	<p>Universidad de Costa Rica Escuela de ingeniería Eléctrica Laboratorio 2</p>	<p><b>EIE</b> Escuela de Ingeniería Eléctrica</p>
<p>IE0424: Laboratorio de Circuitos Digitales II-2020</p>		

## Objetivo General

Usar Vivado para el desarrollo de circuitos combinatorios.

## Objetivos específicos

- Utilizar las herramientas del Xilinx Vivado.
- Refrescar los conocimientos relacionados al diseño de lógica digital.
- Familiarizar a los estudiantes con las interacciones de software y hardware.

## Anteproyecto.

- Investigue qué instrucciones forman parte de la extensión RV32M y describa cada una de estas instrucciones brevemente.
- Describa ¿cómo se definen y cómo se usan los parámetros de instancias en módulos implementados en el lenguaje Verilog.
- Investigue qué es una LUT (look up table).
- Investigue qué es el alineamiento de memoria y para qué sirve.

## Propuesta del problema.

Proceda ahora a obtener el código inicial del proyecto. Para ello, siga el siguiente enlace:

<https://classroom.github.com/g/4vy5EjKS>

De la misma forma que en el Laboratorio 1, autorice la aplicación, busque su nombre (si su nombre no aparece, contacte al profesor) y seleccione un equipo (si su equipo no aparece listado, proceda a crear uno). Una vez finalizado un repositorio debió haber sido creado. Este repositorio va a ser el repositorio con el que va a trabajar y va a ser uno de los entregables de este laboratorio.

Proceda a clonar el repositorio que ha sido creado:

```
$ git clone https://github.com/ucr-ie-0424/...
```

La dirección completa de su repositorio debe aparecer seleccionando el botón verde que dice *Code*.

El código que se provee es el mismo código que se usó como punto de inicio del Laboratorio 1.

En este laboratorio se trabajará con multiplicaciones. En particular, se calcularán factoriales. Recuerde, que el factorial de un número se puede definir como:

$$n! = 1 \cdot 2 \cdot 3 \dots (n-2) \cdot (n-1) \cdot n$$

La implementación de RISC-V que se usó en el Laboratorio 1 es capaz de hacer multiplicaciones si se le habilita el parámetro *ENABLE\_MUL*. Para ello, proceda a agregar este parámetro en la instancia de *picorv32*.

Este parámetro habilita instrucciones de multiplicación que son parte de las extensión RV32M.

### **Ejercicio 1 (Obligatorio):**

Escriba un firmware para se escriba en la dirección 0x10000000, el resultado del factorial de diferentes números: 5, 7, 10, 12. Llame a este firmware *firmware\_lab1\_part1.c*

Por defecto el compilador (GCC) no va a agregar instrucciones que son parte de la extensión RV32M.

Por tanto, modifique el *Makefile* de *firmware.c* para que se le pase el siguiente argumento a gcc:

```
-march=rv32im
```

Compile el nuevo firmware. Para ello, refresque el enlace simbólico de *firmware.c* y compile el código de nuevo:

```
$ cd src/firmware
$ ln -sf firmware_lab1_part1.c firmware.c
$ make
```

Verifique que su código ahora utiliza instrucciones de esta extensión. Para ello, puede utilizar la herramienta *objdump* de la misma manera que se hizo en el Laboratorio 1:

```
$ riscv32-unknown-elf-objdump -D firmware.elf
```

Ahora realice cambios a *system.v* para que tenga una salida adicional de 32 bits que se llame *out\_fact*. Esta salida va a presentar los datos que el firmware intente escribir a la dirección 0x10000000 pero a diferencia de *out\_byte*, esta debe de presentar los 32 bits completos que se le escriben a esa dirección (0x10000000).

Muestre los resultados mediante alguna simulación que demuestre el correcto cálculo del factorial de los números escogidos.

Asimismo, calcule de la simulación cuántos ciclos de reloj en promedio le toma al CPU calcular cada uno de los diferentes factoriales.

## Ejercicio 2 (Obligatorio)

Se va implementar un multiplicador con un algoritmo distinto. Para ello, **instancie en system.v un módulo con el nombre `lut_multiplier_4b`**. Este módulo debe de tener 3 entradas:

- Un número fuente a multiplicar de 4 bits.
- Un segundo número fuente a multiplicar de 4 bits.
- La señal de reset.

Adicionalmente debe de tener una **salida de 8 bits**:

- El resultado de la multiplicación de los dos números fuente de 4 bits.

Para entender este algoritmo debe recordar una tabla de multiplicar como la siguiente:

	0	1	2	3
0	0	0	0	0
1	0	1	2	3
2	0	2	4	6
3	0	3	6	9

Esta tabla puede estar almacenada en una memoria, como por ejemplo una ROM, y es lo que se conoce como una LUT (look up table).

Buscar el resultado de una multiplicación en una LUT es muy rápido, sin embargo, se vuelve poco práctico cuando hay que multiplicar números muy grandes.

¿Cuántas filas y columnas tendría una LUT que permita multiplicar dos números de 32 bits?

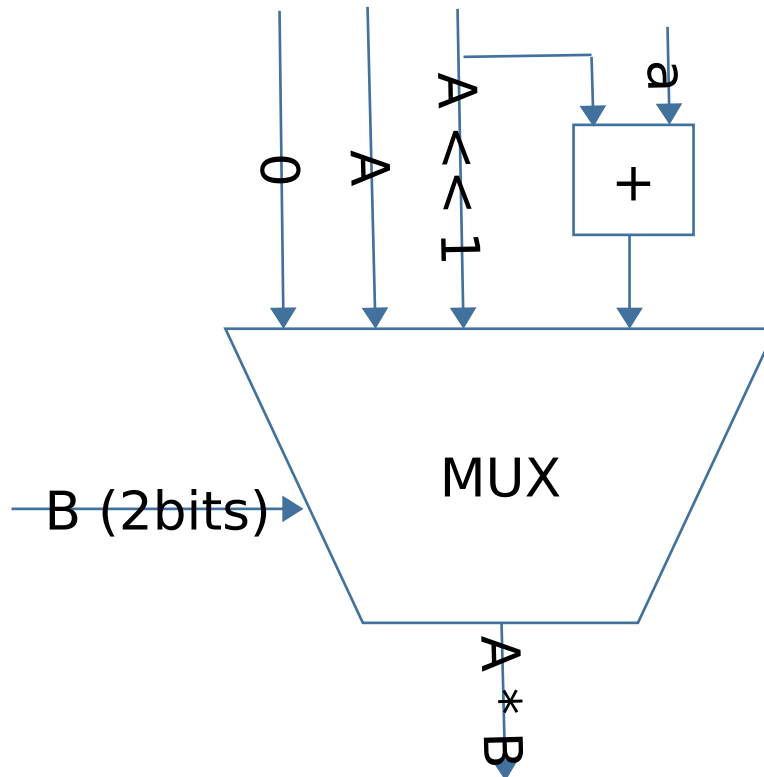
Por otro lado se pueden combinar pequeñas tablas LUT como la anterior para obtener el resultado de números con muchos bits.

Para dos números de 2 bits A y B la tabla anterior se puede representar de la siguiente manera:

B	A*B	Descripción
0 (00)	0	Sin importar el valor de A, si B es cero A*B es cero.

1 (01)	A	Sin importar el valor de A, si B es uno A*B es A.
2 (10)	2*A	Multiplicar por 2 es un corrimiento a la izquierda, $A \ll 1$
3 (11)	3*A	Multiplicar por 3 es un corrimiento a la izquierda mas A, $(A \ll 1) + a$

Esto ultimo se acostumbra implementar como un multiplexor como se muestra a continuación:



En este momento se deberá preguntar, este MUX permite multiplicar dos 2 números de 2 bits, pero ¿qué ocurre con números de más de 2 bits?

Note que la figura anterior aplica para B de 2 bits, pero no importa el número de bits que tenga A.

Colocando varios bloques de multiplexores como el que se muestra y sumando los resultados parciales corridos a la izquierda el número apropiado de posiciones, se pueden multiplicar números de cualquier tamaño.

Haga un diseño de cómo conectar varios multiplexores que permita primeramente multiplicar dos números de 8 bits. Como una pista recuerde que:

$$\begin{aligned}
 A * B &= A * (b_7 * 2^7 + b_6 * 2^6 + b_5 * 2^5 + b_4 * 2^4 + b_3 * 2^3 + b_2 * 2^2 + b_1 * 2^1 + b_0 * 2^0) \\
 &= (A * b_7 * 2^7 + A * b_6 * 2^6 + A * b_5 * 2^5 + A * b_4 * 2^4 + A * b_3 * 2^3 + A * b_2 * 2^2 + A * b_1 * 2^1 + A * b_0 * 2^0)
 \end{aligned}$$

Recuerde que  $2^n$  es un corrimiento a la izquierda  $n$  posiciones. Piense cómo agrupar lo anterior en grupos de 2 bits y acomodarlo en sumadores en cascada.

Implemente un circuito de multiplicación para **multiplicar dos números de 4 bits para comenzar**.

Escriba un firmware para escriba los siguientes números en las siguientes direcciones:

- Escribir 1 en 0x10000004.
- Escribir 2 en 0x10000008.
- Escribir 2 en 0x10000004.
- Escribir 3 en 0x10000008.
- Escribir 6 en 0x10000004.
- Escribir 4 en 0x10000008.

**Son como el tester**

Llame a este firmware *firmware\_lab1\_part2.c*

Compile el nuevo firmware. Para ello, refresque el enlace simbólico de *firmware.c* y compile el código de nuevo:

```
$ src/firmware
$ ln -sf firmware_lab1_part2.c firmware.c
$ make
```

Modifique *system.v* para que lea los datos que firmware escribe en 0x10000004 y 0x10000008 le pase esos números como fuentes a su instancia *lut\_multiplier\_4b*.

Verifique que los resultado que su módulo obtiene son correctos mediante una simulación.

### Ejercicio 3 (Obligatorio)

Utilizando la técnica de multiplicación del Ejercicio 2, implemente un circuito de multiplicación para que tome como fuente dos número de 32 bits. Para ello, instancie en *system.v* un módulo con el nombre **lut\_multiplier\_32b**. Este módulo debe de tener 3 entradas:

- Un número fuente a multiplicar de 32 bits.
- Un segundo número fuente a multiplicar de 32 bits.
- La señal de reset.

Adicionalmente debe de tener una salida de **64 bits**:

- El resultado de la multiplicación de los dos números fuente de 32 bits.

Vuelva a verificar la funcionalidad de su diseño usando un firmware que ahora escriba en la dirección 0x1000000C y 0x10000010, los números:

- Escribir 120 en 0x1000000C.
- Escribir 2 en 0x10000010.

- Escribir 19 en 0x1000000C.
- Escribir 17 en 0x10000010.
- Escribir 3628800 en 0x1000000C.
- Escribir 11 en 0x10000010.
- Escribir 39916800 en 0x1000000C.
- Escribir 12 en 0x10000010.
- Escribir 3628800 en 0x10000010.

Llame a este firmware *firmware\_lab1\_part3.c*

Compile el nuevo firmware. Para ello, refresque el enlace simbólico de *firmware.c* y compile el código de nuevo:

```
$ src/firmware
$ ln -sf firmware_lab1_part3.c firmware.c
$ make
```

Modifique *system.v* para que lea los datos que firmware escribe en 0x1000000C y 0x10000010 y le pase esos números como fuentes a su instancia *lut\_multiplier\_32b*.

Verifique que los resultado que su módulo obtiene son correctos mediante una simulación.

#### Ejercicio 4 (Obligatorio)

Utilice la implementación de LUTs para multiplicar dos números de 32 bits para calcular factoriales. Para ello, utilice la dirección 0xFFFFF0 para colocar el número al cual se le quiere calcular el factorial. El resultado del factorial se colocaría en la dirección 0xFFFFF8.

Para esta parte el cálculo del factorial puede tomar varios ciclos de reloj. Para ello, haga que su diseño use un registro de control para empezar a calcular el factorial. Para ello, puede usar la dirección 0xFFFFF4, de tal forma que si se le escribe un 1, su diseño deberá empezar a calcular el factorial.

Asimismo, cuando se tenga calculado el resultado, su diseño escribirá un 1 a la dirección 0xFFFFFC (registro de status). Esto le permitirá al programador saber cuándo el resultado que se colocará en la dirección 0xFFFFF8 es válido.

Escriba un firmware que use las direcciones anteriores para calcular el factorial de los mismos números del Ejercicio 1. Note que esta vez su código, después de mandar a calcular el factorial, deberá de monitorear el registro de status (dirección 0xFFFFFC) para saber cuándo el resultado está listo y luego leer el resultado correcto para desplegarlo en la dirección 0x10000000.

Por ejemplo, el firmware para calcular el factorial de 5 deberá de:

1. Escribir 0 en 0xFFFFF4 para indicar en el registro de control que aún no empiece a calcular ningún factorial.

2. Escribir 5 en 0x0FFFFFFF0. Este sería el factorial a calcular.
3. Escribir 1 en 0x0FFFFFFF4 para indicar en el registro de control se empiece a calcular el factorial.
4. Leer la dirección 0x0FFFFFFFC. Si el valor obtenido es 0 ejecutar el paso 4 de nuevo. Si el valor obtenido es 1 seguir ejecutando el paso 5.
5. Leer la dirección 0x0FFFFFFF8. Este registro tendrá el resultado final.
6. Poner el valor obtenido en el paso 5 en la dirección 0x10000000.

Llame a este firmware *firmware\_lab1\_part4.c*

Compile el nuevo firmware. Para ello, refresque el enlace simbólico de *firmware.c* y compile el código de nuevo:

```
$ src/firmware
$ ln -sf firmware_lab1_part4.c firmware.c
$ make
```

Realice simulaciones para los números que escogió y calcule de la simulación cuántos ciclos de reloj en promedio le toma al CPU calcular cada uno de los factoriales.

Compare los resultados con los obtenidos en el Ejercicio 1.