkonstante k) und  $\beta$  als Phasenverschiebung. Diese kann aus der Differentialgleichung der Kräfte hergeleitet werden (siehe Aufgabenblatt [1, (5)]). Bei der in diesem Experiment benutzten Wirbelstrombremse ist die Dämpfungskonstante  $\lambda$  proportional zum Quadrat des Stroms I durch die Bremse.

$$\lambda \propto I^2$$
. (2)

#### 1.2 Experimenteller Aufbau

Die Stromstärke der Wirbelstrombremse wurde mit einem Labornetzteil eingestellt und mit einem VC130 Multimeter gemessen. Nachdem das Pohlsche Rad fast maximal ausgelenkt worden war, wurde der Winkel des Pohlschen Rades abhängig von der Zeit mit einem Hall Sensor gemessen und direkt digital aufgenommen.

#### 1.3 Auswertung

Um die Eingenfrequenz und Dämpfungskonsante abhängig von der Stromstärke zu bestimmen, wurde auf jede Messreihe einzeln mit der Funkion optimize.curve\_fit der Pythonbibliothek scipy die Theoriekurve 4 gefittet und auch die Unsicherheit ausgerechnet. Mit diesen 2x15 Datenpunkten können jetzt die Zusammenhänge zwischen  $\omega_d$ ,  $\lambda$  und I untersucht werden.

# 2 Schwingungsverhalten bei gegebener Dämpfung

#### 2.1 Theorie

Bei gegebener Dämpfung hat der Oszillator eine charakteristische Eigenfrequenz. Die Eigenfrequenz eines Oszillators lässt sich mithilfe der Schwingungsperiode T berechnen

$$\omega_d = \frac{2\pi}{T} \tag{3}$$

Bei einer gedämpften Schwingung hat die Bewegungsgleichung

$$\varphi(t) = \varphi_0 \cdot exp(-\lambda t) \cdot cos(\omega_d - \beta), \tag{4}$$

deshalb liegen alle Maxima der Ausschläge des Pohlschen Rades auf der einhüllenden Exponentialfunktion

$$\varphi(t_n) = \varphi_0 \cdot exp(-\lambda t_n). \tag{5}$$

Die Abklingzeit

$$\tau = \frac{1}{\lambda} \tag{6}$$

ist der Kehrwert der Dämpfungskonstante.

Bei einem gezwungenen Oszillator mit Drehmoment  $M_0 sin(\omega t)$  kommt noch die partikuläre Lösung zur Bewegungsgleichung

$$\varphi(t) = A(\omega) \cdot \sin(\omega t - \varphi) + C \cdot \exp(-\lambda t) \cdot \cos(\omega_d - \beta)$$

(7)

mit Amplitude 
$$A(\omega) = \frac{M_o}{\varphi_{\checkmark}}$$
 (8)

#### 2.2 Experimenteller Aufbau

Für das ganze Experiment wurde ein Dämpfungsstrom von 0,3A gewählt. Um die Eingenfrequenz händisch zu Messen, wurde 5 Mal die Zeit für 10 Schwingungen gemessen. Die maximale Amplitude wurde händisch jede SChwingung bestimmt, was sehr schnelles Aufschreiben erfordert. Außerdem wurde eine Messreihe digital aufgenommen, um die Eigenfrequenz und Dämpfungskonstante mit dem Computer zu bestimmen. Um die REsonanzkurve zu messen, wurde das Pohlsche Rad mit einem SChrittmotor angetrieben. Die maximale Amplitude wurde wurde digital bestimmt.

#### 2.3 Auswertung

Die von Hand gemessen Periodendauern können direkt ausgewertet werden, an die Computerdaten wird wie im ersten Versuch die Theoriekurve gefittet. Auch für die Dämpfungsfrequenz und für die Resonanzkurve wird programmatisch eine Theoriekurve angelegt, um die Ergebnisse mit Unsicherheit zu bestimmen.

#### 2.4 Ergebnis

#### 2.4.1 Eigenfrequenz und Dämpfungskonstante

In Tabelle 1 wird die händisch gemessene Dämpfungskonstante und Eigenfrequenz (Herleitung siehe Anhang?) sowie die digital gemessene Dämpfungskonstante und Eigenfrequenz angegeben. In Graph 1 kann die digitale Messung und

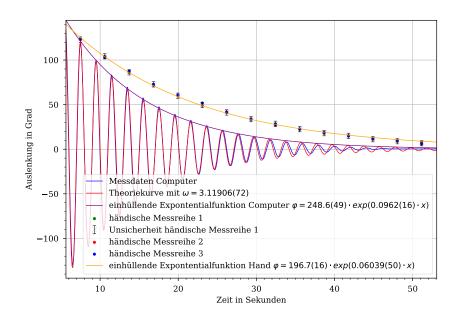


Abbildung 1: Messung der Eigenfrequenz

die gefittete Funktion gesehen werden. Die gleiche einhüllende Exponentialfunktion sowie die Daten der händischen Amplitudenmessung wurden im Graphen? dargestellt.

Tabelle 1: Eigenfrequenz im Vergleich

### Literatur

[1] Technische Universität München. Aufgabenstellung Pohlsches Rad (POR). https://www.ph.tum.de/academics/org/labs/ap/ap1/POR.pdf, August 2021.