

Universidad de Costa Rica



Facultad de Ingeniería

Escuela de Ingeniería Eléctrica

IE-0217 Estructuras abstractas de datos y algorítmos para ingeniería

Proyecto 1: ABB vs Árboles Rojo y Negro

Timna Belinda Brown Ramírez B61254

timna.brown@ucr.ac.cr

belindabrownr@gmail.com

I-2019

Tabla de contenidos 1. Reseña del programa 2 2. Funcionamiento del programa $\mathbf{2}$ 3. Experimentos realizados $\mathbf{2}$ 4. Marco teórico 2 5. Resultados obtenidos 4 6. Conclusiones **10** 7. Apéndice 14

1. Reseña del programa

El objetivo de este proyecto es crear un algortimo que desarrolle el funcionamiento de los Árboles Búsqueda Binaria (ABB) y los Árboles Rojo y Negro con el fin de realizar un análisis de la complejidad de cada uno y su debida comparación.[2]

2. Funcionamiento del programa

El proyecto fue desarrollado en C++, está conformoda por uuna carpeta nombrada Proyecto 1 1 1 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2

3. Experimentos realizados

Se realizaron pruebas para asegurar que el código no tuviera errores de sintáxis por lo que se compiló, sucesivamente se realizaron las modificaciones necesarias para que ejecutara adecuadamente las instrucciones generales. Con lo que respecta al sistema operativo en el que funciona, es ejecutable sobre cualquier plataforma que interprete C++ por medio de su propio intérprete. El programa recibe las instrucciones realizadas por medio del teclado con el fin de volver más accesible su ejecución.[4]

Por otra parte, respecto a las variables de respuesta. Por lo mencionado, fue necesaria la creación y consumación de pruebas experimentales tal que se validan mediante test unitarios ya fue necesario descomponer las funciones de los árboles en comportamientos cualificables. [3]

4. Marco teórico

Un ABB tiene la carcaterística de que todos los subelementos de un nodo a su izquierda están los menores y a su derecha los mayores almacenados. Por otr lado, la complejidad de los árboles negro y rojo es mayor, ya que es un árbol de búsqueda binaria de datos con asignación de colores.

Poseen las siguientes características: Los nodos tienen un un color propio ya sea rojo o negro. Aparte de todo lo que cumple un árbol BB se debe cumplir lo siguiente:

- Nodo rojo o negro
- Raíz negra
- Hojas negras
- Hijos de todo nodo rojo son negros
- Cada camino tiene la misma cantidad de nodos negros y esto se denomina altura del árbol

5. Resultados obtenidos

Belindas-MacBook-Air:Arboles_ABB belindabrown\$ make
g++ -gstd=c++11 -Wall *.cpp -o a.exe
./a.exe
The Care

Tankan da ankalan ARR 441
Tester de arboles ABB #1

Agregando valores
Agregar 35
Agregar 12
Agregar 50
Agregar 8
Agregar 17
Agregar 32 Agregar 53
Agregar 53
Agregar 3 Agregar 10
Agregar 10
Agregar 29
Agregar 57
Comprobando cantidad de elementos entre árboles
Como resultado obtenemos que:
No son semejantes
No son semejunces
Prueba de altura entre árboles
Como resultado obtenemos que:
No son iguales en altura

Figura 1: Resultadps ABB

```
Prueba de espacio en los árboles
Realizando un recorrido a lo ancho del primer árbol
35 12 50 8 17 53 3 10 32 57 29
Realizando un recorrido a lo ancho del segundo árbol
53 12 57 8 50 59412480 3 10 17 32 29
Como resultado obtenemos que:
No esta lleno
Como resultado obtenemos que:
No esta completo
_____
 Eliminado hojas
Borrando hoja 29 1
Realizando un recorrido a lo ancho35 12 50 8 17 53 3 10 32 57
Borrando nodo con 1 hijo 53 1
Realizando un recorrido a lo ancho35 12 50 8 17 57 3 10 32
Borrando nodo con dos hijos 121
Realizando un recorrido a lo ancho35 8 50 3 17 57 10 32
*******
 Tester de arboles ABB #2
**********
El arbol (29,11,28,18,31): No esta lleno
El arbol (29,11,28,18,31,8): No esta lleno
El arbol (29,11,28,18,31,8) No esta completo
El arbol (29,11,28,18,31,8,9,5,10,12) Como resultado obtenemos que:
No esta completo
```

Figura 2: Resultados ABB

```
Borrando nodo con 1 hijo 53 1
Realizando un recorrido a lo ancho35 12 50 8 17 57 3 10 32
Borrando nodo con dos hijos 121
Realizando un recorrido a lo ancho35 8 50 3 17 57 10 32
********
 Tester de arboles ABB #2
********
El arbol (29,11,28,18,31): No esta lleno
El arbol (29,11,28,18,31,8): No esta lleno
El arbol (29,11,28,18,31,8) No esta completo
El arbol (29,11,28,18,31,8,9,5,10,12) Como resultado obtenemos que:
No esta completo
Los arboles (50,46,12,23,48,53,57,68,80) y (28,29,9,7,11,32,12,90,17)
Como resultado obtenemos que:
No son isomorfos
Los arboles(50,46,12,23,48,53,57,68,80) y (53,80,23,57,46,12,50,68,48)
Como resultado obtenemos que:
Si son semejantes
Vamos a realizar las siguientes operaciones:
3 10 8 17 32 35 50 57
Borrando hoja 32 1
3 10 8 17 35 50 57
Borrando hoja 29 0
3 10 8 17 35 50 57
Borrando hoja 28 0
3 10 8 17 35 50 57
Borrando hoja 7 0
3 10 8 17 35 50 57
Borrando hoja 12 0
3 10 8 17 35 50 57
Borrando hoja 90 0
3 10 8 17 35 50 57
Borrando hoja 17 1
3 10 8 35 50 57
Borrando hoja 9 0
3 10 8 35 50 57
Borrando hoja 11 0
3 10 8 35 50 57
rm a.exe
rm -rf a.exe.dSYM
Belindas-MacBook-Air:Arboles_ABB belindabrown$
```

Figura 3: Resultados ABB

```
Belindas-MacBook-Air:Arboles_Rojo_y_Negro belindabrown$ make
g++ -g --std=c++11 -Wall *.cpp -o a.exe
./a.exe
***********
Árbol rojo y negro
1. Agregar elemento al árbol
2. Buscar un elemento
3. PRE-ORDER
4. POST-ORDER5. Eliminar un elemento del árbol6. Salir
Escoja una opción >>>> 1
Va a ser insertado ... 45
Se agregó el valor
_____
 >>>>Escoja una opción >>>>> 1
Va a ser insertado ... 23
Se agregó el valor
 >>>>Escoja una opción >>>>> 1
Va a ser insertado ... 45 67
Se agregó el valor
 >>>> Escoja una opción >>>>> Favor digite una opción dentro del menú
 >>>>Escoja una opción >>>>> 1
Va a ser insertado ... 67
Se agregó el valor
 >>>>Escoja una opción >>>>> 1
Va a ser insertado ... 2
Se agregó el valor
```

Figura 4: Resultados Negro y Rojo

```
Va a ser insertado ... 3
      Se agregó el valor
            >>>>Escoja una opción >>>>> 1
  Va a ser insertado ... 1
      Se agregó el valor
            >>>>Escoja una opción >>>>> 1
  Va a ser insertado ... 1
      Se agregó el valor
            >>>>Escoja una opción >>>>> 1
  Va a ser insertado ... 4
    Se agregó el valor
            >>>>Escoja una opción >>>>> 1
  Va a ser insertado ... 78
      Se agregó el valor
            >>>>Escoja una opción >>>>> 3
  Pre-Order >>>>> 4[Rojo]>>>>> 67[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>>>>> 4[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>>>> 4[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>>>> 4[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>> 4[Rojo]>>> 4[Rojo]>>> 4[Rojo]>>> 4
            >>>>Escoja una opción >>>>> 4
  Post-Order >>>>> 4[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>>>>> 45[Rojo]>>>>>> 45[Rojo]>>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>> 45[Rojo]>>> 45[Rojo]>>> 45[Rojo]>>> 45[Rojo]>>> 45[Rojo]>>>> 
            >>>>Escoja una opción >>>>> 2
  Va a ser buscado ➤➤➤••1
  Se encontró el valor →→→→
            >>>>Escoja una opción >>>>> 3
    Pre-Order >>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>> 4[Rojo
          >>>>Escoja una opción >>>>> 4
  Post-Order >>>>> 1[Rojo]>>>>> 1[Rojo]>>>>> 1[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>>>>> 45[Rojo]>>>>>> 45[Rojo]>>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 4
    >>>>Escoja una opción
```

Figura 5: Resultados Negro y Rojo

```
Va a ser insertado ... 1
  Se agregó el valor
      >>>>Escoja una opción >>>>> 1
Va a ser insertado ... 4
  Se agregó el valor
      >>>>Escoja una opción >>>>> 1
Va a ser insertado ... 78
  Se agregó el valor
     >>>>Escoja una opción >>>>> 3
>>>>Escoja una opción >>>>> 4
Post-Order >>>>> 1[Rojo]>>>> 2[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>> 78[Rojo]>>>> 67[Rojo]>>>> 45[Negro]
      >>>>Escoja una opción >>>>> 2
Va a ser buscado →→→••1
Se encontró el valor >>>>>
      >>>>Escoja una opción >>>>> 3
 >>>>Escoja una opción >>>>> 4
Post-Order >>>>>>>> 1[Rojo]>>>> 67[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>> 67[Rojo]>>>> 67[Rojo]>>>>> 67[Rojo]>>>>> 67[Rojo]>>>>> 67[Rojo]>>>>> 67[Rojo]>>>> 67[Rojo]>>>>> 67[Rojo]>>>>> 67[Rojo]>>>>> 67[Rojo]>>>>> 67[Rojo]>>>>> 67[Rojo]>>>>> 67[Rojo]>>>>> 67[Rojo]>>>>> 67[Rojo]>>>>>>>> 67[Rojo]>>>>> 67[Rojo]>>>>>>> 67[Rojo]>>>>> 67[Rojo]>>>> 67[Rojo]>>> 67[Rojo]>>>> 67[Rojo]>>>> 67[Rojo]>>> 67[Rojo]>> 67[Rojo]>> 67[Rojo]>>> 67[Rojo]>>> 67[Rojo]>>> 67[Rojo]>> 67[Ro
      >>>>Escoja una opción >>>>> 5
      >>>>Eliminar el valor >>>>> 1
      >>>>Escoja una opción >>>>> 3
 Pre-Order >>>>> 45[Negro]>>>>> 2[Negro]>>>>> 2[Negro]>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>> 45[Rojo]>>> 45[Rojo]>>>> 45[Rojo]>>> 45[Rojo]>>>
      >>>>Escoja una opción >>>>> 4
 Post-Order >>>>> 1[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>> 4[Rojo]>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>>> 4[Rojo]>>> 4[Rojo]
      >>>>Escoja una opción >>>>> 6
Salir >>>>>
  rm a.exe
 rm -rf a.exe.dSYM
Belindas-MacBook-Air:Arboles_Rojo_y_Negro belindabrown$
```

Figura 6: Resultados Negro y Rojo

6. Conclusiones



Figura 7: Estadística de código completo ABB

```
361. switch (info) {
362. case 1: cout << "\nVa a ser insertado ... ";
363.
                            cin >> input; demo.Agregar_nodo_arbol(input);
364. break;
365. case 2: cout << "\nVa a ser buscado →→→→→";
366.
                           cin >> input;
367. if(demo.TreeSearch(input)) { cout << "Se encontró el valor ➤➤➤➤\n"; }
368. else { cout << "No se encontró el valor ➤→→→\n"; }
369. break;
370. case 3: cout << "Pre-Order >>>>> ";
                            demo.Pre Ordenamiento forma lateral(demo.Obtener_Base());
371.
372.
                            cout << endl;
374. case 4: cout << "Post-Order >>>>> ";
375.
                            demo.Post Ordenamiento forma lateral(demo.Obtener Base());
376.
                            cout << endl;
377. break;
378. case 5: cout << "\n >>>>>Eliminar el valor >>>>> ";
379.
                            cin >> input;
380.
                             demo.eliminar(input);
381. break;
382. default: cout << "Favor digite una opción dentro del menú \n";
383.
384.
             cout << "\n >>>>> Escoja una opción >>>>> ";
385.
            cin >> info;
386. }
387. cout << "\nSalir >>>>>> \n ";
388. return 0;
389. }
390.
391.
392.
Parsed in 0.040 seconds at 387.89 KB/s
Statistics
                                                             Language used: cpp
             Statistic
                                                  Your source
                                                                                                      Average for cpp
        Characters in source:
                                 15691 (93655 in highlighted result)
                                                                              2507.744
                                                                              0.109 seconds
       Total time highlighting:
                                 0.042 seconds
                                                                              0.000/82080.744/1816989.643 chars per second
       Characters per second:
                                 376219.469 chars per second
Back to enter source
```

Figura 8: Estadística de código completo árbol rojo y negro

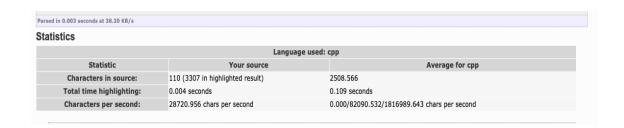


Figura 9: Estadística de insertar en ABB



Figura 10: Estadística de insertar en árbol rojo y negro

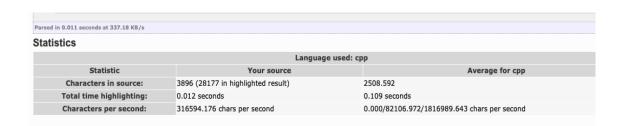


Figura 11: Estadística de eliminar en ABB

Language used: cpp			
Statistic	Your source	Average for cpp	
Characters in source:	6221 (37596 in highlighted result)	2508.748	
Total time highlighting:	0.018 seconds	0.109 seconds	
Characters per second:	347250.704 chars per second	0.000/82118.127/1816989.643 chars per second	

Figura 12: Estadística de eliminar en árbol rojo y negro

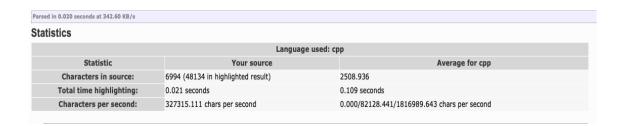


Figura 13: Estadística de implementación de ABB

Parsed in 0.005 seconds at 232.39 KB/s				
Statistics				
Language used: cpp				
Statistic	Your source	Average for cpp		
Characters in source:	1295 (10551 in highlighted result)	2508.885		
Total time highlighting:	0.006 seconds	0.109 seconds		
Characters per second:	206997.854 chars per second	0.000/82133.694/1816989.643 chars per second		

Figura 14: Estadística de implementación de árbol rojo y negro

Referencias

- [1] Kroah-Hartman G Corbet. J, Rubini. A. Linux Coding. O'Reilly books, 1998.
- [2] Computer Science Labs. Tecnology- commands. O'Reilly books, 2018.
- [3] Mark Summerfield. Programming in C++: A Complete Introduction to the C++ Language. Anaya Multimedia, 2009.
- [4] A. M. Turing. On computable numbers with an application to the Entscheidungs problem. Proceedings of the london mathematical society, 1997.

7. Apéndice

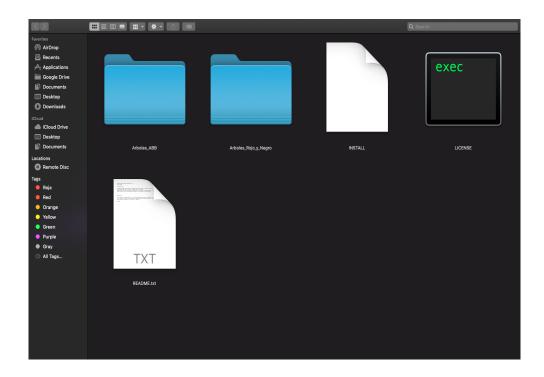


Figura 15: Dentro de Proyecto
1_B61254

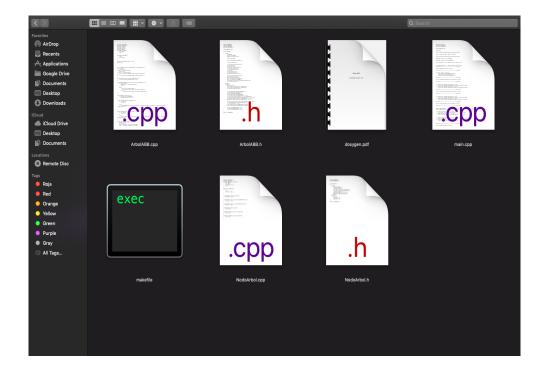


Figura 16: Dentro de Arboles_ABB

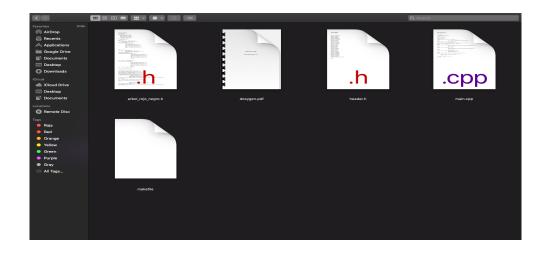


Figura 17: Dentro de Arboles_Rojo_y_Negro

7.1. Código fuente

Todos tienen en común lo siguiente:



Figura 18: Readme[2]

```
Proyecto comparación de árboles ABB vs black and red en C++
License Apache 2.0

Se distribuye un Makefile con 3 reglas:

* build: compila los fuentes.

* run: ejecuta un corrida de ejemplo.

* clean: borra los binarios.
```

Figura 19: Install

```
| Project | Pro
```

Figura 20: Makefile[1]

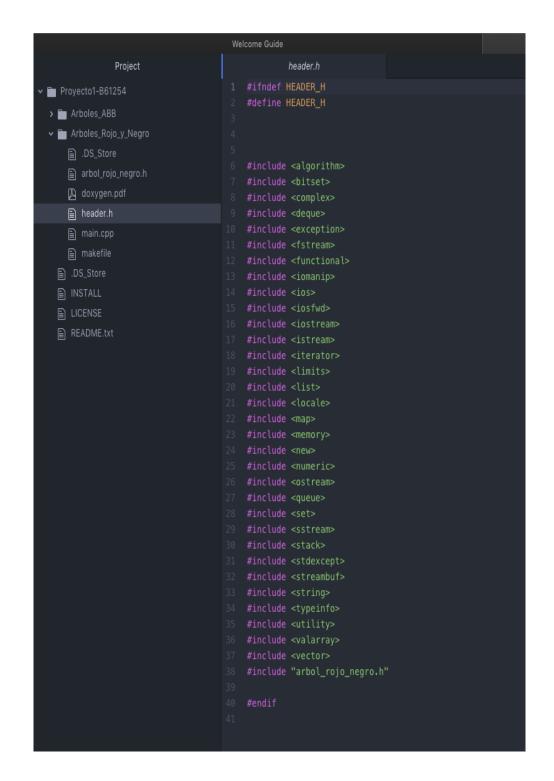


Figura 21: Código de header.py