



# ALU e Memórias

Prof. Denis Fantinato  
Profa. Letícia Rittner



# 0 que será visto nesta aula

- ALU
- Memórias

# Projeto de Contadores Síncronos

Uma **Unidade Lógica e Aritmética**, ou **ALU**, ou **ULA**, é uma rede combinacional, que implementa uma função de suas entradas com base em **operações lógicas ou aritméticas**

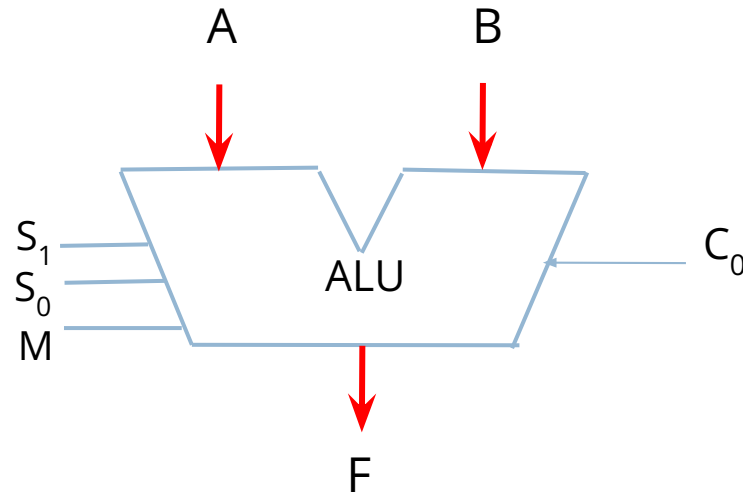
ALUs constituem o elemento central dos computadores e da maioria dos sistemas digitais

Nesta aula, vamos aprender sobre algumas partes desse sistema

# ALU Genérica

Operações lógicas e Aritméticas

**M = 0 - Modo Lógico**  
**M = 1 - Modo Aritmético**



# ALU Genérica

## Operações lógicas e Aritméticas

**M = 0, Logical Bitwise Operations**

<b>S1</b>	<b>S0</b>	<b>Function</b>	<b>Comment</b>
0	0	$F_i = A_i$	Input $A_i$ transferred to output
0	1	$F_i = \text{not } A_i$	Complement of $A_i$ transferred to output
1	0	$F_i = A_i \text{ xor } B_i$	Compute XOR of $A_i, B_i$
1	1	$F_i = A_i \text{ xnor } B_i$	Compute XNOR of $A_i, B_i$

**M = 1, C0 = 0, Arithmetic Operations**

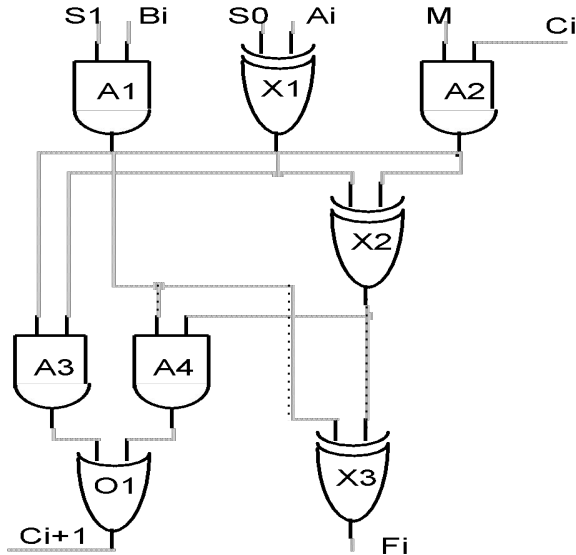
0	0	$F = A$	Input A passed to output
0	1	$F = \text{not } A$	Complement of A passed to output
1	0	$F = A \text{ plus } B$	Sum of A and B
1	1	$F = (\text{not } A) \text{ plus } B$	Sum of B and complement of A

**M = 1, C0 = 1, Arithmetic Operations**

0	0	$F = A \text{ plus } 1$	Increment A
0	1	$F = (\text{not } A) \text{ plus } 1$	Twos complement of A
1	0	$F = A \text{ plus } B \text{ plus } 1$	Increment sum of A and B
1	1	$F = (\text{not } A) \text{ plus } B \text{ plus } 1$	B minus A

# ALU Genérica

## Operações lógicas e Aritméticas



8 Portas Lógicas (porém 3 XOR)

S1 = 0 bloqueia Bi  
Isto ocorre para operações que envolvem apenas Ai

O mesmo se aplica para Ci quando M = 0

A Adição ( $A_i \text{ xor } B_i$ ) ocorre quando M = 1

Ci, Bi passam para as XORs X2, X3

S0 = 0, X1 passa A

S0 = 1, X1 passa A'

**Modo Aritmético (M=1):**

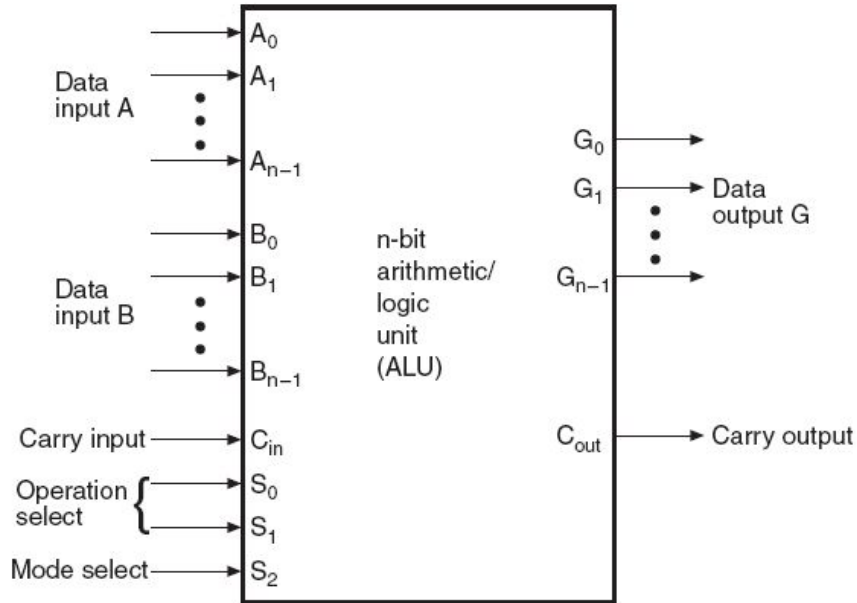
**O Vai-Um na porta OR (O1) é  
 $A_i \text{ Ci} + B_i (A_i \text{ xor } C_i)$**

**Modo Lógico (M=0):**

**XORs em cascata formam a saída a partir  
de Ai e Bi**

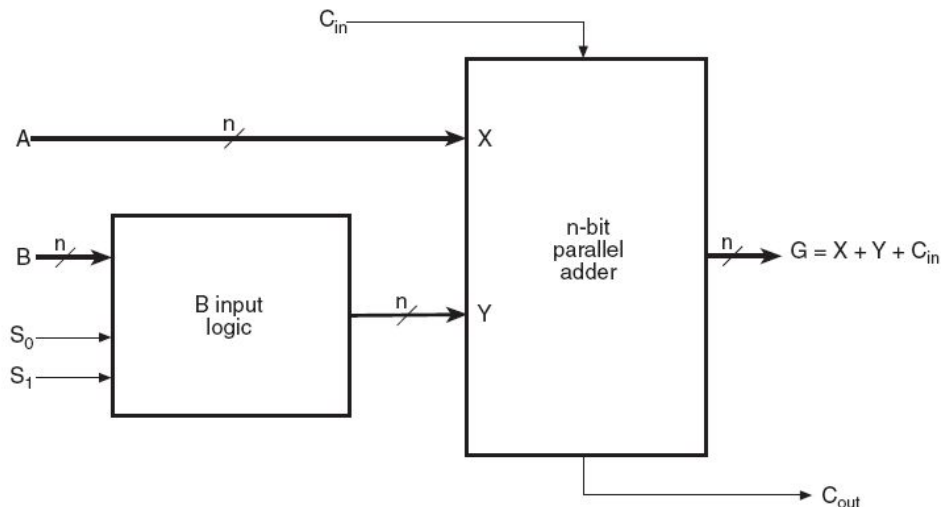
# ALU Genérica de n bits

## Componente Básico



O componente básico de um circuito aritmético é o somador paralelo, que é construído por vários somadores completos de 1 *bit* ligados em cascata

# Diagrama de Blocos do Circuito Aritmético



Nesta configuração, as  $n$  entradas  $B$  do somador paralelo são controladas pelas linhas de seleção  $S_1$  e  $S_0$

Desta forma, a entrada  $Y$  do somador pode receber além das entradas  $B$ , o complemento destas entradas, um conjunto de  $0$ s ou  $1$ s etc.



# Tabela de Funções do Circuito Aritmético

Select		Input	$G = A + Y + C_{in}$	
$S_1$	$S_0$	$Y$	$C_{in} = 0$	$C_{in} = 1$
0	0	all 0's	$G = A$ (transfer)	$G = A + 1$ (increment)
0	1	$B$	$G = A + B$ (add)	$G = A + B + 1$
1	0	$\overline{B}$	$G = A + \overline{B}$	$G = A + \overline{B} + 1$ (subtract)
1	1	all 1's	$G = A - 1$ (decrement)	$G = A$ (transfer)

A tabela acima mostra as possíveis operações aritméticas obtidas com a ajuda das linhas de seleção  $S_1$  e  $S_0$

Se as entradas provenientes de  $B$  forem ignoradas, a entrada  $Y$  recebe 0s e a saída  $G$  simplesmente reproduz o valor das entradas  $A$ , desde que  $C_{in} = 0$  ( $G = A + 0 + C_{in}$ )

Se o complemento de  $B$  for aplicado em  $Y$ , e  $C_{in} = 1$ , obtém-se a subtração aritmética  $G = A - B$ , ou seja,  $A$  é somado com o complemento de 2 de  $B$  ( $G = A + B' + 1$ )

# Tabela Verdade do Circuito Aritmético

Inputs			Output	
$S_1$	$S_0$	$B_i$	$Y_i$	
0	0	0	0	$Y_i = 0$
0	0	1	0	
0	1	0	0	$Y_i = B_i$
0	1	1	1	
1	0	0	1	$Y_i = \bar{B}_i$
1	0	1	0	
1	1	0	1	$Y_i = 1$
1	1	1	1	

Colocando-se numa Tabela da Verdade as entradas  $S_1$ ,  $S_0$  e  $B_i$  (um *bit* de  $B$  apenas), tendo como saída  $Y_i$ , a equação booleana simplificada de  $Y_i$  pode ser facilmente obtida como uma *SOP* (Soma de Produtos) de suas entradas

# Tabela Verdade do Circuito Aritmético

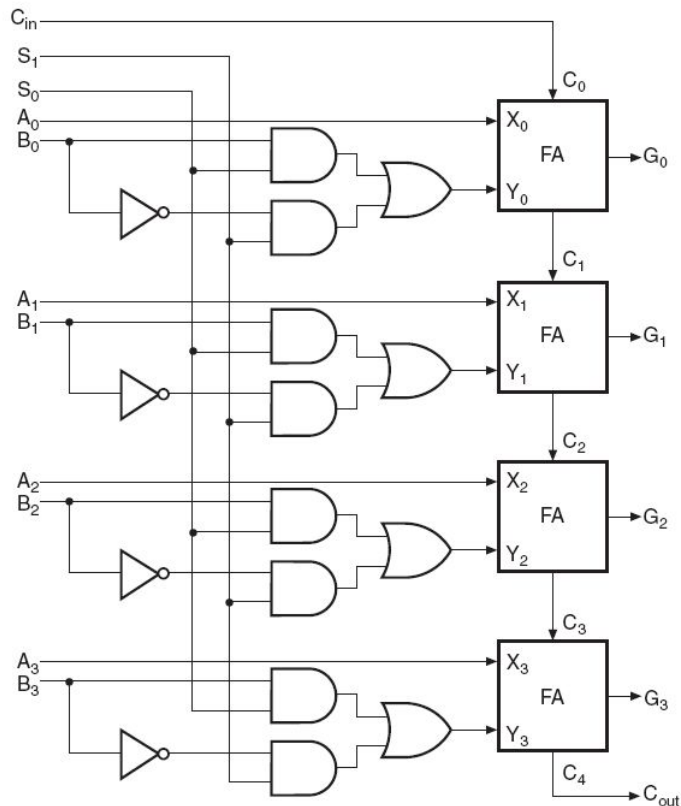
		$S_0$			
		00	01	11	10
$S_1$	0			1	
	1	1		1	1
		$B_i$			

(b) Map Simplification:

$$Y_i = B_i S_0 + \bar{B}_i S_1$$

A lógica de entrada de  $B$  ( $B$  input logic) pode ser obtida com  $n$  MUXes 4x1 (00, 01, 10, 11) ou, com menos portas, através de uma simplificação usando Mapas de Karnaugh

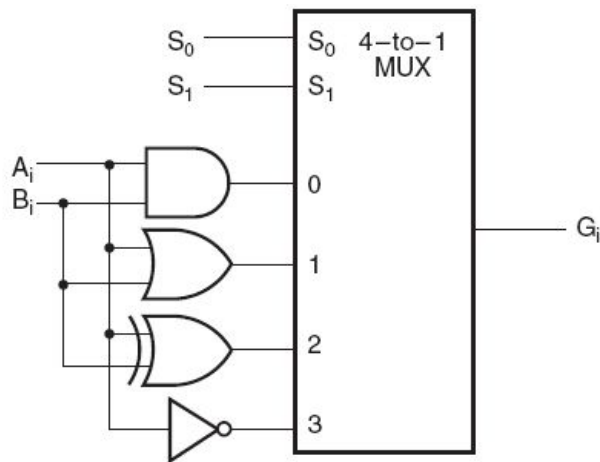
# Diagrama Lógico do Circuito Aritmético



A figura mostra o diagrama lógico de um circuito aritmético para  $n = 4$

Os quatro somadores completos (FA - *Full-Adder*) constituem o somador paralelo

# Circuito Lógico



$S_1$	$S_0$	Output	Operation
0	0	$G = A \wedge B$	AND
0	1	$G = A \vee B$	OR
1	0	$G = A \oplus B$	XOR
1	1	$G = \bar{A}$	NOT

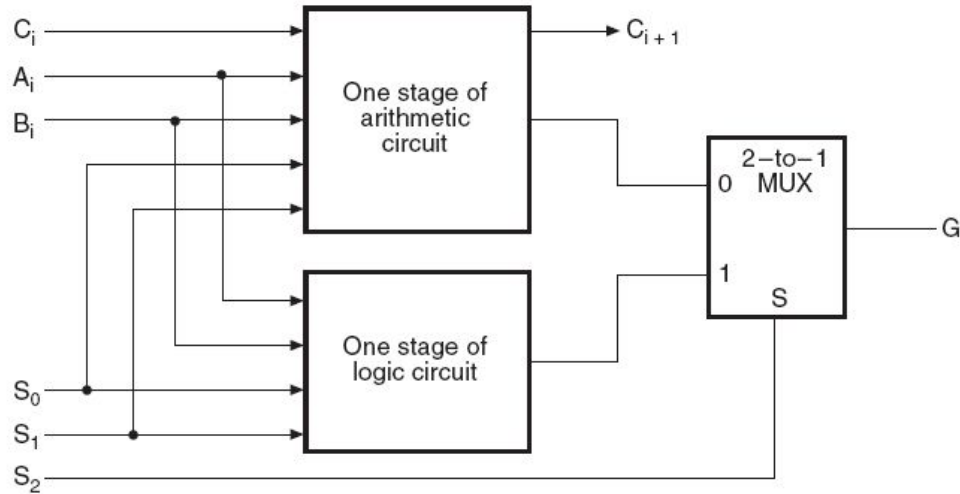
(b) Function Table

Microoperações lógicas manipulam os *bits* dos operandos considerando cada *bit* em um registrador como uma variável binária, desta forma realizando operações *bit a bit*

A partir das quatro operações lógicas disponíveis nas entradas do *MUX 4x1*, é possível obter outras operações lógicas

Para um circuito lógico de  $n$  *bits*, este diagrama precisa ser repetido  $n$  vezes

# ALU



A *ALU* é construída combinando-se o circuito aritmético com o lógico, sendo as entradas de seleção  $S_1$  e  $S_0$  comum aos dois circuitos, com  $S_2$  decidindo sobre o modo de operação, aritmético ( $S_2 = 0$ ) ou lógico ( $S_2 = 1$ )

Para uma *ALU* de  $n$  bits, este diagrama precisa ser repetido  $n$  vezes

# Tabela de Funções da ALU

Operation Select				Operation	Function
$S_2$	$S_1$	$S_0$	$C_{in}$		
0	0	0	0	$G = A$	Transfer $A$
0	0	0	1	$G = A + 1$	Increment $A$
0	0	1	0	$G = A + B$	Addition
0	0	1	1	$G = A + \underline{B} + 1$	Add with carry input of 1
0	1	0	0	$G = A + \underline{B}$	$A$ plus 1's complement of $B$
0	1	0	1	$G = A + B + 1$	Subtraction
0	1	1	0	$G = A - 1$	Decrement $A$
0	1	1	1	$G = A$	Transfer $A$
1	0	0	X	$G = A \wedge B$	AND
1	0	1	X	$G = A \vee B$	OR
1	1	0	X	$G = \underline{A} \oplus B$	XOR
1	1	1	X	$G = A$	NOT (1's complement)

A ALU do exemplo oferece oito operações aritméticas e quatro lógicas, selecionadas através de  $S_2$ ,  $S_1$ ,  $S_0$  e  $C_{in}$  (durante as operações lógicas,  $C_{in}$  não tem nenhum efeito sobre o resultado, podendo seu valor ser 0 ou 1)

# Exemplo: ALU 74HC181

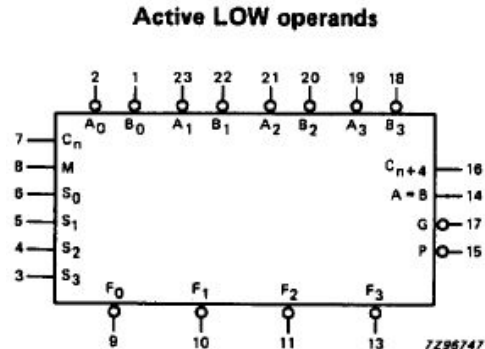
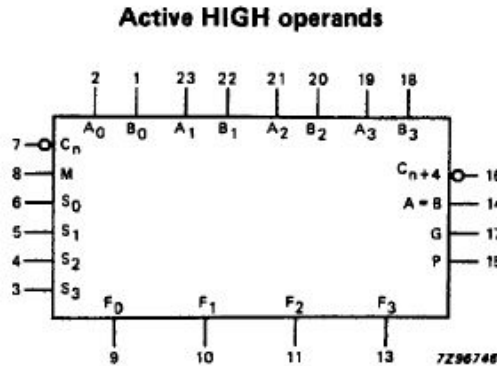
As entradas e saídas da 74x181 são normalmente ativas em *LOW*, mas esta ALU pode ser utilizada com suas entradas e saídas ativas em *HIGH* (fazendo operações complementares)

MODE SELECT INPUTS				ACTIVE HIGH INPUTS AND OUTPUTS	
S <sub>3</sub>	S <sub>2</sub>	S <sub>1</sub>	S <sub>0</sub>	LOGIC (M=H)	ARITHMETIC <sup>(2)</sup> (M=L; C <sub>n</sub> =H)
L	L	L	L	$\overline{A}$	A
L	L	L	H	$\overline{A + B}$	A + B
L	L	H	L	$\overline{AB}$	A + $\overline{B}$
L	L	H	H	logical 0	minus 1
L	H	L	L	$\overline{AB}$	A plus $\overline{AB}$
L	H	L	H	$\overline{B}$	(A + B) plus $\overline{AB}$
L	H	H	L	$A \oplus B$	A minus B minus 1
L	H	H	H	$\overline{AB}$	$\overline{AB}$ minus 1
H	L	L	L	$\overline{A + B}$	A plus AB
H	L	L	H	$\overline{A \oplus B}$	A plus B
H	L	H	L	B	(A + $\overline{B}$ ) plus AB
H	L	H	H	AB	AB minus 1
H	H	L	L	logical 1	A plus A <sup>(1)</sup>
H	H	L	H	$A + \overline{B}$	(A + B) plus A
H	H	H	L	A + B	(A + $\overline{B}$ ) plus A
H	H	H	H	A	A minus 1

MODE SELECT INPUTS				ACTIVE LOW INPUTS AND OUTPUTS	
S <sub>3</sub>	S <sub>2</sub>	S <sub>1</sub>	S <sub>0</sub>	LOGIC (M=H)	ARITHMETIC <sup>(2)</sup> (M=L; C <sub>n</sub> =L)
L	L	L	L	$\overline{A}$	A minus 1
L	L	L	H	$\overline{AB}$	AB minus 1
L	L	H	L	$\overline{A + B}$	$\overline{AB}$ minus 1
L	L	H	H	logical 1	minus 1
L	H	L	L	$\overline{A + B}$	A plus (A + $\overline{B}$ )
L	H	L	H	$\overline{B}$	AB plus (A + $\overline{B}$ )
L	H	H	L	$\overline{A \oplus B}$	A minus B minus 1
L	H	H	H	$A + \overline{B}$	A + $\overline{B}$
H	L	L	L	$\overline{AB}$	A plus (A + B)
H	L	L	H	$A \oplus B$	A plus B
H	L	H	L	B	$\overline{AB}$ plus (A + B)
H	L	H	H	A + B	A + B
H	H	L	L	logical 0	A plus A <sup>(1)</sup>
H	H	L	H	$\overline{AB}$	AB plus A
H	H	H	L	AB	$\overline{AB}$ plus A
H	H	H	H	A	A



# Exemplo: ALU 74HC181



A pinagem da 74x181 tanto para a operação com suas entradas e saídas ativas em *HIGH* ou *LOW* é a mesma, mas os conjuntos de operações lógicas e aritméticas são distintos

As entradas ( $A_3-A_0$  e  $B_3-B_0$ ) e as saídas ( $F_3-F_0$ ) são para quatro *bits*.

Quando  $M=1$ , são selecionadas através de  $S_3-S_0$  as operações lógicas, cujos resultados dependem apenas das entradas  $A_i$  e  $B_i$ , sendo  $C_n$  (*Vem\_Um*) e  $C_{n+4}$  (*Vai\_Um*) ignorados

Quando  $M=0$ , são selecionadas as operações aritméticas e o *Vem\_Um* se propaga entre os estágios

# Memórias

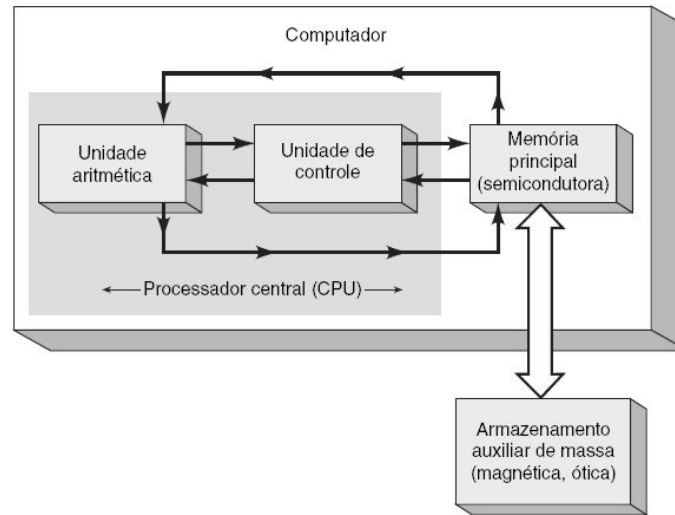
- Uma das principais vantagens dos sistemas digitais com relação aos analógicos é a facilidade de armazenamento de dados.
- As memórias são partes fundamentais dos computadores.
- Vimos que os registradores construídos com flip-flops são um tipo de memória.
- Veremos agora outros tipos de memórias, seus princípios de funcionamento, classificações e aplicações.

# Memórias

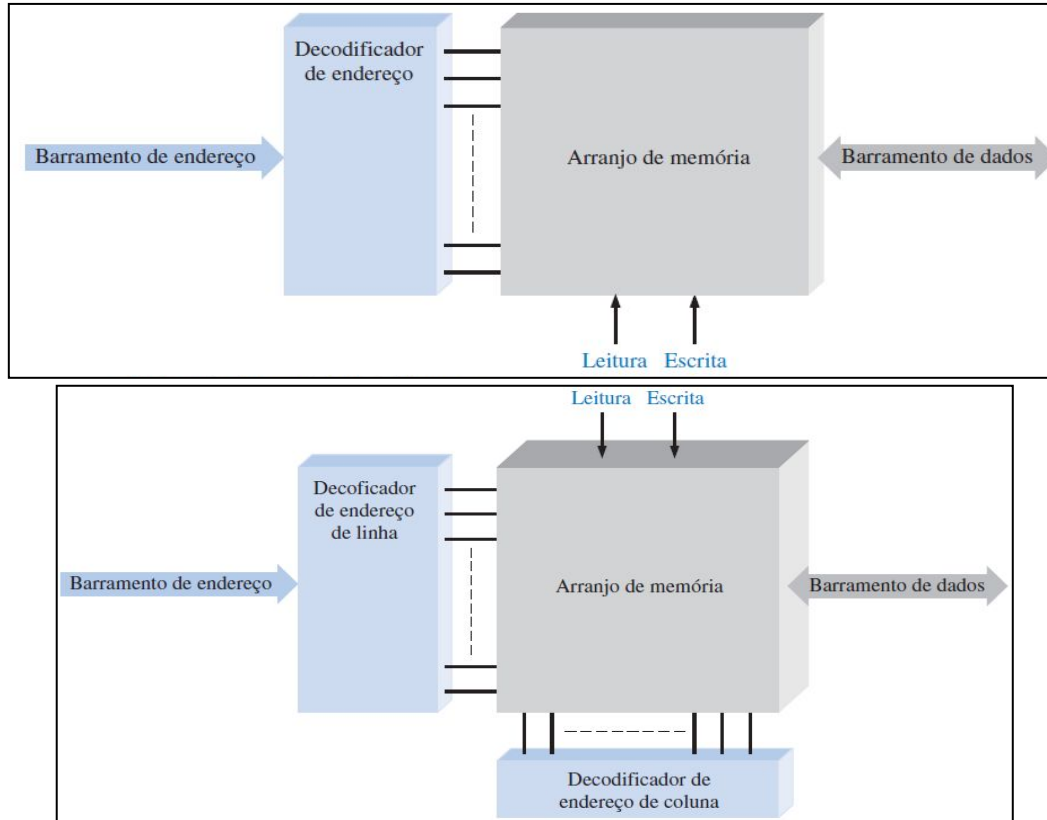
- Termos importantes relacionados à memórias:
  - Célula.
  - Palavra/Largura.
  - Capacidade.
  - Densidade.
- Classes de Memórias:
  - Memórias voláteis – maioria das RAM (Random Access Memory).
  - Memórias não-voláteis – todas as ROM (Read Only Memory).

# Memórias

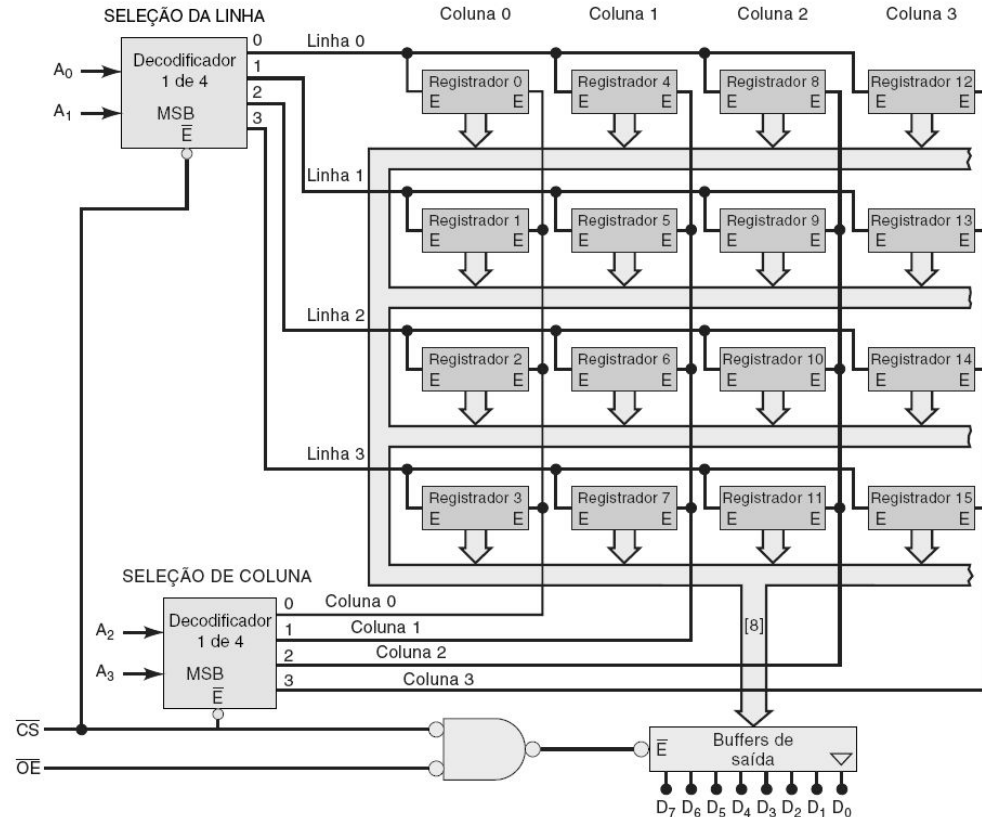
- A escolha da memória mais adequada para cada situação depende de um compromisso entre: **custo, velocidade, densidade**, consumo de energia, durabilidade e persistência dos dados.



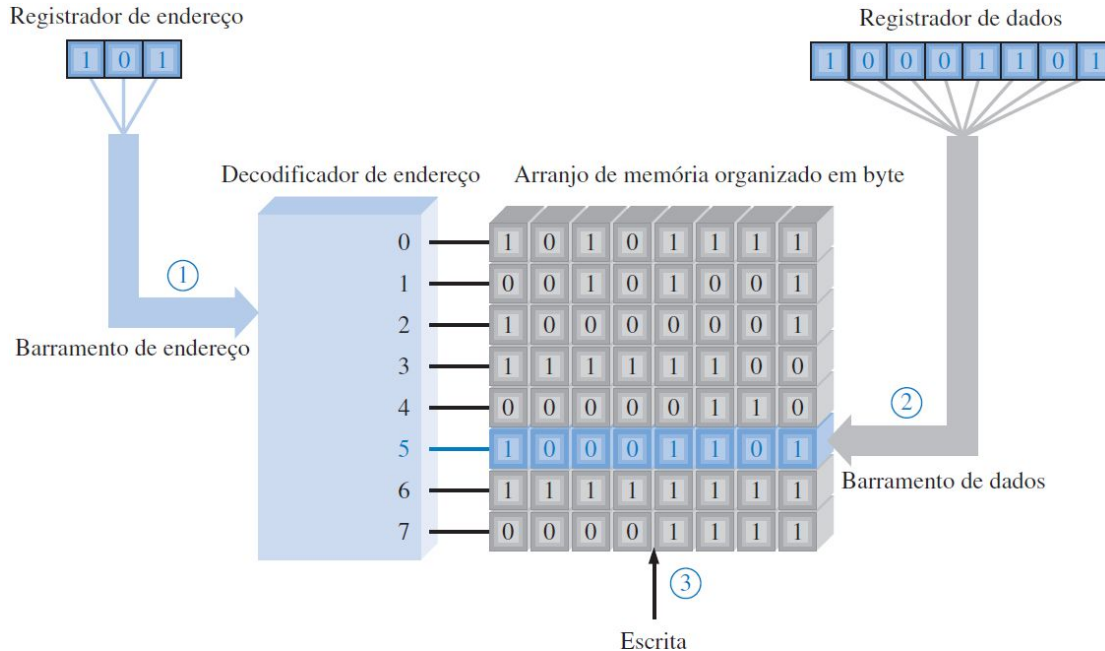
# Arranjos Básicos de Memória



# Arranjos Básicos de Memória

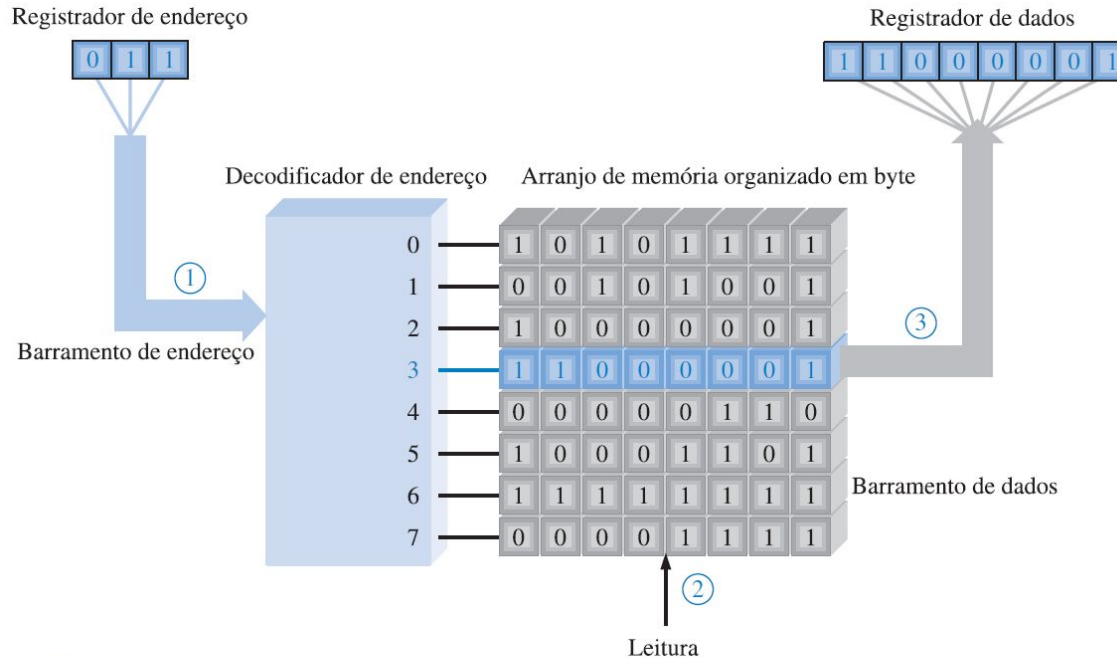


# Operação de Escrita em Memórias



- ① O código de endereço 101 é colocado no barramento de endereço e o endereço 5 é selecionado.
- ② O byte de dados é colocado no barramento de dados.
- ③ O comando de escrita faz com que o byte de dados seja armazenado no endereço 5, substituindo o dado anterior.

# Operação de Leitura em Memórias



- ① O código de endereço 011 é colocado no barramento de endereço e o endereço 3 é selecionado.
- ② O comando de leitura é aplicado.
- ③ O conteúdo do endereço 3 é colocado no barramento de dados e deslocado no registrador de dados. O conteúdo do endereço 3 não é apagado pela operação de leitura.

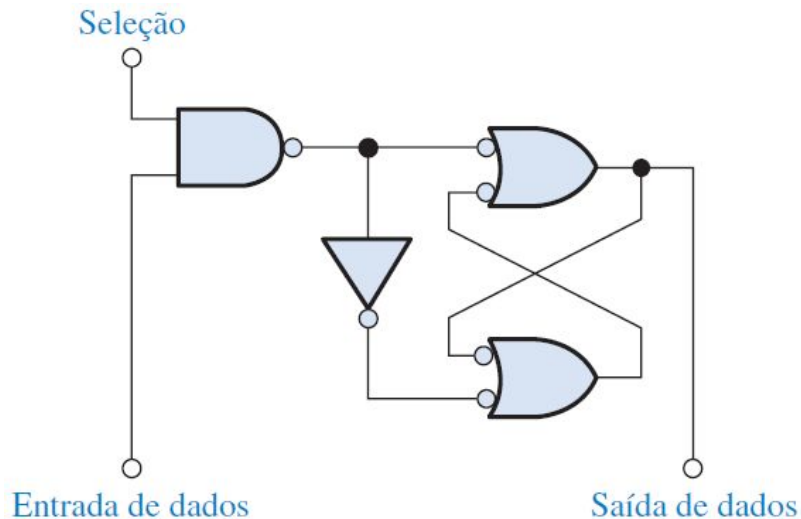


# Memória RAM

- RAM (random access memory): Memória volátil de leitura e escrita. Usada para armazenar dados por um curto intervalo de tempo.
- Os dados podem ser lidos de qualquer endereço em qualquer sequência.
- O tempo de acesso a uma célula de armazenamento independe de sua localização (endereço).
- Dois tipos básicos:
  - SRAM (static RAM)
  - DRAM (dynamic RAM)

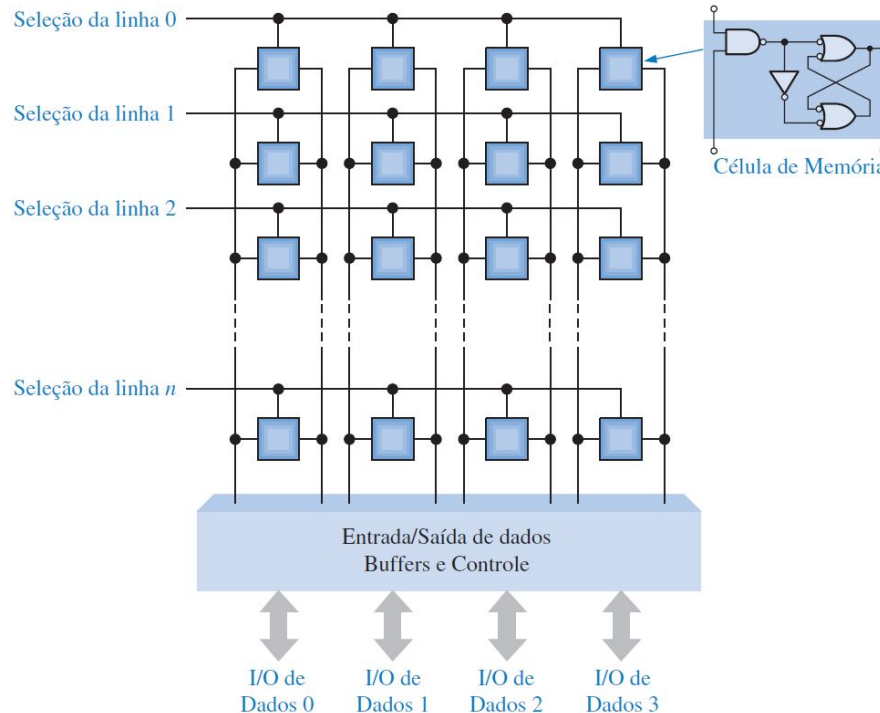
# Memória SRAM

- SRAM (static random access memory): as células de memória são essencialmente flip-flops.
  - Armazenam dados indefinidamente (enquanto houver tensão de alimentação).
- Célula de memória:



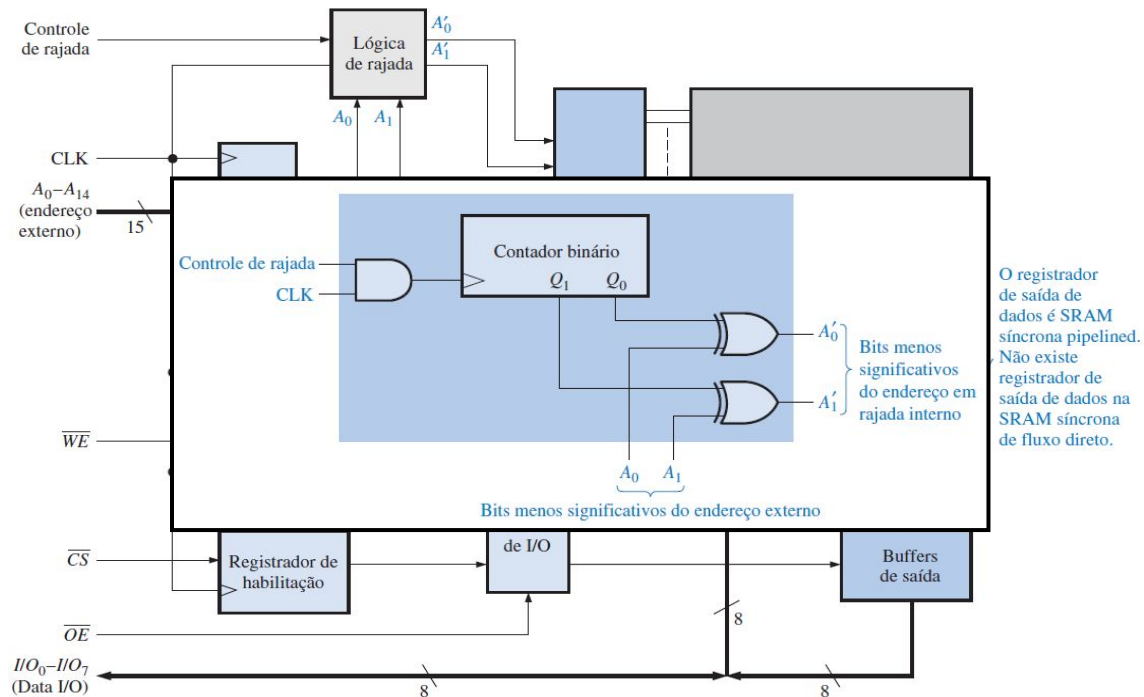
# Memória SRAM

- Arranjo Básico de Células de Memória Estática:



# Memória SRAM

## Organização Básica de uma SRAM Síncrona:

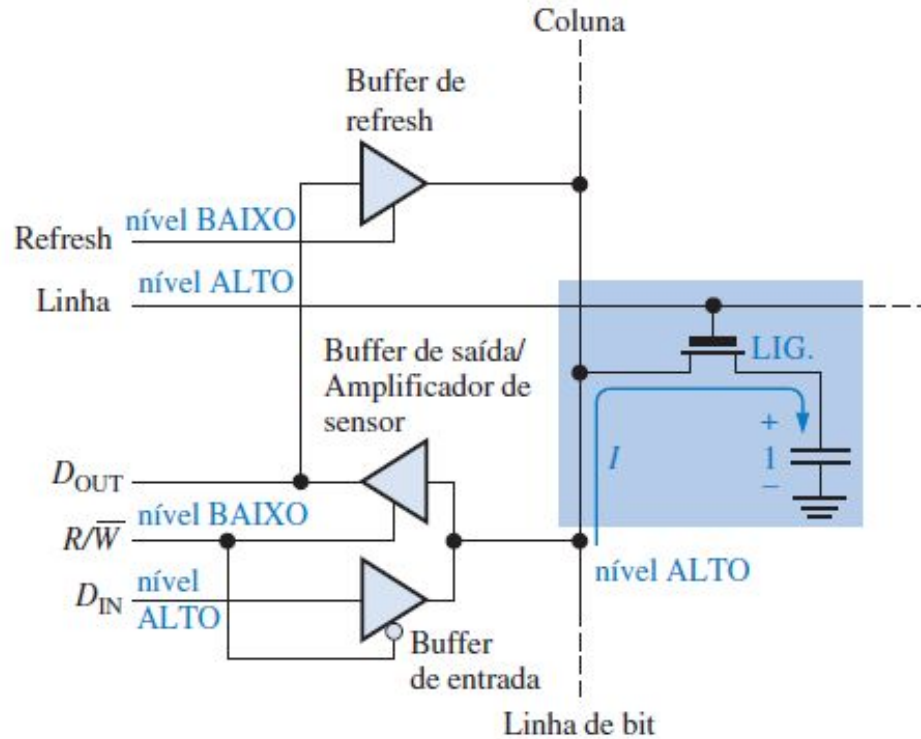


# Memória Cache

- Uma das principais aplicações de SRAMs é na memória cache dos computadores.
- A memória cache é relativamente pequena, de alta velocidade e que armazena as instruções ou dados mais recentes usados a partir da memória principal que é maior, porém mais lenta.
- A memória cache é uma forma de melhorar o desempenho de um sistema sem recorrer a opção mais custosa de ter toda a memória rápida.
- O conceito de memória cache é baseado na ideia de que os programas de computadores tendem a obter instruções ou dados a partir de uma área da memória principal antes de se mover para uma outra área.

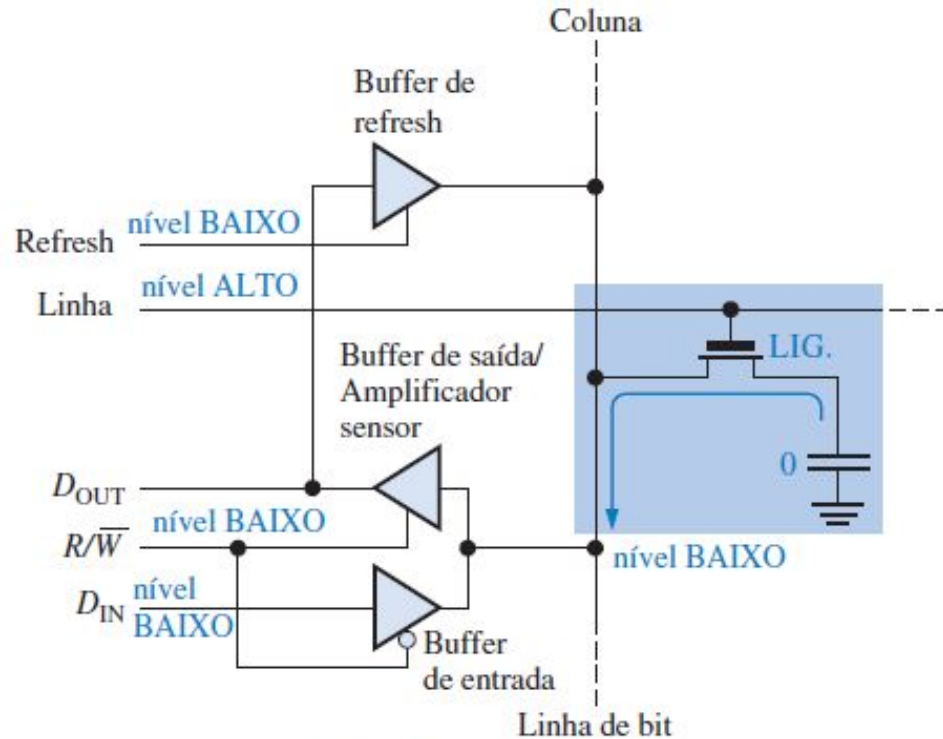


# Memória DRAM



(a) Escrita de um nível 1 na célula de memória

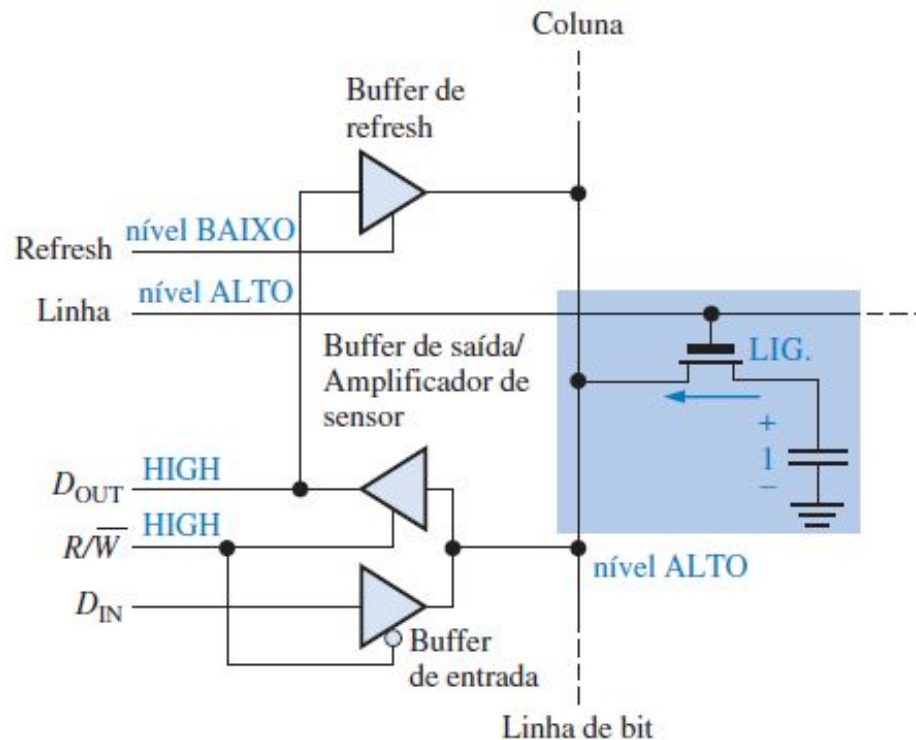
# Memória DRAM



(b) Escrita de um nível 0 na célula de memória

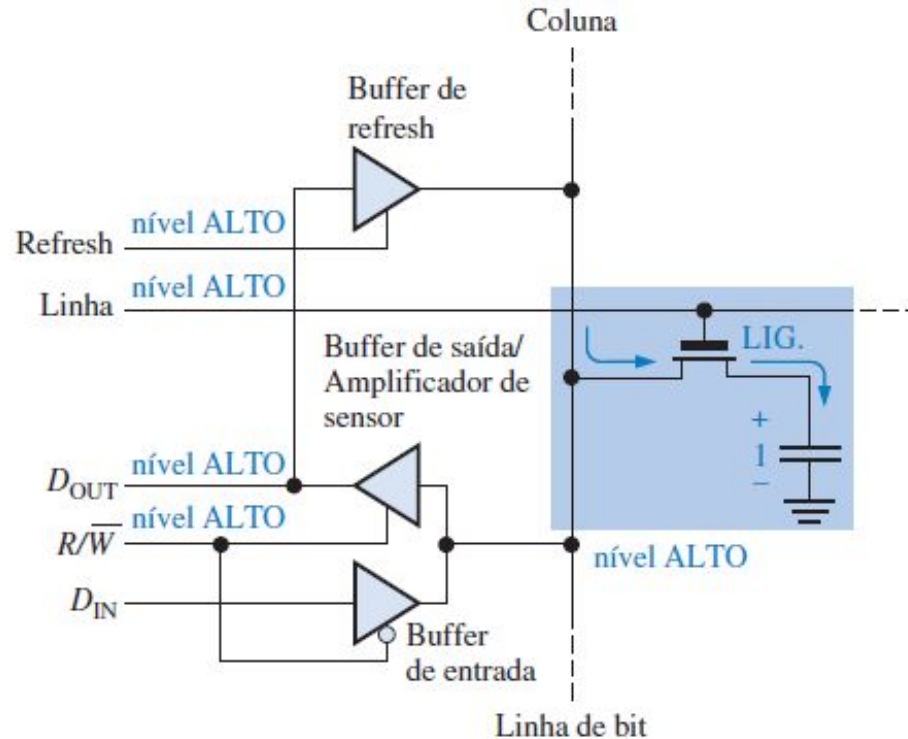


# Memória DRAM



(c) Leitura de um nível 1 a partir da célula de memória

# Memória DRAM



(d) Refresh de um nível 1 armazenado

# Memória ROM

- ROM (read only memory): memória não-volátil que permite, durante a operação do sistema, apenas a leitura.
- Tipos de ROM:
  - ROM (read only memory ou ainda mask programmed read only memory)
  - PROM (programmable read only memory)
  - UV-EPROM (ultraviolet erasable programmable read only memory - muitas vezes denominada apenas EPROM erasable programmable read only memory)
  - EEPROM (electrically erasable programmable read only memory)