

Universidad de Costa Rica



Facultad de Ingeniería

Escuela de Ingeniería Eléctrica

IE-0217 Estructuras abstractas de datos y algorítmos para ingeniería

Proyecto 1: ABB vs Árboles Rojo y Negro

Timna Belinda Brown Ramírez ${\bf B61254}$

timna.brown@ucr.ac.cr

belindabrownr@gmail.com

I-2019

Tabla de contenidos

1.	Reseña del programa	2
2.	Funcionamiento del programa	2
3.	Experimentos realizados	2
4.	Resultados obtenidos	3
5.	Conclusiones	9
6.	Apéndice	11
	6.1. Código fuente	12

1. Reseña del programa

El objetivo de este proyecto es crear un algortimo que desarrolle el funcionamiento de los Árboles Búsqueda Binaria (ABB) y los Árboles Rojo y Negro con el fin de realizar un análisis de la complejidad de cada uno y su debida comparación.[2]

2. Funcionamiento del programa

El proyecto fue desarrollado en C++, está conformoda por uuna carpeta nombrada Proyecto 1 _B61254dento El algoritmo de negro y rojo toma como fuente un los datos de entrada por el usuario y el de búsqueda binaria corre pruebas ya creadas.

3. Experimentos realizados

Se realizaron pruebas para asegurar que el código no tuviera errores de sintáxis por lo que se compiló, sucesivamente se realizaron las modificaciones necesarias para que ejecutara adecuadamente las instrucciones generales. Con lo que respecta al sistema operativo en el que funciona, es ejecutable sobre cualquier plataforma que interprete C++ por medio de su propio intérprete. El programa recibe las instrucciones realizadas por medio del teclado con el fin de volver más accesible su ejecución.[4]

Por otra parte, respecto a las variables de respuesta. Por lo mencionado, fue necesaria la creación y consumación de pruebas experimentales tal que se validan mediante test unitarios ya fue necesario descomponer las funciones de los árboles en comportamientos cualificables. [3]

4. Resultados obtenidos

Belindas-MacBook-Air:Arboles_ABB belindabrown\$ make
g++ -gstd=c++11 -Wall *.cpp -o a.exe
./a.exe

Tester de arboles ABB #1
rester de dibotes ABB #1

Agregando valores
Agregar 35
Agregar 12
Agregar 50
Agregar 8
Agregar 17
Agregar 32
Agregar 32 Agregar 53
Agregar 3 Agregar 10
Agregar 10
Agregar 29
Agregar 57
Comprobando semejanza entre árboles
comprobation semejuriza error e urbotes
Como resultado obtenemos que:
No son semejantes
Prueba de isomorfismo entre árboles
Come magnificade obtonomes que
Como resultado obtenemos que:
No son isomorfos

Figura 1: Resultadps ABB

```
Prueba de espacio en los árboles
Realizando un recorrido a lo ancho del primer árbol
35 12 50 8 17 53 3 10 32 57 29
Realizando un recorrido a lo ancho del segundo árbol
53 12 57 8 50 59412480 3 10 17 32 29
Como resultado obtenemos que:
No esta lleno
Como resultado obtenemos que:
No esta completo
 Eliminado hojas
Borrando hoja 29 1
Realizando un recorrido a lo ancho35 12 50 8 17 53 3 10 32 57
Borrando nodo con 1 hijo 53 1
Realizando un recorrido a lo ancho35 12 50 8 17 57 3 10 32
Borrando nodo con dos hijos 121
Realizando un recorrido a lo ancho35 8 50 3 17 57 10 32
**********
 Tester de arboles ABB #2
*********
El arbol (29,11,28,18,31): No esta lleno
El arbol (29,11,28,18,31,8): No esta lleno
El arbol (29,11,28,18,31,8) No esta completo
El arbol (29,11,28,18,31,8,9,5,10,12) Como resultado obtenemos que:
No esta completo
Los arboles (50,46,12,23,48,53,57,68,80) y (28,29,9,7,11,32,12,90,17)
Como resultado obtenemos que:
No son isomorfos
Los arboles(50,46,12,23,48,53,57,68,80) y (53,80,23,57,46,12,50,68,48)
Como resultado obtenemos que:
```

Figura 2: Resultados ABB

```
Borrando nodo con 1 hijo 53 1
Realizando un recorrido a lo ancho35 12 50 8 17 57 3 10 32
Borrando nodo con dos hijos 121
Realizando un recorrido a lo ancho35 8 50 3 17 57 10 32
********
 Tester de arboles ABB #2
********
El arbol (29,11,28,18,31): No esta lleno
El arbol (29,11,28,18,31,8): No esta lleno
El arbol (29,11,28,18,31,8) No esta completo
El arbol (29,11,28,18,31,8,9,5,10,12) Como resultado obtenemos que:
No esta completo
Los arboles (50,46,12,23,48,53,57,68,80) y (28,29,9,7,11,32,12,90,17)
Como resultado obtenemos que:
No son isomorfos
Los arboles(50,46,12,23,48,53,57,68,80) y (53,80,23,57,46,12,50,68,48)
Como resultado obtenemos que:
Si son semejantes
Vamos a realizar las siguientes operaciones:
3 10 8 17 32 35 50 57
Borrando hoja 32 1
3 10 8 17 35 50 57
Borrando hoja 29 0
3 10 8 17 35 50 57
Borrando hoja 28 0
3 10 8 17 35 50 57
Borrando hoja 7 0
3 10 8 17 35 50 57
Borrando hoja 12 0
3 10 8 17 35 50 57
Borrando hoja 90 0
3 10 8 17 35 50 57
Borrando hoja 17 1
3 10 8 35 50 57
Borrando hoja 9 0
3 10 8 35 50 57
Borrando hoja 11 0
3 10 8 35 50 57
rm a.exe
rm -rf a.exe.dSYM
Belindas-MacBook-Air:Arboles_ABB belindabrown$
```

Figura 3: Resultados ABB

```
Belindas-MacBook-Air:Arboles_Rojo_y_Negro belindabrown$ make
g++ -g --std=c++11 -Wall *.cpp -o a.exe
./a.exe
***********
Árbol rojo y negro
1. Agregar elemento al árbol
2. Buscar un elemento
3. PRE-ORDER
4. POST-ORDER5. Eliminar un elemento del árbol6. Salir
Escoja una opción >>>> 1
Va a ser insertado ... 45
Se agregó el valor
_____
 >>>>Escoja una opción >>>>> 1
Va a ser insertado ... 23
Se agregó el valor
 >>>>Escoja una opción >>>>> 1
Va a ser insertado ... 45 67
Se agregó el valor
 >>>> Escoja una opción >>>>> Favor digite una opción dentro del menú
 >>>>Escoja una opción >>>>> 1
Va a ser insertado ... 67
Se agregó el valor
 >>>>Escoja una opción >>>>> 1
Va a ser insertado ... 2
Se agregó el valor
```

Figura 4: Resultados Negro y Rojo

```
Va a ser insertado ... 3
    Se agregó el valor
         >>>>Escoja una opción >>>>> 1
 Va a ser insertado ... 1
    Se agregó el valor
         >>>>Escoja una opción >>>>> 1
 Va a ser insertado ... 1
    Se agregó el valor
         >>>>Escoja una opción >>>>> 1
 Va a ser insertado ... 4
   Se agregó el valor
         >>>>Escoja una opción >>>>> 1
 Va a ser insertado ... 78
    Se agregó el valor
         >>>>Escoja una opción >>>>> 3
 >>>>Escoja una opción >>>>> 4
   Post-Order >>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>>>>>>> 45[Rojo]>>>>>> 45[Rojo]>>>>>> 45[Rojo]>>>>>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>>> 45[Rojo]>>>>>> 45[Rojo]>>>>>>>>>> 45[Rojo]>>>>>> 45[Rojo]>>>>>>>>>> 45[Rojo]>>>>>> 45[Rojo]>>>>>> 45[Rojo]>>>>>> 45[Rojo]>>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>>>>>> 45[Rojo]>>>>>>>>>> 45[Rojo]>>>>>> 45[Rojo]>>>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>>> 45[Rojo]>>>>>> 45[Rojo]>>>>>>>>> 45[Rojo]>>>>>> 45[Rojo]>>>>>>>> 45[Rojo]>>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>
         >>>>Escoja una opción >>>>> 2
 Va a ser buscado ➤➤➤••1
 Se encontró el valor →→→→
         >>>>Escoja una opción >>>>> 3
   Pre-Order >>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>> 4[Ro
       >>>>Escoja una opción >>>>> 4
 Post-Order >>>>> 1[Rojo]>>>>> 1[Rojo]>>>>> 1[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>>>>> 45[Rojo]>>>>>> 45[Rojo]>>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 4
   >>>>Escoja una opción
```

Figura 5: Resultados Negro y Rojo

```
Va a ser insertado ... 1
  Se agregó el valor
      >>>>Escoja una opción >>>>> 1
Va a ser insertado ... 4
  Se agregó el valor
      >>>>Escoja una opción >>>>> 1
Va a ser insertado ... 78
  Se agregó el valor
     >>>>Escoja una opción >>>>> 3
>>>>Escoja una opción >>>>> 4
Post-Order >>>>> 1[Rojo]>>>> 2[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>> 78[Rojo]>>>> 67[Rojo]>>>> 45[Negro]
      >>>>Escoja una opción >>>>> 2
Va a ser buscado →→→-1
Se encontró el valor >>>>>
      >>>>Escoja una opción >>>>> 3
 >>>>Escoja una opción >>>>> 4
Post-Order >>>>>>>> 1[Rojo]>>>> 67[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>> 67[Rojo]>>>> 67[Rojo]>>>>> 67[Rojo]>>>>> 67[Rojo]>>>>> 67[Rojo]>>>>> 67[Rojo]>>>> 67[Rojo]>>>>> 67[Rojo]>>>>> 67[Rojo]>>>>> 67[Rojo]>>>>> 67[Rojo]>>>>> 67[Rojo]>>>>> 67[Rojo]>>>>> 67[Rojo]>>>>> 67[Rojo]>>>>>>>> 67[Rojo]>>>>> 67[Rojo]>>>>>>> 67[Rojo]>>>>> 67[Rojo]>>>> 67[Rojo]>>> 67[Rojo]>>>> 67[Rojo]>>>> 67[Rojo]>>> 67[Rojo]>> 67[Rojo]>> 67[Rojo]>>> 67[Rojo]>>> 67[Rojo]>>> 67[Rojo]>> 67[Ro
      >>>>Escoja una opción >>>>> 5
      >>>>Eliminar el valor >>>>> 1
      >>>>Escoja una opción >>>>> 3
 Pre-Order >>>>> 45[Negro]>>>>> 2[Negro]>>>>> 2[Negro]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>>> 45[Rojo]>>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>> 4
      >>>>Escoja una opción >>>>> 4
 Post-Order >>>>> 1[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>> 4[Rojo]
      >>>>Escoja una opción >>>>> 6
Salir >>>>>
  rm a.exe
 rm -rf a.exe.dSYM
Belindas-MacBook-Air:Arboles_Rojo_y_Negro belindabrown$
```

Figura 6: Resultados Negro y Rojo

5. Conclusiones

Un ABB tiene la carcaterística de que todos los subelementos de un nodo a su izquierda están los menores y a su derecha los mayores almacenados. Por otr lado, la complejidad de los árboles negro y rojo es mayor, ya que es un árbol de búsqueda binaria de datos con asignación de colores.

Poseen las siguientes características: Los nodos tienen un un color propio ya sea rojo o negro. Aparte de todo lo que cumple un árbol BB se debe cumplir lo siguiente:

- Nodo rojo o negro
- Raíz negra
- Hojas negras
- Hijos de todo nodo rojo son negros
- Cada camino tiene la misma cantidad de nodos negros y esto se denomina altura del árbol

Referencias

- [1] Kroah-Hartman G Corbet. J, Rubini. A. Linux Coding. O'Reilly books, 1998.
- [2] Computer Science Labs. Tecnology- commands. O'Reilly books, 2018.
- [3] Mark Summerfield. Programming in C++:A Complete Introduction to the C++ Language. Anaya Multimedia, 2009.
- [4] A. M. Turing. On computable numbers with an application to the Entscheidungs problem. Proceedings of the london mathematical society, 1997.

6. Apéndice



Figura 7: Dentro de Proyecto1_B61254

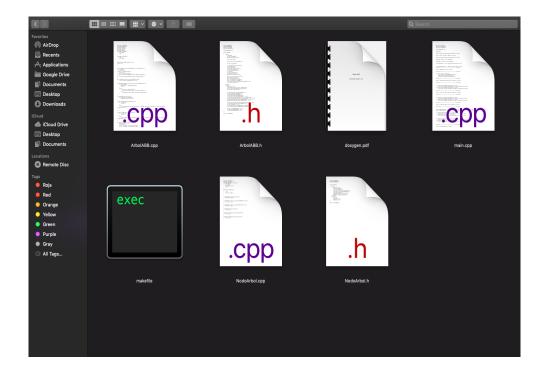


Figura 8: Dentro de Arboles_ABB

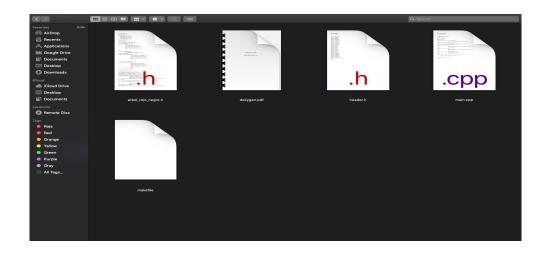


Figura 9: Dentro de Arboles_Rojo_y_Negro

6.1. Código fuente

Todos tienen en común lo siguiente:



Figura 10: Readme[2]

```
Proyecto comparación de árboles ABB vs black and red en C++
License Apache 2.0

Se distribuye un Makefile con 3 reglas:

* build: compila los fuentes.

* run: ejecuta un corrida de ejemplo.

* clean: borra los binarios.
```

Figura 11: Install

```
| Project | Pro
```

Figura 12: Makefile[1]

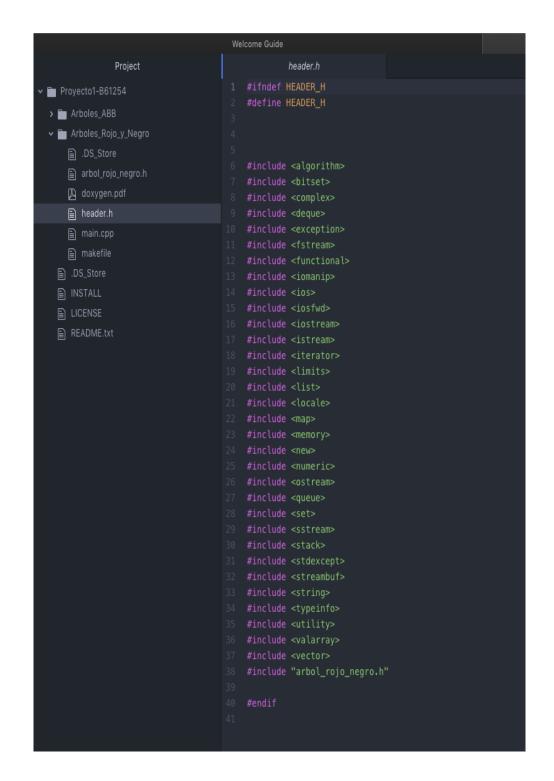


Figura 13: Código de header.py