Versuch 1: Eigenschaften des Elektron

Team 2-13: Jascha Fricker, Benedict Brouwer 24. August 2022

Inhaltsverzeichnis

| Be | Bestimmung der spezifischen Elektronenladung | | | |
|------------------|--|--|--|--|
| | Theorie | | | |
| 2.2 | Ergebnisse | | | |
| \mathbf{M}^{i} | llikan | | | |
| | | | | |
| 3.1 | Theorie | | | |
| | Theorie | | | |

1 Einleitung

Bei diesem Versuch werden die Eigenschaften des Elektrons betrachtet und dazu zwei Experimente durchgeführt. Zunächst wird duch das Fadenstrahlrohr der Quotient $\frac{e}{m}$ (spezifische Elektronenladung) berechnet. Durch den Millikan-Versuch kann anschließend die Elementarladung e bestimmt werden, sodass auch die Masse des Elektrons m_e berechnet werden kann.

2 Bestimmung der spezifischen Elektronenladung

2.1 Theorie

Im Fadenstrahlrohr werden die Elektronen durch ein elektrisches Feld beschleunigt. Die Endgeschwindigkeit kann durch gleichsetzten der Energien bestimmt werden.

$$\frac{mv^2}{2} = E_{kin} = E_{elek} = q \cdot U \tag{1}$$

$$\Rightarrow v = \sqrt{\frac{2qU}{m}} \tag{2}$$

Das Magnetfeld B der Helmholzspulen kann mithilfe der Biot-Savart-Gesetzes bestimmt werden. Mit dem Strom I, der Windungszahl N und dem Radius R ergibt sich für diesen Versuch:

$$B = \frac{\mu_0 NI}{R} \cdot \left(\frac{4^{\frac{3}{2}}}{5}\right) \tag{3}$$

Die spezifische Elektronenladung ist der Quotient aus Ladung und Masse $\frac{e}{m}$. Diese kann durch die Messung des Radius des Strahls im Fadenstrahlrohr bestimmt werden. Es gilt:

$$\frac{mv^2}{r} = F_{rot} = F_{mag} = q \cdot v \cdot B \tag{4}$$

$$\stackrel{(1)}{\Rightarrow} \frac{q}{m} = \frac{2U}{B^2 \cdot r^2} \tag{5}$$

2.2 Ergebnisse

Vorüberlegungen Aus einer Beschleunigungsspannung von maximal 300V kann die maximale Geschwindigkeit eines Elektrons mit Ladung e im nichtrelativistischen Fall

$$v = \sqrt{\frac{2eU}{m_e}} = 1,02 \cdot 10^7 \text{m/s} < 2,9 \cdot 10^7 \text{m/s} = 10\% \cdot c$$
 (6)

berechnet werden. Da diese kleiner als zehn Prozent der Lichtgeschwindigkeit ist, kann auch im weiteren nichtrelativistischen gerechnet werden Jetzt muss noch überprüft werden, ob die thermische Energie der Glühkathode die Messungen verfälschen könnte.

$$v_{tmax} = \frac{v_{100V}}{100} = \frac{\sqrt{\frac{2e \cdot 100V}{m_e}}}{100} = 59310 \text{m/s}$$
 (7)

$$E_{tmax} = \frac{m_e \cdot v_{tmax}^2}{2} = 1,602 \cdot 10^{-21} J = \frac{3}{2} k T_{max}$$
 (8)

$$\Rightarrow T_{max} = \frac{2E_{tmax}}{3k} = 77K \tag{9}$$

Die thermische Energie plus die Austrittsarbeit muss kleiner als E_{tmax} sein, da sonst die Messungen verfälscht würden. Da die Austrittsarbeit des Material leider nicht bekannt ist, kann die eigenlich maximale Temperatur aber nicht bestimmt werden.

Auswertung der Messungen Zur Bestimmung des spezifischen Weiderstands wurden zwei Messreihen aufgenommen á 30 Durchführung jeweils mit konstantem B-Feld bzw. konstanter Beschleunigungsspannung mit unterschiedlichen Kreisradien.

Die Ergebnisse der einzelnen Messreihen wurden in der Tabelle 2.2 ausgegeben.

Tabelle 1: Einzelmessungen

Daraus folgt als Endergebnis:

$$\frac{e}{m_e} = 1.81(14) \cdot 10^{11} \frac{C}{\text{kg}} \tag{10}$$

Literaturwert:
$$\frac{e}{m_e} = 1,7588 \cdot 10^{11} \frac{C}{kg}$$
 (11)

Die Messdaten wurden durch den gewichteten Mittelwert [6, Kapitel 5] mit dem zugehörigen internen bzw. externen Fehler für jeden Radius einzelnd gemittelt. Mit diesen Mittelwerten lässt sich unter berücksichtigung der gaußschen Fehlerfortpflanzung [6, (19)] mittels Gleichung 3 und 5 die spezifische Elementarladung für jeden Radius berechen. Die einzelnen Werte lassen sich abermals mit dem gewichteten Mittelwert zum Endergebnis zusammenfassen und mit dem zugehörigen Fehler angeben. Dabei gibt es einige Unsicherheiten zu beachten:

| Messgröße | Unsicherheit |
|--------------------------------|-----------------------|
| Stromstärke der Helmholzspulen | $2.5\% \pm 0.1$ A [5] |
| Beschleunigungsspannung | $8\% \pm 8V$ [4] |
| Strichgenauhigkeit | $\pm 0.5 \mathrm{mm}$ |
| Ablesegenauhigkeit | $\pm 1 \mathrm{mm}$ |

Einfluss des Erdmagnetfeldes Bei der Bestimmung spezifischen Elementarladung wurde zunächst der Effekt des Erdmagnetfeldes auf den Versuchsaufbau vernachlässigt. In Garching bertägt die magnetischen Feldstärke $B_{gar}=48,7\mu\mathrm{T}$ [3,] bei einem Inklinationswinkel von $\Theta_{incl,gar}=64.4^{\circ}$ [3,]. Daraus folgt eine maximale senkrechete Komponente (in Bezug auf die Kreisbahnen) von

$$B_{\perp,qar} = B_{qar} \cdot \cos(\Theta_{incl,qar} = 21.0 \mu T)$$
 (12)

Dies würde die von uns gemessenen spezifischen Elementarladung um ca. 0.03 % beeinflussen was im Vergleich zu anderen Fehlerquellen vernachlässigbar ist. Um diesen Effekt nachzuweisen bietet es sich an, den Versuchsaufbau so zu positionieren, dass das Erdmagnetfeld senkrecht zum Elektronenring steht. Anschließend wird der Versuchsaufbau um 180 ° gedreht um den maximalen Effekt des Erdmagnetfeldes zu messen. Zur Abschätzung des Effekts lässt sich $B_{min,gar} = B - B_{gar}$ und $B_{max,gar} = B + B_{gar}$ mit einer Beispielspannung von U = 300V in 5 einsetzen. Daraus resultiert eine Differenz in den Radien von 5.5mm, welche im messbaren Bereich liegt.

3 Millikan

In diesem Versuch werden Öltröpfehen mithilfe eines Elektischen Feldes mit und entgegen die Schwerkraft bewegt. Dadurch kann der Einfluss der E-Felds auf die Tröpfehen und der Radius der Tröpfehen und damit die Ladung dieser bestimmt werden.

3.1 Theorie

Durch vorraussetzen eines Kräftegleichgewichts bei gleichförmiger Bewegung erhält man einen Radius

$$r_0 = \frac{3}{2} \sqrt{\frac{\eta_{Luft}(v_{steig} + v_{sink})}{(\rho_{\ddot{O}l} - \rho_{Luft}) \cdot g}}$$
 (13)

Wobei ρ die Dichte des jeweilligen Stoffes ist, v_{steig} die Geschwindigkeit, mit der die Tröpfehen steigen und v_{sink} die Geschwindigkeit, mit der die Tröpfehen sinken. Da die Tröpfehen so klein sind, muss die Viskosität mit

einem Korrekturterm versehen werden:

$$\eta_{korr} = \eta_{Luft} \left(1 + \frac{A\lambda}{r_0} \right)^{-1} \tag{14}$$

Hier wurden die Werte A=1,257 und $\lambda=72(2)$ nm eingesetzt. Auch der Tröpfchenradius muss korrigiert werden:

$$r_{korr} = \sqrt{r_0^2 + \left(\frac{A\lambda}{2}\right)^2} - \left(\frac{A\lambda}{2}\right) \tag{15}$$

Damit kann dann die Ladung der Tröpfehen q mit der Angelegten Spannung U und dem Abstand der Platten d bestimmt werden:

$$q = \frac{3\pi d}{U} \cdot \eta_{korr} \cdot r_{korr} \cdot (v_{steig} - v_{sink}) \tag{16}$$

Wenn alles richtig berechnet wurde, müssten die Errechneten Werte vielfache der Elementarladung $e = 1.602 \cdot 10^{-19}$ C sein.

3.2 Ergebnisse

Um die Verteilung zu veranschaulichen, wurde im Graphen 1 die Ladung q gegen den errecchneten Radius r_{korr} geplottet. Außerdem wurde die Häufigkeitsvertielung der Ladungen im Graphen 2 ermittelt.

Durch die Position des ersten Maximums kann die Elementarladung bestimmt werden:

$$e = 1,03056(99) \cdot 10^{-19}$$
C (17)

Literaturwert:
$$e = 1,602 \cdot 10^{-19} \text{C}$$
 (18)

Anhand von diese Berechnung und der Elektonenladung 10 kann die Masse der Elektrons berechnet werden:

$$m = e \cdot \left(\frac{e}{m}\right)^{-1} = 5,68(43) \cdot 10^{-31}$$
 (19)

Literaturwert:
$$m = 9.10938 \cdot 10^{-31} \text{kg}$$
 (20)

Die in Tabele 2 angegebenen Unsicherheiten wurden berücksichtigt. Die Werte für Viskosität η_{Luft} und Dichte ρ_{Luft} der Luft [2,] sowie Dichte des Öls [1] wurden ohne Unsicherheiten benutzt.

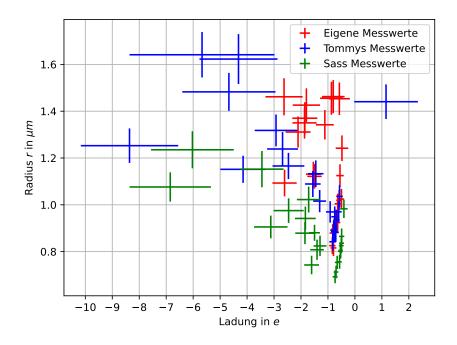


Abbildung 1: Ladung der Tröpfchen und Radius im Milllikamversuch

| Messgröße | Beschreibung | Unsicherheit |
|--------------------------|---------------------------------------|--|
| Spannung U in V | 1 Digit = 1 V | $u_U = \frac{1}{2\sqrt{3}} V$ |
| Zeit t in s | 1 Digit = 0.1s + Reaktionszeit 0.2s | $u_t = \sqrt{\frac{0.1}{2\sqrt{(3)}^2} + 0.4} \text{ s}$ |
| Abstand s in m | 1 Strich = 0.1 mm | $u_s' = \frac{0.0001}{4\sqrt{3}}$ m |
| freie Weglänge λ | Siehe [1] | $u_{\lambda} = 2 \text{nm}$ |

Tabelle 2: Unsicherheiten der Messwerte

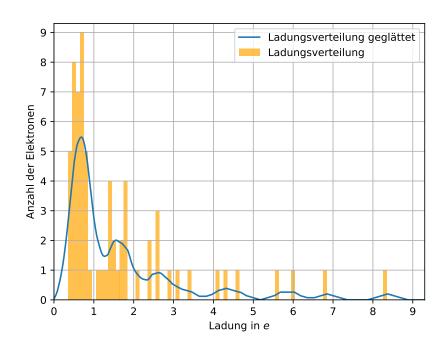


Abbildung 2: Häufigkeitsverteilung der Ladungen im Millikanversuch

4 Diskussion

Während der Versuch mit dem Fadenstrahlrohr sehr genaue Ergebnisse erbrachte, bei denen der Literaturwert im Konfidenzintervall lag, gab es beim Millikan-Versuch leider durch die ungenaue Messmethode einen sehr ungenauen Wert, es müssten wahrsceinlich noch viel mehr Datenpunkte gemessen werden. Außerdem liegt entweder in unserer Auswertung oder im experimentellen Vorgehen weitere systematische Fehler, da die Abweichungen zwischen den Messwerten und der Literaturwerten außerhalb des Konfidenzintervalls liegen und sehr groß sind.

Literatur

- [1] ELE Aufgabenstellung. https://www.ph.tum.de/academics/org/labs/ap/ap2/ELE.pdf. Accessed: 23.8.2022.
- [2] Luft Rechner. http://www.peacesoftware.de/einigewerte/luft. html. Accessed: 23.8.2022.
- [3] NOAA Calculator. https://www.libble.de/voltcraft-vc120/p/618393/. Accessed: 23.8.2022.
- [4] VC120 Datenblatt. https://www.libble.de/voltcraft-vc120/p/618393/. Accessed: 22.8.2022.
- [5] VC130 Datenblatt. https://www.moodle.tum.de/pluginfile.php/3773281/mod_resource/content/1/voltcraft-vc130-150-multimeter.pdf. Accessed: 23.8.2022.
- [6] Technische Universität München. Hinweise zur Beurteilung von Messungen, Messergebnissen und Messunsicherheiten (ABW). https://www.ph.tum.de/academics/org/labs/ap/org/ABW.pdf, März 2021.